

(Q5)

در دستگاه معادلات پارامتری زیر،  $a$  و  $b$  و  $c$  را به صورت تابعی از  $x, y, z$  (متغیرها) بیان کنید. (۵ نمره)

پسندید که با این کار به جواب  $a, b$  و  $c$  برسید.

$$(a+1)x - (y+z)a + bz = a - c$$

$$x - (x+z)c + cy = b$$

$$cx + c^2y - bc + z = 1$$

ابتدا معادلات را به فرمی که خواهیم دید، در دستگاه معادلات متغیرها بنویسید:

$$(a+1)x - ay + (b-a)z = a - c$$

$$(1-c)x + cy - cz = b$$

$$cx + c^2y + z = 1 + bc$$

Subject: .....

Year: ..... Month: ..... Day: ..... ( )

نام اول: دستگاه معادلات خطی را بفهم  $A\vec{x} = \vec{b}$  می نویسیم:

$$A = \begin{bmatrix} a+1 & -a & b-a \\ 1-c & c & -c \\ c & c^2 & 1 \end{bmatrix} \quad \vec{x} = \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix} \quad \vec{b} = \begin{bmatrix} a-c \\ b \\ 1+bc \end{bmatrix}$$

نام دوم: تساوی ماتریس گنگی بفهم  $[A | \vec{b}]$  می باشد که  $\vec{b}$  در ستون آخر

$$\left[ \begin{array}{ccc|c} a+1 & -a & b-a & a-c \\ 1-c & c & -c & b \\ c & c^2 & 1 & 1+bc \end{array} \right] \quad \text{قرار دارد. ماتریس گنگی:}$$

نام سوم: در روش حذف گوسی، هدف این است که یک ماتریس بالایی بسازیم.

پس ابتدا مقادیر آرایه های  $(2,1)$  و  $(3,1)$  را بر اساس آرایه  $(1,1)$

حذف کنیم.

$$\text{سطر دوم} + \left( \frac{c-1}{a+1} \right) \times \text{سطر اول} : \text{سطر دوم جدید}$$

ماتریس حاصل در صفحه بعد:

$$\left[ \begin{array}{ccc|c} a+1 & -a & b-a & a-c \\ 0 & \frac{a+c}{a+1} & \frac{(b-a)(c-1)}{a+1} - c & \frac{(a-c)(c-1)}{a+1} - c \\ c & c^2 & 1 & 1+bc \end{array} \right]$$

$$\text{row 2} = \left( \frac{-c}{a+1} \right) \times \text{row 1} + \text{row 2}$$

$$\left[ \begin{array}{ccc|c} a+1 & -a & b-a & a-c \\ 0 & \frac{a+c}{a+1} & \frac{(b-a)(c-1)}{a+1} - c & \frac{(a-c)(c-1)}{a+1} - c \\ 0 & \frac{ac+ac^2+c^2}{a+1} & \frac{c(a-b)}{a+1} + 1 & \frac{c(c-a)}{a+1} + 1+bc \end{array} \right]$$

نام چهارم: صفر بودن آرایه  $(3, 2)$  بر اساس آرایه  $(2, 2)$ . مقدار ضریب برای صفر کردن را بدست می آوریم:

$$\frac{a+c}{a+1} \times \alpha + \frac{ac+ac^2+c^2}{a+1} = 0 \Rightarrow \alpha = \frac{a+1}{a+c} \times \frac{-(ac+ac^2+c^2)}{a+1}$$

$$= \frac{-(ac+ac^2+c^2)}{a+c}$$



1

$$2 \text{ سطر سوم} : \text{سطر دوم} \times \frac{-(ac+ac^2+c^2)}{a+c} + \text{سطر سوم}$$

3

4

$$5 \text{ (3,3): } \left( \frac{ac-ab+a+1}{a+1} \right) \times \left( \frac{-(ac+ac^2+c^2)}{a+c} \right)$$

6

7

$$8 = \frac{-a^2c^2 - a^2c^3 - ac^3 + a^2bc + a^2bc^2 + abc^2 - a^2c - a^2c^2 - ac^2 - ac - a^2}{(a+1)(a+c)}$$

9

10

11

$$12 \text{ (3,4): } \left( \frac{c^2 - ca + a + 1 + abc + bc}{a+1} \right) \times \left( \frac{-(ac+ac^2+c^2)}{a+c} \right)$$

13

14

$$15 = \frac{-ac^3 - ac^4 - c^4 + a^2c^2 + a^2c^3 + ac^2 - a^2c - a^2c^2 - ac^2 - ac - ac^2 - c^2}{(a+1)(a+c)}$$

$$16 - a^2bc^2 - a^2bc^3 - abc^3 - abc^2 - abc^3 - bc^3$$

17

18

19

20

21

نام بنویسید جایگذاری عموماً کرد: طبق سطر آخر:

22

23

24

$$\text{آرایه (3,3)} \times Z = \text{آرایه (3,4)}$$

که برای بدست آوردن Z کافی است آرایه (3,4) را به (3,3) تقسیم کنیم.

**TANDIS**

برای  $x$  و  $y$  هم معادله‌های پیشان را می‌نویسیم و بدست می‌آوریم:

$$\tilde{A}x + \tilde{A}y = (2,2) \quad \tilde{A}x + \tilde{A}z = (2,3)$$

که  $z$  را از معادله‌ی قبل داریم و  $y$  بدست می‌آید.

و معادله برای  $x$  می‌شود:

$$\tilde{A}x + \tilde{A}y + \tilde{A}z = (1,1) \quad \tilde{A}x + \tilde{A}y + \tilde{A}z = (1,2) \quad \tilde{A}x + \tilde{A}z = (1,3)$$

که  $y$  و  $z$  را به حسب دو معادله‌ی قبل داریم و  $x$  بدست می‌آید.