Riešenie 3. úlohy kategórie B

Jozef Komáromy

November 8, 2020

1 Súťažná úloha

Tento program je zapísaný v jazyku Lua, v ktorom sa indexy množín začínajú od 1.

1.1 Inicializácia premenných podľa zadania

```
local n, urovne, u, k, q, pohyb, mozne_ukoncenia
n = 5

urovne = {
    {-1},
    {1, 1, 1},
    {1, 1, 2, 3, 3, 3, 3},
    {1, 1, 3, 3, 3, 5},
    {2, 2}
}

u = 2 + 1
k = 5
q = 7

pohyb = {"H", "D", "D", "H", "H", "H", "D"}
mozne_ukoncenia = {}
```

1.2 Funkcia koniec

Táto funkcia pridá do množiny $mozne_zakoncenia$ bod u, k, ak ho už množina neobsahuje.

```
function koniec(u, k)
  for i, ukoncenie in ipairs(mozne_ukoncenia) do
    if ukoncenie[1] == u and ukoncenie[2] == k then
        return
    end
  end
  table.insert(mozne_ukoncenia, {u, k})
end
```

1.3 Funkcia spocitaj_moznosti

Táto funkcia je rekurzívna, a je spustená pre každú komôrku, do ktorej sa mravec môže dostať. Ak sa dostane na posledný krok, zavolá funkciu koniec pre určitú pozíciu u, k. Ak sa mravec v n-tom kroku pohol smerom hore (pohyb[krok] == "H"), funkcia sa spustí rekurzívne pre komôrku s poradovým číslom urovne[u][k] na úrovni u-1 (tú, na ktorú ukazuje komôrka u, k). Naopak, ak sa mravec pohne smerom dolu (pohyb[krok] == "D"), funkcia sa

spustí pre každú komôrku na úrovni u + 1, ktorá ukazuje na komôrku $u, k \ (urovne[u + 1][j] == k)$. Pri každom rekurzívnom spustení funkcie sa navýši premenná krok o 1.

```
function spocitaj_moznosti(u, k, krok)
  if \ krok > q \ then
     koniec (u, k)
     return
  end
  if pohyb[krok] == "H" then
     spocitaj\_moznosti\left(u\,-\,1\,,\,\,urovne\left[\,u\,\right]\left[\,k\,\right]\,,\,\,krok\,\,+\,\,1\right)
  elseif pohyb[krok] = "D" then
     if u + 1 > n then
       return
     end
     for j, _ in ipairs (urovne [u + 1]) do
       if urovne[u + 1][j] = k then
          spocitaj_moznosti(u + 1, j, krok + 1)
       end
    \mathbf{end}
  end
end
```

1.4 Zvyšok programu

Funkcia $spocitaj_moznosti$ je spustená pre počiatočnú komôrku u,k a vypíše veľkosť množiny $mozne_zakoncenia$ (počet rôznych možných zakončení).

```
spocitaj_moznosti(u, k, 1)
print(#mozne_ukoncenia)
```