Міністерство освіти і науки України Національний технічний університет України "Київський політехнічний інститут імені Ігоря Сікорського" Фізико-Технічний інститут

КРИПТОГРАФІЯ КОМП'ЮТЕРНИЙ ПРАКТИКУМ №1

Виконала: Студентка 3-го курсу

Групи ФБ-93

Пономаренко Олександра Сергіївна

Експериментальна оцінка ентропії на символ джерела відкритого тексту

Мета:

Засвоєння понять ентропії на символ джерела та його надлишковості, вивчення та порівняння різних моделей джерела відкритого тексту для наближеного визначення ентропії, набуття практичних навичок щодо оцінки ентропії на символ джерела.

Завдання до виконання:

- 0. Уважно прочитати методичні вказівки до виконання комп'ютерного практикуму.
 - 1. Написати програми для підрахунку частот букв і частот біграм в тексті без пробілів (з пробілами), а також підрахунку H_1 , H_2 та H_3 за безпосереднім означенням (і для тексту із пробілами відповідні ентропії).
 - 2. За допомогою програми CoolPinkProgram оцінити значення $H^{(10)}$, $H^{(20)}$, $H^{(30)}$.
 - 3. Використовуючи отримані значення ентропії, оцінити надлишковість російської мови в різних моделях джерела.

Виконання роботи:

Застосовані функції:

- 1)для читання з файлу;
- 2)для запису в файл;

```
⊡#include <iostream>
 #include <string>
 #include <iomanip>
 #include <algorithm>
 #include <clocale>
 #include <fstream>
 #include <windows.h>
 #include <math.h>
 using namespace std;
_string inputf(ifstream& f, char str[40]) {
     string a;
     f.open(str);
     if (f.fail()) {
          cout << "\n Fail to open the file";</pre>
     string extra = "";
     while (getline(f, a)) {
         extra += a;
     f >> extra;
     f.close();
     return extra;
□void outputf(ofstream& f, string a, char str[40]) {
     f.open(str);
     if (f.fail()) {
         cout << "\n Fail to open the file";</pre>
         exit(1);
      f.close();
```

- 3)-для знаходження матриці частоти біграм (з перетином)
- -для запису відповідної матриці
- -для знаходження відповідної ентропії

```
ble withIntersection(string** a_bigram, int lengthOfArray, string txt_filtered, int lengthOfText, ofstream& f1, char str[40], string alphabet)
string bigram = '
char sym1;
char sym2;
 //цикл на заповнення біграм алфавіту
for (int r = 0; r < lengthOfArray; ++r) {
    for (int c = 0; c < lengthOfArray; ++c) {</pre>
          sym1 = alphabet[r];
           sym2 = alphabet[c];
           string bi1(1, sym1);
           string bi2(1, sym2);
           bigram = bi1 + bi2;
           a_bigram[r][c] = bigram;
string** sa_frequencyOfBi = new string * [lengthOfArray];
double** a_frequencyOfBi = new double* [lengthOfArray];
     sa_frequencyOfBi[i] = new string[lengthOfArray];
a_frequencyOfBi[i] = new double[lengthOfArray];
for (int i = 0; i < lengthOfArray; i++) {
   for (int j = 0; j < lengthOfArray; j++) {
      counter[i][j] = 0;</pre>
for (int i = 0; i < lengthOfText; i++) {
    j1 = alphabet.find(txt_filtered[i]);</pre>
      j2 = alphabet.find(txt_filtered[i + 1]);
      counter[j1][j2]++;
double frequencyOfBi;
 //цикл на підрахунок частоти кожної біграми
      for (int c = 0; c < lengthOfArray; ++c) {
   frequencyOfBi = (counter[r][c] * 1.0) / (lengthOfText - 1);</pre>
           //заповнення додаткової стрінгової матриці, яку ми запишемо у файл sa_frequencyOfBi[r][c] = a_bigram[r][c] + ": " + to_string(frequencyOfBi) + " "; a_frequencyOfBi[r][c] = frequencyOfBi;
 //запис матриці у файл
 f1.open(str);
 if (f1.fail()) {
 for (int r = 0; r < lengthOfArray; ++r) {
       f1 << endl;
       for (int c = 0; c < lengthOfArray; ++c) {
             f1 << setw(10) << sa_frequencyOfBi[r][c];
```

```
| if (f1.fail()) {
| cout << "\n Fail to open the file";
| exit(1);
| for (int r = 0; r < lengthOfArray; ++r) {
| f1 << endl;
| for (int c = 0; c < lengthOfArray; ++c) {
| f1 << setw(10) << sa_frequencyOfBi[r][c];
| }
| f1.close();
| double entropy = 0;
| double logarifm;
| // μμκλ μα μιαχλοχακεμμα εμτροπί
| for (int r = 0; r < lengthOfArray; ++r) {
| for (int c = 0; c < lengthOfArray; ++r) {
| for (int c = 0; c < lengthOfArray; ++c) {
| logarifm = log10(a_frequencyOfBi[r][c]) / log10(2);
| // у тому випадку, коли частота біграми=0, логаріфм дорівнюватиме нескінченності
| if (logarifm == -INFINITY) {
| logarifm = 0; //запишемо через нуль для зручності (адже ми все одно будемо множити на нуль)
| logarifm = a_frequencyOfBi[r][c] * logarifm;
| entropy = entropy + logarifm;
| entropy = entropy * (-1);
| return entropy;
```

- 4)-для знаходження матриці частоти біграм (без перетину)
- -для запису відповідної матриці

-для знаходження відповідної ентропії

```
string bigram = "";
     char sym1;
     char sym2;
     for (int r = 0; r < lengthOfArray; ++r) {</pre>
            sym1 = alphabet[r];
             sym2 = alphabet[c];
             string bi1(1, sym1);
             string bi2(1, sym2);
bigram = bi1 + bi2;
             a_bigram[r][c] = bigram;
     int** counter = new int* [lengthOfArray];
string** sa_frequencyOfBi = new string * [lengthOfArray];
     double** a_frequencyOfBi = new double* [lengthOfArray];
        counter[i] = new int[lengthOfArray];
         sa_frequencyOfBi[i] = new string[lengthOfArray];
         a_frequencyOfBi[i] = new double[lengthOfArray];
         for (int j = 0; j < lengthOfArray; j++) {</pre>
             counter[i][j] = 0;
     for (int i = 0; i < lengthOfText; i = i + 2) {
         j1 = alphabet.find(txt_filtered[i]);
         j2 = alphabet.find(txt_filtered[i + 1]);
         counter[j1][j2]++;
     double frequencyOfBi;
         for (int c = 0; c < lengthOfArray; ++c) {
    frequencyOfBi = (counter[r][c] * 1.0) / (lengthOfText / 2);</pre>
             sa_frequencyOfBi[r][c] = a_bigram[r][c] + ": " + to_string(frequencyOfBi) + " ";
a_frequencyOfBi[r][c] = frequencyOfBi;
```

```
f1.open(str);
if (f1.fail()) {
    cout << "\n Fail to open the file";</pre>
    exit(1);
for (int r = 0; r < lengthOfArray; ++r) {</pre>
    f1 << endl;
    for (int c = 0; c < lengthOfArray; ++c) {</pre>
        f1 << setw(10) << sa_frequencyOfBi[r][c];</pre>
f1.close();
double entropy = 0;
double logarifm;
for (int r = 0; r < lengthOfArray; ++r) {</pre>
    for (int c = 0; c < lengthOfArray; ++c) {</pre>
        logarifm = log10(a_frequencyOfBi[r][c]) / log10(2);
        if (logarifm == -INFINITY) {
             logarifm = 0;
        logarifm = a_frequencyOfBi[r][c] * logarifm;
        entropy = entropy + logarifm;
entropy = entropy * (-1);
return entropy;
```

5)-для знаходження ентропії із частотами літер

б)-для підрахунку усіх літер-для підрахунку частоти кожної літери-для сортування частот

Відповідні текстові файли:

- vim_whs.txt фільтрований текст без пробілів;
 intersection_matrix.txt матриця частот біграм (з перетином);
 matrix.txt матриця частот біграм (без перетину);
 sorted.txt відсортовані частоти літер. Ці всі файли знаходяться у папці without_spaces/.
- **vim_ws.txt** фільтрований текст із пробілами; **intersection_matrix_ws.txt** матриця частот біграм (з перетином); **matrix_ws.txt** матриця частот біграм (без перетину); **sorted_ws.txt** відсортовані частоти літер. Ці всі файли знаходяться у папці **with_spaces**/.

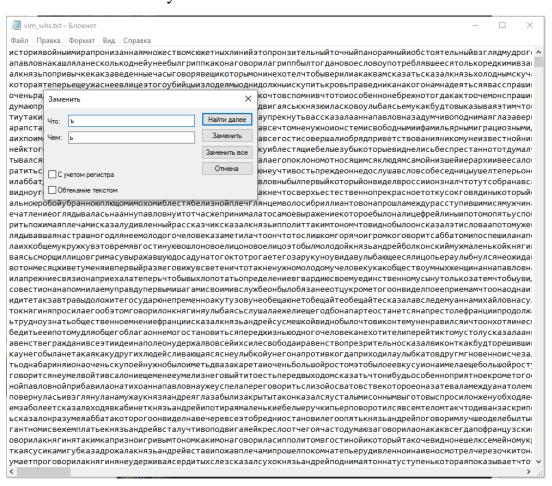
Далі перейдемо до мейну:

I. Текст без пробілів:

1)фільтрація тексту

```
setlocale(LC_ALL, "Russian");
      string txt_before, txt_after;
      string txt_sorted, txt_filtered;
      ofstream f1;
      char str1[40], str2[40];
      cout << "Enter the root to .txt file: ";</pre>
      cin >> str1;
ı
      txt_before = inputf(f, str1);
      txt_after = txt_before;
      txt_after.erase(remove_if(txt_after.begin(), txt_after.end(), [](char c) { return !isalpha((unsigned char)c); }), txt_after.end());
      char chars[] = "abcdefghijklmnopqrstuvwxyzABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ";
      for (unsigned int i = 0; i < strlen(chars); ++i) {</pre>
           txt_after.erase(std::remove(txt_after.begin(), txt_after.end(), chars[i]), txt_after.end());
       //верхній регістр->нижній регістр
ı
      transform(txt_after.begin(), txt_after.end(), txt_after.begin(), tolower);
      cout << "New .txt is ready. Enter the root to it: ";</pre>
      cin >> str2;
      outputf(f1, txt_after, str2);
```

Залишилося замінити усі літери 'ë' на 'e', та 'ь' на 'ь'. Зробити це можна у звичайному блокноті



2) Проходження по ф-ціям, запис у файли та підрахунок усіх ентропій

```
| string alphabet; | int lengthOfText; | int l
```

Знайдені значення ентропії:

-із частотою літер

```
Length of new txt: 2302687 symbols
Entropy(symbol frequencies): 4.45931
```

-із частотою біграм (з перетином та без)

```
Entropy(bigram frequencies with intersection): 4.13845
Entropy(bigram frequencies): 4.13767
```

<u>II. Текст із пробілами:</u>

1)фільтрація тексту

Також замінимо усі літери 'ё' на 'е', та 'ь' на 'ь'.

2) Проходження по ф-ціям, запис у файли та підрахунок усіх ентропій

```
the name of filtered txt(with spaces): ";
cin >> str1;
txt_filtered = inputf(f, str1);
alphabet = "абвгдежзийклмнопрст
lengthOfArray = alphabet.length();
lengthOfText = txt_filtered.length();
cout << "Length of new txt: " << lengthOfText << " symbols" << endl;</pre>
string* as_frequencyOfSym2 = new string[lengthOfArray];
int* a_quantityOfSym2 = new int[lengthOfArray];
double* a_frequencyOfSym2 = new double[lengthOfArray];
txt_sorted = sorted_txt(lengthOfArray, txt_filtered, a_quantityOfSym2, lengthOfText, as_frequencyOfSym2, a_frequencyOfSym2, alphabet); cout << "The frequency of symbols in the new .txt has been sorted. Enter the root to it: ";
outputf(f1, txt_sorted, str2);
cout << "Entropy(symbol frequencies): " << entropy(a_frequencyOfSym2, lengthOfArray) << end1;</pre>
string** a_bigram2 = new string * [lengthOfArray];
for (int i = 0; i < lengthOfArray; i++) {
    a_bigram2[i] = new string[lengthOfArray];
cout << "The frequency of bigrams(with intersection) has been written. Enter the root to it: ";</pre>
cout << "Entropy(bigram frequencies with intersection): " << withIntersection(a_bigram2, lengthOfArray, txt_filtered, lengthOfText, f1, str2, alphabet) << endl;
cout << "The frequency of bigrams has been written. Enter the root to it: ";</pre>
cout << "Entropy(bigram frequencies): " << matrix(a_bigram2, lengthOfArray, txt_filtered, lengthOfText, f1, str2, alphabet) << endl;
```

Знайдені значення ентропії:

-із частотою літер

```
Length of new txt: 2747315 symbols
The frequency of symbols in the new .txt has been sorted. Enter the root to it: sorted_ws.txt
Entropy(symbol frequencies): 4.37631
```

-із частотою біграм (з перетином та без)

```
Entropy(bigram frequencies with intersection): 3.96615
Entropy(bigram frequencies): 3.96641
```

Хід роботи та опис труднощів:

Для написання даного комп'ютерного практикуму використовувала мову с++. За основу лабораторної роботи обрала книгу "Война и Мир". Фільтрація тексту на с++ проходить легко й без проблем, за допомогою вбудованної ф-кції isalpha(), яка перевіряє текст на наявність символів, окрім літер (якщо таких символів немає - повертає 1).

Під час зчитування тексту книги та запису фільтрованого тексту з'явилася проблема із кодуванням. Замість російських літер програма зчитувала та записувала незрозумілі позначки. Але це легко вирішилося переведенням кодування на ANSI.

Сортування із частотами літер я зробила за допомогою сортування масиву вибором. Реалізація нескладна через використання вбудованної ф-ції swap(), яка міняє місцями два обрані елементи масиву.

Для обрахунків ентропії використовуємо формулу:

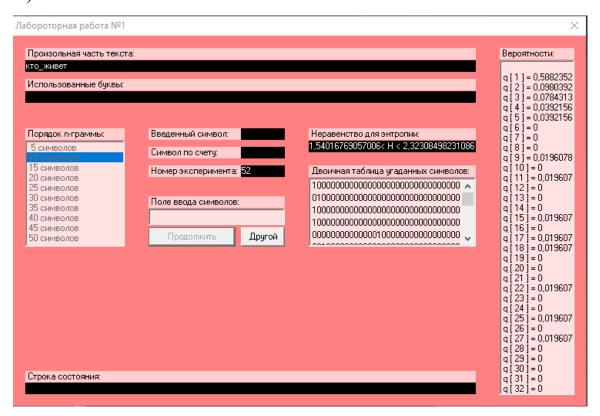
$$H(Z) = -\sum_{i=1}^{n} p_i \log p_i.$$

замінюючи імовірність на відповідну частоту. Так як зазвичай основою логарифму беруть двійку, потрібно зробити перехід від основи 10 до основи 2. Робиться це за формулою $\log_{10}(x)/\log_{10}2$.

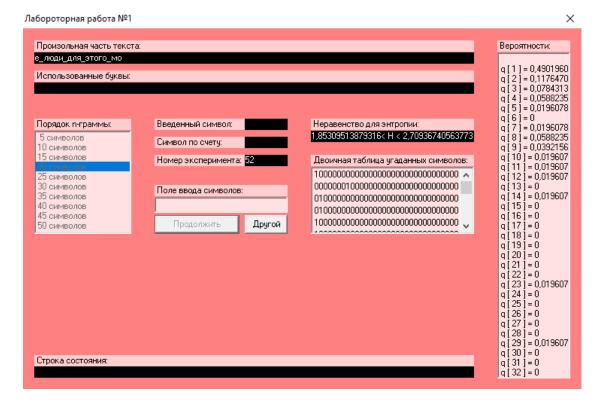
Також під час обрахунків ентропії біграм зустрінемося з випадком, коли значення p=0, а отже логарифм буде дорівнювати -нескінченності. А нуль помножити на -нескінченність = невизначенність. На практиці, використовуючи правило Лопіталя, можна довести, що це значення все ж таки дорівнюватиме нулю, але програма буде видавати пап. Щоб запобігти такої неприємної ситуації, я вирішила додати умову:

2) За допомогою програми CoolPinkProgram оцінити значення $\mathbf{H}^{(10)}, \mathbf{H}^{(20)}, \mathbf{H}^{(30)}$:

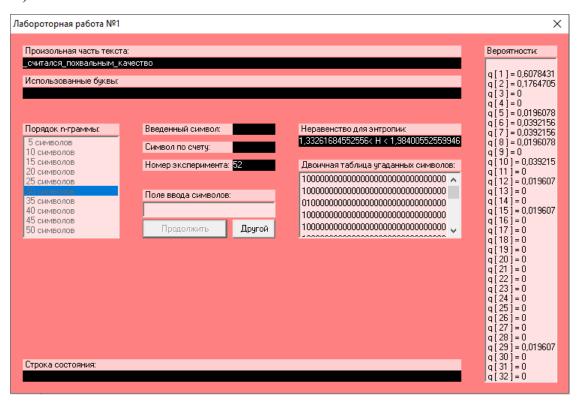
A) $H^{(10)}$



Б) H⁽²⁰⁾



B) H⁽³⁰⁾



3) Використовуючи отримані значення ентропії, оцінити надлишковість російської мови

Надлишковість мови обраховується за такою формулою:

$$R = 1 - \frac{H_{\infty}}{H_0}$$

$$H_0 = log_2 32 = 5$$

$$1)1-(1.5401/5)>R^{(10)}>1-(2.323/5)$$

$$0.6919 > R^{(10)} > 0.5354$$

$$0.6294 > R^{(20)} > 0.4581$$

$$0.7335 > R^{(30)} > 0.6032$$

Висновок:

За цю лабораторну роботу ми дізналися про поняття ентропії та обрахували практично різні її значення для обраного тексту(з пробілами і без). Також для обчислення біграм згадали як працювати із двумірними масивами та згадали методи сортування масивів(для масиву частот літер). Також корисними для закріплення були робота із файлами(зчитування/запис) та ознайомлення з github'ом.