



## دانشگاه تهران پردیس دانشکده های فنی دانشکده مهندسی برق و کامپیوتر

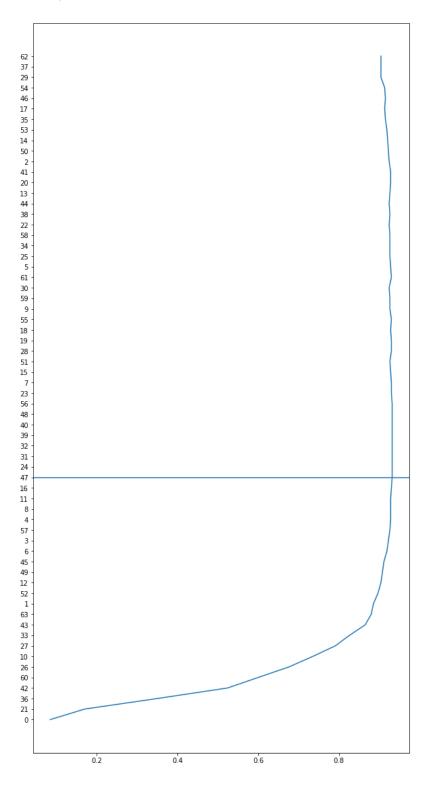
## یادگیری ماشین

تمرين پنجم

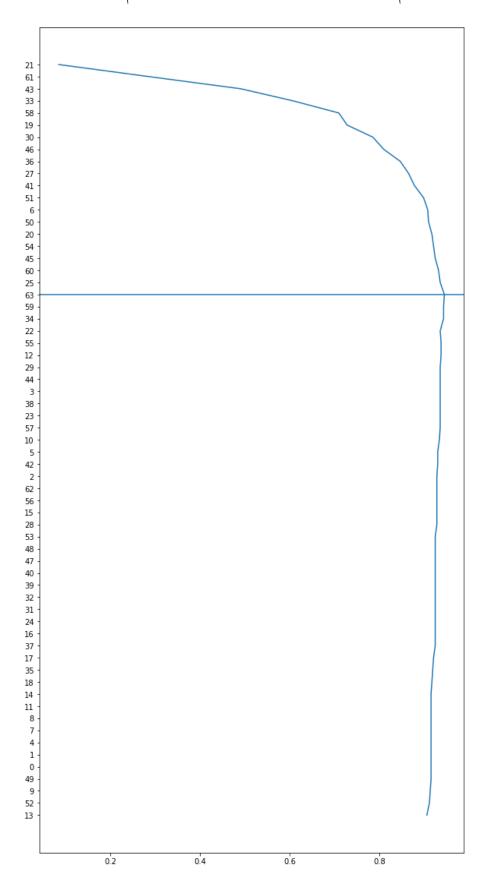
امیرحسین عباسکوهی

استاد ابولقاسمي

**سوال ۶)** نمودار مربوط به forward selection را در زیر میبینیم:



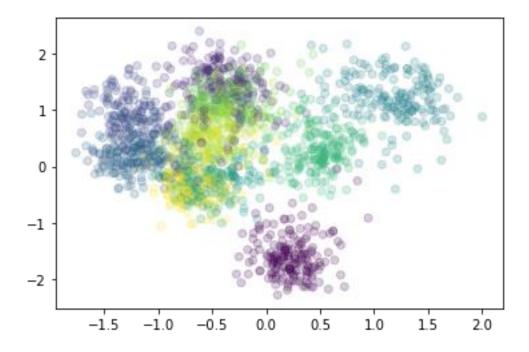
در اینجا هم تصویر backward selection را میبینیم:



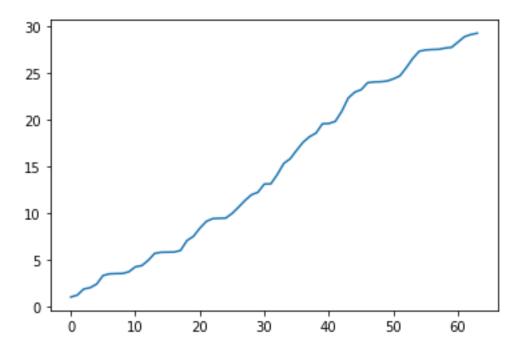
همانطور که قابل مشاهده است می توان گفت تقریبا forward selection نموداری برعکس backward selection دارد که این موضوع به علت ذات بر عکس این دو روش است که در forward در هر مرحله یک فیچر اضافه میکنیم اما در backward در هر مرحله کم میکنیم. از آن جایی که دیتاستی که در این سوال با آن کار میکنیم، دیتاست تصویر است پس مى توان گفت اكثر فيچر ها يك نشان دهنده يك پيكسل هستند اهميت دارد به همين دليل میبینیم با افزایش تعداد فیچر دقت بالاتر می رود اما نکته ای که در این جا وجود دارد این است که پس از مدل دقت fluctuate میکند. از طرفی میبنیم که از ۶۴ فیچر موجود در کل بر اساس نمودار ها حدود ۲۴ فیچر اهمیت دارد که این موضوع به این دلیل است که اعداد تمام پیکسل ها را استفاده نکرده اند و فیچر ها مهم تری وجود دارد. همانطور که قابل مشاهده است دو روش به دقت تقریبا مشابهی در بهترین حالت با تعداد متفاوت رسیده اند. در یکی ۲۴ فیچر انتخاب و در دیگری ۲۰ فیچر حذف شده اند که نشان دهنده تاثیر الگوریتم دو روش است. در كل روش backward بيشتر مورد پسند است زيرا روش forward تاثير suppressor توليد مي كند. اين suppressor ها زماني اتفاق مي اقتند كه تخمين زننده ها و ییش بینی کننده ها زمانی عالی هستند که دیگری ثابت نگه داشته شوند.

## سوال ۲)

با استفاده از LDA میتوانیم داده ها را در فضای دو بعدی رسم کنیم:

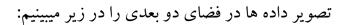


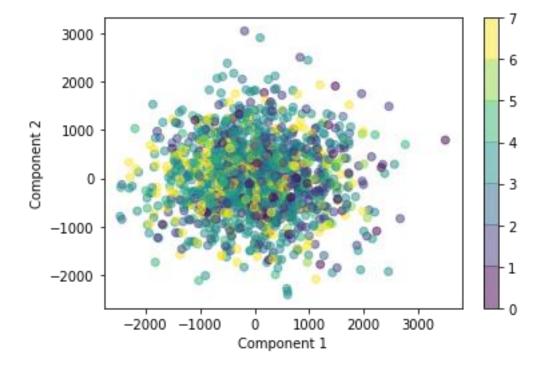
اما وقتى نمودار trace را رسم ميكنيم با نمودار زير مواجه ميشويم:



در اینجا میبینیم که با افزایش تعداد فیچر ها به طور کلی trace افزایش پیدا میکند. در واقع این همان multidimensional fisher discriminant است. (با افزایش فیچر ها به طبع داده های بیشتر در کل داریم و به همین دلیل trace بیشتر می شود)

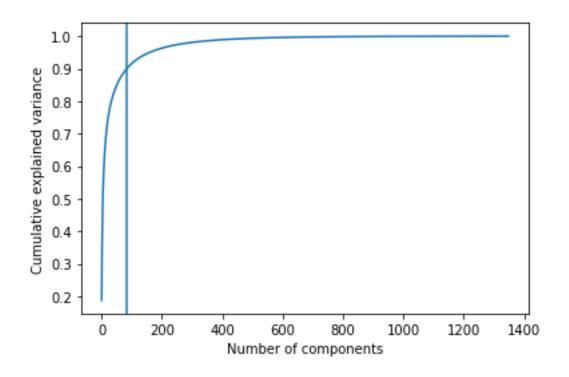
سوال ۹)





Principal component ها، متغیرهای جدیدی هستند که به صورت ترکیبات خطی یا مخلوطهای اولیه ساخته میشوند. این ترکیبات به گونهای انجام میشوند که متغیرهای جدید ناهمبسته هستند و بیشتر اطلاعات درون متغیرهای اولیه فشرده یا فشرده میشوند. وقتی به دو کامپوننت کاهش می دهیم یعنی دو کامپوننت برتر را انتخاب میکنیم.

نمودار cumulative exmaplained variance را در زير داريم:



همچنین تصاویر برای ۳۰ کامپوننت اول:



به نظر می رسد که تصاویر اولیه ( از چپ بالا ) با زاویه نور بر روی صورت ارتباط داشته و سپس بردارهای اصلی به نظر می رسد که ویژگی های خاصی مانند چشم ها ، بینی و لب دارند. با توجه به نمودار cumulative explained variance متوجه میشویم برای تعداد کامپوننت انتخاب شده ما اطلاعات لازم را بازیابی نکرده ایم و در نتیحه تصاویر در این بخش ها اطلاعات کافی را ندارند.



برای تصاویر recover شده اگر تعداد component را تغییر متوجه میشویم که با افزایش این تعداد تصویر واضح تری داریم که باز هم به نمودار explained variance برمیگردد که برای مقدار ۱۲۰ که تقریبا همان نقطه واریانس بالای ۰.۹ به دست آمده، اطلاعات جامع تری ذخیره شده و به نتیجه مطلوب رسیده ایم.