

後期実験 9

学籍番号: 03240470

氏名: 井手陸大

December 7, 2024

1 課題 1

1.1 観測場所

観測は 2 号館 12 階の教室で実施した。

1.2 受信パラメータ

FM ラジオ (Tokyo FM 80.0MHz) および地上デジタル (26ch, NHK-E, 548MHz-554MHz) の信号を以下の設定で受信した。

FM ラジオ (Tokyo FM 80.0MHz)

- デバイス名: 192.168.10.3 または 192.168.10.11
- IQ レート: 400kHz
- キャリア周波数: 80MHz
- アクティブアンテナ: RX2
- サンプル数: 100,000

地上デジタル (26ch, NHK-E, 548MHz-554MHz)

- デバイス名: 192.168.10.3 または 192.168.10.11
- IQ レート: 10MHz
- キャリア周波数: 551MHz
- アクティブアンテナ: RX2
- サンプル数: 200,000

1.3 観測結果

観測されたスペクトラムのスクリーンキャプチャを以下に示す。

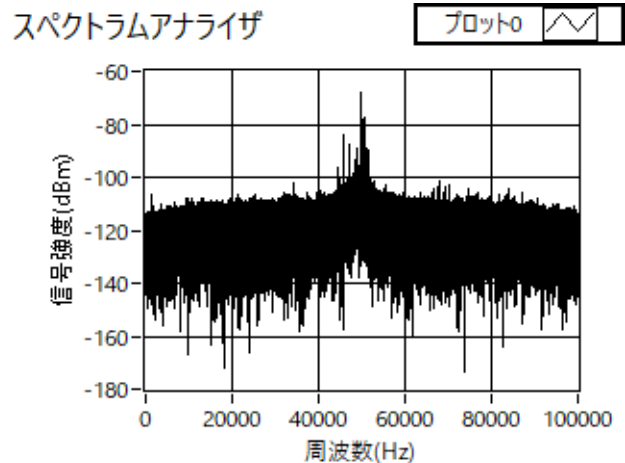


Figure 1: FM ラジオのスペクトラム

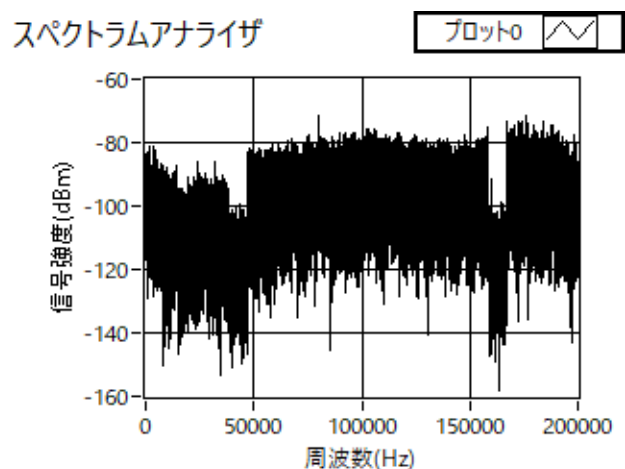


Figure 2: 地上デジタル (NHK) のスペクトラム

1.4 考察

FM ラジオの観測結果について、Figure 1 に示されるスペクトラムは、受信した IQ 信号を FFT 処理した結果である。観測周波数帯の中心周波数は 80MHz であるが、スペクトラムアナライザ上ではキャリア周波数が USRP によって除去され、ベースバンド表示 (中心周波数が 0Hz) の形になっている。従って、図の中心を基準として、スペクトル全体を 80MHz に平行移動すると実際の受信信号のスペクトルに対応する。ナイキスト周波数と標本化定理に基づき、400kHz の IQ レートでは片側 200kHz までの情報を正確に記録できる。この設定は FM ラジオの帯域幅 (約 200kHz) を十分にカバーしている。

一方、地上デジタル (NHK) の観測結果について、Figure 2 に示されるスペクトラムは 548MHz から 554MHz までの信号をキャリア周波数 551MHz を中心として受信したものである。地上デジタル放送は 6MHz の帯域幅を持つ OFDM 方式であり、Figure 2 に見られるように全体的に平坦なスペクトル形状を示している。IQ レート 10MHz は、地上デジタル放送の帯域幅 6MHz をカバーするために必要な最低限のレート (ナイキスト周波数: 6MHz) を十分に満たしており、受信データが損失なく取得できている。

どちらの観測結果も、キャリア周波数が取り除かれているため、スペクトラムアナライザ上ではベースバンド信号として表示されている。また、Figure 1 では中心付近にピークが見られるが、これは受信信号の低周波成分が大きく寄与していることを示している。FM ラジオの音声信号や地上デジタルの信号がキャリア周波数を中心に構成されることを考慮すると、スペクトラムアナライザ上の表示形状は妥当であると考えられる。

1.5 フーリエ変換の特性を用いた考察

実際に観測されている波形は、USRP によってキャリア周波数 f_c が取り除かれた後の信号である。このため、スペクトルアナライザで表示される信号は、ベースバンド信号のスペクトルであり、その中心周波数は 0Hz として描かれている。フーリエ変換の周波数シフト性に基づく、観測スペクトルをキャリア周波数 f_c だけ平行移動することで、実際に受信した信号 $x(t)$ のスペクトルを正確に再現できる。フーリエ変換における周波数シフト性は次式で表される:

$$\mathcal{F}\{x(t)e^{-j2\pi f_c t}\}(f) = X(f + f_c)$$

これにより、受信信号の特性を正確に分析可能である。

2 課題 2: FM 変復調器の原理と考察

2.1 FM 変調器の原理

FM 変調された信号は次のように表される。

$$s(t) = A \cos \left(2\pi f_c t + k \int m(t) dt \right)$$

ここで、

- A : 信号の振幅
- f_c : 搬送波の中心周波数
- k : 周波数偏移係数

FM 変調の実装においては、積分器を使用して信号を処理し、搬送波の位相を制御する。ブロックダイアグラム (Figure 3) では、積分器、変調器、および USRP が示されており、音声信号が FM 信号として変調される様子を確認できる。

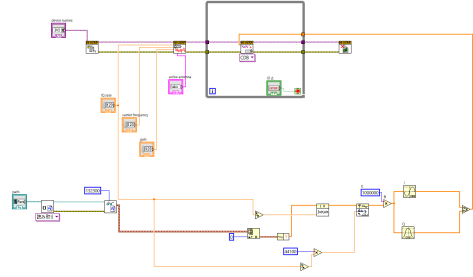


Figure 3: FM 送信機ブロックダイアグラム

2.2 FM 復調器の原理

FM 復調は、FM 変調された信号 $s(t)$ の瞬時周波数を検出することで情報信号 $m(t)$ を復元する方式である。瞬時周波数は次の式で計算される。

$$f_{\text{inst}}(t) = \frac{1}{2\pi} \frac{d}{dt} \arg(s(t))$$

USRP を用いた実装では、複素 IQ 信号として搬送波が表現されているため、次の手順を用いて復調を行う。1. $s(t)$ の複素信号の位相を計算する。2. 位相の微分を求めることで瞬時周波数を得る。3. 瞬時周波数から情報信号 $m(t)$ を復元する。

ブロックダイアグラム (Figure 4) には、復調プロセスの主要コンポーネントが示されている。

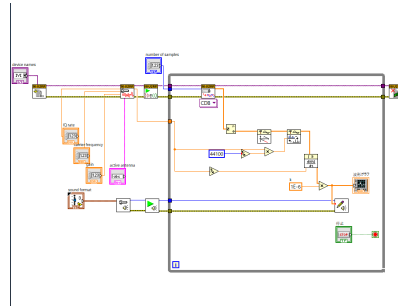


Figure 4: FM 受信機ブロックダイアグラム

2.3 受信についての考察

理論的には、IQ レートは信号の帯域幅の 2 倍であるナイキスト周波数を超えていれば十分である。FM ラジオでは帯域幅が約 200kHz であるため、最低限の IQ レートは 400kHz となる。しかし、実際にはノイズやフィルタリングの影響を考慮し、余裕を持たせた IQ レートが必要である。

実験では、IQ レートを 195.312kHz 以下に設定することができなかった。これは、USRP が対応する最低サンプリングレートによる制約であると考えられる。

IQ レートが低い場合、帯域幅が狭まり高周波成分が失われるため、音質が劣化する。しかし、FM の帯域幅が 200kHz であるため、IQ レートが 195.312kHz でも音質の低下は感じられなかった。仮に IQ レートをこれ以上下げることができた場合、音質の低下が感じられる可

性がある。実際、人間の聞こえる周波数帯域は 20Hz から 20kHz 程度である。よって、IQ レートを 40kHz 程度にすると音質の低下が明確になると予想される。

また、人の会話や音楽の主要な周波数成分はおおよそ 1kHz 程度であるため、IQ レートを 2kHz ほどに設定すると声や音楽が正しく復元されず、聴き取れなくなると予想される。

2.4 送信についての考察

今回の実験では周波数偏移係数 k の値を 10^6 にした。この値を選定する理由について考察を行う。

音声信号を $m(t) = \sin(2\pi ft)$ とすると、その積分は次式で与えられる：

$$\int m(t) dt = -\frac{\cos(2\pi ft)}{2\pi f}.$$

このとき、積分結果の振れ幅（最大値）は次のように表せる：

$$\text{振れ幅} = \frac{1}{2\pi f}.$$

仮に音声信号の周波数が $f = 1 \text{ kHz}$ とすると、振れ幅は次のようになる：

$$\text{振れ幅} = \frac{1}{2\pi \cdot 1000} \approx 0.000159 \text{ (約 } 0.16\text{m)}.$$

この値は搬送波周波数 $f_c = 80 \text{ MHz}$ に対して極めて小さい。

FM 変調では、この積分結果に周波数偏移係数 k を掛けて搬送波周波数を偏移させる。したがって、 k の値が十分に大きくない場合、積分値による周波数変化が搬送波周波数に対して目立たなくなり、適切な変調が行えなくなる。

今回の実験では $k = 10^6$ と設定した。このとき、積分値に基づく周波数変化の振れ幅は次式で示される：

$$k \cdot \int m(t) dt = 10^6 \cdot 0.000159 \approx 159 \text{ kHz}.$$

この結果、FM ラジオの帯域幅（通常 $\pm 75 \text{ kHz}$ ）を十分にカバーするだけでなく、搬送波周波数 $f_c = 80 \text{ MHz}$ に対して適切な周波数偏移が付与されることがわかる。

以上より、周波数偏移係数 $k = 10^6$ の設定は、音声信号が適切に変調されるための妥当な選択であると結論付けられる。

2.5 FM と AM の音質の比較

FM は、振幅ではなく周波数で情報を伝達するため、振幅の変動によるノイズの影響を受けにくい。これにより、AM よりも音質が良くなる。また、FM では広い帯域幅を利用できるため、高周波成分を含む信号を忠実に再現することができる。この特性により、FM は音楽や音声の伝送において高い品質を実現できる。

3 課題 3: FSK 変復調器の原理と考察

3.1 FSK 変調器の原理

FSK (Frequency Shift Keying) はデジタル変調方式の一種であり、ビットの値によって搬送波周波数が変化する。具体的には、ビット「0」と「1」に異なる周波数 f_0 と f_1 を対応させることで情報を伝送する。

FSK 変調された信号は次式で表される：

$$s(t) = A \cos(2\pi ft),$$

ここで周波数 f は以下の条件に基づいて選択される：

$$f = \begin{cases} f_c + \Delta f & (\text{ビットが 1 の場合}) \\ f_c & (\text{ビットが 0 の場合}) \end{cases}$$

ここで、 A は信号の振幅、 f_c はキャリア周波数、 Δf は周波数偏移である。

この条件に基づいて変調信号は次の式で表される：

$$v_{\text{FSK}}(t) = A \cos \left[2\pi f_c t + 2\pi \Delta f \int_{-\infty}^t m(\tau) d\tau \right].$$

ここで $m(t)$ は送信したいデジタルデータを表す。この変調プロセス全体の流れは、Figure5 に示すブロックダイアグラムに対応する。

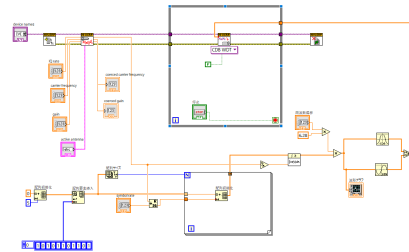


Figure 5: FSK 送信機ブロックダイアグラム

Figure5 では、デジタルデータの各ビットに対応する周波数変化が、 n (各ビットの時間) の繰り返し処理により実現される。 n は IQ レートをシンボルレートで割った値であり、各ビットの持続時間を規定する。図下部の for ループはこの処理を実現している。

さらに信号を積分をしたのちに、それに $2\pi\Delta f$ を掛けることで最終的な周波数変調が施される。

3.2 FSK 復調器の原理

FSK 信号の復調器ではまず IQ 信号から位相 $\theta(t)$ を取り出し、これを微分して被変調信号 $2\pi\Delta f m(t)$ を得る。

微分後の信号から、周波数偏移量 $2\pi\Delta f$ を正規化し、コンパレータを用いて信号を「0」と「1」に判定する。Figure6 はこの処理の流れを示したものである。

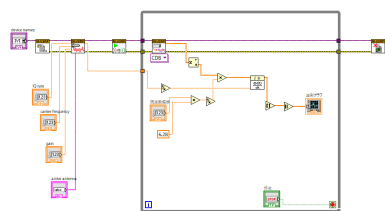


Figure 6: FSK 受信機ブロックダイアグラム