#### مقدمه:

در این تمرین قرار است به بررسی روش های مختلف جستجو برای حل مسئله، نحوه پیاده سازی ها و تمایز و برتری هر یک نسبت به دیگری را مورد بررسی قرار بر هیم.

## مدل کردن مسئله:

هر state در مسئله با توجه به مكان دانه ها و مشخصات بدن مار مشخص میشوند. البته در برخی شر ایط كه ادامه ذكر خو اهند شد، اطلاعات بیشتری به مسئله اضافه می كنیم. در تمام روش ها اما ویژگی مختصات اجز ای مار و مختصات و امتیاز دانه ها وجود دارد.

برای هر مار اطلاعات مهمی نیاز داریم: مکان سر مار و مکان دم مار که برای بررسی برخورد ها اهمیت دارد، یک لیست برای مشخصات بدنه مار که برای مشخصات بدنه مار که برای مشخص کردن استیت هست و البته برای بررسی برخورد ها اهمیت بالایی دارد. همچنین طول مار نیز ذخیره میشود.

بر ای دانه ها از یک dictionary استفاده میکنیم که در آن کلید مختصات دانه و مقدار امتیاز دانه می باشد.

حال برای هر استیت یک مار، یک دانه، عمق و البته اینکه استیت اولیه است یا خیر مورد بررسی قرار میگیرد. استیت اولیه برای حل مشکل نخوردن دانه در همان استیت اول قرار داده شده است.

در تمامی روش ها به جز IDS استیت یکسان استیتی با دانه های یکسان و مار یکسان می باشد، اما در IDS علاوه بر اینها عمق هم اهمیت دارد زیرا دیدن یک استیت یکسان در عمق مثل n و دیدن در عمق k دارد (یعنی اگر حداکثر عمق مثلا 10 باشد و یک استیت را در لول 9 موجب رسیدن ما جواب شود و این باید در نظر گرفته شود).

با توجه به اینکه حرکت در بازی متوجه مار میباشد، پس بر ای کلاس Snake یکسری متد بر ای حرکت و خوردن دانه و ... استفاده میشود. یک متد به نام didGetSeed وجود دارد. در این متد بررسی میشود که آیا سر مار بر روی دانه قر ار دارد یا خیر. در صورت وجود داشتن True و در غیر اینصورت False بازگردانده میشود. متد calNewSnake بر اساس اینکه مار دانه خورده است یا خیر و نحوه حرکت مختصات مار جدید (شامل اطلاعات سر ، دم و بدن) را باز میگرداند. این متد خود از متد صورت استفاده می کند. متد move بی توجه به برخور د به دانه مار را در جهت حرکت جا به جا میکند به این صورت که دم حذف شده و مختصات جدید سر در ابتدای body قر ار داده میشود. در صورت برخور د به دانه خود calNewSnake که دم حذف شده را به لیست باز می گرداند بر ای هر مار یک متد isValidMove هم وجود دارد که بررسی میکند که آیا این حرکت مجاز هست فرضا اینکه آیا به بدن خود برخور د میکند یا خیر.

هر استیت جدید توسط مند calNewState در کلاس State محاسبه میشود. به این ترتیب که ابتدا مشخص میشود که آیا به دانه برخورد کردیم در صورت برخورد از امتیاز دانه مربوطه یک واحد کم میشود (اگر امتیاز صفر شود دانه حذف خواهد شد) و مختصات مار جدید با اضافه شدن به طول توسط calNewSnake مشخص میشود. در غیر اینصورت فقط calNewSnake بدون افزودن به طول کار خود را انجام میدهد.

در کلاس State یک مند isGoal و جود دار د. این مند اگر فقط یک دانه با امتیاز یک در زمین باشد و دقیقا سر مار روی آن باشد True باز میگر داند.

برای intial State هم در ایندا dictionary و شی Snake بر اساس اطلاعات ورودی ساخته میشود و البته isInitial برای آن برابر یک قرار میگیرد.

## توضيح الگوريتم هاي بياده سازي شده:

• الگوریتم bfs: با توجه به شبه کد این الگوریتم، به این صورت عمل میکنیم که در ابتدا initial state در صف frontier قرار میگیرد. تا زمانی که صف خالی نشده باشد در هر مرحله state ابتدای صف خارج میشود و به از ای تمام حرکات (چپ، راست، بالا و پایین) بررسی میشود که آیا این حرکت مجاز هست یا نه. در صورت مجاز بودن استیت جدید محاسبه میشود. اگر این استیت تکر اری نبود به صف اضافه شده و البته به explored set هم اضافه میشود.

توجه کنید که در الگوریتم گفته شده است که استیت تکراری زمانی مشخص میشود که آن استیت نه در explored set باشد و نه در صف، اما با توجه به اینکه صف برای جستجو کند است باید چاره ای اندیشیده شود. برای حل این موضوع به جای آنکه در explored set هر استیتی که خارج میشود را قرار دهیم، هر استیتی که ساخته میشود (در حلقه حرکات) را قرار میدهیم به این صورت سرعت بهتری خواهیم داشت.

- الگوریتم ids: در این الگوریتم ما یک تابع داریم که به صورت حلقه بی نهایت تا زمانی که به جو اب بر سد به تابع depth limited search را صدا میکند. در هر بار صدا کردن explored set خالی میشود.در این تابع depth limited search در هر مرحله نود مربوط به explored اضافه شده یک حرکت انجام شده و تابع روی استیت explored در هر مرحله نود مربوط به و احد کم جدید (البته باز هم اگر تکر اری نباشد و حرکت مجاز باشد) فر اخوانی می شود و البته عمق باقی مانده یک و احد کم میشود. اگر به جو اب برسیم جو اب چاپ شده و از حلقه خارج میشویم. اگر عمق به پایان بر سد fail بازگر دانده میشود. و این مقدار بازگر دانده میشود. اگر تمامی بچه های یک نود به limit برسند و جو اب نباشد fail بازگر دانده میشود.
- الگوریتم A\*: همانند الگوریتم bfs اینجا هم همان وضعیت را داریم. در اینجا فقط استیت های خارج شده از صف را در explored میریزیم. از طرفی در اینجا صف عادی نداریم و priority queue داریم. مقدار priority برای هر یک همان f است که برابر g که همان عمق استیت(State.depth) است، به اضافه h که همان heuristic میباشد. در اینجا از دو heuristic استفاده کر ده ایم:

1- در این تابع heuristic ما به این صورت عمل میکنیم که فاصله همیلتونی سر مار از نزدیک ترین دانه را حساب میکنیم. سپس فاصله همیلتونی آن دانه تا نزدیک ترین دانه به خود و به همین ترتیب ادامه میدهیم. به این ترتیب مجموع این مقدار heuristic ما خواهد بود.

این تابع admissible است زیرا در بهترین حالت یعنی عدم برخورد مار به بدن خودش و البته اینکه همه دانه ها امتیاز یک باشند این مقدار خواهد بود، پس همواره:

$$h(n) \leq h^*(n)$$

علاوه بر اینها این تابع consistent هم هست. برای consistency باید رابطه زیر برقر ار باشد:

$$h(N) \le c(N,P) + h(P)$$

h(N) در اینجا این رابطه برقر ار است. اگر دانه ای نخوریم c(N,P) در بهترین حالت همان مقداری است که از h(N) کم شده و h(P) به دست آمده است پس حالت کوچکتر مساوری برقر ار خواهد بود. در صورت برخور د به دانه یک هم همین شر ایط دقیقا موجود است و در صورت برخور د به دانه 2 پس از خروج از دانه h(p) افز ایش هم یافته پس این شر ایط همواره برقر ار است.

2- در تابع دوم heuristic میزان مجموع دانه های درون زمین است. این هم admissible است و در اکثر مواقع به جز اینکه دانه ها همگی پشت هم باشند که در این حالت، بخش مساوی شرط برقرار است همواره کوچکتر از هزینه و اقعی است.

با توجه به اینکه تابع اول مقدار نز دیک تری به مقدار و اقعی را تخمین میزند پس حتما ما را در مسیر بهتری قرار میدهد.

• الگوريتم \*A با تابع اول استفاده کرديم به جز اينکه : weighted A\* الگوريتم f = g + h \* WEIGHT

تفاوت الگوريتم ها: قبل از بررسي دقيق و مقايسه الگوريتم ها، ابتدا جدول اطلاعات را بر اي هر تست كامل ميكنيم:

## برای تست 1:

	فاصله جو اب	مسير جواب	تعداد استیت دیده شده	تعداد استیت مجز ای دیده شده	زمان اجر ا
BFS	12	LDUULULLUULL	9524	4531	0.101857
IDS	12	LDUULULLUULL	56640	13457	0.9023
A* 1	12	DLRRDDRRDRDD	1432	1251	0.5
A* 2	12	DLULUULLLLUU	6463	4741	0.11
Weighted weight = 2	14	RUURRDDRDDDD DD	1355	892	0.03
Weighted Weight = 5	14	RUURRDDDRRRR RR	529	381	0.008

# براى تست 2:

	فاصله جو اب	مسير جواب	تعداد استیت دیده شده	تعداد استیت مجز ای دیده شده	زمان اجر ا
BFS	15	URDLLUUUULULL LL	108467	48454	1.46
IDS	15	RDLLUUUULULLLL	571852	99912	9.756
A* 1	15	RLLURULULUULLL L	192	191	0.005
A* 2	15	URDLLUULUULLU LL	159784	113664	3.38
Weighted weight = 2	15	RULLDLUUUUULL LL	61	46	0.00099
Weighted Weight = 5	15	RULLDLUUUUULL LL	61	46	0.00099

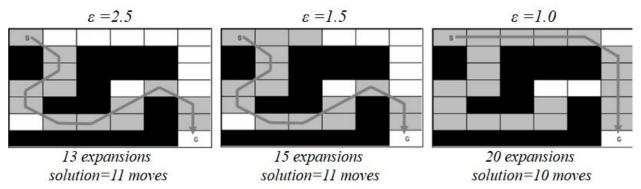
### براى تست 3:

	فاصله جو اب	مسير جواب	تعداد استیت دیده شده	تعداد استیت مجز ای دیده شده	زمان اجر ا
BFS	25	URRDDDRRDRRR DDRRULLDLUULL	445393	198194	5.71
IDS	25	RRDDDRRDRRRD DRRULLDLUULL	3599510	466465	66.935
A* 1	25	URDDDRDRRRDR DRRRULLDLUULL	19430	13510	0.545
A* 2	25	RUDDDRRRDRDR DRURRDLLULLLU	2742249	1533576	68
Weighted weight = 2	26	URRDDDDRRRUL DDRDRRURRDLDL U	1976	1351	0.036
Weighted Weight = 5	26	URRDDDRRDDRU LDDRRRURRDLDL U	235	172	0.005

با توجه به جداول در مقایسه الگوریتم ها میتوان گفت A\* با یک هیوریستیک بسیار مناسب و با تخمین بسیار عالی بسیار وضعیت را خوب می کند و علاوه بر زمان مناسب جواب بهینه را به ما میدهد. Weighted با وزن بالا میتواند در زمان ما را بسیار یاری کند اما در این روش با توجه به وزن بالاتر با اینکه سرعت خوبی می گیریم اما بهینه بودن جواب از دست میرود. در کل A\* به طور کلی روش بهتری است اما بسته به نیاز انتخاب روش حل ممکن است متقاوت باشد. در مورد IDS در این مثال ها چون عمق چندان زیادی ندارم خیلی خود را نشان نمی دهد اما به طور کلی استیت های متقاوت کمتری خواهد در این مثال ها چون عمق چندان زیادی ندارم خیلی خود را نشان نمی دهد اما به طور کلی استیت های متقاوت کمتری خواهد

$$f = g + h * WEIGHT$$

باید بگوییم به ترتیب استیت ها مانند A\* عادی نخواهد بود و برخی استیت هایی که در قیل شانس گسترش داشتند از بین میروند و این باعث میشود استیت های کمتری دیده بشوند و سریعتر به جواب برسیم. وزن بیشتر در اینجا شرایط را بهتر میکند مانند شکل زیر:



همانطور در شکل هم دیده میشود با وزن بیشتر حالات کمتری می بینیم اما ممکن است از جواب بهینه دور شویم.

### نتيجه:

میتوان در کل نتیجه گرفت هر روش نسبت به دیگری برتری دارد اما در کل میتوان گفت روش  $A^*$  روشی بسیار کامل است که در آن هم به سرعت و هم به دقت و بهینه بودن پر داخته شده است.