سال نهم

(فصل دوم)

درسنامه و نکات کلیدی

عدد های حقیقی

اعداد گویا: هر عددی که به کسر تبدیل شود عدد گویا نام دارد. (صورت و مخرج عدد صحیح و مخرج مخالف صفر باشد)

$$Q = \left\{ \frac{a}{b} \, \middle| \, a \, , b \in Z, b \neq \bullet \right\}$$

 $oldsymbol{Q}$ نمایش می دهند:

جمع و تفریق اعداد کسری: مخرج مشترک گرفته که بهترین مخرج مشترک همان (ب. م. م) مخرج ها است.

$$\left(-\frac{\Delta}{1\Upsilon}\right)-\left(-\frac{\Upsilon}{1\Lambda}\right)=\frac{-1\Delta+1\Psi}{\Upsilon}=-\frac{1}{\Upsilon}$$
 مانند: $\Rightarrow (1\Upsilon,1\Lambda)=\Upsilon$

ضرب اعداد کسری : فقط در ضرب می توان قبل از جواب دادن صورت را با مخرج ساده کرد. سپس صورت ها در هم و مخرج ها در هم ضرب می شود.

$$\left(\frac{1}{2}\frac{A}{A}\right)\times\left(-\frac{1}{A}\right)=+\frac{1}{A}$$

مانند:

تقسیم اعداد کسری: تقسیم به ضرب تبدیل می شود. (گسر اولی در معکوس کسر دومی ضرب می شود)

$$\left(+\frac{\mathbf{r}}{\mathbf{v}}\right) \div \left(-\frac{\mathbf{\Delta}}{\mathbf{v}}\right) = \left(+\frac{\mathbf{r}}{\mathbf{v}}\right) \times \left(-\frac{\mathbf{r}}{\mathbf{\Delta}}\right)^{\mathbf{r}} = -\frac{\mathbf{r}}{\mathbf{v}} = -\mathbf{r}\frac{\mathbf{r}}{\mathbf{\Delta}}$$

مانند:

مثال: حاصل عبارت زیر را به دست آورید؟

$$\left(+\frac{\mathbf{Y}}{\mathbf{Y}}\right) \div \left[\left(-\frac{1}{1\Delta}\right) + \left(+\frac{\mathbf{Y}}{\Delta}\right)\right] = \left(+\frac{\mathbf{Y}}{\mathbf{Y}}\right) \div \left(\frac{-1}{1\Delta}\right) = \left(+\frac{\mathbf{Y}}{\mathbf{Y}}\right) \times \left(+\frac{1\Delta}{\Delta}\right) = +\frac{1}{\Delta} = \frac{\Delta}{\mathbf{Y}} = 1\frac{1}{\mathbf{Y}}$$

مقایسه کسرها: از دو روش می توان استفاده کرد:

الف) هم مخرج کردن کسرها: ابتدا مخرج تمام کسرها را برابر کرده سپس کسرها را مقایسه می کنیم.

مثال: کسرهای زیر را از کوچک به بزرگ مرتب کنید.

$$\frac{\gamma}{\Delta}, \frac{\gamma}{\gamma}, \frac{1}{\gamma}, \frac{\gamma}{\gamma} \Rightarrow \frac{\lambda}{\gamma}, \frac{1\Delta}{\gamma}, \frac{1}{\gamma}, \frac{1}{\gamma}, \frac{1}{\gamma} \Rightarrow \frac{\gamma}{\Delta} < \frac{1}{\gamma} < \frac{\gamma}{\gamma} < \frac{\gamma}{\gamma}$$

 $(\Upsilon, \Upsilon, \Delta, 1 \bullet) = \Upsilon \bullet$

ب) تبدیل به عدد اعشار: (صورت بر مخرج تقسیم و خارج قسمت تا دو رقم اعشار ادامه می دهیم.)

مثال: کسرهای زیر را از کوچک به بزرگ مرتب کنید.

$$\frac{7}{4}, \frac{7}{4}, \frac{1}{7}, \frac{7}{1 + 3} \Rightarrow \frac{7}{4} = \frac{1}{4}, \frac{7}{1 + 4} \Rightarrow \frac{7}{4} = \frac{1}{4}, \frac{7}{4} \Rightarrow \frac{7}{4} = \frac{7}{4}, \frac{7}{4} \Rightarrow \frac{7}{4} = \frac{7}{4}, \frac{7}{4} \Rightarrow \frac{7$$

نکته) بین هر دو عدد گویا بی نهایت عدد گویا وجود دارد.

عدد های حقیقی

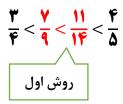
پیدا کردن کسر هایی بین دو عدد کسری : چند روش وجود دارد که دو روش کاربردی آن به صورت زیر است :

۲) ابتدا مخرج مشترک گرفته سپس صورت و مخرج را در یک واحد

ا) صورت ها با هم و مخرج ها با هم جمع می کنیم

بیشتر از تعداد خواسته شده ضرب کنیم.

مثال: بین $\frac{\pi}{3}$ و $\frac{4}{5}$ دو عدد گویا بنویسید؟



$$\frac{\Psi}{\Psi} \circ \frac{\Psi}{\Delta} \Rightarrow \frac{1\Delta}{\Psi} \circ \frac{19}{\Psi} \Rightarrow \frac{\Psi\Delta}{\Psi} \circ \frac{\Psi\Delta}{9} \circ \frac{\Psi\Delta}{9} \Rightarrow \frac{\Psi\Delta}{9} < \frac{\Psi\Psi}{9} <$$

تبدیل کسر به اعداد اعشاری:

۱) عددهای اعشاری متناهی یا مختوم : اگر باقیمانده صورت بر مخرج کسر <mark>صفر شود</mark> آن کسر را مختوم نام دارد.

$$\frac{r}{r} = +/V\Delta$$
 $\frac{r}{\Delta} = 1/Y$

مانند:

ن<mark>کته :</mark> اگر در تجزیه مخرج کسر عامل ۲ و <mark>۵ باشند</mark> آن کسر مختوم است.

$$^{\prime}$$
 $^{\prime}$ $^{\prime}$ $^{\prime}$ $^{\prime}$ $^{\prime}$

مانند:

۲) عددهای اعشاری متناوب ساده : اگر در تقسیم صورت بر مخرج کسر در خارج قسمت عددی مرتب تکرار شود آن را متناوب ساده مي گويند.

$$\frac{\Delta}{11} = -/\sqrt{40}$$
 و $\frac{1}{\sqrt{40}} = -/\sqrt{40}$ و $\frac{1}{\sqrt{40}} = -/\sqrt{40}$ و $\frac{1}{\sqrt{40}} = -/\sqrt{40}$ و خط تیره روی عدد به معنی تکرار یا گردش عدد است)

نکته : اگر در تجزیه مخرج کسر عامل ۲ و ۵ نباشند آن کسر متناوب ساده است.

مانند:
$$\frac{2}{\sqrt{1}}$$
 و $\frac{2}{\sqrt{1}}$

۳) عدد های اعشاری متناوب مرکب: اگر در تقسیم صورت بر مخرج کسر در خارج قسمت بعد از یک یا چند رقم اعشار به

رقم های تکراری برسند به آن کسر متناوب مرکب می گویند.

$$\frac{\Delta}{g} = +/\Lambda \Upsilon \Upsilon + \cdots = +/\Lambda \overline{\Upsilon}$$
 و $\frac{V}{YY} = +/\Upsilon 1 \Lambda 1 \Lambda + \cdots = +/\Upsilon \overline{1 \Lambda}$

نکته: اگر در تجزیه مخرج کسر غیر از عامل ۲ و ۵ عامل دیگری باشند آن کسر متناوب مرکب است.

مانند:

 $\begin{array}{ccc}
\Delta & 1 & \uparrow & \uparrow \\
\hline
1 & \uparrow & \uparrow & \uparrow
\end{array}$ $\begin{array}{ccc}
\Delta & \uparrow & \uparrow & \uparrow \\
\hline
1 & \uparrow & \uparrow & \uparrow
\end{array}$

سال نهم

(فصل دوم)

درسنامه و نکات کلیدی

عدد های حقیقی

اعداد گنگ یا اصم: اعداد که تعداد ارقام اعشاری آن ها نا متناهی و دارای دوره تناوب نباشند اعداد گنگ نام دارند.

نشان می دهند. $\hat{m{Q}}^{C}$ نشان می دهند. فکته: مجموعه اعداد گنگ را با حرف انگلیسی

نگته: اگر n مربع کامل نباشد آنگاه \sqrt{n} عددی گنگ است.(یعنی اعدادی که جذر دقیق ندارند عدد گنگ هستند)

 $(\pi \simeq \pi/1410919070)$ نکته : عدد π چون دارای دوره تناوب نیست عدد گنگ است. π عدد π تا ۱۰ رقم اعشار

مثال: در جای خالی علامت \exists یا \nexists قرار دهید.

نگته : بین دو عدد بی نهایت عدد گنگ وجود دارد.

مثال: بین هر دو عدد داده شده دو عدد گنگ بنویسید.

 $Y=\sqrt{F}<\sqrt{\Delta}<\sqrt{F}<\sqrt{q}=Y$ پ Y (ب

 $\sqrt{\mathbf{r}} < \sqrt{\mathbf{r}/\mathbf{1}} < \sqrt{\mathbf{r}/\mathbf{r}} < \sqrt{\mathbf{r}}$ الف) $\sqrt{\mathbf{r}}$ و $\sqrt{\mathbf{r}}$

مثال : عدد $\sqrt{1 + \sqrt{1 + 1}}$ بین کدام دو عدد صحیح متوالی قرار دارد.

بین ۰ و ۱– قرار دارد

مثال : اعداد $\sqrt{17}$ و $\sqrt{20}$ و $\sqrt{10}$ را روی محور اعداد نمایش دهید.

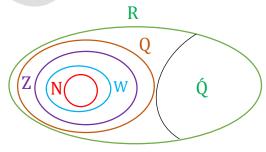


 $Q \cup Q = R$: اجتماع مجموعه اعداد گویا و اعداد گنگ مجموعه اعداد حقیقی را تشکیل می دهد

نکته: مجموعه اعداد حقیقی را با حرف انگلیسی R نشان می دهند.

 $(\hat{m{Q}})$ و اعداد گویا $(m{Q})$ و اعداد حسابی $(m{W})$ و اعداد صحیح $(m{Z})$ و اعداد گویا $(m{Q})$ و اعداد گنگ

و اعداد حقیقی (R) به صورت زیر است :



 $N \subseteq W \subseteq Z \subseteq Q \subseteq R$, $\acute{Q} \subseteq R$

عدد های حقیقی

نمایش اعداد حقیقی روی محور: چون اعداد حقیقی شامل اعداد گویا و گنگ هستند پس نمایش این اعداد به صورت یک خط ممتدی است (اگر علامت نامساوی سرکش داشته باشد دایره توپر و بدون سرکش دایره تو خالی قرار می دهیم)

مثال: مجموعه اعداد زیر را روی محور نشان دهید.

$$B = \{x \in R \mid \mathbf{1} \le x\}$$



$$C = \{x \in R \mid - \mathbf{Y} < x < \mathbf{Y}\}\$$

قدر مطلق: فاصله ی نقطه نمایش یک عدد مانند a را از مبدا مختصات قدر مطلق a می نامیم و آن را به صورت |a| نشان می دهیم.

$$x > \bullet \Rightarrow |x| = x$$

 $x>\star\Rightarrow |x|=x$: غواص قدر مطلق: الف) قدر مطلق عدد مثبت برابر است با خود آن عدد

$$x = * \Rightarrow |x| = *$$

 $x=\star\Rightarrow |x|=\star$: ب) قدر مطلق صفر برابر با صفر است:

$$x < \bullet \Rightarrow |x| = -x$$

 $x < lacktriangleright \Rightarrow |x| = -x$: قدر مطلق عدد منفی برابر با قرینه آن عدد است

$$\begin{vmatrix} \mathbf{r} - \mathbf{r} \times \mathbf{y}^{\mathsf{T}} \div \mathbf{r} + \mathbf{r} \end{vmatrix} = |-\mathbf{r}| = \mathbf{r}$$

$$\left| \mathbf{Y} - \mathbf{V} \times \mathbf{Y}^{\dagger} \div \mathbf{Y} + \mathbf{Y} \right| = \left| -\mathbf{Y} \right| = \mathbf{Y} - \sqrt{\mathbf{Y}} = \mathbf{Y} - \sqrt{\mathbf{Y}} \qquad \left| \underbrace{a^{\mathbf{Y} \cdot} - a^{\mathbf{Y} \cdot}}_{\text{clusted}} \right| = a^{\mathbf{Y} \cdot} - a^{\mathbf{Y} \cdot}$$

 $z=-rac{1}{2}$ و $y={f Y}={f Y}$ و باشد. حاصل عبارت زیر را به دست آورید.

$$|-\mathbf{P}x-\mathbf{P}z|+\mathbf{Y}|y|=\left|-\mathbf{P}\left(\frac{\mathbf{Y}}{\mathbf{P}}\right)-\mathbf{P}\left(-\frac{\mathbf{1}}{\mathbf{Y}}\right)\right|+\mathbf{Y}|\mathbf{P}|=|-\mathbf{P}+\mathbf{Y}|+\mathbf{Y}(\mathbf{P})=\mathbf{Y}+\mathbf{P}=\mathbf{A}$$

$$\sqrt{a^{\Upsilon}} = |a|$$

نکته : با توجه به مفهوم قدر مطلق همواره رابطه مقابل برقرار است :

مثال: حاصل هر عبارت را به دست آورید.

$$\sqrt{\left(\mathbf{Y}-\sqrt{\Delta}\right)^{\mathbf{Y}}}=\left|\mathbf{Y}-\sqrt{\Delta}\right|=-\left(\mathbf{Y}-\sqrt{\Delta}\right)=\sqrt{\Delta}-\mathbf{Y}$$

$$\sqrt{\left(\Upsilon - \sqrt{\Delta}\right)^{\Upsilon}} = \left|\Upsilon - \sqrt{\Delta}\right| = -\left(\Upsilon - \sqrt{\Delta}\right) = \sqrt{\Delta} - \Upsilon$$

$$\sqrt{\frac{1}{\Lambda}} \sqrt{\frac{\Lambda}{\Lambda}}$$

$$\sqrt{\left(\Upsilon \sqrt{\Upsilon} - \Upsilon \sqrt{\Upsilon}\right)^{\Upsilon}} = \left|\Upsilon \sqrt{\Upsilon} - \Upsilon \sqrt{\Upsilon}\right| = \Upsilon \sqrt{\Upsilon} - \Upsilon \sqrt{\Upsilon}$$

حاصل مثبت

عددهاي حقيقي

عددهای حقیقی			
ســــوالات	رديف	ســــوالات	رديف
حاصل عبارت زیر را به دست آورید.	٧	کسرهای زیر را به اعشار تبدیل کنید و نوع آن را	1
$\frac{-7 + \frac{1}{\mu} + \frac{1}{\mu}}{\frac{\mu}{\mu} \div \frac{1}{\lambda}} \times \frac{7}{6} =$		مشخص کنید. **Table 11** **T	
الف عنید : قسمت دوم تساویهای زیر را کامل کنید : $a<\cdot$, $b<\cdot$ \Rightarrow $ a+b =\cdots$ $a>\cdot$, $b<\cdot$ \Rightarrow $ a.b =\cdots$	>	عبارت های زیر را به زبان ریاضی بنویسید: الف) قدرمطلق حاصل ضرب دو عدد مساوی با حاصل ضرب قدرمطلق آنهاست. ب) قدرمطلق مجموع دو عدد از مجموع قدرمطلق های	
	٩	آن دو عدد کوچکتر یا مساوی با آن است.	
الف) کسری مساوی $\frac{1}{6}$ بنویسید که مجموع صورت و مخرج آن ۴۰ باشد. با بین دو کسر $\frac{7}{4}$ و $\frac{7}{6}$ یک کسر با مخرج ۲۰ بنویسید.		اعداد زیر را از کوچک به بزرگ مرتب کنید. ۲ ۳ ۵ ۱ ۳ ۵ ۲ ۶ ۴ ۳ ۳ ۲	•
در مجموعه ی زیر چند عدد گنگ وجود دارد. $A = \left\{ \sqrt{19+\pi}, \pi/14, -\frac{\pi}{4}, 1/1\overline{\lambda} \right\}$		حاصل عبارت زیر را به دست آورید. $ \mathbf{r} - \mathbf{r} \times \mathbf{r}^{r} \div \mathbf{r} - \mathbf{q} = \mathbf{r} + \mathbf{r} \times \mathbf{r}$	۴
ر u) الف) عدد $\sqrt{\Delta} + \sqrt{\Delta}$ بين كدام دو عدد صحيح متوالى	W	طرف دوم تساویهای زیر را کامل کنید.	۵
قرار دارد.		$N \cap Z = \cdots$ $W \cup Q = \cdots$	
بین $\sqrt[\pi]{v}$ و v دو عد گنگ بنویسید.		$R - \dot{Q} = \cdots$ $Q \cap Z = \cdots$	
حاصل هر عبارت را به دست آورید $ig au = ig au = ig $	17	الف) مجموعه A را روی محور نمایش دهید. $A = \{x \in R \ \middle \ - \mathfrak{r} \leq x < \mathfrak{r}\}$ ب) نمایش ریاضی نمودار زیر را بنویسید. B	۶
$\left -r + \sqrt{\delta} \right = $ $\sqrt{\left(r - \sqrt{v}\right)^r} =$		-7 -7 -7 -7 -7 -7 -7 -7	

www.9Ghalam.ir

" فيأغورس "

چنری در جمان وجود ندارد که با صدد قابل بیان نباشد.