(فصل هفتم)

درسنامه و نکات کلیدی

عبارت های گویا

عبارت گویا: کسری است که صورت و مخرج آن چند جمله ای باشند.

$$\frac{fx^{7}-1}{7x+7}, \frac{\sqrt{\Delta}x}{7}, \frac{x-7}{x}$$

نکته: عبارتی که متغیر آن توان منفی یا زیر رادیکال یا داخل قدر مطلق یا در مخرج کسر یا در توان باشد. گویا نیست.

$$|x-\gamma|$$
 , $\frac{x^y}{r}$, $\frac{\epsilon-\sqrt{x}}{rx}$

نکته: عبارت گویا به ازای مقادیری که مخرج کسر را صفر می کند تعریف نشده است.

مثال: عبارت های گویا زیر به ازای چه مقادیری از مخرج کسر تعریف نشده است.

(مخرج کسر را مساوی صفر قرار داده تا مقادیر تعریف نشده مشخص شوند)

$$\frac{x^{7}-\Delta}{7x-7} \implies 7x-7 \implies 7x=7 \implies 7$$

$$\frac{x-\xi}{x^{\tau}-\xi x}$$
 $\Rightarrow x^{\tau}-\xi x = \cdot \Rightarrow x(x-\xi) = \cdot \Rightarrow \begin{cases} x = \cdot \\ x-\xi = \cdot \Rightarrow x = \xi \end{cases}$

(عبارت گویا به ازای $(x=f,x=\cdot)$ تعریف نشده است)

ساده کردن عبارت گویا: برای ساده کردن صورت و مخرج را به صورت حاصل ضرب دو یا چند عبارت جبری نوشته سپس

عبارت های مساوی را از صورت و مخرج ساده می کنیم.

نکته: برای ساده کردن عبارت های گویا از فاکتورگیری و اتحاد استفاده می کنیم.

مثال: عبارت های گویا زیر را ساده کنید.

$$\frac{x^{7}-f}{x^{7}+7x} = \frac{(x-f)(x+f)}{x(x+f)} = \frac{(x-f)}{x}$$

$$\frac{x^{7}-6x+f}{x^{7}+7x} = \frac{(x-f)(x-f)}{x(x+f)} = \frac{(x-f)}{x}$$

$$\frac{x^{7}-6x+f}{x^{7}-6x+f} = \frac{(x-f)(x-f)}{(x-f)(x-f)} = \frac{(x-f)}{(x-f)}$$

ضرب عبارت های گویا : در ضرب عبارت های گویا ابتدا ساده می کنیم سپس صورت در صورت و مخرج در مخرج ضرب می کنیم.

تقسیم عبارت های گویا : ابتدا تقسیم را به ضرب تبدیل می کنیم یعنی کسر اولی را در معکوس کسر دومی ضرب می کنیم.

عبارت های گویا

مثال: حاصل ضرب و تقسیم عبارت های گویا زیر را به دست آورید.

$$\frac{x+\Delta}{rx+\rho} \times \frac{x+r}{x^r-r\Delta} = \frac{(x+\Delta)}{r(x+r)} \times \frac{(x+r)}{(x-\Delta)(x+\Delta)} = \frac{1}{r(x-\Delta)}$$

$$\frac{x^{r}-rx-1\delta}{x+r} \div \frac{x^{r}-x-1r}{rx+s} = \frac{(x-\delta)(x+r)}{(x+r)} \times \frac{r(x+r)}{(x-r)(x+r)} = \frac{r(x+\delta)}{(x-r)}$$

جمع و تفریق عبارت های گویا : بین مخرج ها مخرج مشترک (ک.م.م) مخرج ها را انتخاب می کنیم.

مثال: حاصل جمع و تفریق های زیر را به دست آورید.

$$\frac{(7x+7)}{(x+1)} + \frac{x-7}{(x-7)} = \frac{(7x+7)(x-7) + (x-7)(x+1)}{(x+1)(x-7)} = \frac{(7x^7-7x-1)}{(x+1)(x-7)}$$

$$\frac{x-1}{x-r} - \frac{x+\Delta}{x^r-9} = \frac{(x-1)(x+r) - (x+\Delta)}{(x-r)(x+r)} = \frac{x^r+x-\lambda}{(x-r)(x+r)}$$

ساده کردن عبارت های مرکب: عبارت صورت کسر و عبارت مخرج کسر را جداگانه جواب داده و در آخر حاصل عبارت صورت را برحاصل عبارت مخرج تقسیم می کنیم.

مثال: حاصل عبارت زیر را به ساده ترین صورت بنویسید.

$$\frac{\frac{r}{x^{r}} - \frac{r}{x} + 1}{1 - \frac{r}{x^{r}} - \frac{1}{x}} = \frac{\frac{r - rx + x^{r}}{x^{r}}}{\frac{x^{r} - r - x}{x^{r}}} = \frac{(x - r)(x - 1)}{x^{r}} \times \frac{x^{r}}{(x - r)(x + r)} = \frac{(x - 1)}{(x + r)}$$

تقسیم یک جمله ای بر یک جمله ای : ۱) علامت ها در هم ضرب شده ۲) اعداد با هم ساده می شوند ۳) حروف (متغیرها) با هم ساده می شوند : (در ساده کردن متغیرها از قاعده تقسیم اعداد توان دار استفاده می شود)

مثال: عبارت گویا زیر را ساده کنید.

$$\frac{-1\lambda x^{\Delta}y^{\mathsf{T}}z^{\mathsf{F}}}{1\mathsf{T}x^{\mathsf{T}}y^{\mathsf{T}}z^{\mathsf{F}}} = \frac{-1\lambda}{1\mathsf{T}} \times \frac{x^{\Delta}}{x^{\mathsf{T}}} \times \frac{y^{\mathsf{T}}}{y^{\mathsf{T}}} \times \frac{z^{\mathsf{F}}}{z^{\mathsf{F}}} = -\frac{\mathsf{T}x^{\mathsf{T}}}{\mathsf{T}y}$$

عبارت های گویا

تقسیم چند جمله ای بر یک جمله ای: تک تک جملات صورت کسر را بر مخرج کسر تقسیم می کنیم.

مثال: عبارت گویا زیر را ساده کنید.

$$\frac{\mathbf{f}x^{\Delta} - \mathbf{f}x^{\mathbf{r}} + \mathbf{1}\mathbf{f}x}{\mathbf{f}x} = \frac{\mathbf{f}x^{\Delta}}{\mathbf{f}x} - \frac{\mathbf{f}x^{\mathbf{r}}}{\mathbf{f}x} + \frac{\mathbf{1}\mathbf{f}x}{\mathbf{f}x} = \mathbf{f}x^{\mathbf{r}} - \mathbf{f}x^{\mathbf{r}} + \mathbf{f}x$$

تقسیم چند جمله ای بر چند جمله ای: برای این تقسیم مراحل زیر را به ترتیب انجام می دهیم:

- ۱) ابتدا مقسوم و مقسوم علیه را به شکل استاندارد یعنی از بیشترین توان به کمترین توان می نویسیم.
- ۲) اولین جمله ی مقسوم را بر اولین جمله ی مقسوم علیه تقسیم کرده و حاصل را در خارج قسمت می نویسیم.
- ۳) خارج قسمت را در تک تک جملات مقسوم علیه ضرب کرده و حاصل را زیر عبارت مقسوم نوشته و دو عبارت را از هم کم می کنیم.
- ۴) برای چند جمله ای به دست آمده مراحل ۲ و ۳ را تکرار کنیم و این تکرار را تا جایی ادامه می دهیم که درجه باقی مانده از درجه مقسوم علیه کمتر شود.

مثال: خارج قسمت و باقی مانده تقسیم $x-x^{r}+y+y+7$ زیر را به دست آورید.

مرحله اول (استاندارد کردن عبارت) :
$$\frac{x^{r}}{x} = x^{r} + fx + y$$
 عبارت : $\frac{x^{r}}{x} = x$ مرحله دوم (تقسیم مقسوم بر مقسوم علیه) : $\frac{x^{r}}{x} = x$

 $x(x-1)=x^1-1$ مرحله سوم (حاصل ضرب خارج قسمت در مقسوم علیه) مرحله سوم

$$(x-7)(x+9)+19=x^7+4x+7$$
 درابطه تقسیم:

نکته : اگر در تقسیم دو عبارت باقی مانده صفر شود. مقسوم بر مقسوم علیه بخشپذیر است.

 $x^{\mathfrak{r}}-a$ مثال : مقدار a طوری بیابید که چند جمله ای a-a بر $x^{\mathfrak{r}}-a$ بر مثال $x^{\mathfrak{r}}-a$

$$\begin{array}{c|c}
x^{\mathsf{f}} - \mathsf{r} x^{\mathsf{r}} + a - \mathsf{r} & x^{\mathsf{r}} - \Delta \\
-(x^{\mathsf{r}} - \Delta x^{\mathsf{r}}) & x^{\mathsf{r}} + \mathsf{r}
\end{array}$$

بخشپذیر بودن یعنی باقی مانده تقسیم صفر شود:

$$-\underbrace{(\forall x^{\forall} - 1 \cdot)}_{a + \forall}$$

$$a + y = \cdot \Longrightarrow a = -y$$

به نام خالق زیبایی ها			نام:						
رستان دوره اول	دبيرستان دوره اول		نام خانوادگی:						
مون پایانی فصل هفتم ریاضی نهم	کلاس:								
ر کنید (۲نمره)	رست رابا 🔀 مشخص	، های درست رابا 🧹 وناد	عبارت						
	ت گویا است.	عبارت $\frac{Yy + \sqrt{V}}{y^m}$ یک عبارہ (الف						
ساده نمود.	$X+a$ را می توان به شکل $X+a$ ساده نمود. $rac{ax^r+a}{x}$								
	رابر با ا [—] است.	حاصل عبارت $\frac{1+YX}{-YX-1}$ بر	ج)						
	۱ برابر ۹X ^۲ –۱ است	$^o\!X$ $-$ ا مساحت مربعی به ضلع	(3						
(۲نمره)	کامل کنید								
شده است.	الف) عبارت $\dfrac{oldsymbol{\epsilon}X+oldsymbol{\gamma}}{X-oldsymbol{\gamma}}$ به ازای $oldsymbol{X}=oldsymbol{\ldots}$								
ب حاصل عبارت $\frac{FX^{ r} + \Lambda X}{1 r X + r F}$ به ساده ترین صورت برابر با به مساحت آن برابر با طول مستطیلی ازسه برابر عرض آن ۴ واحد کم تراست.نسبت طول به مساحت آن برابر با و عبارت $m=1$ دو عبارت $m=1$ و $m=1$ مقدار یکسان دارند.									
					(انمره)	گزینه درست راانتخاب کنید.			
					بخش پذیر باشدمقدار aکدام گزینه است؟	الف) اگر چند جمله ای $X+\gamma$ بر $X+\gamma$ بر $X+\gamma$ بخش پذیر باشدمقدار هکدام گزینه است؟			
-\$ (\$ (\psi		(A — he	!						
		،) کدام عبارت زیر گویا است؟ 							
$\frac{xy + x^{9} + 1}{ x - y } \qquad (\mathfrak{F} \qquad \qquad \frac{1}{\sqrt{x} + y} \qquad (\mathfrak{F})$	$\frac{Y-X^{+}\sqrt{y}}{y^{+}+x}$	$\frac{\sqrt{\mu}x + y^{r}}{x - y}$	(1						
رستون دوم وصل کنید. (۱نمره)	هریک از عبارت های ستون اول رابه عبارت مساوی آن درستون دوم وصل کنید.								
ستون دوم		ستون اول							
$y \times \frac{x+z}{y+z}$	• <u>+</u>	<u>X + γ </u>	الف .						
-X-Z									
$\frac{-X-Z}{-y-Z} \bullet$		X + Z							
Y V		$\frac{X+Z}{Y+Z}$	ب).						
$\frac{x}{z} + \frac{y}{z}$									

(۲نمره)	عبارت های زیر راساده کنید.	
1 5 X ^r =	$\frac{x^{+} + x^{+}b}{=} =$	۵
$I PX^P - \Lambda X$	$X^{r}b + b^{r}X$	
(انمره)	ضرب زیر راانجام دهید	
$\frac{X_{k}-1}{X_{k}}\times\frac{kX_{k}}{k}=$		_
$\frac{X^{r}-X}{X^{r}-X} \times \frac{X}{-X-1} = \frac{1}{x}$		۶
X X X I		
(۲نمره)	تقسيم زير راانجام دهيد	
		٧
$\frac{FX^{r} - P\Delta y^{r}}{PX^{r}y + \Delta Xy^{r}} \div \frac{SX^{r} - I\Delta Xy}{PX^{r}y^{r}} =$	=	V
rx'y + axy' 9x'y'		
(۳نمره)	جمع وتفریق زیر را انجام دهید.	
X - m + = =	۱ ۵ _	
${X+1} + {X+1} =$	$\frac{1}{\varphi xy^{r}} - \frac{\omega}{x^{r}y^{m}} =$	٨
$\frac{m X^{P} - m X}{m X^{P} + M X} =$		
$\frac{X^{P} - PX + P}{Y + A + A} =$		
(۲نمره)	حاصل عبارت مقابل رابه ساده ترین صورت بنویسید.	
$\frac{1+\frac{b^{r}}{a^{r}-b^{r}}}{a-\frac{a^{r}}{a-b}} = \frac{a^{r}}{a-b}$		۵
$\frac{a^{r}-b^{r}}{a}=$		1
a – a r		
a -b		
(۲نمره)	محیط ومساحت شکل زیر رابه دست آورید.	
$\frac{X+1}{X}$	(مثلث متساوي الاضلاع مي باشد)	
x / \		
		10
/	1 •11 • .1. ••	
(۲نمره)	تقسیم های زیر راانجام دهید.	
$X^{\mu} + X^{\epsilon} + \mu \mid -\mu X^{\epsilon} + 1$	$\frac{P X y^{P} - P X^{P} y \; Z}{=}$	11
	1 • <i>XY</i>	
موفق باشید		