

» بنام خدا «

نظریه الگوریتمی بازی ها

اسیرضا خوری

نکته: جواب چهارم

۹۹۱۰۱۷

(۳) تبدیل به نرم استاندارد ۲.

$$\text{minimize } 2x + 3|y - 10|$$

$$\text{subject to } |2x + 1 + y| \leq 15$$

مرحله ①:

$$\text{maximize } -2x - 3|y - 10|$$

$$\text{s.t. } |2x + 1 + y| \leq 15$$

مرحله ②:

$$\text{maximize } -2x - 3y'$$

$$\text{s.t. } |2x + 1 + y| \leq 15$$

$$y - 10 \leq y'$$

$$-(y - 10) \leq y'$$

$$y' \geq 0$$

مرحله ③:

$$\text{maximize } -2x - 3y'$$

$$\text{s.t. } |2x + 1 + y| \leq 15$$

$$y - 10 \leq y'$$

$$-(y - 10) \leq y'$$

$$y' \geq 0$$

$$x = x_1 - x_2$$

$$y = y_1 - y_2$$

$$\text{maximize } -2(x_1 - x_2) - 3y'$$

$$\text{s.t. } |2x_1 - 2x_2 + 1 + y_1 - y_2| \leq 15$$

$$y_1 - y_2 - y' \leq 10$$

$$-y_1 + y_2 - y' \leq -10$$

$$y', y_1, y_2, x_1, x_2 \geq 0$$

Subject:

مرحله ۴

$$\text{maximize } -2x_1 + 2x_2 - 3y'$$

s.t

$$2 + x_1 - x_2 + y_1 - y_2 \leq 0.5$$

$$-2 - x_1 + x_2 + y_1 - y_2 \leq 0.5$$

$$y_1 - y_2 - y' \leq 6$$

$$-y_1 + y_2 - y' \leq -6$$

$$y', y_1, y_2, x_1, x_2 \geq 0$$

در نهایت با سه دایره حل می شود

$$\text{max } -2x_1 + 2x_2 - 3y'$$

s.t

$$x_1 - x_2 + y_1 - y_2 \leq -1.5$$

$$-x_1 + x_2 + y_1 - y_2 \leq 1.5$$

$$y_1 - y_2 - y' \leq 6$$

$$-y_1 + y_2 - y' \leq -6$$

$$y', y_1, y_2, x_1, x_2 \geq 0$$