

# UNIVERSIDADE DE BRASÍLIA

## FACULDADE DO GAMA

---

CURSO:	ENGENHARIAS	CÓDIGO:	193704
DISCIPLINA:	Estruturas de Dados e Algoritmos	CRÉDITOS:	04
CARGA HORÁRIA:	60 h		
PROFESSOR:	Dr. Nilton Correia da Silva e Dr. Fabricio Ataidez Braz		

---

### RESOLUÇÃO DE TRABALHO PRÁTICO

#### TEMA: NOTAÇÃO ASSINTÓTICA

1. Para os pares de funções abaixo, determine o menor valor de  $n$  ( $n \in \mathbb{N}$ ) para o qual a segunda função ( $g(n)$ ) se torna menor do que a primeira ( $f(n)$ ). Isto é, a partir de que valor inteiro positivo  $f(n)$  domina assintoticamente  $g(n)$  nos itens logo a seguir?:

a.  $f(n) = n^2, g(n) = 10n$

$$f(n) = g(n) \rightarrow n^2 = 10n \rightarrow n = 10$$

b.  $f(n) = n \cdot \log n, g(n) = 2n$

$$f(n) = g(n) \rightarrow n \cdot \log n = 2n \rightarrow \log n = 2 \rightarrow 2^2 = n \rightarrow n = 4$$

2. Escrever as seguintes funções em notação  $O$ :

a.  $f(n) = n^3 - 1, f(n) = O(n^3)$

b.  $f(n) = n^2 + \log n, f(n) = O(n^2)$

c.  $f(n) = 3 \cdot n^n + 5 \cdot 2^n, f(n) = O(n^n)$

d.  $f(n) = (n-1)^n + n^{(n-1)}, f(n) = O(n^n)$

e.  $f(n) = 345, f(n) = O(345)$

3. Indique se as afirmativas abaixo são verdadeiras ou falsas e justifique a sua resposta.

a.  $2^{n+1} = O(2^n)$ , Falso.  
 $2^{n+1}$  cresce a uma taxa menor ou igual a  $2^k, \forall k \geq n+1: 2^{n+1} = O(2^{n+1})$

b.  $2^{2n} = O(2^n)$ , Falso.  
 $2^{2n} = 4^n$ . Logo:  $2^{2n} = O(4^n)$

c.  $3^{n+k} = \Omega(3^n), \forall k > 0$  Verdadeiro.  
 $3^{n+k} = \Omega(3^{n+k})$ , pois para qualquer  $k > 0 \rightarrow 3^{n+k} > 3^n$

d.  $f(n) = n^3 + n^2 + 4, g(n) = 3 \cdot n^3 + 2 \rightarrow f(n) = \theta(g(n))$  Verdadeiro.  
1.  $f(n) = O(n^3)$  e  $f(n) = \Omega(n^3)$ , logo  $f(n) = \theta(n^3)$ ;  
2.  $g(n) = O(n^3)$  e  $g(n) = \Omega(n^3)$ , logo  $g(n) = \theta(n^3)$ ;  
3. Concluimos que  $f(n) = \theta(g(n))$ ;

e.  $f(n) = O(u(n))$  e  $g(n) = O(v(n)) \rightarrow f(n) + g(n) = O(u(n) + v(n))$  Verdadeiro  
Propriedade da soma.

f.  $f(n) = O(u(n))$  e  $g(n) = O(v(n)) \rightarrow f(n) + g(n) = O(\max(u(n), v(n)))$  Verdadeiro  
Propriedade da soma, pois  $O(\max(u(n), v(n))) = O(u(n) + v(n))$ .

g.  $f(n) = O(u(n))$  e  $g(n) = O(v(n)) \rightarrow f(n).g(n) = O(u(n).v(n))$  Verdadeiro  
Propriedade da multiplicação.

4. Considere um algoritmo de complexidade  $\Theta(n^4)$ . Para  $n$  suficientemente grande, o algoritmo demorou um tempo  $t$ . Estime o tempo gasto se triplicarmos o tamanho da instância ( $n$ ).

Para uma instância de  $n$ , tem-se que o tempo demandado pelo algoritmo é  $t = n^4$ ;

Triplmando a instância, o que acontece com o tempo demandado?

$$t = (3.n)^4 \rightarrow t = 3^4.n^4 \rightarrow t = 81n^4$$

5. Considere um algoritmo de complexidade  $\Theta(\log n)$ . Para  $n$  suficientemente grande, o algoritmo demorou um tempo  $t$ . Estime o tamanho da instância ( $n$ ) que pode ser processada no tempo  $2t$ .

Para uma instância de  $n$ , tem-se que o tempo demandado pelo algoritmo é  $t = \log n$ ;

Duplicando o tempo disponível, pode-se processar que tamanho de instância?

$$2t = \log n \rightarrow \log n = 2t \rightarrow n = 2^{2t}.$$