## فرآیندهای تصادفی در بیوانفورماتیک

نیمسال دوم ۱ ۰ ـ ۰ ۰ استاد: محمد حسین رهبان استاد: محمد حسین رهبان گردآورندگان: محمد علی صدرایی جواهری و امیر حسین عاملی بررسی و بازبینی: مهران حسین زاده



دانشگاه صنعتی شریف دانشکدهی مهندسی کامپیوتر

مهلت ارسال: ۲۴ فروردین

#### فرایندهای تصادفی ایستا و ارگادیک

- تمرين دوم
- مهلت ارسال پاسخ تا ساعت ۲۳:۵۹ روز مشخص شده است.
- در طول ترم امکان ارسال با تاخیر تمرینها بدون کسر نمره تا سقف ۱۰ روز (تا سقف ۳ روز برای هر تمرین) وجود دارد. محل بارگزاری جواب تمرینها بعد از ۵ روز بسته خواهد شد و پس از گذشت این مدت، پاسخهای ارسالشده پذیرفته نخواهند شد. همچنین، به ازای هر روز تأخیر غیر مجاز ۱۰ درصد از نمره تمرین به صورت ساعتی کسر خواهد شد.
- همکاری و همفکری شما در انجام تمرین مانعی ندارد اما پاسخ ارسالی هر کس حتما باید توسط خود او نوشته شده باشد.
- در صورت همفکری و یا استفاده از هر منابع خارج درسی، نام همفکران و آدرس منابع مورد استفاده برای حل سوال مورد نظر را ذکر کنید.
  - لطفا تصویری واضح از پاسخ سوالات نظری بارگذاری کنید. در غیر این صورت پاسخ شما تصحیح نخواهد شد.
    - تمرین از ۱۲۵ نمره و نمره کامل ۱۱۵ میباشد.
- پاسخ تمامی سوالات (تئوری و عملی) را در یک فایل فشرده به صورت [StudentId] \_[lastName] را در یک فایل فشرده به صورت [StudentId] نامگذاری کرده و ارسال کنید.

# سوالات نظری (۱۱۵ + ۱۰ نمره)

### ۱ قمارباز بازنده (۱۰ نمره)

حالت تغییر یافته مسئله Gambler's ruin را به این صورت در نظر بگیرید که در هر حالت علاوه بر احتمالات p+q+r=1 مساوی می شود و پول قمارباز تغییری نمیکند. برای این بازی موارد زیر را حساب کنید:

- رآ) احتمال اتمام بازی با سرمایه اولیه k که 0 < k < N می باشد.
- (ب) مقدار متوسطی زمانی که لازم است که با شروع با سرمایه اولیه ،k بازی به اتمام برسد.
- (+, -1) در حالتی که احتمال (+, -1) برابر باشند دو مورد بالا را بدست آورده و نتیجه حاصله را تحلیل کنید.

### ۲. قمارباز بازنده (۱۰ نمره)

یک قدمزنی تصادفی با محدودیت را به این صورت در نظر بگیرید که با احتمال p به سمت راست و به احتمال q به سمت جپ حرکت میکند و وقتی به خانه N- و یا N رسید متوقف می شود. احتمال متوقف شدن در خانه N را بدست آورید.

#### ۳. قمارباز بازنده (۱۰ نمره)

یک قدم زنی تصادفی را به این صورت در نظر بگیرید که دارای حالتهای  $\{0,1,\ldots,N\}$  میباشد که حالت یک گره جذب کننده میباشد و حالت 0 یک گره بازتابنده (Reflecting) به این صورت میباشد که با احتمال q در همان گره میماند و با احتمال p به گره بعدی (۱) میرود. بقیه گرهها مشابه حالت Ruin میباشد.

- رید. آورید.  $0 \leq k < N$  که k که N را با شروع از حالت k که N
- (ب) مقدار متوسطی زمانی که kزم است که با شروع از حالت k که k که N برسید را بدست آورید.