



**دانشگاه صنعتی امیرکبیر**  
**( پلی تکنیک تهران )**

گزارش پروژه‌ی سوم درس مبانی هوش مصنوعی  
استاد روشن فکر

آرمین ذوالفقاری داریانی ۹۷۳۱۰۸۲ و امیرحسین رجب پور ۹۷۳۱۰۸۵

## توضیح کلی توابع و روند الگوریتم:

در ابتدا در فایل Main.py پازل و حالت انتشار محدودیت ورودی گرفته می‌شود و به فرم مورد نظر درمی‌آیند و سپس تابع start\_CSP صدا زده می‌شود که آغاز الگوریتم است. در این تابع آرایه‌ی domains\_list ساخته می‌شود که دامنه‌ی هر عنصر را در خود دارد و در مراحل بعدی تغییر می‌کند. سپس تابع CSP\_Backtracking صدا زده می‌شود که الگوریتم back tracking را اجرا می‌کند و به صورت recursive در خودش صدا زده می‌شود تا به جواب برسیم و یا اینکه دامنه‌ی تمام عناصر تمام شود و جوابی پیدا نکنیم.

در این تابع ابتدا الگوریتم MRV صدا زده می‌شود و در این الگوریتم متغیری که کمترین تعداد عناصر را در دامنه‌اش دارد انتخاب می‌شود و یکی از مقادیر دامنه‌اش به آن اختصاص داده می‌شود و الگوریتم ادامه پیدا می‌کند. اگر در این مرحله متغیری که انتخاب کرده بودیم دامنه‌اش خالی شد آنگاه به والدش برمی‌گردیم و از آن جا با مقدار جدید والد برنامه را ادامه می‌دهیم. بعد از اجرای MRV یکی از دو الگوریتم forward chaining و یا MAC اجرا می‌شود و اگر در این مرحله state = True برگردانده شد یعنی می‌توان به برنامه ادامه داد پس گره جدید ایجاد می‌شود و برنامه ادامه می‌یابد. در غیر این صورت باید مقدار دیگری برای متغیر انتخاب شده در گره در نظر گرفته شود و دوباره برنامه ادامه پیدا کند. آرایه‌ی domains\_list نیز در این مرحله آپدیت می‌شود.

## شبه کد الگوریتم CSP\_backtracking:

### CSP-BACKTRACKING(A)

1. If assignment **A** is complete then return **A**
2. **X** ← select a variable not in **A**
3. **D** ← select an ordering on the domain of **X**
4. For each value **v** in **D** do
  - a. Add (**X**←**v**) to **A**
  - b. If **A** is valid then
    - i. **result** ← CSP-BACKTRACKING(**A**)
    - ii. If **result** ≠ failure then return **result**
  - c. Remove (**X**←**v**) from **A**
5. Return failure

## توضیح ساختار Node:

برای هر حالت یک Node در نظر گرفته می‌شود که دارای صفحه‌ی بازی در آن حالت (board)، والد آن حالت (parent)، آرایه‌ی دامنه‌ها در آن مرحله (variable\_domains)، متغیری که در آن مرحله تغییر می‌کند (assigned\_variable) و مقدار آن متغیر (assigned\_value).

```
self.board = board
self.parent = parent
self.variables_domain = variables_domain
self.assigned_variable = assigned_variable
self.assigned_value = assigned_value
```

## توضیح GameRule:

در این فایل قوانین بازی پیاده‌سازی شده‌اند که همان موارد ذکر شده در دستور پروژه می‌باشند.

۱. هر سطر و هر ستون باید تعداد برابری صفر و یک داشته باشد.

۲. اعداد قرار گرفته در هر سطر و هر ستون باید یک رشته‌ی یکتا تولید کند.

۳. در هر سطر و ستون نباید بیش از ۲ عدد تکراری پشت سر هم قرار بگیرد.

## توضیح forward checking:

در این الگوریتم دامنه‌ی متغیرها گرفته می‌شود و سپس الگوریتم forward checking بر روی آن اجرا می‌شود و دامنه‌ها اصلاح می‌شوند و سپس دامنه‌های اصلاح شده به همراه یک فلگ برگردانده می‌شوند که اگر فلگ برابر False باشد به معنای این است که یکی از متغیرها

دامنه‌اش خالی شده‌است و نمی‌تواند مقداری داشته باشد. پس در الگوریتم **backtracking** در **CSP** مقدار دیگری برای متغیری که آخرین بار مقدار گرفته بود در نظر گرفته می‌شود و اگر مقداری برای آن متغیر باقی نمانده بود آن گاه به والد آن گره **back track** می‌کنیم.

در شکل زیر نمونه‌ی مشابهی از **forward checking** را می‌بینیم که هنگامی که دامنه‌ی یک متغیر خالی شود دیگر جوابی نداریم که الگوریتم ما در این حالت **False** برمی‌گرداند.

## Forward Checking in Map Coloring

Empty set: the current assignment  
 $\{(WA \leftarrow R), (Q \leftarrow G), (V \leftarrow B)\}$   
 does not lead to a solution

WA	NT	Q	NSW	V	SA	T
RGB	RGB	RGB	RGB	RGB	RGB	RGB
R	GB	RGB	RGB	RGB	GB	RGB
R	B	G	RB	RGB	B	RGB
R	B	G	<del>RB</del>	B	<del>B</del>	RGB

## توضیح MAC:

در الگوریتم **MAC** نیز ورودی و خروجی‌ها دقیقاً به صورت **forward checking** می‌باشند (جهت هماهنگی کد و استفاده‌ی بهینه‌تر در الگوریتم **backtracking**).

روال الگوریتم **MAC** بدین صورت می‌باشد که هر خانه‌ای که مقدارش عوض شد، همسایه‌های آن به یک صف اضافه می‌شوند و دوباره همسایه‌هایشان نیز بررسی می‌شود و در صورت تغییر به صف اضافه می‌شوند.

## شرط پایان:

تابع **check\_all\_rule\_game** نیز بررسی می‌کند که آیا به حالت پایانی رسیده‌ایم یا خیر (تمام خانه‌های پازل باید مقدار دهی شده باشند و تمام قوانین ذکر شده در پازل رعایت شده باشند)

مقایسه‌ی الگوریتم forward checking و MAC از لحاظ سرعت:

- برای پازل ۴:

```
Time analysis:  
for constraint propagation forward-checking took 0.7917 secs long
```

```
Time analysis:  
for constraint propagation MAC took 0.7624 secs long
```

- برای پازل شماره ۵:

```
Time analysis:  
for constraint propagation forward-checking took 1.0639 secs long
```

```
Time analysis:  
for constraint propagation MAC took 0.8901 secs long
```

- پازل ۶:

```
Time analysis:  
for constraint propagation forward-checking took 0.0771 secs long
```

```
Time analysis:  
for constraint propagation MAC took 0.0171 secs long
```

توضیح:

حال با بررسی پازل ها می‌توان به وضوح مشاهده کرد که الگوریتم forward checking کندتر از الگوریتم MAC عمل می‌کند.