ریاضیات گسسته تمرین پیشرفته - شمارش مقدماتی آریا عازم تاریخ تحویل ۱۴۰۳/۱۲/۹

سؤال ١.

نشان دهید نمی توان ۷ خط راست را طوری در صفحه رسم کرد که حداقل ۶ نقطه تقاطع وجود داشته باشد که محل برخورد دقیقا ۳ خط باشد. و حداقل ۴ نقطه تقاطع وجود داشته باشد که محل برخورد دقیقا دو خط باشد.

سؤال ٢.

i+j+k=1 سامانهای وجود دارد که شناسه هر کاربر در آن برابر با یک سه تایی از اعداد طبیعی مانند (i,j,k) است به طوری که i+j+k=1 برقرار است. اگر شناسه هر کاربر یکتا باشد و نتوانیم کاربر جدیدی اضافه کنیم (ظرفیت سامانه تکمیل باشد):

الف) تعداد كاربران را بيابيد.

ب) اگر A مجموعه شناسه همه کاربران باشد، مقدار عبارت زیر را بیابید.

 $\sum_{(i,j,k)\in A} ijk$