למידה חישובית

Gradient Descent -תרגיל כיתה מספר 1 – רגרסיה ליניארית ואלגוריתם ה אלגוריתם הגרדיאנט

1. עבור אלגוריתם ה- gradient descent, אם פונקציית המחיר היא:

$$J(\theta) = \frac{1}{2}\theta_1^2 + \cos(\theta_2)$$

: ידוע כי מקדם הלמידה הערך ההתחלתי הערך ההתחלתי הפרמטרים הוא ידוע כי מקדם הלמידה lpha=0.01

$$\theta = \begin{pmatrix} 2\pi \\ 0.5\pi \end{pmatrix}$$

$$abla J(heta)$$
 = ______ הוא: $J(heta)$

והצעד הראשון (האיטרציה הראשונה) של אלגוריתם ה- gradient descent הוא (רשמו את נוסחת האיטרציה הראשונה):

$$\theta = \begin{pmatrix} 2.01\pi \\ \pi/2 \end{pmatrix} \quad \theta = \begin{pmatrix} 0.55 \\ 2.625 \end{pmatrix} \quad \theta = \begin{pmatrix} 1.98\pi \\ \pi/2 + 0.01 \end{pmatrix} \quad \theta = \begin{pmatrix} 0.5 \\ 2.5 \end{pmatrix}$$

$$\theta = \begin{pmatrix} 0.01\pi \\ \pi/2 \end{pmatrix} \quad \theta = \begin{pmatrix} 0.45 \\ 2.375 \end{pmatrix}$$

ז. אף תשובה לא נכונה

$$heta$$
נוסחת העדכון היא:

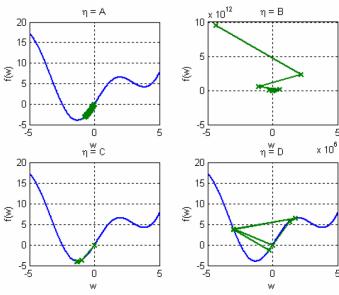
 $J(\theta): \mathfrak{R} \to \mathfrak{R}$ נתונה פונקציית המחיר.

$$J(\theta) = \theta^2 + 5\sin(\theta)$$

- א. מהו תנאי הכרחי לנקודת מינימום?
- ב. רשמו את אלגוריתם הגרדיאנט לבעייה זו.
- a=0.2 ג. הדגימו שני צעדי לימוד, עבור הערך ההתחלתי heta=0, וצעד הלימוד

ד. הגרפים הבאים מציגים מספר איטרציות של אלגוריתם הגרדיאנט עבור ערכים שונים של צעד הלימוד.

$$\alpha = 0.01, 0.2, 0.6, 3$$



. התאימו בין צעד הלימוד לגרף

(מתוך תרגיל בקורס מבוא למערכות לומדות, הטכניון)

ה. ממשו את אלגוריתם הגרדיאנט ב Python עבור בעייה זו וציירו את הגרפים עבור צעדי הלימוד השונים מהסעיף הקודם.

ו. נניח כי הפונקציה היא ועל היא איזה ועל הפונקציה היא ועל היא איזה ועל הפונקציה היא ועל איזה היא איזה ועל איזה היא איזה להצביע!

$$heta_0 = -5, -2.5, 2$$
 וכן , $J(heta) = 0.3 heta^2 + sin(3 heta)$ ז. חזרו על התרגיל כאשר:

מהי מסקנתכם?

רגרסיה ליניארית

.3 עבור בעיית הרגרסיה הליניארית, נניח כי וקטור התכונות מכיל תכונה אחת בלבד (לדוגמא : שטח הבית בדוגמת מחירי הדירות, זמן ההתפרצות בדוגמת הגייזר הנאמן), כלומר ההיפותזה : $h_{ heta}(x^{(i)})$

$$,h_{\theta}(x^{(i)}) = \theta_0 + \theta_i x^{(i)}$$

וכן פונקציית המחיר

$$J(\theta) = \frac{1}{2m} \sum_{i=1}^{m} \left(h_{\theta}(x^{(i)}) - y^{(i)} \right)^{2} = \frac{1}{2m} \sum_{i=1}^{m} \left(\theta_{0} + \theta_{i} x^{(i)} - y^{(i)} \right)^{2}$$

J(heta) את הממזערים האופטימליים האופטים ו- $heta_1$ ו- $heta_0$ האופטימליים

4. Piarce (1948) מדד את תדירות הצרצור של צרצרי קרקע (striped ground cricket), מספר מספר תנודות כנפיים לשניה או פולסי קול לשניה). וכן את טמפי הקרקע (ראו טבלה 1). מאחר וצרצרים הם בעלי חיים אקזותרמיים (בעלי דם קר) קיים בסיס להשערה כי הפעילות הפיזיולוגית שלהם תהיה תלוייה בטמפי החיצונית, ולכן לכך קשר בין תדירות התנודות לבין הטמפי.

באופן כללי נמצא כי הצרצרים אינם משמיעים קול בטמפי הנמוכה מ- 60 מעלות או גבוהה מ- 100 מעלות פרנהייט (15.5 ו-37 מעלות צלזיוס בהתאמה).

בתרגיל זה נניח כי קיים קשר לינארי בין התדירות לבין הטמפי.

- 1 בתרגיל כיתה מספר Xcricket.mat (ראו קובץ) Python א. ציירו את הנתונים באמצעות ה- במדל).
- ב. חשבו את הפרמטרים המתאימים והתאימו עקומה ליניארית לנתונים באמצעות חישוב אנליטי.
- ל. ממשו את אלגוריתם ה- Gradient Descent וחשבו את המקדמים. השוו למקדמים אותם קיבלתם בסעיף ב׳.
 - ד. מהי תדירות הצרצור הצפויה עבור טמפי של 95 מעלות? ועבור 65 מעלות פרנהייט?
 - ה. מה התדירות הצפויה עבור טמפי של 32 מעלות פרנהייט (קיפאון).



Temperature (° F)	Chirps/Second
88.6	20.0
71.6	16.0
93.3	19.8
84.3	18.4
80.6	17.1
75.2	15.5
69.7	14.7
71.6	15.7
69.4	15.4
83.3	16.3
79.6	15.0
82.6	17.2
80.6	16.0
83.5	17.0
76.3	14.4

The Song of Insects by George W. Pierce, 1948, page 20 טבלה 1: מתוך