



# RELATÓRIO ALGAV

Sprint B

**3DB Grupo 9**

**Vicente Cardoso (1180664)**

**Tiago Sousa (1191583)**

**Ana Beatriz Costa (1201313)**

**Luís Reis (1210998)**

**Ricardo Ribeiro (1221695)**

# Índice

## Conteúdo

Introdução.....	2
Código base .....	3
Agendas de Staff e Salas .....	3
Escalonar cirurgias.....	5
Melhor solução .....	7
Estudo da complexidade.....	10
Heurísticas.....	14
Primeira disponibilidade.....	14
Agenda mais ocupada .....	18
Adaptação para considerar todo o Staff e Fases .....	23
Conclusões .....	25
Anexos .....	26
Segunda Função de avaliação .....	26

# Introdução

Este relatório foi desenvolvido no contexto da Unidade Curricular (UC) de Algoritmia Avançada (ALGAV), como parte integrante da Licenciatura em Engenharia Informática no ano letivo 2024-2025, utilizando PROLOG.

No corpo deste trabalho irá ser abordado o código base disponibilizado pelos docentes da UC, bem como o predicado desenvolvido para determinar o melhor escalonamento e o estudo da sua complexidade.

Além disto, serão apresentadas duas heurísticas e a comparação com a melhor solução previamente obtida.

A adaptação necessária para considerar todo o staff e as diferentes fases será também apresentada, assim como conclusões que se podem extrair deste projeto.

Em anexo, consta uma segunda função de avaliação para a obtenção do melhor resultado, baseada na ocupação do staff.

## Código base

O código que foi disponibilizado pelos docentes da UC permite encontrar a melhor solução para a sequência de escalonamento de operações, a realizar numa determinada sala e dia. Pode ser dividido em diferentes secções, como será apresentado.

### Agendas de Staff e Salas

Os predicados **free-agenda** permitem converter os intervalos de tempo em que um determinado *staff* ou sala estão ocupados em intervalos em que estes se encontram disponíveis.

```
free_agenda0([],[(0,1440)]).
free_agenda0([(0,Tfin,_)|LT],LT1):-!,free_agenda1([(0,Tfin,_)|LT],LT1).
free_agenda0([(Tin,Tfin,_)|LT],[(0,T1)|LT1]):- T1 is Tin-1,
    free_agenda1([(Tin,Tfin,_)|LT],LT1).

free_agenda1([(_,Tfin,_)|LT],[(T1,1440)]):-Tfin\==1440,!,T1 is Tfin+1.
free_agenda1([(_,_,_)|LT],[]).
free_agenda1([(_,T,_)|LT],[(T1,Tfin2,_)|LT],LT1):-Tx is T+1,T1==Tx,!,
    free_agenda1([(T1,Tfin2,_)|LT],LT1).
free_agenda1([(_,Tfin1,_)|LT],[(Tin2,Tfin2,_)|LT],[(T1,T2)|LT1]):-T1 is Tfin1+1,T2 is Tin2-1,
    free_agenda1([(Tin2,Tfin2,_)|LT],LT1).
```

O predicado **adapt\_timetable** recorre ao horário (*timetable*) de um *staff*, ou seja, o intervalo de tempo em que este trabalha, desde a hora de entrada até à hora de saída. De seguida, remove os intervalos anteriores à sua entrada e posteriores à sua saída dos seus intervalos de disponibilidade.

Isto garante que não serão agendadas operações para esse membro do *staff* num horário em que ele não se encontra a trabalhar.

```
adapt_timetable(D,Date,LFA,LFA2):-
timetable(D,Date,(InTime,FinTime)),treatin(InTime,LFA,LFA1),treatfin(FinTime,LFA1,LFA2
).
```

```

treatin(InTime,[(In,Fin)|LFA],[In,Fin)|LFA):-InTime=<In,!.
treatin(InTime,[(_,Fin)|LFA],LFA1):-InTime>Fin,!,treatin(InTime,LFA,LFA1).
treatin(InTime,[(_,Fin)|LFA],[InTime,Fin)|LFA].
treatin(_,[],[]).

treatfin(FinTime,[(In,Fin)|LFA],[In,Fin)|LFA1):-
FinTime>=Fin,!,treatfin(FinTime,LFA,LFA1).
treatfin(FinTime,[(In,_)|_],[]):-FinTime=<In,!.
treatfin(FinTime,[(In,_)|_],[In,FinTime)).
treatfin(_,[],[]).

```

Por sua vez, o predicado **intersect\_all\_agendas** permite obter os intervalos de disponibilidade comuns entre diferentes doutores. Para tal, recorre ao **intersect\_2\_agendas** para procurar interseções entre duas listas de disponibilidade, que por sua vez utiliza o **intersect\_availability** para comparar um intervalo específico com uma lista.

```

intersect_all_agendas([Name],Date,LA):-!,availability(Name,Date,LA).
intersect_all_agendas([Name|LNames],Date,LI):-
    availability(Name,Date,LA),
    intersect_all_agendas(LNames,Date,LI1),
    intersect_2_agendas(LA,LI1,LI).

intersect_2_agendas([],_,[]).
intersect_2_agendas([D|LD],LA,LIT):- intersect_availability(D,LA,LI,LA1),
    intersect_2_agendas(LD,LA1,LID),
    append(LI,LID,LIT).

intersect_availability((_,_),[],[],[]).

intersect_availability((_,Fim),[(Ini1,Fim1)|LD],[],[(Ini1,Fim1)|LD]):-
    Fim<Ini1,!.

```

```

intersect_availability((Ini,Fim),[(_,Fim1)|LD],LI,LA):-
    Fim>Fim1,!,
    intersect_availability((Ini,Fim),LD,LI,LA).

intersect_availability((Ini,Fim),[(Ini1,Fim1)|LD],[(Imax,Fmin)],[(Fim,Fim1)|LD]):-
    Fim1>Fim,!,
    min_max(Ini,Ini1,_,Imax),
    min_max(Fim,Fim1,Fmin,_).

intersect_availability((Ini,Fim),[(Ini1,Fim1)|LD],[(Imax,Fmin)|LI],LA):-
    Fim>=Fim1,!,
    min_max(Ini,Ini1,_,Imax),
    min_max(Fim,Fim1,Fmin,_),
    intersect_availability((Fim1,Fim),LD,LI,LA).

min_max(I,I1,I,I1):- I<I1,!.
min_max(I,I1,I1,I).

```

## Escalonar cirurgias

O predicado **schedule\_all\_surgeries** inicialmente remove as agendas temporárias existentes dos doutores e das salas e atualiza-as, de modo a não perder as informações originais. De seguida, calcula a disponibilidade do staff e armazena-a e obtém todas as cirurgias que necessitam de agendamento.

Por fim, chama o predicado **availability\_all\_surgeries** para tentar agendar as cirurgias.

```

schedule_all_surgeries(Room,Day):-
    retractall(agenda_staff1(_,_,_)),
    retractall(agenda_operation_room1(_,_,_)),
    retractall(availability(_,_,_)),
    findall(_, (agenda_staff(D,Day,Agenda), assertz(agenda_staff1(D,Day,Agenda))), _),
    agenda_operation_room(Or,Date,Agenda), assert(agenda_operation_room1(Or,Date,Agenda)),

```

```

    findall(_, (agenda_staff1(D, Date, L), free_agenda0(L, LFA), adapt_timetable(D, Date, LFA,
LFA2), assertz(availability(D, Date, LFA2))), _),
    findall(OpCode, surgery_id(OpCode, _), LOpCode),
    availability_all_surgeries(LOpCode, Room, Day), !.

```

Este predicado **availability\_all\_surgeries** é responsável por verificar a disponibilidade e agendar cada cirurgia.

Utiliza o predicado **availability\_operation** que calcula a disponibilidade dos doutores realizarem uma cirurgia. Este método obtém o tipo e duração da cirurgia e os doutores atribuídos, a disponibilidade comum entre eles e com a sala. No final, remove os intervalos nos quais a cirurgia não teria tempo para ser realizada, com o predicado **remove\_unf\_intervals**.

O predicado **availability\_all\_surgeries** recorre ainda ao **schedule\_first\_interval** para escolher o primeiro intervalo disponível para agendar a cirurgia e ao **insert\_agenda** para atualizar as agendas.

```

availability_all_surgeries([], _, _).
availability_all_surgeries([OpCode|LOpCode], Room, Day):-
    surgery_id(OpCode, OpType), surgery(OpType, _, TSurgery, _),
    availability_operation(OpCode, Room, Day, LPossibilities, LDoctors),
    schedule_first_interval(TSurgery, LPossibilities, (TinS, TfinS)),
    retract(agenda_operation_room1(Room, Day, Agenda)),
    insert_agenda((TinS, TfinS, OpCode), Agenda, Agenda1),
    assertz(agenda_operation_room1(Room, Day, Agenda1)),
    insert_agenda_doctors((TinS, TfinS, OpCode), Day, LDoctors),
    availability_all_surgeries(LOpCode, Room, Day).

availability_operation(OpCode, Room, Day, LPossibilities, LDoctors):-
    surgery_id(OpCode, OpType), surgery(OpType, _, TSurgery, _),
    findall(Doctor, assignment_surgery(OpCode, Doctor), LDoctors),
    intersect_all_agendas(LDoctors, Day, LA),
    agenda_operation_room1(Room, Day, LAgenda),
    free_agenda0(LAgenda, LFAgRoom),
    intersect_2_agendas(LA, LFAgRoom, LIntAgDoctorsRoom),

```

```

remove_unf_intervals(TSurgery,LIntAgDoctorsRoom,LPossibilities).

remove_unf_intervals(_,[],[]).
remove_unf_intervals(TSurgery,[(Tin,Tfin)|LA],[(Tin,Tfin)|LA1]):-DT is Tfin-
Tin+1,TSurgery=<DT,!,
    remove_unf_intervals(TSurgery,LA,LA1).
remove_unf_intervals(TSurgery,[_|LA],LA1):-remove_unf_intervals(TSurgery,LA,LA1).

schedule_first_interval(TSurgery,[(Tin,_)|_],(Tin,TfinS)):-
    TfinS is Tin + TSurgery - 1.

insert_agenda((TinS,TfinS,OpCode),[],[(TinS,TfinS,OpCode)]).
insert_agenda((TinS,TfinS,OpCode),[(Tin,Tfin,OpCode1)|LA],[(TinS,TfinS,OpCode),(Tin,Tfi
n,OpCode1)|LA]):-TfinS<Tin,!.
insert_agenda((TinS,TfinS,OpCode),[(Tin,Tfin,OpCode1)|LA],[(Tin,Tfin,OpCode1)|LA1]):-
insert_agenda((TinS,TfinS,OpCode),LA,LA1).

insert_agenda_doctors(_,_,[]).
insert_agenda_doctors((TinS,TfinS,OpCode),Day,[Doctor|LDoctors]):-
    retract(agenda_staff1(Doctor,Day,Agenda)),
    insert_agenda((TinS,TfinS,OpCode),Agenda,Agenda1),
    assert(agenda_staff1(Doctor,Day,Agenda1)),
    insert_agenda_doctors((TinS,TfinS,OpCode),Day,LDoctors).

```

## Melhor solução

O predicado **obtain\_better\_sol** tem como função encontrar a melhor solução para o agendamento de cirurgias numa sala, num determinado dia. Para tal, recorre ao predicado **obtain\_better\_sol1** e por fim extrai a melhor solução.

```

obtain_better_sol(Room,Day,AgOpRoomBetter,LAgDoctorsBetter,TFinOp):-
    (obtain_better_sol1(Room,Day);true),
    retract(better_sol(Day,Room,AgOpRoomBetter,LAgDoctorsBetter,TFinOp)).

```



Este predicado **obtain\_better\_sol1** gera e avalia diferentes permutações de cirurgias de modo a encontrar a melhor solução.

Começa por inicializar o tempo final com o valor fora dos limites para um dia, obter todas as cirurgias e limpar as agendas temporárias. De seguida, tenta agendar todas as cirurgias recorrendo ao predicado **availability\_all\_surgeries** e atualiza a melhor solução, através do **update\_better\_sol**.

Este predicado mencionado anteriormente compara o tempo final da solução atual com o armazenado e, caso o atual seja inferior, atualiza.

```
obtain_better_sol1(Room,Day):-
    asserta(better_sol(Day,Room,_,_,1441)),
    findall(OpCode,surgery_id(OpCode,_),LOC),!,
    permutation(LOC,LOpCode),
    retractall(agenda_staff1(_,_,_)),
    retractall(agenda_operation_room1(_,_,_)),
    retractall(availability(_,_,_)),
    findall(_,(agenda_staff(D,Day,Agenda),assertz(agenda_staff1(D,Day,Agenda))),_),
    agenda_operation_room(Room,Day,Agenda),assert(agenda_operation_room1(Room,
Day,Agenda)),
    findall(_,(agenda_staff1(D,Day,L),free_agenda0(L,LFA),adapt_timetable(D,Day,LFA,LF
A2),assertz(availability(D,Day,LFA2))),_),
    availability_all_surgeries(LOpCode,Room,Day),
    agenda_operation_room1(Room,Day,AgendaR),
    update_better_sol(Day,Room,AgendaR,LOpCode),
    fail.

update_better_sol(Day,Room,Agenda,LOpCode):-
    better_sol(Day,Room,_,_,FinTime),
    reverse(Agenda,AgendaR),
    evaluate_final_time(AgendaR,LOpCode,FinTime1),
    FinTime1<FinTime,
    retract(better_sol(_,_,_,_,_)),
    findall(Doctor,assignment_surgery(_,Doctor),LDoctors1),
    remove_equals(LDoctors1,LDoctors),
```

```
list_doctors_agenda(Day,LDoctors,LDAgendas),  
asserta(better_sol(Day,Room,Agenda,LDAgendas,FinTime1)).
```

Como exemplo de um predicado utilizado pelos anteriormente apresentados temos o **evaluate\_final\_time** calcula o tempo final de uma operação.

```
evaluate_final_time([],_,1441).  
evaluate_final_time([(_,Tfin,OpCode)|_],LOpCode,Tfin):-member(OpCode,LOpCode),!.  
evaluate_final_time([_|AgR],LOpCode,Tfin):-evaluate_final_time(AgR,LOpCode,Tfin).
```

Por sua vez, o predicado **list\_doctors\_agenda** obtém a lista de disponibilidades para dados doutores num dia.

```
list_doctors_agenda(_,[],[]).  
list_doctors_agenda(Day,[D|LD],[(D,AgD)|LAgD]):-  
agenda_staff1(D,Day,AgD),list_doctors_agenda(Day,LD,LAgD).
```

Por fim, o predicado **remove\_equals** remove elementos duplicados numa lista, de forma a garantir que não existam doutores repetidos associados à mesma cirurgia.

```
remove_equals([],[]).  
remove_equals([X|L],L1):-member(X,L),!,remove_equals(L,L1).  
remove_equals([X|L],[X|L1]):-remove_equals(L,L1).
```

# Estudo da complexidade

Para o estudo da complexidade, recorreu-se a um algoritmo de **brute force**, cuja função de avaliação encontra a melhor solução baseada no menor tempo final da última operação agendada.

```
brute_force(Room, Day):-  
    retractall(counter(_,_)),  
    assertz(counter('bruto', 0)),  
    (obtain_better_sol2(Room,Day);true),  
    retract(better_sol(Day,Room,AgOpRoomBetter,LAgDoctorsBetter,TFinOp)).
```

O predicado **obtain\_better\_sol2** atualiza as agendas do staff e da sala de operação e tenta atualizar a melhor solução.

```
obtain_better_sol2(Room,Day):-  
    asserta(better_sol(Day,Room,_,_,1441)),  
    findall(OpCode,surgery_id(OpCode,_),LOC),!,  
    permutation(LOC,LOpCode),  
    retractall(agenda_staff1(_,_,_)),  
    retractall(agenda_operation_room1(_,_,_)),  
    retractall(availability(_,_,_)),  
    findall(_,(agenda_staff(D,Day,Agenda),assertz(agenda_staff1(D,Day,Agenda))),_),  
    agenda_operation_room(Room,Day,Agenda),assert(agenda_operation_room1(Room,  
Day,Agenda)),  
    findall(_,(agenda_staff1(D,Day,L),free_agenda0(L,LFA),adapt_timetable(D,Day,LFA,LF  
A2),assertz(availability(D,Day,LFA2))),_),  
    availability_all_surgeries1(LOpCode,Room,Day),  
    agenda_operation_room1(Room,Day,AgendaR),  
    update_better_sol(Day,Room,AgendaR,LOpCode),  
    fail.
```

Por sua vez, o predicado **update\_better\_sol** avalia a nova solução e atualiza a melhor solução, caso se encontre um menor valor final.

```

update_better_sol(Day,Room,Agenda,LOpCode):-
    retract(counter(Nome,Count)),
    CountNovo is Count +1,
    asserta(counter(Nome, CountNovo)),
    better_sol(Day,Room,_,_,FinTime),
    reverse(Agenda,AgendaR),
    evaluate_final_time(AgendaR,LOpCode,FinTime1),
    FinTime1<FinTime,
    retract(better_sol(_,_,_,_)),
    findall(Doctor,assignment_surgery(_,Doctor),LDoctors1),
    remove_equals(LDoctors1,LDoctors),
    list_doctors_agenda(Day,LDoctors,LDAgendas),
    asserta(better_sol(Day,Room,Agenda,LDAgendas,FinTime1)).

```

A função de avaliação utilizada encontra então o tempo final de uma cirurgia.

```

evaluate_final_time([],_,1441).
evaluate_final_time([(_,Tfin,OpCode)|_],LOpCode,Tfin):-member(OpCode,LOpCode),!.
evaluate_final_time([_|AgR],LOpCode,Tfin):-evaluate_final_time(AgR,LOpCode,Tfin).

```

Assim, aplicando este algoritmo a diferentes números de cirurgias e com base nos dados disponíveis na Base de Conhecimento fornecida pelos docentes, construi-se a seguinte tabela.

Nº de cirurgias	Nº de soluções	Melhor escalonamento de atividades na OR	Tempo final da última operação (min)	Tempo para gerar a solução (seg)
3	6	[(480,539,so100001),(540,629,so100002),(630,704,so100003),(750,780,mnt0001),(1080,1110,mnt0002)]	704	0.022
4	24	[(520,594,so100003),(595,654,so100004),(655,744,so100002),(750,780,mnt0001),(791,850,so100001),(1080,1110,mnt0002)]	850	0.036

5	120	[(500,559,so100004),(560,634,so100005),(635,724,so100002),(750,780,mnt0001),(791,865,so100003),(866,925,so100001),(1080,1110,mnt0002)]	925	0.041
6	706	[(500,559,so100004),(560,634,so100005),(635,724,so100002),(750,780,mnt0001),(791,865,so100003),(866,925,so100001),(926,985,so100006),(1080,1110,mnt0002)]	985	0.16
7	3952	[(500,559,so100004),(560,649,so100007),(650,739,so100002),(750,780,mnt0001),(791,865,so100003),(866,925,so100001),(926,985,so100006),(986,1060,so100005),(1080,1110,mnt0002)]	1060	1.052
8	5536	[(500,589,so100002),(590,649,so100004),(650,709,so100008),(750,780,mnt0001),(791,865,so100003),(866,925,so100001),(926,985,so100006),(986,1075,so100007),(1080,1110,mnt0002),(1111,1185,so100005)]	1185	7.455
9	28986	[(480,539,so100001),(540,629,so100002),(630,689,so100008),(690,749,so100009),(750,780,mnt0001),(791,880,so100007),(881,940,so100006),(961,1020,so100004),(1080,1110,mnt0002),(1111,1185,so100005),(1186,1260,so100003)]	1260	52.232
10	32828	[(480,539,so100001),(540,599,so100004),(620,679,so100008),(680,739,so100009),(750,780,mnt0001),(791,880,so100007),(881,940,so100006),(981,1070,so100010),(1080,1110,mnt0002),(1111,1185,so100003),(1186,1260,so100005),(1261,1350,so100002)]	1350	523.927
11	8256	[(480,539,so100001),(540,629,so100007),(630,689,so100008),(690,749,so100009),(750,780,mnt0001),(791,880,so100010),(881,940,so100006),(941,1015,so100011),(1016,1075,so100004),(1080,1110,mnt0002),(1111,1185,so100003),(1186,1260,so100005),(1261,1350,so100002)]	1350	5923.791

A tabela apresentada mostra o melhor escalonamento de cirurgias, obtido pelo algoritmo desenvolvido, o número total de soluções válidas, o tempo final da última cirurgia agendada e o tempo que a solução demorou para ser determinada.

# Heurísticas

## Primeira disponibilidade

A primeira heurística a ser apresentada permite agendar cirurgias considerando a primeira disponibilidade do staff e das salas de operação.

Inicialmente o predicado **obtain\_heuristic\_solution** obtém a lista de todas as cirurgias que se pretende agendar, obtém as disponibilidades do staff e da sala e chama o predicado **heuristic**.

```
obtain_heuristic_solution(Room, Day):-
    findall(OpCode,surgery_id(OpCode,_),LOC),
    retractall(agenda_staff1(_,_,_)),
    retractall(agenda_operation_room1(_,_,_)),
    retractall(availability(_,_,_)),
    findall(_, (agenda_staff(D,Day,Agenda),assertz(agenda_staff1(D,Day,Agenda))),_),
    agenda_operation_room(Room,Day,Agenda),assert(agenda_operation_room1(Room,
Day,Agenda)),
    findall(_, (agenda_staff1(D,Day,L),free_agenda0(L,LFA),adapt_timetable(D,Day,LFA,LF
A2),assertz(availability(D,Day,LFA2))),_),
    get_time(Ti),
    (heuristic(LOC, Day,Room);true),
    agenda_operation_room1(Room,Day, AgendaRoom),
        findall((D, AgendaDoctor) ,(agenda_staff1(D, Day, AgendaDoctor)),
_LAgDoctorsBetter),
    reverse(AgendaRoom, [ (_,_TFinOp,_) | _RESTOS]),
    evaluate_average_ocupied_time(Room, Day,_),
    evaluate_final_time(Room, Day).
```

Este por sua vez encontra a cirurgia que pode começar mais cedo através do predicado **heuristicaEarly**, marca-a na agenda da sala e do staff e remove-a das cirurgias a serem agendadas.

```
heuristic([],_,_).
heuristic(LOpCodes,Day,Room):-
```

```

heuristicaEarly(LOpCodes,Day,Room,EarliestOpCode,EarliestTime),
marcar_operacao(EarliestOpCode,Day,Room,EarliestTime),
delete(LOpCodes, EarliestOpCode, LOpCodes2),!,
heuristic(LOpCodes2,Day,Room),!.

```

O predicado **heuristicaEarly** compara então o horário possível de uma cirurgia com o melhor horário encontrado até ao momento, e a que puder iniciar mais cedo é agendada.

```

heuristicaEarly([OpCode|LOpCodes],Day, Room, EarliestOpCode, (S,F)):-
    heuristicaEarly(LOpCodes,Day, Room, OpCodeComp, (Str,End)),
    availability_operation1(OpCode,Room,Day,[(StrActual,EndActual)|_],_LStaff),
    ((StrActual<Str, EarliestOpCode=OpCode,S=StrActual,F=EndActual,!);
    (EarliestOpCode=OpCodeComp,S=Str,F=End)).

```

A tabela seguinte compara esta heurística com o algoritmo *brute force* apresentado anteriormente.

Nº de cirurgias	Solução ótima	Tempo final da última operação - Melhor (min)	Tempo final da última operação - Heurística (min)	Tempo para gerar a solução - Melhor (seg)	Tempo para gerar a solução – Heurística (seg)	Solução heurística
3	[(480,539,so100001), ,(540,629,so100002), ,(630,704,so100003), ,(750,780,mnt0001), (1080,1110,mnt0002 )]	704	704	0.022	0.006	[(480,539,so100001),(540,614,so100003),(615,704,so100002),(750,780,mnt0001),(1080,1110,mnt0002)]
4	[(520,594,so100003), ,(595,654,so100004), ,(655,744,so100002), ,(750,780,mnt0001), (791,850,so100001), (1080,1110,mnt0002 )]	850	1050	0.036	0.007	[(480,539,so100001),(540,599,so100004),(600,674,so100003),(750,780,mnt0001),(961,1050,so100002),(1080,1110,mnt0002)]
5	[(500,559,so100004), ,(560,634,so100005)]	925	1050	0.041	0.006	[(480,539,so100001),(540,614,so100005),(615,674,so100004),(



	,(635,724,so100002), ,(750,780,mnt0001), (791,865,so100003), (866,925,so100001), (1080,1110,mnt0002)]					750,780,mnt0001),(791,865,so100003),(961,1050,so100002),(1080,1110,mnt0002)]
6	[(500,559,so100004), ,(560,634,so100005), ,(635,724,so100002), ,(750,780,mnt0001), (791,865,so100003), (866,925,so100001), (926,985,so100006), (1080,1110,mnt0002)]	985	1050	0.16	0.017	[(480,539,so100006),(540,614,so100005),(615,674,so100004),(750,780,mnt0001),(791,865,so100003),(866,925,so100001),(961,1050,so100002),(1080,1110,mnt0002)]
7	[(500,559,so100004), ,(560,649,so100007), ,(650,739,so100002), ,(750,780,mnt0001), (791,865,so100003), (866,925,so100001), (926,985,so100006), (986,1060,so100005), ,(1080,1110,mnt0002)]	1060	1200	1.052	0.007	[(480,539,so100006),(540,629,so100007),(630,704,so100005),(750,780,mnt0001),(791,865,so100003),(866,925,so100001),(961,1020,so100004),(1080,1110,mnt0002),(1111,1200,so100002)]
8	[(500,589,so100002), ,(590,649,so100004), ,(650,709,so100008), ,(750,780,mnt0001), (791,865,so100003), (866,925,so100001), (926,985,so100006), (986,1075,so100007), ,(1080,1110,mnt0002),(1111,1185,so100005)]	1185	1275	7.455	0.007	[(480,539,so100006),(540,629,so100007),(630,689,so100008),(750,780,mnt0001),(791,865,so100003),(866,925,so100001),(961,1020,so100004),(1080,1110,mnt0002),(1111,1185,so100005),(1186,1275,so100002)]
9	[(480,539,so100001), ,(540,629,so100002), ,(630,689,so100008), ,(690,749,so100009), ,(750,780,mnt0001), (791,880,so100007),	1260	689	52.232	0.005	[(480,539,so100006),(540,629,so100007),(630,689,so100009),(750,780,mnt0001),(1080,1110,mnt0002)]

	(881,940,so100006), (961,1020,so100004 ) , (1080,1110,mnt00 02), (1111,1185,so10 0005), (1186,1260,so 100003)]					
10	[(480,539,so100001) , (540,599,so100004) , (620,679,so100008) , (680,739,so100009) , (750,780,mnt0001), (791,880,so100007), (881,940,so100006), (981,1070,so100010 ) , (1080,1110,mnt00 02), (1111,1185,so10 0003), (1186,1260,so 100005), (1261,1350, so100002)]	1350	689	523.927	0.005	[(480,539,so100006), (540,629,s o100010), (630,689,so100009), (7 50,780,mnt0001), (1080,1110, mnt0002)]
11	[(480,539,so100001) , (540,629,so100007) , (630,689,so100008) , (690,749,so100009) , (750,780,mnt0001), (791,880,so100010), (881,940,so100006), (941,1015,so100011 ) , (1016,1075,so1000 04), (1080,1110,mnt 0002), (1111,1185,so 100003), (1186,1260, so100005), (1261,13 50,so100002)]	1350	704	5923.791	0.005	[(480,554,so100011), (555,644,s o100010), (645,704,so100009), (7 50,780,mnt0001), (1080,1110, mnt0002)]

## Agenda mais ocupada

A segunda heurística realiza o agendamento com base no doutor com a agenda mais ocupada.

Inicialmente o predicado **obtain\_heuristic\_occupied\_solution** prepara as agendas do staff e da sala, obtém todas as cirurgias que necessitam de agendamento e recorre ao predicado **heuristicaOcupied**. No fim, avalia o tempo médio de ocupação.

```
obtain_heuristic_occupied_solution(Room, Day):-
    findall(OpCode,surgery_id(OpCode,_),_LOC),
    retractall(agenda_staff1(_,_,_)),
    retractall(agenda_operation_room1(_,_,_)),
    retractall(availability(_,_,_)),
    findall(_, (agenda_staff(D,Day,Agenda), assertz(agenda_staff1(D,Day,Agenda))), _),
    agenda_operation_room(Room,Day,Agenda), assert(agenda_operation_room1(Room,
Day,Agenda)),
    findall(_, (agenda_staff1(D,Day,L), free_agenda0(L,LFA), adapt_timetable(D,Day,LFA,LF
A2), assertz(availability(D,Day,LFA2))), _),
    findall(OpCode, surgery_id(OpCode,_), LOpCode),
    heuristicaOcupied(LOpCode,[], Room, Day),
    agenda_operation_room1(Room,Day,_AgendaRoom),!,
    findall(agenda_staff1(D,Day,AG), agenda_staff1(D,Day,AG), _LAgendaDoctor),
    evaluate_average_occupied_time(Room, Day,_AVG),
    evaluate_final_time(Room, Day),
    !.
```

O predicado **heuristicaOcupied** utiliza a ocupação do staff para definir a agenda. Começa por calcular a ocupação de cada staff e de seguida ordená-los, priorizando os mais ocupados. Por fim, escolhe o médico com agenda mais preenchida e atribui-lhe uma nova cirurgia.

```
heuristicaOcupied([],_,_,_).
heuristicaOcupied(LOpCode,Visited,Room,Day):-
    retractall(doctor_occupied_time(_,_,_)),
```

```

findall(
    Doctor,
    (
        surgery_id(Sur,_),
        assignment_surgery(Sur, Doctor)
    ),
    LD
),
sort(LD, LDoctor),
doctor_occupied_time_calc(LDoctor, Day),nl,
findall((Doc, P),doctor_occupied_time(Doc, P), LDP),
sort(LDP, Temp),
select_most_ocupied_doctor(Temp, (D,_)),
findall(OpCode, assignment_surgery(OpCode,D),LC),
select_op_code_not_visited(LC, Visited, OpCode, _RestOpCodes),!,
(availability_all_surgeries2(OpCode,Room,Day);true),!,
delete(LOpCode, OpCode, LOpCodes2),
heuristicaOcupied(LOpCodes2,[OpCode | Visited],Room, Day).

```

A tabela seguinte compara esta segunda heurística com o algoritmo *brute force* apresentado anteriormente.

Nº de cirurgias	Solução ótima	Tempo final da última operação - Melhor (min)	Tempo final da última operação - Heurística (min)	Tempo para gerar a solução - Melhor (seg)	Tempo para gerar a solução - Heurística (seg)	Solução heurística
3	[(480,539,so100001),(540,629,so100002),(630,704,so100003),(750,780,mnt0001),(1080,1110,mnt0002)]	704	850	0.022	0.028	[(500,589,so100002),(590,664,so100003),(750,780,mnt0001),(791,850,so100001),(1080,1110,mnt0002)]
4	[(520,594,so100003),(595,654,so100004),(655,744,so100002),(750,780,m	850	865	0.036	0.024	[(480,539,so100001),(540,599,so100004),(600,689,so100002),(750,780,mnt0001),(791,865,so100003),(1080,1110,mnt0002)]

	nt0001),(791,850,so100001),(1080,1110,mnt0002)]					
5	[(500,559,so100004),(560,634,so100005),(635,724,so100002),(750,780,mnt0001),(791,865,so100003),(866,925,so100001),(1080,1110,mnt0002)]	925	1055	0.041	0.021	[(500,589,so100002),(590,649,so100004),(650,709,so100001),(750,780,mnt0001),(791,865,so100003),(981,1055,so100005),(1080,1110,mnt0002)]
6	[(500,559,so100004),(560,634,so100005),(635,724,so100002),(750,780,mnt0001),(791,865,so100003),(866,925,so100001),(926,985,so100006),(1080,1110,mnt0002)]	985	1055	0.16	0.030	[(480,539,so100001),(540,599,so100004),(600,659,so100006),(660,749,so100002),(750,780,mnt0001),(791,865,so100003),(981,1055,so100005),(1080,1110,mnt0002)]
7	[(500,559,so100004),(560,649,so100007),(650,739,so100002),(750,780,mnt0001),(791,865,so100003),(866,925,so100001),(926,985,so100006),(986,1060,so100005),(1080,1110,mnt0002)]	1060	1290	1.052	0.033	[(520,594,so100003),(595,669,so100005),(750,780,mnt0001),(791,880,so100007),(881,940,so100001),(961,1020,so100004),(1080,1110,mnt0002),(1141,1200,so100006),(1201,1290,so100002)]
8	[(500,589,so100002),(590,649,so100004),(650,709,so100008),(750,780,mnt0001),(791,865,so100003),(866,925,so100001),(926,985,so100006),(986,1075,so100007),(1080,1110,mnt0002)]	1185	-	7.455	-	-

	2),(1111,1185,so100005)]					
9	[(480,539,so100001),(540,629,so100002),(630,689,so100008),(690,749,so100009),(750,780,mnt0001),(791,880,so100007),(881,940,so100006),(961,1020,so100004),(1080,1110,mnt0002),(1111,1185,so100005),(1186,1260,so100003)]	1260	-	52.232	-	-
10	[(480,539,so100001),(540,599,so100004),(620,679,so100008),(680,739,so100009),(750,780,mnt0001),(791,880,so100007),(881,940,so100006),(981,1070,so100010),(1080,1110,mnt0002),(1111,1185,so100003),(1186,1260,so100005),(1261,1350,so100002)]	1350	-	523.927	-	-
11	[(480,539,so100001),(540,629,so100007),(630,689,so100008),(690,749,so100009),(750,780,mnt0001),(791,880,so100010),(881,940,so100006),(941,1015,so100011),(1016,1075,so100004),(1080,1110,mnt0002),(1111,1185,so100003),(1186	1350	-	5923.791	-	-

	,1260,so100005),( 1261,1350,so1000 02)]					
--	---	--	--	--	--	--

Com oito cirurgias verifica-se que não é possível associá-las ao mesmo staff, de forma que seriam atribuídas a outro elemento do staff. No entanto, uma vez que a heurística apenas fornece uma solução, não é possível observar esse escalonamento a outro staff e, portanto, concluir os seus valores.

## Adaptação para considerar todo o Staff e Fases

Uma cirurgia é composta por três fases: anestesia, cirurgia propriamente dita e limpeza. Cada uma destas fases requer profissionais especializados, que atuam durante a respetiva fase, com exceção da anestesia que se mantém até ao final da fase intermédia.

De forma a considerar todos os tipos de staff necessários para uma cirurgia, nomeadamente anestesistas, cirurgiões e profissionais de limpeza, elaborou-se o predicado **marcar\_operacao**, para a primeira heurística desenvolvida.

Este obtém o tempo total necessário para executar a operação, ou seja, a soma do tempo de anestesia, cirurgia e limpeza e reserva-o na agenda da sala.

De seguida, para cada fase, seleciona o staff correspondente através do predicado **get\_staff\_with\_specialty\_new** e atualiza as suas agendas.

```
marcar_operacao(OpCode,Day,Room,(Str,Fin)):-
    surgery_id(OpCode,OpType),surgery(OpType,TAnesthesia,TSurgery,TCleaning),
    TTotal is TAnesthesia+TSurgery+TCleaning,
    schedule_first_interval(TTotal,[(Str,Fin)],(TinS,TfinS)),
    retract(agenda_operation_room1(Room,Day,Agenda)),
    insert_agenda((TinS,TfinS,OpCode),Agenda,Agenda1),
    assertz(agenda_operation_room1(Room,Day,Agenda1)),
    get_staff_with_specialty_new(OpCode, anesthesia,LANesthesia),
    _TinAnesthesia is TinS,
    TfinAnesthesia is TinS + TAnesthesia+TSurgery,
    insert_agenda_doctors((TinS,TfinAnesthesia,OpCode),Day,LANesthesia),
    get_staff_with_specialty_new(OpCode, orthopaedist,LSurgery),
    TinSurgery is TinS+TAnesthesia,
    TfinSurgery is TinSurgery + TSurgery,
    insert_agenda_doctors((TinSurgery,TfinSurgery,OpCode),Day,LSurgery),
    get_staff_with_specialty_new(OpCode, cleaning,LCleaning),
    TinCleaning is TfinSurgery,
    _TfinCleaning is TfinS,
    insert_agenda_doctors((TinCleaning,TfinS,OpCode),Day,LCleaning).
```



Relativamente à segunda heurística desenvolvida, o predicado **sum\_time\_ops** atua de forma semelhante ao anterior. Assim, efetua a soma dos tempos de operações dependendo da especialidade.

```
sum_time_ops([], _, 0).  
  
%Caso especialidade orthopaedist  
sum_time_ops([(TAnesthesia,TSurgery,_TCleaning)|LOps],orthopaedist,TimeOccupied)  
:-  
    sum_time_ops(LOps, orthopaedist, TimeOccupied1),  
    TimeOccupied is TSurgery+TimeOccupied1.  
  
%Caso especialidade anesthesia  
sum_time_ops([(TAnesthesia,TSurgery,_TCleaning) | LOps], anesthesia, TimeOccupied):-  
    sum_time_ops(LOps, anesthesia, TimeOccupied1),  
    TimeOccupied is TAnesthesia+TSurgery+TimeOccupied1.  
  
%Caso especialidade cleaning  
sum_time_ops([(TAnesthesia,_TSurgery,TCleaning) | LOps], cleaning, TimeOccupied):-  
    sum_time_ops(LOps, cleaning, TimeOccupied1),  
    TimeOccupied is TCleaning+TimeOccupied1.  
  
% Caso Geral  
sum_time_ops([(TAnesthesia, TSurgery, TCleaning) | LOps], _, TimeOccupied) :-  
    sum_time_ops(LOps, other, TimeOccupied1),  
    TimeOccupied is TAnesthesia + TSurgery + TCleaning + TimeOccupied1.
```

## Conclusões

A elaboração deste trabalho permitiu obter diferentes resultados para o escalonamento de cirurgias, para uma determinada sala de operações e dia. A utilização de diversos algoritmos provocou diferentes resultados, que serão analisados de forma a concluir as diferenças entre eles.

Assim, é possível comparar as funções de avaliação desenvolvidas, ou seja, a função que considera que o melhor resultado é aquele em que a última operação termina mais cedo e a função em que o melhor resultado consiste na escolha do staff com menor ocupação média, presente no anexo.

Analisando as duas tabelas apresentadas, é possível concluir que o número de soluções válidas obtidas é o mesmo e o tempo necessário para as obter é muito semelhante. No entanto, a melhor solução e, portanto, o final da última operação agendada, são diferentes, sendo que para o algoritmo que avalia a ocupação média o escalonamento das cirurgias é feito de forma que estas terminem mais tarde.

Relativamente às heurísticas, é possível afirmar que ambas têm tempos de execução muito reduzidos, uma vez que apenas uma solução é encontrada. Assim, enquanto o algoritmo de *brute force* tem um crescimento acentuado relativamente ao aumento do número de cirurgias, as heurísticas apresentam um tempo relativamente constante.

Para além disto, é possível aferir que, uma vez que os algoritmos consideram diferentes padrões para realizar o escalonamento das cirurgias, o tempo final da última cirurgia varia consideravelmente.

Desta forma, conclui-se que este trabalho permitiu aprofundar o conhecimento da equipa relativamente a diferentes algoritmos de escalonamento, recorrendo a *brute force* e a heurísticas.

# Anexos

## Segunda Função de avaliação

Uma vez que a nossa equipa tem cinco elementos, foi requisitada uma segunda função de avaliação. Neste sentido, desenvolveu-se um predicado que avalia a média de tempo ocupado de cada staff.

```
brute_force2(Room, Day):-  
    retractall(counter(_, _)),  
    asserta(counter('bruto2', 0)),  
    (obtain_better_sol2_2(Room, Day); true),  
    retract(better_sol(Day, Room, _AgOpRoomBetter, _LAgDoctorsBetter, _TFinOp)).
```

O predicado **obtain\_better\_sol2\_2** tenta encontrar o melhor escalonamento para agendar operações. Para tal, atualiza as agendas do staff e da sala e recorre ao predicado **update\_better\_sol\_occupied\_average**.

```
obtain_better_sol2_2(Room, Day):-  
    asserta(better_sol(Day, Room, _, _, 1441)),  
    findall(OpCode, surgery_id(OpCode, _), LOC), !,  
    permutation(LOC, LOpCode),  
    retractall(agenda_staff1(_, _, _)),  
    retractall(agenda_operation_room1(_, _, _)),  
    retractall(availability(_, _, _)),  
    findall(_, (agenda_staff(D, Day, Agenda), assertz(agenda_staff1(D, Day, Agenda))), _),  
    agenda_operation_room(Room, Day, Agenda), assert(agenda_operation_room1(Room, Day, Agenda)),  
    findall(_, (agenda_staff1(D, Day, L), free_agenda0(L, LFA), adapt_timetable(D, Day, LFA, LFA2), assertz(availability(D, Day, LFA2))), _),  
    availability_all_surgeries1(LOpCode, Room, Day),  
    agenda_operation_room1(Room, Day, AgendaR),  
    update_better_sol_occupied_average(Day, Room, AgendaR),  
    fail.
```

Este predicado **update\_better\_sol\_occupied\_average** atualiza a melhor solução com base na média de tempo ocupado pelo staff. Se a nova média de ocupação for menor, atualiza a melhor solução.

```
update_better_sol_occupied_average(Day,Room,Agenda):-
    retract(counter(Nome,Count)),
    CountNovo is Count +1,
    asserta(counter(Nome, CountNovo)),
    better_sol(Day,Room,_,_,AVG_Best_Current),
    evaluate_average_occupied_time(Room, Day, AVG),
    AVG < AVG_Best_Current,
    retract(better_sol(_,_,_,_)),
    findall(Doctor,assignment_surgery(_,Doctor),LDoctors1),
    remove_equals(LDoctors1,LDoctors),
    list_doctors_agenda(Day,LDoctors,LDAgendas),
    asserta(better_sol(Day,Room,Agenda,LDAgendas,AVG)).
```

Por fim, o predicado **evaluate\_average\_occupied\_time** calcula a média de tempo ocupado por todos os staffs.

```
evaluate_average_occupied_time(_Room, Day, AVG):-
    findall((Doctor,Day),agenda_staff1(Doctor,Day, _Agenda), LAgendaDoctor),
    all_doctor_occupied_time(LAgendaDoctor, SUM, NUM),
    AVG is SUM/NUM.
```

A tabela seguinte apresenta a análise deste segundo algoritmo de *brute force*.

Nº de cirurgias	Nº de soluções	Melhor escalonamento de atividades na OR	Tempo final da última operação (min)	Tempo para gerar a solução (seg)
3	6	[(480,539,so100001),(540,629,so100002),(630,704,so100003),(750,780,mnt0001),(1080,1110,mnt0002)]	704	0.043

4	24	[(480,539,so100001),(540,629,so100002),(630,704,so100003),(750,780,mnt0001),(961,1020,so100004),(1080,1110,mnt0002)]	1020	0.051
5	120	[(480,539,so100001),(540,629,so100002),(630,704,so100003),(750,780,mnt0001),(961,1020,so100004),(1080,1110,mnt0002),(1111,1185,so100005)]	1185	0.061
6	706	[(480,539,so100001),(540,629,so100002),(630,704,so100003),(750,780,mnt0001),(791,850,so100006),(961,1020,so100004),(1080,1110,mnt0002),(1111,1185,so100005)]	1185	0.150
7	3952	[(480,539,so100001),(540,629,so100002),(630,704,so100003),(750,780,mnt0001),(791,850,so100006),(961,1020,so100004),(1080,1110,mnt0002),(1111,1185,so100005),(1186,1275,so100007)]	1275	0.831
8	5536	[(480,539,so100001),(540,629,so100002),(630,689,so100008),(750,780,mnt0001),(791,865,so100003),(866,925,so100006),(961,1020,so100004),(1080,1110,mnt0002),(1111,1185,so100005),(1186,1275,so100007)]	1275	5.825
9	28986	[(480,539,so100001),(540,629,so100002),(630,689,so100008),(690,749,so100009),(750,780,mnt0001),(791,865,so100003),(866,925,so100006),(961,1020,so100004),(1080,1110,mnt0002),(1111,1185,so100005),(1186,1275,so100007)]	1275	51.075
10	32828	[(480,539,so100001),(540,614,so100003),(620,679,so100008),(680,739,so100009),(750,780,mnt0001),(791,880,so100007),(881,940,so100006),(961,1020,so100004),(1080,1110,mnt0002),(1111,1185,so100005),(1186,1275,so100010),(1276,1365,so100002)]	1365	523.905
11	8256	[(480,539,so100001),(540,614,so100003),(620,679,so100008),(680,739,so100009),(750,780,mnt0001),(791,880,so100007),(881,940,so100006),(941,1015,so100011),(1016,1075,so100004),(1080,1110,mnt0002),(1111,1185,so100005),(1186,1275,so100010),(1276,1365,so100002)]	1365	5815.406