سال نهم

(فصل اول)

درسنامه و نکات کلیدی

مجموعه ها

مجموعه: به دسته ای از اشیاء کاملا مشخص و دو به دو متمایز (غیر تکراری) مجموعه می گویند.

مثال: کدام یک از عبارات زیر مشخص کننده یک مجموعه است؟

الف) ٣ عدد زوج متوالى (مجموعه نيست) ب ٤ گل زيبا (مجموعه نيست) ج) اعداد اول كمتر از ١٠ (مجموعه است)

نکته: مجموعه را به صورت آکولاد { } نشان می دهند و مجموعه را با حروف بزرگ انگلیسی نام گذاری می کنند.

نگته : به هر یک از اعداد و عبارت داخل مجموعه عضو می گویند و علامت عضو بودن به صورت \ni و علامت عضو نبودن به صورت $\not\ni$ می باشد.

نشان می دهند. n(A) تعداد عضو های هر مجموعه مانند A را به صورت

مثال : با توجه به مجموعه ی A درستی یا نادرستی هر عبارت را مشخص کنید.

مجموعه تهی : مجموعه ای که دارای هیچ عضوی نباشد. علامت مجموعه تهی به صورت $\{\quad\}$ یا \emptyset می باشد.

<mark>مثال :</mark> کدام یک از مجموعه های زیر مجموعه تهی است؟

دو مجموعه B و هر عضو مجموعه B و هر عضو مجموعه B در مجموعه B در مجموعه A و هر عضو مجموعه A و مجموعه و مجموعه A و مجموعه A و مجموعه A و مجموعه A و مجموعه و محموعه و محموعه

شال : دو مجموعه ی زیر برابرند. مقدار x و y را به دست آورید؟

 $\{x-y,r\}=\{r,y\}$ $x-y=r\Rightarrow x=y,y=r$

 $A\subseteq B$ زیر مجموعه B است هر گاه هر عضو مجموعه A عضوی از مجموعه B باشد و آن را به صورت $A\subseteq B$ نشان می دهند. اگر A زیر مجموعه B نباشد آن را به صورت $A\not\subseteq B$ نشان می دهند.

 $A \cup B = B$ و $A \cap B = A$ باشد آنگاه رابطه های مقابل همواره برقرار است : اگر $A \subseteq B$ باشد آنگاه رابطه های مقابل همواره برقرار است

نگته: برای پیدا کردن تعداد زیر مجموعه ها از رابطه r^n استفاده می کنیم. اگر تعداد زیر مجموعه را داشته باشیم و تعداد عضو را خواسته باشند عدد داده شده را تجزیه می کنیم.

n(A)=1 خند زیر مجموعه دارد؟ یر مجموعه دارد؟ چند زیر مجموعه دارد؟ $A=\{1,7,...,10\}$

 $^{\circ}$ ب) یک مجموعه دارای $^{\circ}$ زیر مجموعه است. این مجموعه دارای چند عضو است؟ $^{\circ}$ عضو دارد $^{\circ}$ $^{\circ}$ $^{\circ}$

مجموعه ها

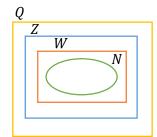
 $W = \{ \cdot, \cdot, \cdot, \cdot, \cdot \cdot \}$: بن مجموعه ها: الف) مجموعه اعداد طبیعی: $N = \{ \cdot, \cdot, \cdot, \cdot, \cdot, \cdot \}$

$$E=\{ au$$
 , $arepsilon$, $arepsilon$, $arepsilon$, $arepsilon$: $arepsilon$) مجموعه اعداد طبیعی زوج : $Z=\{\cdots,-1,-1,\cdots,1,1,\cdots\}$: ج

$$Q = \left\{rac{a}{b} \,\middle|\, a,b \in Z,b
eq \cdot
ight\}$$
 و) مجموعه اعداد طبیعی فرد : $O = \{1,7,0,\dots\}$ و) مجموعه اعداد طبیعی فرد ا

نمودار ون مجموعه ها: مجموعه ها را مي توان داخل يک منحني بسته اي نشان داد.

 $N\subseteq W\subseteq Z\subseteq Q$



نکته : نمودار ون مجموعه اعداد ریاضی به صورت زیر است :

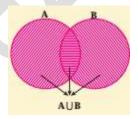
مثال: الف) عضوهای هر مجموعه را بنویسید؟

ب) صورت ریاضی هر مجموعه را بنویسید؟ 🔨

$$C = \{-9, -0, ..., 7\} = \{x \mid x \in Z, -7 < x < 7\}$$

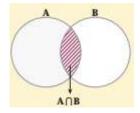
$$D = \{ \mathfrak{r}, \Lambda, \mathfrak{r}, \dots \} = \{ \mathfrak{r}x \mid x \in \mathbb{N} \}$$

اجتماع دو مجموعه : اجتماع دو مجموعه A و B شامل همه عضوهایی است که حداقل در یکی از دو مجموعه A و B باشند و اجتماع دو مجموعه A و $A \cup B$ نمایش می دهند.



B و A نمودار ون اجتماع دو مجموعه

اشتراک دو مجموعه : اشتراک دو مجموعه A و B شامل همه عضوهایی که هم عضو A و هم عضو B باشند و اشتراک دو مجموعه $A \cap B$ و $A \cap B$ و $A \cap B$ را به صورت $A \cap B$ نمایش می دهند.



B و A و مجموعه A و نمودار ون اشتراک دو

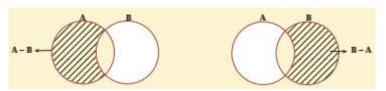
سال نهم

(فصل اول)

درسنامه و نکات کلیدی

مجموعه ها

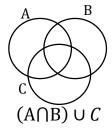
B تفاضل دو مجموعه : مجموعه A باشند ولى عضو مجموعه A شامل همه عضوهايي است که عضو مجموعه A باشند ولى عضو نباشند.

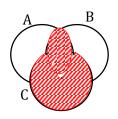


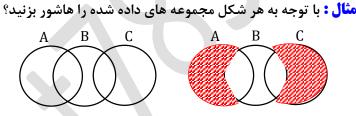
B و A نمودار ون تفاضل دو مجموعه

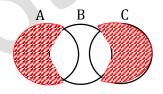
مثال: اگر مجموعه $A = \{1,7,7,7\}$ و $A = \{x \mid x \in Z, -7 < x \le T\}$ و $A = \{1,7,7,7\}$ باشد. عضوهای هر مجموعه را $C = \{1^{Y} + 1, Y^{Y} + 1, Y^{Y} + 1\} = \{Y, 0, 1\}$ $B = \{-1, 1, 1, Y\}$ بنویسید؟

الف
$$A-C=\{1, r\}$$









 $(A \cup C) - B$

مجموعه و احتمال: برای به دست آوردن احتمال هر پیشامد از رابطه ی زیر استفاده می کنیم:

تعداد حالت های مطلوب
$$p(A) = \frac{n(A)}{n(B)}$$
 تعداد همه ی حالت های ممکن

مثال: در پرتاب یک تاس احتمال های زیر را به دست آورید؟

$$p(B) = \frac{7}{9} = \frac{1}{7}$$

$$B=\{ \lozenge, \lozenge, \}$$
 ب $A=\{ \curlyvee, \Lsh, \lozenge \}$ الف) احتمال آمدن عدد اول $p(A)=rac{\upphi}{\upphi}=rac{\upphi}{\upphi}=rac{\upphi}{\upphi}$ ب $p(A)=rac{\upphi}{\upphi}=rac{\upphi}{\upphi}$

$$p(A) = \frac{r}{9} = \frac{1}{7}$$

 $n(S) = 9^{\mathsf{Y}} = \mathsf{Y9}$ کل حالت ها ورید؟ مثال: در پرتاب دو تاس احتمال های زیر را به دست آورید؟

الف) احتمال آمدن این که تاس اول عدد فرد و تاس دوم عدد کوچکتر از ۳ بیاید :

$$A = \{(1,1),(1,1),(1,1),(1,1),(1,1),(2,1),(2,1)\} \Rightarrow n(A) = \theta \Rightarrow p(A) = \frac{\theta}{\theta} = \frac{1}{\theta}$$

ب) احتمال آمدن این که مجموع هر دو عدد تاس ۶ شود:

$$B = \{(1, \delta), (\delta, 1), (1, \delta), (1, \delta), (1, \delta), (1, \delta)\} \Rightarrow n(B) = \delta \Rightarrow p(B) = \frac{\delta}{r \delta}$$

مجموعه ها

| es es guiças | | | |
|---|----------|--|------|
| سوالات | رديف | ···ــوالات | رديف |
| با توجه به شکل مجموعه داده شده را هاشور بزنید؟ | Y | عضوهای هر مجموعه را بنویسید؟ | ١ |
| A B | | $A = \{x \mid x \in Z, -\mathfrak{r} \le x < \mathfrak{d}\}$ | |
| $C - (A \cup B)$ | | $B = \left\{ \frac{x+y}{x} \mid x \in \mathbb{N}, -\mathfrak{r} < x < \mathfrak{r} \right\}$ | |
| $C = \{1, 9, 7, 1, A\}$ و $B = \{1, 7, 1, 6\}$ و $A = \{7, 1, 1\}$ | ٨ | صورت ریاضی مجموعه های زیر را بنویسید؟ | ۲ |
| عضوهای هر مجموعه را بنویسید؟ | | $C = \{ v, f, b, \ldots, -r \}$ | |
| الف $B-C=$ | | | |
| $(A \cup B) - (A \cap C) =$ | | $D = \{\delta, 1, 1\delta,\}$ | |
| دو مجموعه ی زیر برابرند. مقدار $a+b$ چقدر است؟ | ٩ | اعداد صحیح بین ۳— و ۴+ را به سه روش زیر بنویسید؟ | ٣ |
| $A = \{ {	t r} a - {	t r}$, ${	t r}$, ${	t r}^{	t r} \}$, $B = \{ b$, δ , $\sqrt{	t q} \}$ | | الف) نوشتن عضوها : | |
| 11 (\lambda | | ب) صورت ریاضی عضوها : | |
| | | ج) اعضای مجموعه به صورت نمودار ون : | |
| سه مجموعه مختلف بنویسید که با مجموعه ی زیر مساوی باشد؟ | 1. | الف) مجموعه ای دارای ۴ عضو است. تعداد زیر مجموعه ها | ۴ |
| $A = \{\Upsilon, \delta, \hat{\gamma}\}$ | | دارای چند عضو است؟ | |
| | | ب) مجموعه ای دارای ۶۴ زیر مجموعه است. تعداد عضو | |
| | | این مجموعه چند است؟ | |
| در یک کیسه ۳ مهره قرمز و ۲ مهره آبی و ۲ مهره سفید است. | 11 | $A = ig\{ \{a\}, b, \{c, d\} ig\}$: با توجه به مجموعه ی مقابل | ۵ |
| یک مهره را تصادفا از کیسه بیرون می اوریم : | | الف) $n(A)$ چند است؟ | |
| الف) احتمال این که مهره قرمز باشد چقدر است؟ | | ب) تعداد زیر مجموعه چند است؟ | |
| ب) احتمال این که مهره آبی نباشد چقدر است؟ | | ج) یک زیر مجموعه دو عضوی بنویسید؟ | |
| ج) احتمال این که مهره آبی یا سفید باشد چقدر است؟ | | | |
| دو تاس را همزمان پرتاب می کنیم : | ١٢ | عضوهای هر مجموعه را بنویسید؟ | ۶ |
| الف) احتمال این که تاس اول عدد زوج و تاس دوم مضرب ۵ بیاید : | | الف) $Z-N=$ | |
| ب) احتمال این که مجموع هر دو تاس ۵ شود : | | $(ب)$ $W \cap N =$ | |
| | | رج $N-W=$ | |
| | | | |

"رياضيات حاكم علوم است و نظريه احدا لمكه رياضيات"

"کاوس

1 - 1 1 - 1 - 1 - 1