Unidade IV: Ordenação Interna - Quicksort

Prof. Max do Val Machado



Instituto de Ciências Exatas e Informática Curso de Ciência da Computação

Introdução

Proposto por Hoare em 1960 e publicado em 1962

Algoritmo de ordenação mais rápido para a maioria das situações

Provavelmente, ele é o mais utilizado

Funcionamento Básico

- Divide o array em duas partes que serão independentemente ordenadas e a combinação de seus resultados produz a solução final
 - A parte da esquerda terá elementos menores ou iguais a um pivô
 - A parte da direita terá elementos maiores ou iguais a um pivô

Funcionamento Básico

- Particionamento:
 - Escolha arbitrariamente um pivô
 - Percorra o array a partir da esquerda enquanto array[i] < pivô</p>
 - Percorra o array a partir da direita enquanto array[j] > pivô
 - Se i ≤ j então troque array[i] com array[j]
 - Continue o processo enquanto i ≤ j

Funcionamento Básico

No final do particionamento, o array estará particionado de tal forma que:

Os elementos array[esq], array[esq+1], . . . , array[j] são ≤ que x

Os elementos array[i], array[i+1], . . . , array[dir] são ≥ que x

```
void quicksort(int esq, int dir) {
    int i = esq, j = dir, pivo = array[(dir+esq)/2];
    while (i <= j) {
         while (array[i] < pivo)
              i++;
         while (array[j] > pivo)
              j--;
         if (i \le j)
              swap(i, j); i++; j--;
    if (esq < j)
         quicksort(esq, j);
    if (i < dir)
         quicksort(i, dir);
```

0	1	5	3	15	16	9	10	4	3	30	5	20	48	71	82	
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	

```
void quicksort(int esq, int dir) {
     int i = esq, j = dir, pivo = array[(dir + esq)/2];
     while (i <= j) {
         while (array[i] < pivo)
              i++;
         while (array[j] > pivo)
              j--;
          if (i \le j)
              swap(i, j); i++; j--;
     if (esq < j)
         quicksort(esq, j);
     if (i < dir)
         quicksort(i, dir);
```

	0	1	5	3	15	16	9	10	4	3	30	5	20	48	71	82
е	0 sq	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15 dir

```
void quicksort(int esq, int dir) {
     int i = esq, j = dir, pivo = array[(dir+esq)/2];
     while (i <= j) {
          while (array[i] < pivo)</pre>
              i++;
          while (array[j] > pivo)
              j--;
          if (i \le j)
              swap(i, j); i++; j--;
     if (esq < j)
         quicksort(esq, j);
     if (i < dir)
         quicksort(i, dir);
```

_																
	0	1	5	3	15	16	9	10	4	3	30	5	20	48	71	82
	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
	esq															dir

```
void quicksort(int esq, int dir) {
     int i = esq, j = dir, pivo = array[(dir+esq)/2];
     while (i <= j) {
          while (array[i] < pivo)</pre>
               i++;
          while (array[j] > pivo)
              j--;
          if (i \le j)
               swap(i, j); i++; j--;
     if (esq < j)
          quicksort(esq, j);
     if (i < dir)
          quicksort(i, dir);
```

	<u>i</u>		_													J
		_	_		4-	4.0		4.0	_			_		40		
	0	1	5	3	15	16	9	10	4	3	30	5	20	48	71	82
ļ	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
	esq															air

```
void quicksort(int esq, int dir) {
                                                                                             pivô
                                                                                                      10
     int i = esq, j = dir, pivo = array[(dir+esq)/2];
                                                            (0 + 15) / 2: 7
    while (i <= j) {
         while (array[i] < pivo)</pre>
              i++;
         while (array[j] > pivo)
              j--;
          if (i \le j)
              swap(i, j); i++; j--;
    if (esq < j)
         quicksort(esq, j);
    if (i < dir)
         quicksort(i, dir);
                5
                      3
                             15
                                                               3
                                                                            5
                                                                    30
                                           9
                                                10
                                                                                  20
   0
                                   16
                                                        4
                                                                                        48
                                                                                               71
                                                                                                     82
                       3
                                    5
                                           6
                                                 7
          1
                2
                             4
                                                        8
                                                               9
                                                                           11
                                                                                  12
                                                                                         13
                                                                                               14
   0
                                                                     10
                                                                                                      15
                                                                                                      dir
 esq
```

```
void quicksort(int esq, int dir) {
                                                                                             pivô
                                                                                                      10
     int i = esq, j = dir, pivo = array[(dir+esq)/2];
     while (i <= j)
                                                            0 <= 15: true
         while (array[i] < pivo)</pre>
              i++;
         while (array[j] > pivo)
              j--;
          if (i \le j)
              swap(i, j); i++; j--;
    if (esq < j)
         quicksort(esq, j);
    if (i < dir)
         quicksort(i, dir);
                5
                      3
                            15
                                                              3
                                                                           5
                                                                    30
                                          9
                                                10
                                                                                 20
   0
                                   16
                                                       4
                                                                                        48
                                                                                               71
                                                                                                     82
                      3
                                    5
                                          6
                                                 7
                2
                             4
                                                        8
                                                              9
                                                                           11
                                                                                  12
                                                                                        13
                                                                                               14
   0
          1
                                                                     10
                                                                                                     15
                                                                                                     dir
 esq
```

```
void quicksort(int esq, int dir) {
                                                                                            pivô
                                                                                                     10
    int i = esq, j = dir, pivo = array[(dir + esq)/2];
    while (i <= j) {
         while (array[i] < pivo)
                                                           0 < 10: true
              i++;
         while (array[j] > pivo)
              j--;
         if (i \le j)
              swap(i, j); i++; j--;
    if (esq < j)
         quicksort(esq, j);
    if (i < dir)
         quicksort(i, dir);
                5
                      3
                            15
                                                              3
                                                                           5
                                                                   30
                                          9
   0
                                   16
                                                10
                                                       4
                                                                                 20
                                                                                       48
                                                                                              71
                                                                                                    82
                      3
                                   5
                                          6
                                                 7
          1
                2
                             4
                                                       8
                                                              9
                                                                          11
                                                                                 12
                                                                                       13
                                                                                              14
   0
                                                                    10
                                                                                                     15
                                                                                                     dir
 esq
```

dir

```
void quicksort(int esq, int dir) {
                                                                                              pivô
     int i = esq, j = dir, pivo = array[(dir + esq)/2];
    while (i <= j) {
         while (array[i] < pivo)</pre>
               i++:
         while (array[j] > pivo)
              j--;
          if (i \le j)
              swap(i, j); i++; j--;
    if (esq < j)
         quicksort(esq, j);
    if (i < dir)
         quicksort(i, dir);
                5
                       3
                             15
                                                               3
                                                                            5
                                                                     30
                                           9
                                                 10
                                                                                  20
   0
                                   16
                                                        4
                                                                                         48
                                                                                               71
```

esq

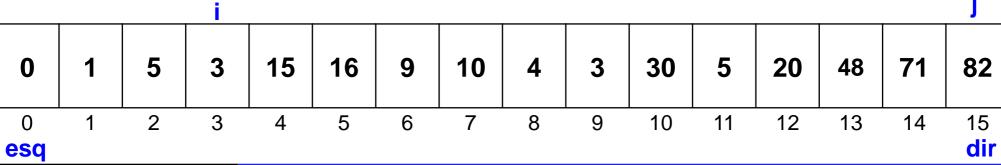
```
void quicksort(int esq, int dir) {
                                                                                            pivô
                                                                                                     10
    int i = esq, j = dir, pivo = array[(dir + esq)/2];
    while (i <= j) {
         while (array[i] < pivo)
                                                           1 < 10: true
              i++;
         while (array[j] > pivo)
              j--;
         if (i \le j)
              swap(i, j); i++; j--;
    if (esq < j)
         quicksort(esq, j);
    if (i < dir)
         quicksort(i, dir);
                5
                      3
                            15
                                                              3
                                                                           5
                                                                   30
                                          9
   0
                                   16
                                                10
                                                       4
                                                                                 20
                                                                                       48
                                                                                              71
                                                                                                    82
                      3
                                   5
                                          6
                                                 7
                2
                             4
                                                       8
                                                              9
                                                                          11
                                                                                 12
                                                                                        13
                                                                                              14
   0
          1
                                                                    10
                                                                                                     15
                                                                                                     dir
 esq
```

```
void quicksort(int esq, int dir) {
     int i = esq, j = dir, pivo = array[(dir + esq)/2];
     while (i <= j) {
          while (array[i] < pivo)</pre>
               i++:
          while (array[j] > pivo)
              j--;
          if (i \le j)
               swap(i, j); i++; j--;
     if (esq < j)
          quicksort(esq, j);
     if (i < dir)
          quicksort(i, dir);
```

```
5
                    3
                          15
                                                          3
                                                                      5
                                                               30
                                       9
                                                                            20
 0
                                16
                                            10
                                                   4
                                                                                  48
                                                                                        71
                                                                                               82
              2
                    3
                                5
                                       6
                                             7
                          4
                                                   8
                                                          9
                                                                      11
                                                                            12
                                                                                   13
                                                                                         14
 0
        1
                                                                10
                                                                                               15
                                                                                               dir
esq
```

```
void quicksort(int esq, int dir) {
                                                                                            pivô
                                                                                                     10
    int i = esq, j = dir, pivo = array[(dir + esq)/2];
    while (i <= j) {
         while (array[i] < pivo)
                                                           5 < 10: true
              i++;
         while (array[j] > pivo)
              j--;
         if (i \le j)
              swap(i, j); i++; j--;
    if (esq < j)
         quicksort(esq, j);
    if (i < dir)
         quicksort(i, dir);
                5
                      3
                            15
                                                              3
                                                                           5
                                                                   30
                                          9
                                                                                20
   0
                                   16
                                                10
                                                       4
                                                                                       48
                                                                                              71
                                                                                                    82
                2
                      3
                                   5
                                          6
                                                 7
          1
                             4
                                                       8
                                                              9
                                                                          11
                                                                                 12
                                                                                       13
                                                                                              14
   0
                                                                    10
                                                                                                     15
                                                                                                    dir
 esq
```

```
void quicksort(int esq, int dir) {
     int i = esq, j = dir, pivo = array[(dir + esq)/2];
     while (i <= j) {
          while (array[i] < pivo)</pre>
               i++:
          while (array[j] > pivo)
              j--;
          if (i \le j)
               swap(i, j); i++; j--;
     if (esq < j)
          quicksort(esq, j);
     if (i < dir)
          quicksort(i, dir);
```



```
void quicksort(int esq, int dir) {
                                                                                            pivô
                                                                                                     10
    int i = esq, j = dir, pivo = array[(dir + esq)/2];
    while (i <= j) {
         while (array[i] < pivo)
                                                           3 < 10: true
              i++;
         while (array[j] > pivo)
              j--;
         if (i \le j)
              swap(i, j); i++; j--;
    if (esq < j)
         quicksort(esq, j);
    if (i < dir)
         quicksort(i, dir);
                5
                      3
                            15
                                                              3
                                                                           5
                                                                   30
                                          9
                                                                                20
   0
                                   16
                                                10
                                                       4
                                                                                       48
                                                                                              71
                                                                                                    82
                      3
                                   5
                                          6
                                                 7
                2
                             4
                                                       8
                                                              9
                                                                          11
                                                                                 12
                                                                                       13
                                                                                              14
   0
          1
                                                                    10
                                                                                                     15
                                                                                                    dir
 esq
```

dir

```
void quicksort(int esq, int dir) {
                                                                                              pivô
                                                                                                       10
     int i = esq, j = dir, pivo = array[(dir + esq)/2];
    while (i <= j) {
         while (array[i] < pivo)</pre>
               i++:
         while (array[j] > pivo)
              j--;
          if (i \le j)
              swap(i, j); i++; j--;
    if (esq < j)
         quicksort(esq, j);
    if (i < dir)
         quicksort(i, dir);
                5
                       3
                             15
                                                               3
                                                                            5
                                                                     30
                                           9
                                                                                  20
   0
                                   16
                                                 10
                                                        4
                                                                                         48
                                                                                                71
                                                                                                      82
                       3
                                    5
                                           6
                                                  7
                2
                              4
                                                        8
                                                               9
                                                                            11
                                                                                   12
                                                                                         13
                                                                                                14
   0
          1
                                                                     10
                                                                                                       15
```

esq

```
void quicksort(int esq, int dir) {
                                                                                              pivô
                                                                                                       10
     int i = esq, j = dir, pivo = array[(dir + esq)/2];
    while (i <= j) {
          while (array[i] < pivo)
                                                            15 < 10: false
              i++;
         while (array[j] > pivo)
              j--;
          if (i \le j)
              swap(i, j); i++; j--;
    if (esq < j)
         quicksort(esq, j);
    if (i < dir)
         quicksort(i, dir);
                5
                       3
                                                               3
                                                                            5
                             15
                                                                     30
                                           9
   0
                                   16
                                                 10
                                                        4
                                                                                  20
                                                                                         48
                                                                                               71
                                                                                                      82
                       3
                                    5
                                           6
                                                  7
                2
                             4
                                                        8
                                                               9
                                                                            11
                                                                                   12
                                                                                         13
                                                                                                14
   0
          1
                                                                     10
                                                                                                       15
                                                                                                       dir
 esq
Prof. Max do Val Machado
                                 Algoritmos e Estruturas de Dados II (20)
```

```
void quicksort(int esq, int dir) {
                                                                                             pivô
                                                                                                      10
     int i = esq, j = dir, pivo = array[(dir + esq)/2];
    while (i <= j) {
         while (array[i] < pivo)</pre>
              i++;
         while (array[j] > pivo)
                                                            82 > 10: true
          if (i \le j)
              swap(i, j); i++; j--;
    if (esq < j)
         quicksort(esq, j);
    if (i < dir)
         quicksort(i, dir);
                5
                      3
                             15
                                                               3
                                                                            5
                                                                    30
                                          9
                                                                                  20
   0
                                   16
                                                10
                                                        4
                                                                                        48
                                                                                               71
                                                                                                     82
                       3
                                    5
                                           6
                                                 7
                2
                             4
                                                        8
                                                               9
                                                                           11
                                                                                  12
                                                                                         13
                                                                                               14
   0
          1
                                                                     10
                                                                                                      15
                                                                                                      dir
 esq
```

```
void quicksort(int esq, int dir) {
     int i = esq, j = dir, pivo = array[(dir + esq)/2];
    while (i <= j) {
         while (array[i] < pivo)</pre>
              i++;
         while (array[j] > pivo)
          if (i <= j)
              swap(i, j); i++; j--;
    if (esq < j)
         quicksort(esq, j);
    if (i < dir)
         quicksort(i, dir);
                5
                       3
                             15
                                                               3
                                                                            5
                                                                    30
                                           9
                                                                                  20
   0
                                   16
                                                10
                                                        4
```

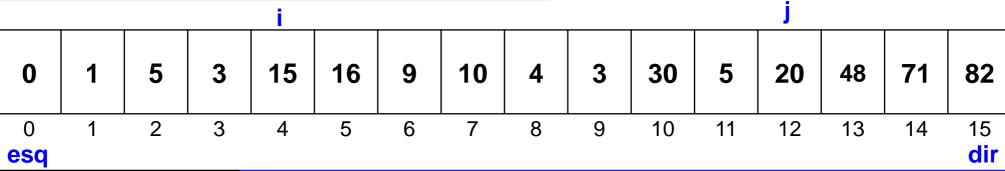
```
void quicksort(int esq, int dir) {
                                                                                             pivô
                                                                                                      10
     int i = esq, j = dir, pivo = array[(dir + esq)/2];
    while (i <= j) {
         while (array[i] < pivo)</pre>
              i++;
         while (array[j] > pivo)
                                                            71 > 10: true
          if (i \le j)
              swap(i, j); i++; j--;
    if (esq < j)
         quicksort(esq, j);
    if (i < dir)
         quicksort(i, dir);
                5
                      3
                             15
                                                               3
                                                                            5
                                                                    30
                                          9
                                                                                  20
   0
                                   16
                                                10
                                                        4
                                                                                        48
                                                                                               71
                                                                                                     82
                       3
                                    5
                                           6
                                                 7
                2
                             4
                                                        8
                                                               9
                                                                           11
                                                                                  12
                                                                                         13
                                                                                               14
   0
          1
                                                                     10
                                                                                                      15
                                                                                                      dir
 esq
```

```
void quicksort(int esq, int dir) {
     int i = esq, j = dir, pivo = array[(dir + esq)/2];
     while (i <= j) {
          while (array[i] < pivo)</pre>
               i++;
          while (array[j] > pivo)
          if (i <= j)
               swap(i, j); i++; j--;
     if (esq < j)
         quicksort(esq, j);
     if (i < dir)
          quicksort(i, dir);
```

```
5
                    3
                          15
                                                          3
                                                                       5
                                                                30
                                                                             20
                                       9
 0
                                16
                                             10
                                                    4
                                                                                   48
                                                                                         71
                                                                                                82
              2
                    3
                                 5
                                       6
                                              7
                          4
                                                    8
                                                          9
                                                                       11
                                                                             12
                                                                                   13
                                                                                          14
 0
        1
                                                                10
                                                                                                15
                                                                                                dir
esq
```

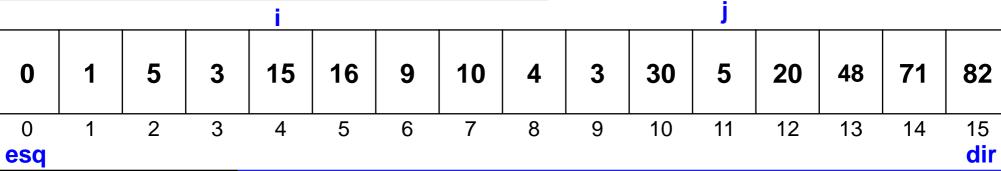
```
void quicksort(int esq, int dir) {
                                                                                             pivô
                                                                                                      10
     int i = esq, j = dir, pivo = array[(dir + esq)/2];
    while (i <= j) {
         while (array[i] < pivo)</pre>
              i++;
         while (array[j] > pivo)
                                                            48 > 10: true
          if (i \le j)
              swap(i, j); i++; j--;
    if (esq < j)
         quicksort(esq, j);
    if (i < dir)
         quicksort(i, dir);
                5
                      3
                             15
                                                               3
                                                                            5
                                                                    30
                                          9
                                                                                  20
   0
                                   16
                                                10
                                                        4
                                                                                        48
                                                                                               71
                                                                                                     82
                       3
                                    5
                                           6
                                                 7
                2
                             4
                                                        8
                                                               9
                                                                           11
                                                                                  12
                                                                                         13
                                                                                               14
   0
          1
                                                                     10
                                                                                                      15
                                                                                                      dir
 esq
```

```
void quicksort(int esq, int dir) {
     int i = esq, j = dir, pivo = array[(dir + esq)/2];
     while (i <= j) {
          while (array[i] < pivo)</pre>
               i++;
          while (array[j] > pivo)
          if (i <= j)
               swap(i, j); i++; j--;
     if (esq < j)
         quicksort(esq, j);
     if (i < dir)
          quicksort(i, dir);
```



```
void quicksort(int esq, int dir) {
                                                                                             pivô
                                                                                                      10
     int i = esq, j = dir, pivo = array[(dir + esq)/2];
    while (i <= j) {
         while (array[i] < pivo)</pre>
              i++;
         while (array[j] > pivo)
                                                            20 > 10: true
          if (i \le j)
              swap(i, j); i++; j--;
    if (esq < j)
         quicksort(esq, j);
    if (i < dir)
         quicksort(i, dir);
                5
                      3
                             15
                                                               3
                                                                            5
                                                                    30
                                           9
   0
                                   16
                                                10
                                                        4
                                                                                  20
                                                                                        48
                                                                                               71
                                                                                                     82
                       3
                                    5
                                           6
                                                 7
                2
                             4
                                                        8
                                                               9
                                                                           11
                                                                                  12
                                                                                         13
                                                                                               14
   0
          1
                                                                     10
                                                                                                      15
                                                                                                      dir
 esq
```

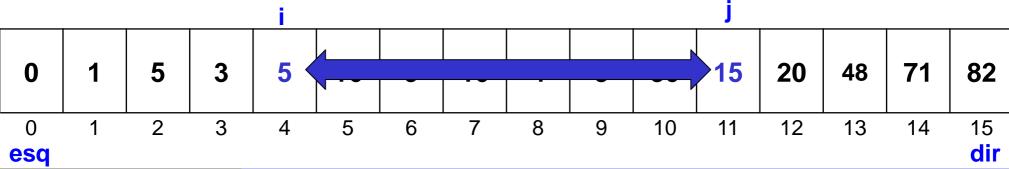
```
void quicksort(int esq, int dir) {
     int i = esq, j = dir, pivo = array[(dir + esq)/2];
     while (i <= j) {
          while (array[i] < pivo)</pre>
               i++;
          while (array[j] > pivo)
          if (i <= j)
               swap(i, j); i++; j--;
     if (esq < j)
         quicksort(esq, j);
     if (i < dir)
          quicksort(i, dir);
```



```
void quicksort(int esq, int dir) {
                                                                                             pivô
                                                                                                      10
     int i = esq, j = dir, pivo = array[(dir + esq)/2];
    while (i <= j) {
         while (array[i] < pivo)</pre>
              i++;
         while (array[j] > pivo)
                                                            5 > 10: false
          if (i \le j)
              swap(i, j); i++; j--;
    if (esq < j)
         quicksort(esq, j);
    if (i < dir)
         quicksort(i, dir);
                5
                       3
                             15
                                                               3
                                                                            5
                                           9
                                                                                  20
   0
                                   16
                                                10
                                                        4
                                                                    30
                                                                                         48
                                                                                               71
                                                                                                      82
                       3
                                    5
                                           6
                                                 7
                2
                             4
                                                        8
                                                               9
                                                                            11
                                                                                  12
                                                                                         13
                                                                                               14
   0
          1
                                                                     10
                                                                                                      15
                                                                                                      dir
 esq
```

```
void quicksort(int esq, int dir) {
                                                                                              pivô
                                                                                                       10
     int i = esq, j = dir, pivo = array[(dir + esq)/2];
    while (i <= j) {
         while (array[i] < pivo)</pre>
              i++;
         while (array[j] > pivo)
         if (i <= j)
                                                            4 <= 11: true
              swap(i, j); i++;
    if (esq < j)
         quicksort(esq, j);
    if (i < dir)
         quicksort(i, dir);
                5
                       3
                             15
                                                               3
                                                                            5
                                           9
   0
                                   16
                                                 10
                                                        4
                                                                     30
                                                                                  20
                                                                                         48
                                                                                               71
                                                                                                      82
                       3
                                    5
                                           6
                                                 7
                2
                             4
                                                        8
                                                               9
                                                                            11
                                                                                  12
                                                                                         13
                                                                                                14
   0
          1
                                                                     10
                                                                                                       15
                                                                                                      dir
 esq
```

```
void quicksort(int esq, int dir) {
     int i = esq, j = dir, pivo = array[(dir+esq)/2];
     while (i <= j) {
          while (array[i] < pivo)</pre>
               i++;
          while (array[j] > pivo)
               j--;
          if (i \le j)
               swap(i, j);
                             İ++;
     if (esq < j)
          quicksort(esq, j);
     if (i < dir)
          quicksort(i, dir);
```



```
void quicksort(int esq, int dir) {
     int i = esq, j = dir, pivo = array[(dir + esq)/2];
     while (i <= j) {
          while (array[i] < pivo)</pre>
               i++;
          while (array[j] > pivo)
               j--;
          if (i \le j)
               swap(i, j);
                              1++;
     if (esq < j)
          quicksort(esq, j);
     if (i < dir)
          quicksort(i, dir);
```

```
5
                    3
                          5
                                                          3
                                                                      15
                                                                             20
                                       9
 0
                                16
                                             10
                                                    4
                                                                30
                                                                                   48
                                                                                         71
                                                                                                82
              2
                    3
                                 5
                                       6
                                              7
        1
                          4
                                                    8
                                                          9
                                                                       11
                                                                             12
                                                                                   13
                                                                                          14
 0
                                                                10
                                                                                                15
                                                                                                dir
esq
```

```
void quicksort(int esq, int dir) {
                                                                                             pivô
                                                                                                      10
     int i = esq, j = dir, pivo = array[(dir+esq)/2];
     while (i <= j)
                                                            5 <= 10: true
         while (array[i] < pivo)</pre>
              i++;
         while (array[j] > pivo)
              j--;
          if (i \le j)
              swap(i, j); i++; j--;
    if (esq < j)
         quicksort(esq, j);
    if (i < dir)
         quicksort(i, dir);
                5
                      3
                             5
                                                              3
                                                                           15
                                          9
                                                10
                                                                                 20
   0
                                   16
                                                       4
                                                                    30
                                                                                        48
                                                                                               71
                                                                                                     82
                      3
                                    5
                                          6
                                                 7
                2
                             4
                                                        8
                                                              9
                                                                           11
                                                                                  12
                                                                                        13
                                                                                               14
   0
          1
                                                                     10
                                                                                                      15
                                                                                                     dir
 esq
```

```
void quicksort(int esq, int dir) {
                                                                                            pivô
                                                                                                     10
    int i = esq, j = dir, pivo = array[(dir + esq)/2];
    while (i <= j) {
         while (array[i] < pivo)
                                                           16 < 10: false
              i++;
         while (array[j] > pivo)
              j--;
         if (i \le j)
              swap(i, j); i++; j--;
    if (esq < j)
         quicksort(esq, j);
    if (i < dir)
         quicksort(i, dir);
                5
                      3
                             5
                                                              3
                                                                          15
                                          9
                                                                                20
   0
                                   16
                                                10
                                                       4
                                                                   30
                                                                                       48
                                                                                              71
                                                                                                    82
                      3
                                   5
                                          6
                                                 7
          1
                2
                             4
                                                       8
                                                              9
                                                                          11
                                                                                 12
                                                                                       13
                                                                                              14
   0
                                                                    10
                                                                                                     15
                                                                                                    dir
 esq
```

```
void quicksort(int esq, int dir) {
                                                                                               pivô
                                                                                                        10
     int i = esq, j = dir, pivo = array[(dir + esq)/2];
     while (i <= j) {
          while (array[i] < pivo)</pre>
               i++;
          while (array[j] > pivo)
                                                             30 > 10: true
          if (i \le j)
              swap(i, j); i++; j--;
     if (esq < j)
         quicksort(esq, j);
     if (i < dir)
          quicksort(i, dir);
                5
                       3
                              5
                                                                3
                                                                             15
                                           9
                                                                                   20
   0
                                    16
                                                 10
                                                         4
                                                                      30
                                                                                          48
                                                                                                 71
                                                                                                       82
                       3
                                     5
                                           6
                                                  7
                2
                              4
                                                         8
                                                                9
                                                                             11
                                                                                    12
                                                                                          13
                                                                                                 14
   0
          1
                                                                      10
                                                                                                        15
                                                                                                        dir
 esq
Prof. Max do Val Machado
                                 Algoritmos e Estruturas de Dados II (35)
```

```
void quicksort(int esq, int dir) {
     int i = esq, j = dir, pivo = array[(dir + esq)/2];
     while (i <= j) {
          while (array[i] < pivo)</pre>
               i++;
          while (array[j] > pivo)
          if (i <= j)
               swap(i, j); i++; j--;
     if (esq < j)
         quicksort(esq, j);
     if (i < dir)
          quicksort(i, dir);
```

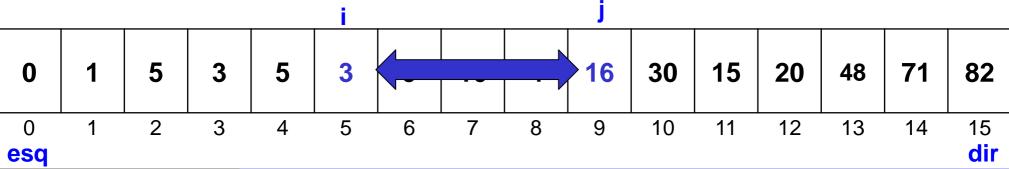
```
5
                    3
                          5
                                                          3
                                                                      15
                                                                            20
                                       9
                                             10
 0
                                16
                                                    4
                                                                30
                                                                                   48
                                                                                         71
                                                                                               82
              2
                    3
                                 5
                                       6
                                             7
        1
                          4
                                                    8
                                                          9
                                                                      11
                                                                             12
                                                                                   13
                                                                                         14
 0
                                                                10
                                                                                                15
                                                                                                dir
esq
```

```
void quicksort(int esq, int dir) {
                                                                                               pivô
                                                                                                        10
     int i = esq, j = dir, pivo = array[(dir + esq)/2];
     while (i <= j) {
          while (array[i] < pivo)</pre>
               i++;
          while (array[j] > pivo)
                                                             3 > 10: false
          if (i \le j)
              swap(i, j); i++; j--;
     if (esq < j)
         quicksort(esq, j);
     if (i < dir)
          quicksort(i, dir);
                5
                       3
                              5
                                                                3
                                                                             15
                                           9
                                                                                   20
   0
                                    16
                                                 10
                                                         4
                                                                      30
                                                                                          48
                                                                                                 71
                                                                                                        82
                       3
                                     5
                                            6
                                                  7
          1
                2
                              4
                                                         8
                                                                9
                                                                             11
                                                                                    12
                                                                                           13
                                                                                                 14
   0
                                                                      10
                                                                                                        15
                                                                                                        dir
 esq
Prof. Max do Val Machado
                                 Algoritmos e Estruturas de Dados II (37)
```

```
void quicksort(int esq, int dir) {
                                                                                              pivô
                                                                                                       10
     int i = esq, j = dir, pivo = array[(dir + esq)/2];
    while (i <= j) {
         while (array[i] < pivo)</pre>
              i++;
         while (array[j] > pivo)
         if (i <= j)
                                                            5 <= 9: true
              swap(i, j); i++;
    if (esq < j)
         quicksort(esq, j);
    if (i < dir)
         quicksort(i, dir);
                5
                       3
                             5
                                                               3
                                                                           15
                                           9
                                                                                  20
   0
                                   16
                                                 10
                                                        4
                                                                     30
                                                                                         48
                                                                                               71
                                                                                                      82
                2
                       3
                                    5
                                           6
                                                 7
                             4
                                                        8
                                                               9
                                                                            11
                                                                                  12
                                                                                         13
                                                                                                14
   0
          1
                                                                     10
                                                                                                      15
                                                                                                      dir
 esq
```

```
void quicksort(int esq, int dir) {
     int i = esq, j = dir, pivo = array[(dir + esq)/2];
     while (i <= j) {
          while (array[i] < pivo)</pre>
               i++;
          while (array[j] > pivo)
               j--;
          if (i \le j)
               swap(i, j);
                             İ++;
     if (esq < j)
          quicksort(esq, j);
     if (i < dir)
          quicksort(i, dir);
```

pivô 10



```
void quicksort(int esq, int dir) {
                                                                                                pivô
                                                                                                         10
     int i = esq, j = dir, pivo = array[(dir + esq)/2];
     while (i <= j) {
          while (array[i] < pivo)</pre>
               i++;
          while (array[j] > pivo)
              j--;
          if (i \le j)
               swap(i, j);
                             1++;
     if (esq < j)
         quicksort(esq, j);
     if (i < dir)
          quicksort(i, dir);
                5
                       3
                              5
                                     3
                                                               16
                                                                             15
                                                                                    20
                                            9
   0
                                                  10
                                                         4
                                                                      30
                                                                                           48
                                                                                                 71
                                                                                                        82
                2
                       3
                                     5
                                                  7
          1
                              4
                                            6
                                                         8
                                                                9
                                                                       10
                                                                             11
                                                                                    12
                                                                                           13
                                                                                                  14
   0
                                                                                                        15
                                                                                                        dir
 esq
```

```
void quicksort(int esq, int dir) {
                                                                                             pivô
                                                                                                      10
     int i = esq, j = dir, pivo = array[(dir+esq)/2];
     while (i <= j)
                                                            6 <= 8: true
         while (array[i] < pivo)</pre>
              i++;
         while (array[j] > pivo)
              j--;
          if (i \le j)
              swap(i, j); i++; j--;
    if (esq < j)
         quicksort(esq, j);
    if (i < dir)
         quicksort(i, dir);
                5
                      3
                             5
                                    3
                                                              16
                                                                           15
                                          9
                                                                                 20
   0
                                                10
                                                        4
                                                                    30
                                                                                        48
                                                                                               71
                                                                                                     82
                2
                      3
                                    5
                                                 7
                             4
                                          6
                                                        8
                                                              9
                                                                     10
                                                                           11
                                                                                  12
                                                                                        13
                                                                                               14
   0
          1
                                                                                                      15
                                                                                                     dir
 esq
```

```
void quicksort(int esq, int dir) {
                                                                                            pivô
                                                                                                     10
    int i = esq, j = dir, pivo = array[(dir + esq)/2];
    while (i <= j) {
         while (array[i] < pivo)
                                                           9 < 10: true
              i++;
         while (array[j] > pivo)
              j--;
         if (i \le j)
              swap(i, j); i++; j--;
    if (esq < j)
         quicksort(esq, j);
    if (i < dir)
         quicksort(i, dir);
                5
                      3
                             5
                                   3
                                                             16
                                                                          15
                                          9
                                                                                 20
   0
                                                10
                                                       4
                                                                   30
                                                                                       48
                                                                                              71
                                                                                                    82
                      3
                                   5
                                                 7
          1
                2
                             4
                                          6
                                                       8
                                                              9
                                                                    10
                                                                          11
                                                                                 12
                                                                                       13
                                                                                              14
   0
                                                                                                     15
                                                                                                    dir
 esq
```

```
void quicksort(int esq, int dir) {
                                                                                              pivô
                                                                                                       10
     int i = esq, j = dir, pivo = array[(dir + esq)/2];
    while (i <= j) {
         while (array[i] < pivo)</pre>
               i++:
         while (array[j] > pivo)
              j--;
          if (i \le j)
              swap(i, j); i++; j--;
    if (esq < j)
         quicksort(esq, j);
    if (i < dir)
         quicksort(i, dir);
                5
                       3
                             5
                                    3
                                                              16
                                                                            15
                                                                                  20
                                           9
   0
                                                 10
                                                        4
                                                                     30
                                                                                         48
                                                                                                71
                                                                                                      82
                       3
                                    5
                                                  7
          1
                2
                              4
                                           6
                                                        8
                                                               9
                                                                     10
                                                                            11
                                                                                   12
                                                                                         13
                                                                                                14
   0
                                                                                                       15
                                                                                                       dir
 esq
```

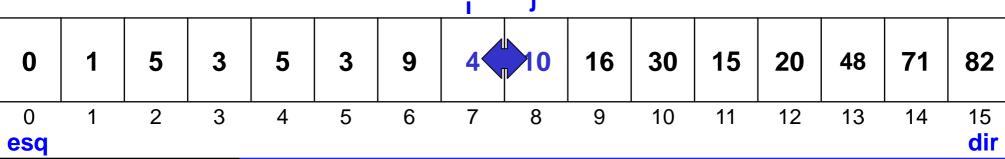
```
void quicksort(int esq, int dir) {
                                                                                            pivô
                                                                                                     10
    int i = esq, j = dir, pivo = array[(dir + esq)/2];
    while (i <= j) {
         while (array[i] < pivo)
                                                           10 < 10: false
              i++;
         while (array[j] > pivo)
              j--;
         if (i \le j)
              swap(i, j); i++; j--;
    if (esq < j)
         quicksort(esq, j);
    if (i < dir)
         quicksort(i, dir);
                      3
                             5
                                   3
                5
                                                                          15
                                          9
                                                                                 20
   0
                                                10
                                                       4
                                                             16
                                                                   30
                                                                                       48
                                                                                              71
                                                                                                    82
                      3
                                   5
                                                 7
          1
                2
                             4
                                          6
                                                       8
                                                              9
                                                                          11
                                                                                 12
                                                                                       13
                                                                                              14
   0
                                                                    10
                                                                                                     15
                                                                                                    dir
 esq
```

```
void quicksort(int esq, int dir) {
                                                                                             pivô
                                                                                                      10
     int i = esq, j = dir, pivo = array[(dir + esq)/2];
    while (i <= j) {
         while (array[i] < pivo)</pre>
              i++;
         while (array[j] > pivo)
                                                            4 > 10: false
          if (i \le j)
              swap(i, j); i++; j--;
    if (esq < j)
         quicksort(esq, j);
    if (i < dir)
         quicksort(i, dir);
                5
                       3
                             5
                                    3
                                                              16
                                                                           15
                                           9
                                                                                  20
   0
                                                10
                                                        4
                                                                    30
                                                                                         48
                                                                                               71
                                                                                                      82
                       3
                                    5
                                                 7
          1
                2
                             4
                                           6
                                                        8
                                                               9
                                                                            11
                                                                                  12
                                                                                         13
                                                                                               14
   0
                                                                     10
                                                                                                      15
                                                                                                      dir
 esq
```

```
void quicksort(int esq, int dir) {
                                                                                              pivô
                                                                                                       10
     int i = esq, j = dir, pivo = array[(dir + esq)/2];
    while (i <= j) {
         while (array[i] < pivo)</pre>
              i++;
         while (array[j] > pivo)
         if (i <= j)
                                                            7 <= 8: true
              swap(i, j); i++;
    if (esq < j)
         quicksort(esq, j);
    if (i < dir)
         quicksort(i, dir);
                       3
                             5
                                    3
                5
                                                                           15
                                           9
                                                                                  20
   0
                                                 10
                                                        4
                                                              16
                                                                     30
                                                                                         48
                                                                                               71
                                                                                                      82
                       3
                                    5
                                                 7
                2
                             4
                                           6
                                                        8
                                                               9
                                                                            11
                                                                                  12
                                                                                         13
                                                                                                14
   0
          1
                                                                     10
                                                                                                      15
                                                                                                      dir
 esq
```

```
void quicksort(int esq, int dir) {
     int i = esq, j = dir, pivo = array[(dir + esq)/2];
     while (i <= j) {
          while (array[i] < pivo)</pre>
               i++;
          while (array[j] > pivo)
               j--;
          if (i \le j)
               swap(i, j);
                             İ++;
     if (esq < j)
          quicksort(esq, j);
     if (i < dir)
          quicksort(i, dir);
```

pivô 10



dir

```
void quicksort(int esq, int dir) {
                                                                                                pivô
                                                                                                         10
     int i = esq, j = dir, pivo = array[(dir + esq)/2];
     while (i <= j) {
          while (array[i] < pivo)</pre>
               i++;
          while (array[j] > pivo)
              j--;
          if (i \le j)
               swap(i, j);
                             1++;
     if (esq < j)
          quicksort(esq, j);
     if (i < dir)
          quicksort(i, dir);
                5
                       3
                              5
                                     3
                                                                16
                                                                             15
                                            9
                                                                                    20
   0
                                                   4
                                                         10
                                                                      30
                                                                                           48
                                                                                                  71
                                                                                                        82
                2
                       3
                                     5
                                                   7
          1
                              4
                                            6
                                                         8
                                                                9
                                                                       10
                                                                              11
                                                                                    12
                                                                                           13
                                                                                                  14
   0
                                                                                                         15
```

esq

```
void quicksort(int esq, int dir) {
                                                                                             pivô
                                                                                                      10
     int i = esq, j = dir, pivo = array[(dir+esq)/2];
     while (i <= j)
                                                           8 <= 7: false
         while (array[i] < pivo)</pre>
              i++;
         while (array[j] > pivo)
              j--;
          if (i \le j)
              swap(i, j); i++; j--;
    if (esq < j)
         quicksort(esq, j);
    if (i < dir)
         quicksort(i, dir);
                5
                      3
                             5
                                    3
                                                              16
                                                                           15
                                          9
                                                                                 20
   0
                                                 4
                                                       10
                                                                    30
                                                                                        48
                                                                                               71
                                                                                                     82
                      3
                                    5
                                                 7
                2
                             4
                                          6
                                                        8
                                                              9
                                                                           11
                                                                                  12
                                                                                        13
                                                                                               14
   0
          1
                                                                     10
                                                                                                      15
                                                                                                      dir
 esq
```

```
void quicksort(int esq, int dir) {
                                                                                              pivô
                                                                                                       10
    int i = esq, j = dir, pivo = array[(dir + esq)/2];
    while (i <= j) {
         while (array[i] < pivo)</pre>
              i++;
         while (array[j] > pivo)
              j--;
          if (i \le j)
              swap(i, j); i++; j--;
    if (esq < j)
                                                            0 < 7: true
         quicksort(esq, j);
    if (i < dir)
         quicksort(i, dir);
                       3
                             5
                                    3
                5
                                                                           15
                                           9
                                                              16
                                                                                  20
   0
                                                 4
                                                       10
                                                                     30
                                                                                         48
                                                                                               71
                                                                                                      82
                       3
                                    5
                                                 7
                2
                             4
                                           6
                                                        8
                                                               9
                                                                            11
                                                                                  12
                                                                                         13
                                                                                                14
   0
          1
                                                                     10
                                                                                                      15
                                                                                                      dir
 esq
```

```
void quicksort(int esq, int dir) {
                                                                                              pivô
                                                                                                       10
     int i = esq, j = dir, pivo = array[(dir + esq)/2];
    while (i <= j) {
         while (array[i] < pivo)</pre>
              i++;
         while (array[j] > pivo)
              j--;
          if (i \le j)
              swap(i, j); i++; j--;
    if (esq < j)
         quicksort(esq, j);
    if (i < dir)
         quicksort(i, dir);
                       3
                             5
                                    3
                5
                                                              16
                                                                           15
   0
                                           9
                                                                                  20
                                                 4
                                                       10
                                                                     30
                                                                                         48
                                                                                               71
                                                                                                      82
                       3
                                    5
                                                 7
                2
                             4
                                           6
                                                        8
                                                               9
                                                                     10
                                                                            11
                                                                                  12
                                                                                         13
                                                                                                14
   0
          1
                                                                                                      15
                                                                                                      dir
 esq
```

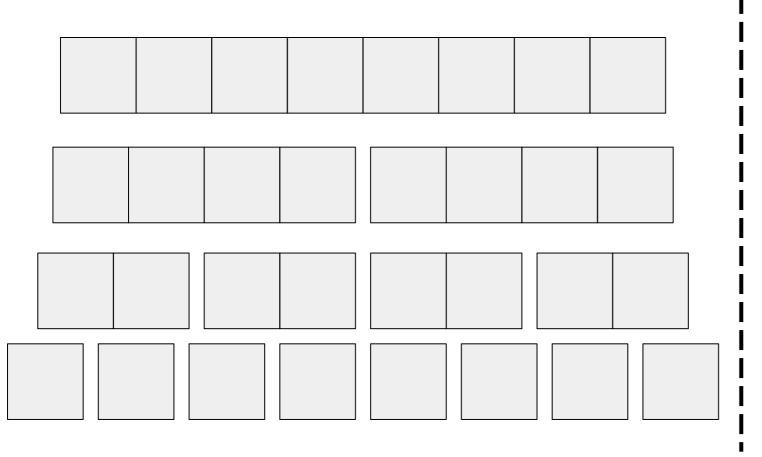
```
void quicksort(int esq, int dir) {
                                                                                              pivô
                                                                                                       10
     int i = esq, j = dir, pivo = array[(dir + esq)/2];
    while (i <= j) {
         while (array[i] < pivo)</pre>
              i++;
         while (array[j] > pivo)
              j--;
         if (i \le j)
              swap(i, j); i++; j--;
    if (esq < j)
         quicksort(esq, j);
    if (i < dir)
                                                            8 < 15: true
         quicksort(i, dir);
                5
                       3
                             5
                                    3
                                                              16
                                           9
                                                                                  20
   0
                                                 4
                                                       10
                                                                     30
                                                                           15
                                                                                         48
                                                                                               71
                                                                                                      82
                       3
                                    5
                                                 7
          1
                2
                             4
                                           6
                                                        8
                                                               9
                                                                            11
                                                                                  12
                                                                                         13
                                                                                                14
   0
                                                                     10
                                                                                                      15
                                                                                                      dir
 esq
```

```
void quicksort(int esq, int dir) {
     int i = esq, j = dir, pivo = array[(dir + esq)/2];
     while (i <= j) {
          while (array[i] < pivo)</pre>
               i++;
          while (array[j] > pivo)
              j--;
          if (i \le j)
               swap(i, j); i++; j--;
     if (esq < j)
         quicksort(esq, j);
     if (i < dir)
          quicksort(i, dir);
```

pivô 10

dir esq

 Melhor caso: Sistematicamente, cada partição divide o arquivo em duas partes iguais



Número Comparações

8

4 + 4

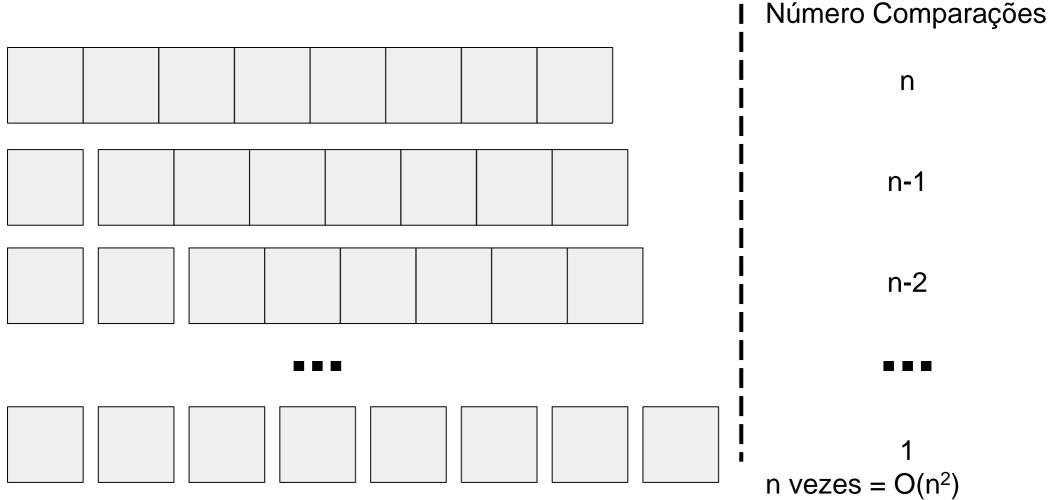
2 + 2 + 2 + 2

n comparações realizadas lg n vezes O (n * lg n)

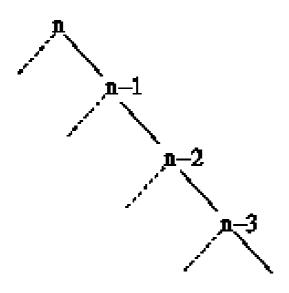
 Melhor caso: Sistematicamente, cada partição divide o arquivo em duas partes iguais

$$C(n) = 2 * C(\frac{n}{2}) + n = n * lg(n) - n + 1$$

 Pior caso: Sistematicamente, o pivô é o menor ou o maior elemento do array, eliminando um elemento em cada chamada do algoritmo



 Pior caso: Sistematicamente, o pivô é o menor ou o maior elemento do array, eliminando um elemento em cada chamada do algoritmo



$$C(n) = \Theta(n^2)$$

Existem diversas técnicas para evitar o pior caso como, por exemplo,
 fazer com que o pivô seja a mediana de três elementos do array

Caso Médio: Sedgewick e Flajolet (1996, p. 17):

$$C(n) \approx 1,386 * n * lg(n) - 0,846 * n$$

Análise do Número de Movimentações

• No pior caso, há $\lceil n/2 \rceil$ trocas ($3*\lceil n/2 \rceil$ movimentações) em cada execução da função de partição

 Corresponde ao caso em que o pivô se coloca no meio do array e os elementos superiores estão sistematicamente no início da lista e os inferiores, no fim

Conclusões

A razão de sua velocidade é a simplicidade do seu anel interno

- Vantagens:
 - Extremamente eficiente
 - Necessita de apenas uma pequena pilha como memória auxiliar
 - Faz em média n*lg(n) comparações O (n*lg(n))

Conclusões

- Desvantagens:
 - Seu pior caso para comparações é quadrático
 - Sua implementação é delicada e difícil
 - Método não estável

Exercício

Mostre todas as comparações e movimentações do algoritmo anterior para o array abaixo:

12	4	8	2	14	17	6	18	10	16	15	5	13	9	1	11	7	3
	•	_	_			_					•		_	_		, • '	_