سال هشتم

درسنامه و نکات کلیدی

توان و جذر

ضرب اعداد توان دار: الف) اگر پایه ها برابر باشند: یکی از پایه ها را نوشته و توان ها را با هم جمع می کنیم.

 $a^m \times a^n = a^{m+n}$ 

$$k_{\Lambda} \times k_{\mu} = k_{I}$$

مانند:

ب) اگر توان ها برابر باشند: یکی از توان ها را نوشته و پایه ها را در هم ضرب می کنیم.

 $a^m \times b^m = (ab)^m$ 

$$17^{\circ} \times 7^{\circ} = 75^{\circ}$$

مانند:

تقسیم اعداد توان دار: الف) اگر پایه ها برابر باشند: یکی از پایه ها را نوشته و توان ها را از هم کم می کنیم.

 $a^m \div a^n = a^{m-n}$ 

$$\frac{q^{\delta}}{q^{\tau}} = q^{\gamma}$$

مانند:

ب) اگر توان ها برابر باشند : یکی از توان ها را نوشته و پایه ها را بر هم تقسیم می کنیم.

 $a^m \div b^m = \left(\frac{a}{b}\right)^m$ 

$$\mathbf{r} \cdot \mathbf{r} \cdot \mathbf{r} \cdot \mathbf{r} = \mathbf{r}$$

مانند:

نکته: اگر در ضرب و تقسیم اعداد توان دار پایه ها و توان ها برابر نباشند از تجزیه استفاده می کنیم.

 $r^{\vee} \times r_{\mu} = (r_{\mu})^{\vee} \times r_{\mu} = r_{1d}$ 

مانند:

مانند:

نکته: اگر اعداد توان دار مثل هم باشند و بین آن ها علامت جمع باشد آن عبارت را تبدیل به ضرب می کنیم.

 $Y^{\circ} + Y^{\circ} = Y \times Y^{\circ} = Y^{\vee}$ 

$$9^{\circ} + 9^{\circ} + 9^{\circ} = r \times 9^{\circ} = r \times (r^{\circ})^{\circ} = r^{11}$$

نگته : عدد منفی داخل پرانتز باشد علامت منفی به تعداد توان ضرب می شود. اگر عدد منفی داخل پرانتز نباشد منفی به تعداد توان ضرب نمی شود.

 $(-\mathfrak{k})^{r} = -\mathfrak{k} \times -\mathfrak{k} = 1\mathfrak{k}$ 

$$-\mathbf{f}^{\mathsf{r}} = -(\mathbf{f} \times \mathbf{f}) = -1\mathbf{f}$$
 مانند:

ن<mark>کته :</mark> عدد منفی به توان زوج برسد حاصل عددی مثبت و اگر به توان فرد برسد حاصل عددی منفی می شود.

توان زوج → الم = (۳)

$$(-7)^{\overline{T}} = -77$$
 هانند:

نکته: اگر عدد توان دار داخل پرانتز باشد و توان دیگر داشته باشد پایه را نوشته و توان ها را در هم ضرب می شود.

$$(r^{r})^{r} = r^{r}$$

$$((\Upsilon^{r})^{r})^{r} = \Upsilon^{rr}$$

مانند:

نکته: اگر عدد توان دار بدون پرانتز نباشد و توان دیگر داشته باشد پایه را نوشته و عبارت بالا را جواب می دهیم.

مانند:

مثال: حاصل هر عبارت را به صورت عدد توان دار بنویسید.

$$\underline{\underline{\mathsf{w}}^{\mathsf{F}}} \times \underline{\underline{\mathsf{w}}^{\mathsf{Y}}} \div \underbrace{\underline{\mathsf{Y}}}_{\mathsf{aggre}} = \underline{\mathsf{w}}^{\mathsf{F}} \div \underline{\mathsf{w}}^{\mathsf{W}} = \underline{\mathsf{w}}^{\mathsf{W}}$$

$$\frac{\frac{k_{\perp} \times k_{\perp}}{k_{\perp} \times k_{\parallel}} = \frac{k_{\perp}}{k_{\perp}} \times \frac{k_{\perp}}{k_{\parallel}} = k_{\parallel} \times k_{\parallel} = 11.$$

مثال: اگر  $\Delta = \mathbf{r}^a$  باشد حاصل هر عبارت را به دست آورید.

$$\mathsf{r}\mathsf{v}^a = (\mathsf{r}^\mathsf{r})^a = (\mathsf{r}^a)^\mathsf{r} = \mathsf{a}^\mathsf{r} = \mathsf{1}\mathsf{r}\mathsf{a}$$

$$\mathbf{q}^{ra} = (\mathbf{r}^r)^{ra} = (\mathbf{r}^a)^r = \mathbf{a}^r = \mathbf{r}^r$$

 $\overline{k_{\Lambda}} \times \lambda_{k} \times (\cdot \backslash v)_{\Lambda} = \lambda_{\Lambda} \times \lambda_{k} = \lambda_{I}.$ 

$$\frac{\sqrt{r \cdot r}}{\Delta^r \times r^r} = \frac{\Delta^r}{\Delta^r} = \Delta^r$$

$$\mathbf{r}^{a+r} = \mathbf{r}^a \times \mathbf{r}^r = \Delta \times \mathbf{q} = \mathbf{r}\Delta$$

$$\mathbf{r}^{a-\mathbf{r}} = \mathbf{r}^a \div \mathbf{r}^{\mathbf{r}} = \Delta \div \mathbf{r} \mathbf{r} = \frac{\Delta}{\mathbf{r} \mathbf{r}}$$

نکته: برای مقایسه اعداد توان باید پایه یا توان اعداد را برابر کنیم.

مثال: اعداد زیر را از کوچک به بزرگ مرتب کنید.

$$f$$
,  $f^{r^{r}}$ ,  $f^{r}$   $f^{r}$   $f^{r}$ 

جذر یا ریشه دوم اعداد : در تساوی  $[\mathbf{r}^{\mathsf{Y}} = \mathbf{q}]$  عدد ۹ را مجذور اعداد ۳ و ۳ – می گویند. و اعداد ۳ و ۳ – جذر یا ریشه دوم اعداد ۳ و ۳ با ریشه دوم اعداد ۲ با ریشه داد ۲ با ریشه داد

ریشه های دوم ۹ می گویند.

نکته: هر عدد دارای دو ریشه دوم است که یکی قرینه ی دیگری است.

مانند: ریشه های دوم عدد ۳۶ برابر است با: ۶ و ۶-

نگته : در جذر گیری فقط عدد مثبت آن در نظر گرفته می شود و جذر را با رادیکال  $(oldsymbol{\sqrt{\phantom{A}}})$  نشان می دهند.

نکته: اعداد منفی جذر ندارند. چون مجذور هیچ عددی ؛ منفی نمی شود.

نکته: جذر اعداد صفر و یک برابر با خود آن اعداد است.

مثال: جذر اعداد زیر را به دست آورید.

$$\sqrt{\sqrt{18}} = \sqrt{F} = 7 \qquad \sqrt{\frac{4}{1 \cdot 1}} = \frac{\sqrt{10}}{1 \cdot 10} = \frac{10}$$

سال هشتم

## (فصل هفتم)

درسنامه و نکات کلیدی

توان و جذر

جذر تقریبی اعداد: برای به دست آوردن جذر تقریبی اعداد مراحل زیر را به ترتیب انجام می دهیم:

۱) ابتدا مشخص می کنیم عدد داده شده بین کدام دو عدد صحیح متوالی قرار دارد.

۲) سپس عدد وسط دو عدد را مشخص کرده و مجذور آن را می نویسیم.

۳) سپس اگر مجذور عدد وسطی از عدد داده شده بیشتر بود ۴ عدد کمتر از عدد وسطی و اگر از عدد داده شده کمتر بود ۴ عدد بزرگتر از عدد وسطی را می نویسیم.

۴) داخل یک جدول مجذورهای ۴ عدد را نوشته سپس مجذور عددی که به عدد داده شده نزدیکتر بود همان جذر تقریبی عدد است.

نکته: برای این که بدانیم عدد داده شده بین کدام دو صحیح متوالی قرار دارد مجذور دو عددی را مشخص می کنیم که به عدد داده شده نزدیک باشد.

مثال: مشخص عدد  $\sqrt{\pi}$  و  $\sqrt{\pi}$  بین کدام دو عدد قرار دارد و به کدام عدد نزدیکتر است.

 $\frac{\Delta}{\sqrt{7\Delta}} < \sqrt{\pi \tau} < \sqrt{\pi}$  (بین ۵ و ۶ که به ۶ نزدیکتر است)

$$\sqrt{\Lambda 1} < \sqrt{\Lambda T} < \sqrt{\frac{1}{2}}$$
 (بین ۹ و ۱۰ که به ۹ نزدیکتر است)

مرحله ۱

 Y 112.0

مجذور عدد وسط

$$(9/\Delta)^{\Upsilon} = \Upsilon / \Upsilon \Delta$$

مثال: جذر تقریبی عدد ۴۷ را به دست آورید.

مرحله ۳

47/20 < 41

چون مجذور عدد وسط کمتر از عدد شده مجذور

۴ عدد بزرگتر از عدد وسط را می نویسیم

مرحله ۴

| عدد       | 9/9   | 9/4   | 9/1   | 9/9   |
|-----------|-------|-------|-------|-------|
| مجذور عدد | 44/09 | 44/44 | 49/44 | 44/91 |

$$\sqrt{\rm fy} \simeq \rm F/A$$

مثال: جذر تقریب عدد ۱۲۷ را به دست آورید.

مرحله ١

 $\begin{array}{c} \text{acc gwd} \\ 11 \longrightarrow 11/\Delta \longleftarrow 17 \\ \sqrt{171} < \sqrt{177} < \sqrt{177} < \sqrt{177} \end{array}$ 

مرحله ۲

مجذور عدد وسط

 $(11/\Delta)^{\Upsilon} = 1 \Upsilon \Upsilon / \Upsilon \Delta$ 

مرحله ۳

187/20 > 120

چون مجذور عدد وسط بیشتر از عدد شده مجذور

۴ عدد کوچکتر از عدد وسط را می نویسیم

سال هشتم

## (فصل هفتم)

درسنامه و نکات کلیدی

توان و جذر

مرحله ۴

| عدد       | 11/1   | 11/4   | 11/٣   | 11/4   |
|-----------|--------|--------|--------|--------|
| مجذور عدد | 177/71 | 175/88 | 177/99 | 144/48 |

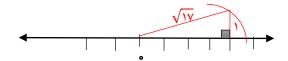
$$\sqrt{177} \simeq 11/7$$

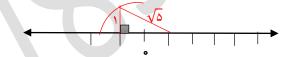
۲) تعداد حرکت

ن<mark>مایش اعداد رادیکالی روی محور اعداد :</mark> برای نمایش این اعداد چهار مورد زیر را باید مشخص کنیم :

۱) مبدا حرکت

 $\sim$  اعداد  $\sqrt{17}$  و  $\sqrt{40}$  و  $\sqrt{100}$  را روی محور اعداد نمایش دهید.





خواص ضرب و تقسیم رادیکال ها: در ضرب و تقسیم رادیکال ها می توان رادیکال را جدا از هم نوشت.

مثال: حاصل عبارت های زیر را به دست آورید.

$$\sqrt{9\cdots} = \sqrt{9 \times 1\cdots} = \sqrt{4} \times \sqrt{2\cdots} = 7^{\circ}$$

$$\sqrt{\frac{\tau\Delta}{\tau\varsigma}} = \frac{\sqrt{\tau\Delta}}{\sqrt{\tau\varsigma}} = \frac{\Delta}{\varsigma}$$

نکته: در جمع و تفریق رادیکال ها نمی توان رادیکال را جدا از هم نوشت و جواب داد:

$$\sqrt{a+b} \neq \sqrt{a} + \sqrt{b}$$

$$\sqrt{a-b} \neq \sqrt{a} - \sqrt{b}$$

نکته: برای ساده کردن عدد زیر رادیکال می توان برای بعضی از اعداد یک ضرب نوشت به شرطی که یکی از دو عدد جذر دقیق داشته باشد.

مثال: اعداد زیر را به صورت ضرب یک عدد طبیعی در رادیکال بنویسید.

$$\sqrt{r} = \sqrt{r} \times \Delta = r\sqrt{\Delta}$$

$$e^{-r} = \sqrt{r} \times \Delta = r\sqrt{\Delta}$$

$$r\sqrt{f\Lambda} = r\sqrt{f} \times r = 17\sqrt{r}$$

$$+ \sqrt{f} \times r = 17\sqrt{r}$$