

امیرعلی فرازمند

۹۹۵۲۲۳۲۹

گزارش تمرین پنجم

```
1 # imports
2 import pandas as pd
3 import numpy as np
4 import yfinance as yf
5 import matplotlib.pyplot as plt
6 from datetime import datetime, timedelta
7 from pytz import timezone
8 import statsmodels.api as sm
9 from statsmodels.tsa.stattools import adfuller
10 from pandas.plotting import register_matplotlib_converters
11 from statsmodels.tsa.vector_ar.vecm import coint_johansen
12 from hurst import compute_Hc
13 register_matplotlib_converters()
14
```

توابع برای محاسبه ی hurst و half-life:

پ.ن: برای محاسبه ی hurst تابع آماده بود اما ترجیح داده شد که با تابع نوشته شده کار شود.

```
1 def calculate_half_life(series):
2     # Add a small constant to series
3     # series = series + 1e-10
4
5     delta_series = np.log(series).diff().dropna()
6     lagged_series = delta_series.shift(1).dropna()
7     lagged_series = sm.add_constant(lagged_series)
8     delta_series_lagged = delta_series[1:] # Make sure delta_series_lagged is the same length as lagged_series
9
10    # Check if delta_series_lagged and lagged_series are not empty
11    if delta_series_lagged.size > 0 and lagged_series.size > 0:
12        model = sm.OLS(delta_series_lagged, lagged_series)
13        res = model.fit()
14
15        # Calculate half-life
16        half_life = -np.log(2) / res.params['const']
17        return half_life
18    else:
19        return "Cannot calculate half-life because the series is empty."
20
```

```
1
2 # Function to calculate Hurst exponent
3 def hurst_exponent(ts):
4     lags = range(2, 20)
5     tau = [np.std(np.subtract(ts[lag:], ts[:-lag])) for lag in lags]
6     hurst = np.polyfit(np.log(lags), np.log(tau), 1)[0]
7     return hurst
8
```

از آنجا که yahoo finance در interval های ۴ ساعته به ما دیتا نمیدهد، خودمان با استفاده از interval ۱ ساعته دیتا فریم مدنظرمان را میسازیم:

```
1 def download_4h_data(symbols, start_date, end_date):
2
3     try:
4         data = yf.download(symbols, start=start_date, end=end_date, interval='1h')['Close']
5         # Resample to 4-hour intervals
6         data = data.resample('4h').last()
7     except:
8         | SyntaxError("Exception in downloading data")
9         data.replace([np.inf, -np.inf], np.nan, inplace=True)
10        data.dropna(inplace=True)
11        # data = data.reset_index()
12        # timestamp_column_name = data.columns[0] # Assuming the timestamp is the first column
13        # data = data[[timestamp_column_name, 'Close']]
14        # data.columns = ['timestamp', 'price']
15        # print(symbol, start_date, end_date, interval, data.shape[0])
16        return data
✓ 0.0s Python
```

تابع برای پیدا کردن cointegration با p-value زیر ۵٪ میان لیست crypto. با استفاده از تابع Johansen:

پ.ن: ۲ متغیری که در آخر return میشوند یکی برای شمارش این است که ۱۰ ترکیب را پیدا کنیم و دیگری هم برای این است که در آخر کار آن را در فایلی ذخیره کنیم (برای تمرین بعدی گفته شده که نیاز داریم).

```
1 def find_cointegration(cryptos, start_date, end_date, counter, res_str=""):
2     data = download_4h_data(cryptos, start_date=start_date, end_date=end_date)
3
4     result = coint_johansen(data.values, det_order=0, k_ar_diff=1)
5     eigenvectors = result.evec
6     # print(eigenvectors)
7     for i in range(eigenvectors.shape[1]):
8         # print('***')
9         stationary_series = np.dot(data.values, eigenvectors[:, i])
10        result = adfuller(stationary_series)
11        if result[1] < 0.05:
12            hurst = hurst_exponent(stationary_series)
13            half_life = calculate_half_life(pd.Series(stationary_series))
14            print(*cryptos)
15            print(*eigenvectors[:, i])
16            print(f'P-Value: {result[1]}')
17            print(f'Hurst Exponent: {hurst}')
18            print(f'Half-Life: {half_life}')
19            print('-----')
20            res_str += str(cryptos).replace('[', '').replace(']', '') + '\n'
21            res_str += str(eigenvectors[:, i]).replace('[', '').replace(']', '') + '\n'
22            res_str += "----\n"
23            counter += 1
24        return res_str, counter
✓ 0.0s Python
```

سل اصلی که با فراخوانی تابع بالا به ما ۱۰ ترکیب را نمایش میدهد:

```
1 res_str = ""
2 cryptos = ['BTC-USD', 'ETH-USD', 'USD-USD', 'SOL-USD', 'USDC-USD', 'STETH-USD', 'BNB-USD', 'XRP-USD', 'DOGE-USD']
3 start_date = datetime(2022, 11, 1, tzinfo=timezone('Asia/Tehran'))
4 end_date = datetime(2023, 11, 1, tzinfo=timezone('Asia/Tehran'))
5 counter = 0
6 i=0
7 j=i+1
8 cryptos_len = len(cryptos)
9 while( counter <10):
10    crypto_group = [cryptos[i], cryptos[j]]
11    res_str, counter = find_cointegration( crypto_group, start_date, end_date, counter, res_str)
12    j += 1
13    if j==cryptos_len:
14        i +=1
15        j =i+1
16
17
```

نمونه خروجی سل:

```
[*****100%*****] 2 of 2 completed
ETH-USD STETH-USD
0.11448220741591973 -0.11140246135193305
P-Value: 0.0039930283494715784
Hurst Exponent: 0.1552399935551251
Half-Life: -5008.190345471643
-----
[*****100%*****] 2 of 2 completed
[*****100%*****] 2 of 2 completed
[*****100%*****] 2 of 2 completed
ETH-USD DOGE-USD
78.91366165704673 0.001539425572830436
P-Value: 0.0003172277544472306
Hurst Exponent: 0.494621609528452
Half-Life: 3386.37709447098
-----
```

ذخیره کردن res_str در یک فایل txt :

```
1 file_path = "output.txt"
2 with open(file_path, 'w') as file:
3     file.write(res_str)
```

output.txt

```
1 'BTC-USD', 'USD-USD'
2 1.64642604e-05 -9.75239265e+02
3 ----
4 'BTC-USD', 'SOL-USD'
5 0.00025146 -0.23745998
6 ----
7 'BTC-USD', 'USDC-USD'
8 1.12410297e-05 -2.61601355e+02
9 ----
10 'BTC-USD', 'XRP-USD'
11 2.34532559e-04 -1.50526951e+01
12 ----
13 'BTC-USD', 'DOGE-USD'
14 8.90779426e-05 8.62475789e+01
15 ----
16 'ETH-USD', 'USD-USD'
17 6.05030251e-04 -9.79749463e+02
18 ----
19 'ETH-USD', 'USDC-USD'
20 1.30019273e-04 -2.61425629e+02
21 ----
22 'ETH-USD', 'STETH-USD'
23 0.11448221 -0.11140246
24 ----
25 'ETH-USD', 'DOGE-USD'
26 7.89136617e+01 1.53942557e-03
27 ----
28 'USD-USD', 'SOL-USD'
29 2.06361921e-02 -9.73833195e+02
30 ----
```

*تابع find_cointegration میتواند بین بالای چند رمز ارز cointegration پیدا کند، لزومی ندارد ۲ تا باشد(چون از Johansen استفاده کردیم).

```
1 find_cointegration(['BTC-USD', 'ETH-USD', 'SOL-USD'], start_date, end_date, 0, '')
```

[*****100%*****] 3 of 3 completed

```
BTC-USD ETH-USD SOL-USD
0.0004857416180584321 -0.006749029071452546 -0.17347195608095864
P-Value: 0.0007332982345492613
Hurst Exponent: 0.5492012637408994
Half-Life: Cannot calculate half-life because the series is empty.
-----
('BTC-USD', 'ETH-USD', 'SOL-USD'\n 0.00048574 -0.00674903 -0.17347196\n----\n",
1)
```

تست اینکه درست جلو رفتیم روی نمونه ی بالا:

```
1 new_data = download_4h_data(['BTC-USD', 'ETH-USD', 'SOL-USD'],start_date,end_date)
[95] ✓ 0.1s Python

... [*****100%*****] 3 of 3 completed

1 new_data['new_price'] = new_data['BTC-USD'] * 0.0004857416180584321 + new_data['ETH-USD'] * (-0.006749029071452546 ) + \
2 new_data['SOL-USD'] * (-0.17347195608095864)
[98] ✓ 0.0s Python

1 adfuller(new_data['new_price'])[1]
[99] ✓ 0.0s Python

... 0.0007332982345492455
```

منابع:

کد تمرین های قبلی

Chat-GPT