سال هفتم

### (فصل ششم)

درسنامه و نکات کلیدی

# سطح و حجم

حجم: مقدار فضایی که یک جسم اشغال می کند حجم نام دارد و حجم را با حرف v نشان می دهند.

۲) حجم غیر هندسی

انواع حجم: ١) حجم هندسي

حجم هندسی: دارای شکل ها و خواص مشخص و تعریف شده هستند.

حجم غیر هندسی: دارای شکل ها و خواص مشخص و تعریف شده نیستند.

۳) حجم کروی

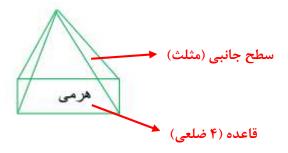
انواع حجم هندسی: ۱) حجم منشوری ۲) حجم مخروطی و هرمی

مشخصات حجم منشوری: دارای دو قاعده مساوی و سطح جانبی (کناری) از مستطیل تشکیل شده است:

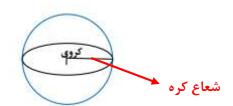


مكعب مستطيل

مشخصات حجم مخروطی و هرمی: دارای یک قاعده (چند ضلعی) و سطح جانبی که از مثلث تشکیل شده در یک راس مشترک هستند:



مشخصات حجم گروی: گرد هستند. قاعده و زاویه ندارند:



# سطح و حجم

۱) قاعده: دو سطح بالا و پایین را قاعده می گویند.

اجزای شکل های منشوری :

**۲) وجه جانبي:** به سطح اطراف (کناري) وجه جانبي مي گويند.

**٣) پال :** از برخورد هر دو وجه پال به وجود می آید.

**۴) راس:** محل برخورد هر سه وجه یا محل برخورد یال ها را راس می گویند.

(۵) ارتفاع: فاصله بین دو قاعده را ارتفاع می گویند.

نکته : برای تعداد یال یک شکل منشوری از رابطه مقابل استفاده می کنیم :  $\times$  تعداد وجه = تعداد یال

نکته : برای تعداد راس یک شکل منشوری از رابطه مقابل استفاده می کنیم : imes imes imes تعداد وجه imes تعداد راس

مثال : با توجه به شکل داده شده به سوالات پاسخ دهید :



(EH, HB) -ب) تعداد یال و نام دو یال را بنویسید : ۱۲ au = au imes au = au تعداد یال

(E,B)-(I,B)ج) تعداد راس و نام سه راس را بنویسید:  $A = A \times Y = X$ 

د) تعداد كل وجه ها و تعداد وجه جانبي: تعداد كل وجه ها ۶ وجه – تعداد وجه جانبي ۴ وجه

ه) تعداد ارتفاع و نام دو ارتفاع را بنویسید :  $\,$  تعداد ارتفاع  $\,$  تا $\,$  تا  $\,$  و نام دو ارتفاع  $\,$  ا

**مثال :** در یک منشور ۱۰ یهلو :

 $1 \cdot imes au = au \cdot au$  تعداد راس :  $1 \cdot imes au = au \cdot au$ تعداد قاعده: ۲ تا تعداد وجه : ۱۰ وجه

**رابطه حجم منشوری:** برای به دست آوردن حجم منشوری از رابطه ی زیر استفاده می کنیم:

imesارتفاع imes مساحت قاعده = حجم منشور رابطه به صورت کلامی:

> $v = s \times h$ رابطه به صورت جبري :

#### سال هفتم

(h) ارتفاع(9)

# (فصل ششم)

### درسنامه و نکات کلیدی

سطح و حجم



$$v = s \times h$$

$$v = (r \times r) \times s = rs$$

مثال: حجم هر شکل را به دست آورید.
$$v = s \times h$$

$$(h)$$

$$v = (7 \times 7 \times 7/17) \times \Delta = 97/\Lambda$$

مثال: قاعده یک منشور سه پهلو مثلث قائم الزاویه که اضلاع قائم آن ۳ و ۴ سانتی متر است. اگر ارتفاع منشور ۸ سانتی متر باشد حجم منشور را به دست آورید.

$$v = s \times h \Longrightarrow v = \left(\frac{r \times f}{r}\right) \times \Lambda \Longrightarrow v = f \times \Lambda = f \wedge cm^r$$

مثال: قاعده هر یک از منشورهای زیر از دید بالا چه شکلی است.

استوانه : دايره مكعب : مربع ۵ پهلو : ۵ ضلعى سه پهلو : مثلث

مساحت جانبی منشور: از مجموع سطح های جانبی منشور مساحت جانبی حاصل می شود:

s=p imes h رابطه به صورت جبری:

مثال: مساحت جانبی مکعب مستطیلی را به دست آورید که طول و عرض و ارتفاع آن به ترتیب ۵ و ۳ و ۴ سانتی متر باشد.

جانبی  $s = p \times h \Longrightarrow s = [(\Delta + r) \times r] \times r \Longrightarrow s = r \cdot cm^r$ 

**مساحت کل منشور:** از مجموع مساحت جانبی و مساحت دو قاعده مساحت کل منشور حاصل می شود:

رابطه به صورت کلامی: مساحت دو قاعده + مساحت جانبی = مساحت کل

رابطه به صورت جبری: S دو قاعده + S جانبی = کل

مثال: شعاع قاعده استوانه ۳ سانتی متر و ارتفاع آن ۱۰ سانتی متر است. مساحت کل استوانه چند سانتی متر مربع است.

S=(8 imes 7/18) imes 1 imes 1/4 + 38/47 = 1 المراء <math>S=(8 imes 7/18) + 38/41 = 1 + 38/41 = 1 + 38/41 کل S=(8 imes 7/18) + 38/41 = 1 +

۱۸/۱۶ = ۱۸/۱۶ = ۱۸/۱۶ عده

دو قاعده  $S= \Upsilon \Lambda/\Upsilon S imes \Upsilon = \Delta S/\Delta \Upsilon cm^{\Upsilon}$  کل  $S= \Upsilon F F/9 \Upsilon cm^{\Upsilon}$ 

جانبی  $S = 1 \lambda \lambda / \epsilon cm^{\gamma}$