سال نهم

# (فصل ينجم)

درسنامه و نکات کلیدی

## عبارت های جبری

عبارت جبری: عبارتی است که از اعداد و متغیر (حروف انگلیسی) تشکیل شده است.

**یک جمله ای :** عبارت جبری که از دو قسمت تشکیل شده است (متغیر و عدد) و بین آن ها علامتی نباشد. (ضرب است)

$$-\mathbf{r}xy$$
 ,  $\frac{a}{\mathbf{r}}$  :مانند

نکته : فرم کلی یک جمله ای به صورت  $ax^n$  است که a عدد حقیقی و x متغیر و n عدد حسابی است.

نکته: هر عدد حقیقی به تنهایی یک جمله ای است. چون متغیر آن صفر است.

**نگته :** اگردرعبارتی حروف زیر رادیکال یا حروف در مخرج یا حروف توان منفی داشته باشند. آن عبارت یک جمله ای نیست.

مثال: کدام عبارت یک جمله ای است.



دو جمله دارد , 
$$\epsilon a + \tau$$
 ,  $\sqrt{x}$  ,  $ab^{-\tau}$  ,

, 
$$\sqrt{x}$$

$$ab^{-\gamma}$$



درجه یک جمله ای: توان متغیر را درجه آن یک جمله ای می گویند.

مثال: جدول زير را كامل كنيد.

یک جمله ای	ضريب	x درجه نسبت به	درجه نسبت به y	درجه نسبت به کل متغیرها
$-\frac{x^{r}y^{r}}{r}$	— <del>'</del> '	•	٣	<b>۲+</b> ۳= <b>۵</b>
$\sqrt{7}x$	<b>√</b> ₹	1	•	1

**یک جمله ای متشابه :** یک جمله ای که متغیر و توان هر متغیر کاملا مثل هم باشند.

مانند:  $(-\delta a^\intercal b$  ,  $(ab^\intercal)$  متشابه اند ولی  $(-\delta a^\intercal b$  ,  $(-\sigma a^\intercal b)$  نا متشابه هستند.

**جمع و تفریق یک جمله ای های متشابه :** ضرایب یک جمله ای را با هم جمع و تفریق می کنیم و متغیرها را کنار آن ها می نویسیم.

$$-\delta ab + b - \gamma + rab + \underline{rb} - \underline{\wedge}b = -rab - \delta b - \gamma$$

مثال: عبارت جبری مقابل را ساده کنید.

**ضرب و تقسیم یک جمله ای:** در ضرب ضرایب در هم و متغیرها در هم ضرب می شود و در تقسیم ضرایب بر هم و متغیرها بر هم تقسیم می شوند.

$$ra(-rab-c) = -rac$$

$$\frac{\mathbf{Y} \mathbf{F} \mathbf{X}^{\mathsf{T}} \mathbf{y}^{\mathsf{T}} \mathbf{Z}}{\mathbf{Y} \mathbf{X} \mathbf{y} \mathbf{Z}} = \mathbf{A} \mathbf{X} \mathbf{y}^{\mathsf{T}}$$

### عبارت های جبری

مثال: عبارت های جبری زیر را ساده کنید.

 $-\varphi x^{\mathsf{T}} + \delta x(x - \mathsf{T} y) + \lambda x y = -\varphi x^{\mathsf{T}} + \delta x^{\mathsf{T}} - \mathsf{T} x y + \lambda x y = -x^{\mathsf{T}} - \mathsf{T} x y$ 

درجه چند جمله ای: بزرگترین درجه نسبت به آن متغیر را در نظر می گیریم.

مثال: درجه نسبت به متغیر x در چند جمله ای  $x = \sqrt{2}x^{T}y^{T}z - x$  چند است؟ درجه x برابر x است.

مثال : چند جمله ای زیر را نسبت به توان های نزولی a (از بزرگ به کوچک) مرتب کنید.

$$a^{\mathsf{T}}b - \mathsf{T} + \mathsf{T}a^{\mathsf{T}}b^{\mathsf{T}} - \delta ab = \mathsf{T}a^{\mathsf{T}}b^{\mathsf{T}} + a^{\mathsf{T}}b - \delta ab - \mathsf{T}ab$$

**اتحاد جبری:** اگر دو عبارت جبری به گونه ای باشند که با ازای تمام مقادیر دلخواه برای متغیرها مقدار یکسانی داشته باشد به تساوی جبری آن ها اتحاد می گویند.

مثال: آیا  $x + x + x + x = (x - x)^{\gamma}$  یک اتحاد است؟چرا؟ به ازای مقادیر دلخواه امتحان می کنیم اگر دو طرف تساوی یکی شد این تساوی یک اتحاد است.

$$\begin{cases} x = -\mathfrak{r} \Longrightarrow (-\mathfrak{r} - \mathfrak{r})^{\mathsf{r}} = (-\mathfrak{r})^{\mathsf{r}} - \mathfrak{r}(-\mathfrak{r}) + \mathfrak{r} \Longrightarrow \mathfrak{r}\mathfrak{r} = \mathfrak{r}\mathfrak{r} \\ x = \delta \Longrightarrow (\delta - \mathfrak{r})^{\mathsf{r}} = \delta^{\mathsf{r}} - \mathfrak{r}(\delta) + \mathfrak{r} \Longrightarrow \mathfrak{q} = \mathfrak{q} \end{cases}$$

 $\{(a+b)^{\mathsf{Y}} = a^{\mathsf{Y}} + \mathsf{Y}ab + b^{\mathsf{Y}} \ (a-b)^{\mathsf{Y}} = a^{\mathsf{Y}} - \mathsf{Y}ab + b^{\mathsf{Y}}$  : اتحاد مربع دو جمله ای: الف) جبری:

$$(-1)^{r} = (-1)^{r} = (-1)^{r}$$

مثال: حاصل عبارت های جبری زیر را به کمک اتحاد به دست آورید.

$$(a - \mathsf{Y}b)^{\mathsf{Y}} = a^{\mathsf{Y}} - \mathsf{Y}(a)(\mathsf{Y}b) + (\mathsf{Y}b)^{\mathsf{Y}} = a^{\mathsf{Y}} - \mathsf{Y}ab + \mathsf{Y}b^{\mathsf{Y}}$$

$$(xy+r)^{\mathsf{T}} = x^{\mathsf{T}}y^{\mathsf{T}} + \mathsf{T}(xy)(r) + r^{\mathsf{T}} = x^{\mathsf{T}}y^{\mathsf{T}} + \mathfrak{R}xy + \mathfrak{R}y$$

 $(a+b)(a-b)=a^{\mathsf{r}}-b^{\mathsf{r}}$  : الف) جبری:

ب) كلامى: 
$$(-\infty, -\infty, -\infty)^{\mathsf{r}} = (-\infty, -\infty)^{\mathsf{r}} = (-\infty, -\infty)$$
 ب) كلامى:

مثال: حاصل عبارت های جبری زیر را به کمک اتحاد به دست آورید.

$$(a-\mathbf{r}b)(a+\mathbf{r}b)=a^{\mathsf{r}}-(\mathbf{r}b)^{\mathsf{r}}=a^{\mathsf{r}}-\mathbf{q}b^{\mathsf{r}}$$

$$\left(\mathbf{Y}x + \frac{\mathbf{y}}{\mathbf{y}}\right)\left(\mathbf{Y}x - \frac{\mathbf{y}}{\mathbf{y}}\right) = (\mathbf{Y}x)^{\mathbf{y}} - \left(\frac{\mathbf{y}}{\mathbf{y}}\right)^{\mathbf{y}} = \mathbf{f}x^{\mathbf{y}} - \frac{\mathbf{y}^{\mathbf{y}}}{\mathbf{f}}$$

سال نهم

# (فصل ينجم)

درسنامه و نکات کلیدی

عبارت های جبری

$$(x+a)(x+b) = x^{r} + (a+b)x + ab$$

اتحاد جمله مشترك :

مثال: حاصل عبارت جبری زیر را به کمک اتحاد به دست آورید.

$$(\Upsilon a - \Upsilon)(\Upsilon a + \Upsilon) = (\Upsilon a)^{\Upsilon} + (-\Upsilon + \Upsilon)(\Upsilon a) + (-\Upsilon \times \Upsilon) = \Upsilon a^{\Upsilon} + \Upsilon a - \Upsilon$$

**تجزیه عبارت جبری:** نوشتن یک عبارت جبری به صورت حاصل ضرب چند عبارت دیگر را تجزیه می گویند.

ب) با استفاده از اتحادها

روش های تجزیه: الف) فاکتور گیری

فاکتور گیری: برای فاکتور گیری مراحل زیر را انجام می دهیم:

۲) حروف مشترک با توان کمتر را انتخاب می کنیم

۱) (ب.م.م) ضرایب را تعیین می کنیم

۳) (ب.م.م) و حروف مشترک را به عنوان فاکتور می گیریم

۴) تمام جملات را بر عامل فاكتور تقسيم كرده و جواب را داخل پرانتز مي نويسيم

مثال: عبارت های جبری زیر را تجزیه کنید.

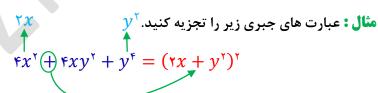
$$19a^{\mathsf{T}}b + 4ab^{\mathsf{T}} - \lambda ab = 4ab(4a + b - 4)$$

تجزیه به کمک اتحاد مربع: ۱) تعداد جملات ۳ جمله باشد

حروف مشترک (y, 0, 0, 0) اعداد (y, 0, 0) اعداد (

جذر ا

۲) جمله اول و جمله سوم جذر دقیق داشته باشند



۲) جمله اول و جمله سوم جذر دقیق نداشته باشند

 $a^{\mathsf{r}} \ominus \mathfrak{s} a + {\mathsf{q}} = (a - \mathsf{r})^{\mathsf{r}}$ 

تجزیه به کمک اتحاد جمله مشترک: ۱) تعداد جملات ۳ جمله باشد

۳) ضریب x حاصل جمع و عدد آخر حاصل ضرب دو عدد را نشان می دهد (x

 $x^{r} - \Delta x + 9 = (x - r)(x - r)$ 

مثال: عبارت های جبری زیر را ساده کنید. 🔪 جمع دو عدد

$$x^{r} - x - 1r = (x - r)(x + r)$$

$$y = (x - r)(x + r)$$

۲) جملات اول و دوم جذر دقیق داشته باشند

تجزیه به کمک اتحاد مزدوج: ۱) تعداد جملات ۲ جمله باشد

٣) بين جملات علامت منفى باشد

سال نهم

# (فصل ينجم)

درسنامه و نکات کلیدی

عبارت های جبری

$$a$$
  $\uparrow$   $\uparrow$   $\uparrow$   $a^{\Upsilon} - \P = (a - \Upsilon)(a + \Upsilon)$ 

$$x^{\dagger}$$
 مثال: عبارت های جبری زیر را ساده کنید.  $x^{\dagger} - 19 = (x^{\dagger} - 1)(x^{\dagger} + 1)$ 

**نامعادله :** جواب های نامعادله مقادیری از متغیرهستند که به ازای آن ها نامساوی برقرار است. همه ی جواب های نامعادله مجموعه جواب آن گفته می شود.

نکته: اگر به طرفین یک نا مساوی عدد اضافه یا عددی کم شود جهت نابرابری عوض نمی شود:

$$a < b \Rightarrow a + c < b + c$$
,  $a < b \Rightarrow a - c < b - c$ 

نکته: اگر طرفین یک نا مساوی در عدد مثبت ضرب یا بر عدد مثبت تقسیم کنیم جهت نابرابری عوض نمی شود:

$$a > b \stackrel{c}{\Rightarrow} ac > bc$$
 ,  $a > b \stackrel{c}{\Rightarrow} \frac{a}{c} > \frac{b}{c}$ 

نکته: اگر طرفین یک نا مساوی در عدد منفی ضرب یا بر عدد منفی تقسیم کنیم جهت نابرابری عوض می شود:

$$a < b \stackrel{c}{\Rightarrow} ac > bc$$
 ,  $a < b \stackrel{c}{\Rightarrow} \frac{a}{c} > \frac{b}{c}$ 

حل نامعادله: همانند یک معادله حل می شود با این تفاوت که اگر در اخر نامعادله ضریب مجهول عدد منفی باشد جهت نامعادله عوض می شود.

مثال: مجموعه جواب نامعادله های زیر را به دست آورده و آن ها را روی محور اعداد نمایش دهید.

$$f(x-1) \le \delta x - f \Longrightarrow fx - f \le \delta x - f \Longrightarrow fx - \delta x \le f - f \Longrightarrow -x \le f \Longrightarrow x \ge -f$$

$$A = \{x \in R \mid x \ge -r\}$$
 حجموعه جواب  $A = \{x \in R \mid x \ge -r\}$  حجموعه جواب  $A = \{x \in R \mid x \ge -r\}$  حجموعه جواب

$$x^{r} + \frac{x}{r} < (x - 1)^{r} \Rightarrow x^{r} + \frac{x}{r} < x^{r} - rx + 1 \Rightarrow \frac{x}{r} + rx < 1 \Rightarrow x + rx < r \Rightarrow \delta x < r \Rightarrow x < \frac{r}{\delta}$$

نگته : در مسایل مربوط به نابرابری به جای کلمه حداکثر از علامت  $\geq$  و به جای کلمه حداقل از علامت  $\geq$  استفاده می کنیم.

مثال: عبارت زیر را به صورت کلامی بنویسید: " مجموع دو برابر عددی با قرینه سه برابر عدد دیگر حداکثر ۹- است. "

$$\forall x + (-\forall y) \leq -9$$

<b>عبارت های جبری</b>							
ســــوالات	رديف	سوالات	رديف				
B=x-۱ و $B=x-1$ باشد:	<b>Y</b>	عبارت های زیر را به ساده ترین صورت بنویسید.	١				
الف) عبارت $A$ را به صورت استاندارد بنویسید.		$-1 \cdot ab + 9a(7a - b) + \lambda a^{7} =$					
ب) حاصل $A-7$ را به دست آورید.		$(x - \mathbf{r}y)(\mathbf{r}x + y) =$					
علامت های عددهای حقیقی $a$ و $b$ و $b$ را طوری تعیین	٨	جدول زیر را کامل کنید.	4				
.کنید که $\displaystyle rac{a^{ au}}{bc} > \epsilon$ باشد		درجه کل درجه $x$ ضریب عبارت $x^{r}yz^{r}$					
		$\frac{xz^{\tau}}{\delta}$					
کدام یک از تساوی های زیر اتحاد است؟چرا؟	٩	حاصل را به کمک اتحاد به دست آورید.	٣				
الف) $x(x^r + 1) = x^r + x$		= ۹۹۹ (الف					
) was a same		ب) ۹۷ × ۱۰۳ =					
ب) $\tau a - \theta = \theta - \tau a$							
جاهای خالی را با عبارت مناسب پر کنید.	1.	نامعادله های زیر را حل و مجموعه جواب را روی محور	۴				
الف) $(\forall x - \tau)(\forall x + \cdots) = \cdots - \tau$		نشان دهید. $- \alpha x + 9 > 1 - 7 x$ (الف					
ب) $(\cdots + \pi x)^{\Upsilon} = \Upsilon + \cdots + \Im x^{\Upsilon}$		$(ب) \frac{x-r}{r} \leq \frac{x+r}{r}$					
عبارت های زیر را به کمک فاکتورگیری تجزیه کنید.	11	عبارت های زیر به صورت کلامی بنویسید :	۵				
الف) $9x^{4} + 1 \cdot x =$		الف) از سه برابر عددی ۹ واحد کم کنیم حداقل ۵ می شود.					
(y) $m(x + y) - n(x + y) =$		ب) اختلاف دو عدد حداکثر ۱۵ است.					
عبارت های زیر را تجزیه کنید.	17	حاصل هر عبارت را به کمک اتحاد به دست آورید.	۶				
الف) $x^{Y} - Y x - A =$		(الف) $(ra + r)^r =$					
ب) ۹ <i>۵</i> ۲ – ۱۶ =		(rx-1)(rx+1)=					
$x^{\prime} + 1 \cdot x + 7 \delta =$		(a+r)(a-r)=					
<b>,</b>		<u> </u>					

