

Riešenie 4. úlohy kategórie A

Jozef Komáromy

November 10, 2020

Všetky programy sú zapísané v jazyku Python s predpokladom čísla n uloženého v premennej N . V programoch sú použité nedefinované funkcie *Write* a *Read* rovnako ako v študijnom text v zadaní.

Podúloha A

Všetky prvky vypíšeme po riadkoch jednoduchou iteráciou súradnice y (poradie riadku, začína nulou) od 0 po $N - 1$ a iteráciou súradnice x (poradie stĺpca, začína nulou) od 0 po $N - 1$ pre každú súradnicu y . Pre každý prvok vypočítame jeho poradie na disku vzťahom $i = y * N + x$. Nasledovne toto poradie použijeme ako argument pre funkciu *Read* aby sme získali v poradí i -tý blok dát z disku ($blok = Read(i)$). Tento blok vypíšeme funkciou *print* (*print(blok)*). Aby funkcia *print* neukončila riadok a vypísala medzeru medzi prvkami, použijeme argument $end = ""$. Celý tento proces spojíme do jedného riadku ako *print(Read(y * N + x), end = " ")*. Po vypísaní každého prvku v jednom riadku (po konci vnútorného for cyklu) ukončíme riadok.

```
for y in range(N):
    for x in range(N):
        print(Read(y * N + x), end = " ")
    print("", end = "\n")
```

Podúloha B

Riešenie tejto podúlohy bude podobné ako riešenie podúlohy A. Narozdiel od podúlohy A budeme vypisovať stĺpce ako riadky. Aby sme toto dosiahli, stačí len zameniť vonkajší cyklus za vnútorný tak aby sme pre každú súradnicu x vypísali všetky prvky od $y = 0$ až po $y = N - 1$. Vzťah pre výpočet poradia zostane rovnaký.

```
for x in range(N):
    for y in range(N):
        print(Read(y * N + x), end = " ")
    print("", end = "\n")
```

Podúloha C

Jednoduché riešenie

Toto riešenie je použité len ako príklad, nie je mojím konečným riešením pre túto podúlohu.

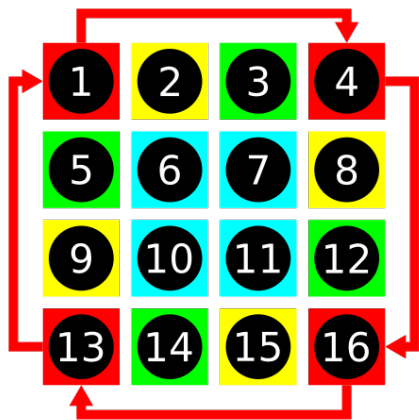
Najjednoduchším riešením by bolo prečítať maticu po stĺpcoch zo dola hore a z ľava do prava a v tom istom poradí ako ju čítame ju zapísať na disk za pôvodnú maticu. Potom by sme túto otočenú maticu znovu prepísali na pôvodné miesto. Tento spôsob je však veľmi neefektívny, pretože je potrebné s každým prvkom matice urobiť 4 operácie na disku, ktoré sú oveľa pomalšie ako operácie s pamäťou. Tento spôsob taktiež potrebuje aby sa na disku bolo dostatočné voľné miesto pre druhú maticu rovnakých rozmerov.

```
for y in range(N):
    for x in range(N):
        Write(N * N + y * N + x, Read(x * N + (N - y - 1)))
```

```
for i in range(N * N):  
    Write(i, Read(N * N + i))
```

Efektívne riešenie

Aby bolo riešenie efektívne, nechceme aby používalo viac miesta na disku ako zaberá pôvodná matica. Aby sme otočili maticu bez ukladania údajov na disk, budeme postupne otáčať páry každých štyroch prvkov v smere hodinových ručičiek.



Obrázok 1: Proces otáčania matice

Na obrázku 1 je znázornený proces otáčania matice s rozmerom $n = 4$. Najskôr začneme prvkom v ľavom hornom rohu, presunieme ho do pravého horného rohu, prvok z pravého horného rohu presunieme do pravého dolného rohu, prvok z pravého dolného rohu do ľavého dolného rohu, a nakoniec sa vrátíme na začiatok do ľavého horného rohu, kde umiestnime prvok z ľavého dolného rohu. Takto sme otočili jednu štvoricu prvkov. Ďalej postúpime k žltej štvorici prvkov. Spravidla začíname tento postup pre štvoricu prvkov od prvku nachádzajúceho sa na hornej strane matice/vnútornej pod-matice. V prípade žltej štvorice teda začneme s prvkom 2 a postupujeme v poradí 2, 8, 15, 9. Takto budeme postupovať pre každý prvok hornej strany matice okrem posledného, ktorý už bol otočený s prvým. Keď prejdeme prvý riadok, posunieme sa na ďalší. Prvý prvok ďalšieho riadku už bol otočený pri otáčaní prvkov predchádzajúceho riadku. Preto sa vždy na novom riadku presunieme o jeden prvok do prava (ak čísloujeme riadky od 1, na riadku y začneme prvkom y -tým v poradí). Posledný prvok na riadku ktorý otočíme je prvok $(n - y - 1)$ -tý v poradí. Posledný prvok ktorý otočíme sa nachádza na poslednom riadku hornej polovice matice. Ak je rozmer matice párne číslo, bude to riadok $\frac{n}{2}$, ak je nepárny bude to riadok $\frac{n-1}{2}$.