سال نهم

(فصل ششم)

درسنامه و نکات کلیدی

خط و معادله های خطی

معادله خط: رابطه ای است که بین نقاط تشکیل دهنده یک خط وجود دارد.

د. باشد. (y=ax+b) می باشد.

نکته: در صورتی که نمودار رابطه ی بین دو مقدار به صورت خط راست باشد. آن دو مقدار با هم رابطه خطی دارند.

مثال: آیا رابطه بین یک ضلع مربع و محیط مربع رابطه ی خطی است؟ چرا؟ بله. چون افزایش یک ضلع مربع با افزایش محیط

 $(y=\mathbf{f}x:\mathbf{x})$ مربع یک مقدار ثابت است: (ضلع مربع را x و محیط مربع را y در نظر می گیریم پس خواهیم داشت:

$$\frac{x}{y = fx} \quad \frac{1}{f} \quad \frac{f}{h} \quad \frac{f}{h} \quad \frac{f}{h}$$

مثال: آیا رابطه بین یک ضلع مربع و مساحت مربع رابطه ی خطی است؟ چرا؟ خیر. چون افزایش یک ضلع مربع با افزایش مساحت $y=x^{\gamma}$: ضلع مربع را $y=x^{\gamma}$ و مساحت مربع را y در نظر می گیریم بنابرین خواهیم داشت : (ضلع مربع را y

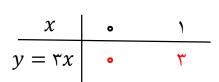
(y = ax + b : مبدا گذر (فرم کلی <math>y = ax : (y + b) غیر مبدا گذر (فرم کلی) انواع معادله خط

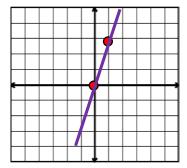
 $\left(y=m\right)$, x=n : فرم کلی $\left(y=m\right)$ مطوط موازی با محور

رسم یک خط: برای رسم یک خط در دستگاه مختصات نیاز به مختصات دو نقطه است.

نگته: اگر در فرم کلی (استاندارد) معادله خط عدد قبل از x عدد صحیح باشد در جدول به جای x اعداد (صفر و ۱) قرار می دهیم و عدد قبل از x عدد کسری باشد به جای x اعداد (صفر و مخرج کسر) قرار می دهیم.

مثال: معادله خط y= x را در دستگاه مختصات رسم کنید.







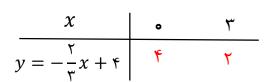
سال نهم

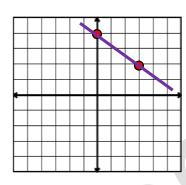
(فصل ششم)

درسنامه و نکات کلیدی

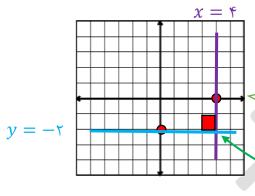
خط و معادله های خطی

مثال: معادله خط $x+rac{r}{r}$ را در دستگاه مختصات رسم کنید.





مثال: معادلات خط y=-7 و x=4 را در دستگاه مختصات رسم کنید. (برای رسم این خط ها نیاز به جدول نیست. فقط کافی است هر نقطه داده شده را در دستگاه مختصات مشخص کرد سپس خطی موازی با محور از روی آن نقطه رسم کرد.)



زاویه ی بین خطوط موازی با محور ۹۰ درجه است.

نکته : شرط این که نقطه روی یک خط قرار گیرد این است که مختصات آن نقطه در معادله خط صدق کند. که برای این کار دو روش

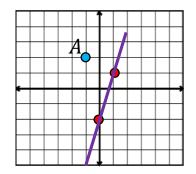
وجود دارد: ۱) روش تحلیلی (جایگزینی مختصات نقطه در معادله خط) ۲) روش ترسیمی

مثال: آیا نقطه ی y=xx-1 روی خط y=xx-1 قرار دارد؟

 $(x=-1,y=7)\Longrightarrow T=T(-1)-T\Longrightarrow T
eq-0$: روش تحلیلی: قرار ندارد چون دو طرف تساوی برابر نیست: T=T

روش ترسیمی: خط داده شده را در دستگاه مختصات رسم کرده سپس نقطه A را نیز در دستگاه مختصات مشخص می کنیم:

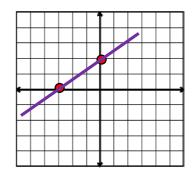
$$\begin{array}{c|cccc} x & \bullet & 1 \\ \hline y = rx - r & -r & 1 \end{array}$$



خط و معادله های خطی

نگته : برای رسم معادلات خطی که به صورت (ax+by=c) هستند. در جدول یک بار به جای x و یک بار به جای y صفر قرار می دهیم.

مثال: معادله خط y=-arphi x-arphi را در دستگاه مختصات رسم کنید.



$$\begin{array}{c|cccc} x & \bullet & -\mathbf{r} \\ \hline \mathbf{r}x - \mathbf{r}y = -\mathbf{r} & \mathbf{r} & \bullet \\ \end{array}$$

شیب خط: زاویه ای بین سمت راست محور طول ها با خط داده شده را می گویند.

عرض از مبدا: نقطه ای که خط داده شده محور عرض ها را در آن نقطه قطع می کند را عرض از مبدا می گویند.

در فرم کلی معادله خط $oldsymbol{b}$ عرض از مبدا نام دارد. $oldsymbol{x}$ یعنی عدد $oldsymbol{a}$ شیب خط و عدد $oldsymbol{b}$ عرض از مبدا نام دارد.

مانند: در معادله خط از مبدا $y=-rac{1}{\pi}x+1$ می باشد.

نکته: برای به دست آوردن شیب خط و عرض مبدا باید معادله خط به فرم کلی (y=ax+b) مرتب شود.

مثال: شیب خط و عرض از مبدا معادله های خطی زیر را به دست آورید.

$$\mathbf{Y}y = \mathbf{\Delta}x - \mathbf{P} \Rightarrow \frac{\mathbf{Y}y}{\mathbf{Y}} = \frac{\mathbf{\Delta}x}{\mathbf{Y}} - \frac{\mathbf{P}}{\mathbf{Y}} \Rightarrow y = \frac{\mathbf{\Delta}}{\mathbf{Y}}x - \mathbf{Y} \Rightarrow \left(\frac{\mathbf{\Delta}}{\mathbf{Y}}: \mathbf{D} \Rightarrow \mathbf{V}: \mathbf$$

طول از مبدا : نقطه ای که خط داده شده محور طول ها را در آن نقطه قطع می کند را طول از مبدا می گویند.

نکته : برای به دست آوردن طول از مبدا در معادله خط به جای y صفر قرار می دهیم.

مثال: طول از مبدا معادله خط $y=-\delta$ مثال طول از مبدا معادله خط

$$y=\cdot\Longrightarrowrac{r}{r}x-rac{1}{r}(\cdot)=-\Delta\Longrightarrowrac{r}{r}x=-\Delta\Longrightarrow x=rac{-\Delta}{rac{r}{r}}=-rac{1\Delta}{r}\Longrightarrow x=-rac{1\Delta}{r}$$
 طول از مبدا

سال نهم (فصل ششم) **درسنامه و نکات کلیدی**

خط و معادله های خطی

 $(y = - \mathbf{r} x \,,\, y = - \mathbf{r} x + \mathbf{\Delta})$: دو خط در صور تی موازی هستند که شیب دو خط برابر باشند.

نکته: دو خط در صورتی بر هم عمود هستند که شیب دو خط قرینه و معکوس یکدیگر باشند یا حاصل ضرب دو شیب خط برابر با

 $y=\mathbf{Y}x+\mathbf{Y}$, $y=-rac{1}{7}x-\mathbf{Y})$ عدد -1 شود.

مثال: معادله خطی بنویسید که با خط x-y=0 موازی و از نقطه ی $A=\{x\}$ بگذرد. ابتدا معادله خط را مرتب کرده تا x-y=0 $-ry=-x+\Delta\Rightarrow rac{-ry}{-r}=-rac{x}{-r}+rac{\Delta}{-r}\Rightarrow y=rac{1}{r}x-rac{\Delta}{r}\Rightarrow a=rac{1}{r}$: شیب خط مشخص شود

$$y=ax+b \xrightarrow{\left(a=\frac{1}{7},b=-7\right)}$$
معادله خط جدید $y=\frac{1}{7}x-7$

مثال : معادله خطی بنویسید که با خط $y=-rac{1}{2}x+7$ عمود باشد و از نقطه ی $B=egin{bmatrix} -1\\ \gamma \end{bmatrix}$ بگذرد. شیب خط مشخص است

$$y = ax + b \xrightarrow{(a=\Delta, x=-1, y=Y)} Y = \Delta(-1) + b \Longrightarrow b = Y$$
 $y = ax + b \xrightarrow{(a=\Delta, b=Y)} y = \Delta x + Y$ معادله خط جدید

نکته: برای به دست آوردن شیب خطی که از دو نقطه می گذرد از رابطه ی زیر استفاده می کنیم:

$$a=rac{1}{ ext{rail}}$$
 تفاضل عرض ها تفاضل طول ها تفاضل طول ها

مثال: معادله خطی بنویسید که از نقاط $A = \begin{bmatrix} 7 \\ w \end{bmatrix}$ و $A = \begin{bmatrix} 7 \\ 0 \end{bmatrix}$ بگذرد.

$$a = \frac{\mathbf{f} - \mathbf{T}}{\mathbf{T}} = -\frac{1}{\mathbf{T}} \quad , y = ax + b \xrightarrow{\left(a = -\frac{1}{\mathbf{T}}, x = \mathbf{T}, y = \mathbf{T}\right)} \mathbf{T} = -\frac{1}{\mathbf{T}}(\mathbf{T}) + b \Rightarrow b = \frac{11}{\mathbf{T}}$$

$$y = ax + b \xrightarrow{\left(a = -\frac{1}{r}, b = \frac{11}{r}\right)}$$
معادله خط جدید $y = -\frac{1}{r}x + \frac{11}{r}$

نکته: معادله خط محور طول ها $(y=\cdot)$ و معادله خط محور عرض ها $(x=\cdot)$ و معادله خط نيمساز ربع اول و سوم

می باشد. (y=-x) و معادله خط نیمساز ربع دوم و چهارم (y=x)

خط و معادله های خطی

دستگاه معادلات خطی: برای حل دستگاه معادلات خطی از روش های زیر می توان استفاده کرد:

الف) روش حذفی: در این روش یکی از متغیرها را حذف کرده سپس با جایگزینی متغیر دوم به دست می آید.

مثال: دستگاه معادلات دو مجهولی زیر را حل کنید. (روش حذفی)

ب) روش جایگزینی (تبدیلی) : در این روش یکی از معادلات را بر حسب یک متغیر مرتب کرده و مقدار آن را در معادله دوم قرار مي دهيم.

مثال: دستگاه معادلات دو مجهولی زیر را حل کنید. (روش جایگزینی)

$$x=-rac{r}{r}(1)+rac{r}{r}\Longrightarrow x=-rac{r}{r}+rac{r}{r}=rac{r}{r}=r\Longrightarrow x=r$$
 جواب دستگاه دو مجهولی $A=\begin{bmatrix} 1\\1\end{bmatrix}$

نکته : برای حل بعضی از مسایل می توان از دستگاه دو مجهولی استفاده کرد و به یکی از روش های آن را حل کرد.

مثال: سن برادر على ٣ برابر سن او است. و اختلاف سن آن ها ١٨ سال است. سن هر يک را به دست آوريد. (روش جايگزيني) (سن برادر على را x و سن على را y فرض مى كنيم.)

خط و معادله های خطی

حط و معادله های حطی			
سوالات	رديف	ســــوالات	رديف
معادله خط زیر را بنویسید.	٧	آیا معادله $y=x^{\scriptscriptstyleT}-1$ یک معادله خطی است؟ با رسم	1
		جدول مناسب توضيح دهيد.	
[1]			
$A = \left[egin{array}{c} -1 \ \pi \end{array} ight]$ الف) مقدار a را طوری تعیین کنید که نقطه	٨	خط های زیر در دستگاه مختصات رسم کنید:	۲
روی خط $x=ax+1$ قرار داشته باشد.		$y = -\frac{7}{6}x + 7$ (الف	
ب) مقدار $oldsymbol{b}$ را طوری تعیین کنید که نقطه $egin{array}{c} ^{Y} \\ ^{Q} \end{array}$ روی		Yx 1 80 - 1 (
خط $y=rac{b}{s}x+b$ قرار داشته باشد.		$-rx + fy = \lambda \ (\mathbf{p})$	
کدام یک از نقاط زیر روی خط $-9 = -x + 7$ قرار دارند:	٩	معادله خطی بنویسید که بر خط $y=-\epsilon x+\tau$ عمود	٣
		باشد و از نقطه ی $B=\left[egin{c} \cdot \ \gamma \end{array} ight]$ باشد و از نقطه ی	
$A = \begin{bmatrix} -\mathbf{Y} \\ \mathbf{Y} \end{bmatrix} \qquad B = \begin{bmatrix} -\mathbf{P} \\ \mathbf{Y} \end{bmatrix}$			
[4]		U'	
معادله خطی بنویسید که با خط ۲ $y=x+y$ موازی باشد	1.	شیب خط و عرض از مبدا و طول از مبدا معادله خط زیر را	۴
و از نقطه $A = \left[egin{array}{c} 1 \ -\eta \end{array} ight]$ بگذرد.		به دست آورید.	
		$\forall x - \delta y + \theta = \cdot$	
دو زاویه مکمل اند. اندازه یکی از زاویه ها از دو برابر دیگری	11	$B = \left[egin{array}{c} 1 \ - \ \end{array} ight]$ معادله خطی بنویسید که از نقاط $A = \left[egin{array}{c} - \ - \ \end{array} ight]$ معادله خطی بنویسید که از نقاط	۵
۱۵ واحد بیشتر است. اندازه ی هر زاویه چند درجه است.		بگذرد.	
دستگاه زیر را به روش جایگزینی حل کنید.	14	دستگاه زیر را به روش حذفی حل کنید.	۶
$\begin{cases} x + y = 1 \end{cases}$		$\begin{cases} xx - y = v \\ x + ry = -v \end{cases}$	
1-7x+7y=7		(x + ry = -1r)	
(<u> </u>	·	·\

کتاب بزرک طبیعت را با علایم ریاضی نخاشه اند. هم کالیله "