МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

«БЕЛГОРОДСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ ТЕХНОЛОГИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ им. В. Г. ШУХОВА» (БГТУ им. В.Г. Шухова)

Кафедра программного обеспечения вычислительной техники и автоматизированных систем

Лабораторная работа №7

по дисциплине: Теория информации

Выполнил: студент группы ПВ-223 Дмитриев Андрей Александрович

Проверил: Твердохлеб В.В.

Задания:

- 1. Закодировать по Хэммингу произвольно сформированные последовательности двоичных символов длиной:
- 18 бит;
- 48 бит.

Сделать выводы относительно эффективности каждого их сообщений.

- 2. Внести одиночную ошибку и устранить ее, используя механизм восстановления.
- 3. Рассмотреть вариант кодирования сообщения из 48 бит с предварительным сегментированием на блоки (размерность блоков выбрать самостоятельно).
- 4. Сравнить режимы кодирования с сегментацией и без.

Задание 1

Исходное сообщение – 18 бит

i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18
Сообщение	0	1	1	1	0	1	1	0	1	0	0	0	1	1	0	1	1	1

Первый контрольный бит

i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	2	2	2	2
										0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	1	2	3
msg	1	0	0	0	1	1	1	0	0	1	1	0	1	0	0	0	0	1	1	0	1	1	1
n																							
bits																							
	X		X		X		X		X		X		X		X		X		X		X		X

Второй контрольный бит

i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	2	2	2	2
										0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	1	2	3
msg	1	0	0	0	1	1	1	0	0	1	1	0	1	0	0	0	0	1	1	0	1	1	1
n																							
bits																							
		X	X			X	X			X	X			X	X			X	X			X	X

Третий контрольный бит

i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	2	2	2	2
										0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	1	2	3
msg	1	0	0	1	1	1	1	0	0	1	1	0	1	0	0	0	0	1	1	0	1	1	1
n																							
bits																							
				X	X	X	X					X	X	X	X					X	X	X	X

Четвёртый контрольный бит

i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	2	2	2	2
										0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	1	2	3
msg	1	0	0	1	1	1	1	1	0	1	1	0	1	0	0	0	0	1	1	0	1	1	1
n																							
bits																							
								X	X	X	X	X	X	X	X								

Пятый контрольный бит

i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	2	2	2	2
										0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	1	2	3
msg	1	0	0	1	1	1	1	1	0	1	1	0	1	0	0	1	0	1	1	0	1	1	1
n																							
bits																							
																X	X	X	X	X	X	X	X

Исходное сообщение – 48 бит

i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	2	2	2	2	2
										0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	1	2	3	4
msg	0	1	1	0	1	0	0	1	1	1	0	1	1	0	1	0	1	0	0	1	0	0	0	0
i	2	2	2	2	2	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	4	4	4	4	4	4	4	4	4
	5	6	7	8	9	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	1	2	3	4	5	6	7	8
msg	1	1	0	1	0	1	0	0	1	0	0	1	1	1	1	0	1	1	0	0	1	0	1	0

Первый контрольный бит

									- P-				- P														
i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	2	2	2	2	2	2	2	2
										0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	1	2	3	4	5	6	7
msg	0	0	0	0	1	1	0	0	1	0	0	1	1	1	0	0	1	1	0	0	0	1	0	0	1	0	0
n																											
bits																											
	X		X		X		X		X		X		X		X		X		X		X		X		X		X
i	2	2	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	5	5	5	5	5
	8	9	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	1	2	3	4
msg	0	0	1	1	0	0	1	0	1	0	0	1	0	0	1	1	1	1	0	1	1	0	0	1	0	1	0
n																											
bits																											
		X		X		X		X		X		X		X		X		X		X		X		X		X	

Второй контрольный бит

i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	2	2	2	2	2	2	2	2
										0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	1	2	3	4	5	6	7
msg	0	0	0	0	1	1	0	0	1	0	0	1	1	1	0	0	1	1	0	0	0	1	0	0	1	0	0
n																											
bits																											
		X	X			X	X			X	X			X	X			X	X			X	X			X	X
i	2	2	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	5	5	5	5	5
	8	9	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	1	2	3	4
msg	0	0	1	1	0	0	1	0	1	0	0	1	0	0	1	1	1	1	0	1	1	0	0	1	0	1	0
n																											
bits																											
			X	X			X	X			X	X			X	X			X	X			X	X			X

Третий контрольный бит

i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	2	2	2	2	2	2	2	2
										0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	1	2	3	4	5	6	7
msg	0	0	0	0	1	1	0	0	1	0	0	1	1	1	0	0	1	1	0	0	0	1	0	0	1	0	0
n																											
bits																											
				X	X	X	X					X	X	X	X					X	X	X	X				
i	2	2	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	5	5	5	5	5
	8	9	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	1	2	3	4
msg	0	0	1	1	0	0	1	0	1	0	0	1	0	0	1	1	1	1	0	1	1	0	0	1	0	1	0
n																											
bits																											
	X	X	X	X					X	X	X	X					X	X	X	X					X	X	X

Четвёртый контрольный бит

										•				•													
i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	2	2	2	2	2	2	2	2
										0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	1	2	3	4	5	6	7
msg	0	0	0	0	1	1	0	0	1	0	0	1	1	1	0	0	1	1	0	0	0	1	0	0	1	0	0
n																											
bits																											
								X	X	X	X	X	X	X	X									X	X	X	X
i	2	2	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	5	5	5	5	5
	8	9	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	1	2	3	4
msg	0	0	1	1	0	0	1	0	1	0	0	1	0	0	1	1	1	1	0	1	1	0	0	1	0	1	0
n																											
bits																											
	X	X	X	X									X	X	X	X	X	X	X	X							

Шестой контрольный бит

													_														
i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	2	2	2	2	2	2	2	2
										0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	1	2	3	4	5	6	7
msg	0	0	0	0	1	1	0	0	1	0	0	1	1	1	0	1	1	1	0	0	0	1	0	0	1	0	0
n																											
bits																											
																X	X	X	X	X	X	X	X	X	X	X	X
i	2	2	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	5	5	5	5	5
	8	9	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	1	2	3	4
msg	0	0	1	1	0	0	1	0	1	0	0	1	0	0	1	1	1	1	0	1	1	0	0	1	0	1	0
n																											
bits																											
	X	X	X	X																	X	X	X	X	X	X	X

Седьмой контрольный бит

i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	2	2	2	2	2	2	2	2
										0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	1	2	3	4	5	6	7
msg	0	0	0	0	1	1	0	0	1	0	0	1	1	1	0	1	1	1	0	0	0	1	0	0	1	0	0
n																											
bits																											
i	2	2	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	5	5	5	5	5
	8	9	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	1	2	3	4
msg	0	0	1	1	1	0	1	0	1	0	0	1	0	0	1	1	1	1	0	1	1	0	0	1	0	1	0
n																											
bits																											
					X	X	X	X	X	X	X	X	X	X	X	X	X	X	X	X	X	X	X	X	X	X	X

С каждым n-ым символом, который равен 2^i , добавляем новый контрольный бит, что эффективно для объёмных сообщений.

Задание 2 Введём ошибку в бит под номером 11.

					, 011				Pom														
i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	2	2	2	2
										0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	1	2	3
msg n bits	1	0	0	1	1	1	1	1	0	1	0	0	1	0	0	1	0	1	1	0	1	1	1
	1	1	Γ	1	1	ı		1	1	ı	1	ı		ı	1	Π	Γ	ı		ı	Π		1
i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	1 0	1 1	1 2	1 3	1 4	1 5	1 6	1 7	1 8	1 9	0	2	2 2	2 3
msg n bits	1	0	0	1	1	1	1	1	0	1	0	0	1	0	0	1	0	1	1	0	1	1	1
	X		X		X		X		X		X		X		X		X		X		X		X
		I	I		I	I		ı	ı	1		•		1			I	I		I			
i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	2	2	2	2
										0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	1	2	3
msg n bits	1	0	0	1	1	1	1	1	0	1	0	0	1	0	0	1	0	1	1	0	1	1	1
		X	X			X	X			X	X			X	X			X	X			X	X
							l .				'		l .			l .			l .		l .	l .	
i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	2	2	2	2
										0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	1	2	3
msg n bits	1	0	0	1	1	1	1	1	0	1	0	0	1	0	0	1	0	1	1	0	1	1	1
				X	X	X	X					X	X	X	X					X	X	X	X

i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	2	2	2	2
										0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	1	2	3
msg	1	0	0	1	1	1	1	1	0	1	0	0	1	0	0	1	0	1	1	0	1	1	1
n																							
bits																							
								X	X	X	X	X	X	X	X								

Получим несоответствие по 1, 2 и 8 контрольному биту. Сложим: 1+2+8=11- получим номер бита в котором произошла ошибка.

Задание 3 Отметим блоки

i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	2	2	2	2	2
										0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	1	2	3	4
msg	0	1	1	0	1	0	0	1	1	1	0	1	1	0	1	0	1	0	0	1	0	0	0	0
i	2	2	2	2	2	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	4	4	4	4	4	4	4	4	4
	5	6	7	8	9	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	1	2	3	4	5	6	7	8
msg	1	1	0	1	0	1	0	0	1	0	0	1	1	1	1	0	1	1	0	0	1	0	1	0

i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	1	1	1	1	1	1
										0	1	2	3	4	5
msg	1	0	0	1	1	1	0	0	1	0	0	1	1	1	0
i	1	1	1	1	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	3
	6	7	8	9	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0
msg	0	0	1	1	1	0	1	0	0	1	0	0	1	0	0
i	3	3	3	3	3	3	3	3	3	4	4	4	4	4	4
	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	1	2	3	4	5
msg	0	1	0	0	0	1	1	1	0	1	0	1	0	0	1
i	4	4	4	4	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	6
	6	7	8	9	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	0
msg	1	0	0	0	0	1	1	0	1	1	0	1	1	0	0
i	6	6	6	6	6	6	6								
	1	2	3	4	5	7	8								
msg	1	0	1	1	0	1	0								

Задание 4

Первое, что можно отметить, размер полученного сообщения — при сегментации размер сообщения получился больше, чем без неё. Но сегментирование даёт возможность устранять больше ошибок.

Вывод: в ходе лабораторной работы был изучен метод помехоустойчивого кодирования Хэмминга. Мы рассмотрели и проанализировали ситуации для разных размеров сообщений и особенности сегментации.