### شمارنده ها و اعداد اول

شمارنده ها یا مقسوم علیه های یک عدد: اعدادی که عدد داده شده بر آن ها بخش پذیر باشد.

نکته: اولین شمارنده ی هر عدد یک و آخرین شمارنده ی هر عدد خود آن عدد است.

مثال: شمارنده های اعداد ۹ و ۲۴ و ۴۲ را بنویسید.

همارنده  $\{1,7,7,7,7,1\}=9$  شمارنده  $\{1,7,7,7,7,1\}=7$  شمارنده  $\{1,7,7,7,1,1\}=7$  شمارنده

عدد اول: هر عدد طبیعی بزرگتر از یک که فقط دو شمارنده داشته باشد عدد اول است.

نکته: عدد اول فقط بریک و خودش بخش پذیر است.

نکته: تنها عدد زوج که اول باشد عدد ۲ است. اعداد اول یک رقمی

نگته : ترتیب اعداد اول به صورت مقابل است : ﴿ ٢ , ٣ , ٥ , ٧ , ١١ , ١٣ , ١٧ , ١٩ , ٢ } = اعداد اول

عدد مرکب: هر عدد طبیعی بزرگتر از یک که بیش از ۲ شمارنده داشته باشد عدد مرکب است.

نکته: هر عددی طبیعی که بتوان برای آن ضربی غیر از یک نوشت آن عدد مرکب است.

نگته: تمام اعداد زوج (غیر از ۲) مرکب هستند.

نکته: عدد یک نه اول است و نه مرکب. (چون عدد یک فقط یک شمارنده دارد)

نکته: تمام اعداد طبیعی (غیر از یک) حداقل یک شمارنده اول دارند.

 $\Delta + 1V = 77$  الف) مجموع سومین و هفتمین عدد اول چند است؟

ب) اختلاف بزرگترین و کوچکترین عدد اول دو رقمی چند است؟  $\lambda = \lambda = \lambda - \lambda$ 

د) از ۱ تا ۲۰ چند عدد مرکب وجود دارد؟ از ۱ تا ۲۰ تعداد اعداد ۲۰ تاست که (۸ عدد اول) و (عدد یک نه اول و نه مرکب)

 $7 \cdot - 9 = 11$  را کم می کنیم:

تجزیه اعداد: برای به دست آوردن شمارنده های اول یک عدد آن را تجزیه می کنیم.

نگته: یکی از روش های تجزیه (نمودار درختی) است که در این روش برای هر عدد یک ضرب بزرگتر از یک نوشته تا وقتی که دیگر نتوان برای عدد یک ضرب نوشت نمودار ادامه پیدا می کند.

نکته: اعداد که نتوان برای آن ها ضربی نوشت جزو شمارنده های اول آن عدد است.

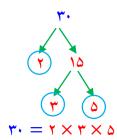
سال هفتم

# (فصل ينجم)

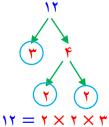
درسنامه و نکات کلیدی

## شمارنده ها و اعداد اول

مثال: شمارند های اول اعداد ۱۲ و ۲۵ و ۳۰ را از روش نمودار درختی به دست آورید.







$$70 = 0 \times 0$$

نکته: برای ساده کردن کسرها می توان اعداد را تجزیه کرد سپس شمارنده های مشترک دو عدد را خط زد.

مثال: کسرهای زیر را ساده کنید.

$$\frac{11}{11} = \frac{11}{11} = \frac{11$$

$$\frac{YF}{9} = \frac{Y \times Y \times Y \times X}{Y \times Y \times X \times \Delta} = \frac{Y}{\Delta}$$

مثال: بزرگترین شمارنده مشترک (ب . م .م) دو عدد ۱۲ و ۳۰ را از روش نوشتن شمارنده ها به دست آورید.

پرانتز نشانه (ب.م.م) دو عدد است (17, ٣٠) = 9

روش به دست آوردن بزرگترین شمارنده مشترک دو عدد (از روش تجزیه): مراحل زیر را به ترتیب انجام می دهیم:

۲) دو عدد را به صورت ضرب شمارنده های اول می نویسیم

۱) دو عدد را تجزیه می کنیم

۳) عدد های مشترک با کمترین تکرار را در هم ضرب می کنیم

مثال: بزرگترین شمارنده مشترک دو عدد ۴۸ و ۲۰ را از روش تجزیه به دست آورید.

 $\mathbf{r} \cdot = \mathbf{r} \times \mathbf{r} \times \mathbf{a}$ 

$$\mathbf{F}\mathbf{A} = \mathbf{Y} \times \mathbf{Y} \times \mathbf{Y} \times \mathbf{Y} \times \mathbf{Y}$$

$$(Y \cdot , f \wedge) = Y \times Y = f$$

(شمارنده مشترک دو عدد ۲ است و کمترین تکرار هم ۲ بار است)

#### نکاتی درباره (ب.م.م) اعداد:

۱) از (ب.م.م) اعداد برای ساده کردن کسرها استفاده می شود.

(17,1) = 1 : (ب.م.م) هر عدد با یک برابر با یک است (۲

(10, 10) = 10: (ب.م.م) هر عدد با خودش همان عدد می شود: (10, 10)

 $(\Delta, 17) = 1$  : ب.م.م) دو عدد اول مختلف یک می شود ( $(\Delta, 17)$ 

 $(۶, ۱ \land) = ۶$  : کوچکتر می شود (ب.م.م) آن دو عدد برابر با عدد کوچکتر می شود ( $۶, ۱ \land$ 

(mr, mr) = 1 : سر هم) همواره یک است (mr, mr) = 1

### (فصل ينجم)

#### درسنامه و نکات کلیدی

#### شمارنده ها و اعداد اول

مضرب های طبیعی یک عدد: اگر یک عدد را به ترتیب در اعداد طبیعی ضرب کنیم مضارب آن عدد به دست می آید.

مثال: مضارب طبیعی اعداد ۸ و ۱۵ را بنویسید.

 $10 = \{10, 70, 60, 90, \dots\}$  مضارب

نکته: اولین مضرب طبیعی هر عدد خودعدد و آخرین مضرب آن مشخص نیست.

 $\vee \times 1$  الف) هفتمین مضرب عدد ۱۲ چند است؟  $\wedge \wedge \wedge \wedge \wedge$ 

ب) آیا ۱۴۲ مضرب عدد ۳ است؟ چرا؟ خیر . چون اگر ۱۴۲ را بر ۳ تقسیم کنیم باقیمانده تقسیم صفر نمی شود.

ج) سه مضرب مشترک ۵ و ۷ را بنویسید؟ **﴿ ۲۵ , ۷۰ , ۳۵** 

مثال) کوچکترین مضرب مشترک (ک .م .م) دو عدد ۶ و ۱۵ را از روش نوشتن مضرب های دو عدد به دست آورید.

 $9 = \{9, 17, 18, 74, 74, 77, 79, 87, 87, 87, 89, ...\}$  مضارب  $9 = \{9, 17, 18, 74, 74, 74, 74, 74, 74, 80, ...\}$ 

۳۰ = [۶, 1۵] کروشه نشانه (ک.م.م) دو عدد است + ۹۰ و ۶۰ و + و ۶۰ و + او ۶۰ مشتر ک

**روش به دست آوردن کوچکترین مضرب مشترک دو عدد (ازروش تجزیه) :** مراحل زیر را به ترتیب انجام می دهیم :

۲) دو عدد را به صورت ضرب شمارنده های اول می نویسیم

۱) دو عدد را تجزیه می کنیم

۳) عدد های مشترک با بیشترین تکرار و عددهای غیر مشترک را در هم ضرب می کنیم

مثال: بزرگترین شمارنده مشترک دو عدد ۶۰ و ۷۲ را از روش تجزیه به دست آورید.

 $\mathcal{S}_{\bullet} = \mathbf{Y} \times \mathbf{Y} \times \mathbf{Y} \times \mathbf{\Delta}$ 

(شمارنده مشترک دو عدد ۲ و ۳ است و بیشترین تکرار ۲ سه بار و ۳ دو بار است )

### نکاتی درباره (ک.م.م) اعداد :

۱) از (ک.م.م) اعداد برای مخرج مشترک کسرها استفاده می شود.

(17,1) = 17 : الله عدد با یک برابر با خود عدد است (۲ م.م) هر عدد با یک برابر با

(10, 10) = 10 : ک.م.م) هر عدد با خودش همان عدد می شود (10, 10)

۴) (ک.م.م) دو عدد اول مختلف برابر با حاصل ضرب آن دو می شود :  $(\Delta \, , \, 1$ 

(4, 14) = 14 ) اگر دو عدد بر هم بخش پذیر باشند (ک.م.م) آن دو عدد برابر با عدد بزرگتر می شود: (4, 14) = 14