

1. If value > max(allValues\_without\_player):
  - a. new player value = max(allValues\_without\_player) + 1
2. elif value < 0 :
  - a. if max(allValues\_without\_player) < 0:
    - i. new player value = max(allValues\_without\_player) + 1
3. run normal algorithm

נגדיר את זה כך  $V_i(X), \frac{V_i(X)}{n}$  הערכים של שחקן א' בהתחלה,  $V_j(X), \frac{V_j(X)}{n}$  הערכים של השחקן בעל הערך הכי גבוה לסל במקום השני. נניח בשלילה שהאלגוריתן לא עובד נכון אזי נקבל משוואה כזאת:

$$V_i(X) - (V_j(x) + 1) + \frac{(V_j(x) + 1)}{n} < \frac{V_i(X)}{n} \rightarrow V_i(X) - \frac{V_i(X)}{n} - (V_j(x) + 1) + \frac{(V_j(x) + 1)}{n} < 0$$

$$V_i(X) \left(1 - \frac{1}{n}\right) - (V_j(x) + 1) \left(1 - \frac{1}{n}\right) < 0 \rightarrow V_i(X) - (V_j(X) + 1) < 0$$

סתירה לנתון כי  $V_i(X) \geq V_j(X) + 1$  ולכן מתקיים שזה נותן ערך גדול או שווה במקרה ש

$$V_i(X) = V_j(X) + 1$$

אזי המשוואה מתקיימת ולכן:

$$V_i(X) - (V_j(x) + 1) + \frac{(V_j(x) + 1)}{n} \geq \frac{V_i(X)}{n}$$

נראה גם לכאשר  $V_i(X) < 0$  וכל ההערכות קטנות מ-0, כאשר הוא מעריך מתחת ל-0 אבל חלק מעל יבצע כמו רגיל

אז ההוכחה כשכולם מתחת ל-0:

נגדיר כמו בהוכחה א', נניח בשלילה שאחרי האלגוריתם יוצא כי התועלת היא קטנה מהתועלת ההתחלתית

$$V_i(X), V_j(X) < 0 \rightarrow V_i(X) \leq V_j(X)$$

$$V_i(X) - (V_j(X) + 1) + \frac{(V_j(X) + 1)}{n} < V_i(X) \rightarrow (V_j(X) + 1) \left(\frac{1}{n} - 1\right) < 0 \rightarrow -(V_j(X) + 1) < 0$$

סתירה הנחות, כי התוצאה מתוך הערך הפנימי היא שלילית או 0 ולכן סותר את הנחת השלילה