

Модель боевых действий

Аминов Зулфикор¹

26 февраля, 2022, Москва, Россия

¹Российский Университет Дружбы Народов

Цели и задачи работы

Цель лабораторной работы

Изучение моделирования простейшие модели боевых действий – модели Ланчестера

Задание к лабораторной работе

1. Изучить модели Ланчестера
2. Построить график
3. Определить победитель

Процесс выполнения лабораторной работы

Рассмотри три случая ведения боевых действий:

1. Боевые действия между регулярными войсками
2. Боевые действия с участием регулярных войск и партизанских отрядов
3. Боевые действия между партизанскими отрядами

В первом случае модель боевых действий между регулярными войсками описывается следующим образом

$$\begin{cases} \frac{dx}{dt} = -a(t)x(t) - b(t)y(t) + P(t) \\ \frac{dy}{dt} = -c(t)x(t) - h(t)y(t) + Q(t) \end{cases}$$

Во втором случае в борьбу добавляются партизанские отряды. В результате модель принимает вид:

$$\begin{cases} \frac{dx}{dt} = -a(t)x(t) - b(t)y(t) + P(t) \\ \frac{dy}{dt} = -c(t)x(t)y(t) - h(t)y(t) + Q(t) \end{cases}$$

Модель ведение боевых действий между партизанскими отрядами с учетом предположений, сделанных в предыдущем случае, имеет вид:

$$\begin{cases} \frac{dx}{dt} = -a(t)x(t) - b(t)x(t)y(t) + P(t) \\ \frac{dy}{dt} = -h(t)y(t) - c(t)x(t)y(t) + Q(t) \end{cases}$$

Между страной X и страной Y идет война. Численность состава войск исчисляется от начала войны, и являются временными функциями $x(t)$ и $y(t)$. В начальный момент времени страна X имеет армию численностью 66000 человек, а в распоряжении страны Y армия численностью в 77000 человек. Для упрощения модели считаем, что коэффициенты a, b, c, h постоянны. Также считаем $P(t), Q(t)$ непрерывные функции. Постройте графики изменения численности войск армии X и армии Y для следующих случаев:

Случай 1. Модель боевых действий между регулярными войсками

$$\begin{cases} \frac{dx}{dt} = -0.46x(t) - 0.58y(t) + |\sin(2t) + 1| \\ \frac{dy}{dt} = -0.69x(t) - 0.23y(t) + |\cos(t) + 1| \end{cases}$$

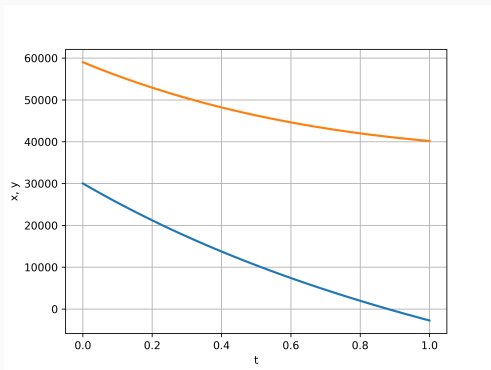


Figure 1: График численности для случая 1

Случай 2. Модель боевых действий между регулярными войсками

$$\begin{cases} \frac{dx}{dt} = -0.37x(t) - 0.71y(t) + |\sin(2t) + 1| \\ \frac{dy}{dt} = -0.77x(t) - 0.2y(t) + |\cos(t) + 2| \end{cases}$$

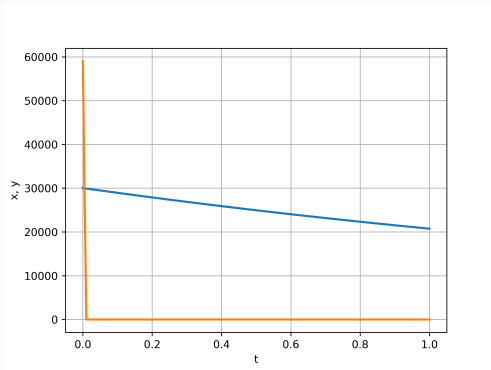


Figure 2: График численности для случая 2

Выводы по проделанной работе

Научился моделировать простейшие модели боевых действий – модели Ланчестера на языке python