Unidade IV: Ordenação Interna - Shellsort

Prof. Max do Val Machado



Instituto de Ciências Exatas e Informática Curso de Ciência da Computação

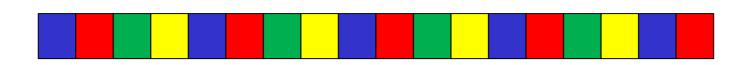
Introdução

Proposto por Shell em 1959 como uma extensão da Inserção

 O problema da Inserção é efetuamos (n − 1) comparações e movimentações quando o menor elemento está à direita

 O método de Shell contorna esse problema permitindo trocas de registros distantes um do outro (passo h)

Os elementos separados de h posições são ordenados via Inserção



Os elementos separados de h posições são ordenados via Inserção



Os elementos separados de h posições são ordenados via Inserção



Os elementos separados de h posições são ordenados via Inserção







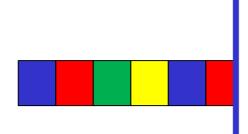


Os elementos separados de h posições são ordenados via Inserção



Os elementos separados de h posições são ordenados via Inserção

 Por exemplo, se h = 4, ordenamos com a Inserção cada um dos pseudo array



Pode parecer loucura, mas repetiremos a Inserção para cada pseudo *array*

Neste momento, nossa sequência é dita h-ordenada (para nosso exemplo
 4-ordenada)

 Em seguida, reduzimos o valor de h e repetimos o processo. Isso até que o valor de h seja um e efetuamos a Inserção pela última vez

 Neste momento, nossa sequência é dita h-ordenada (para nosso exemplo 4-ordenada)

 Em seguida, reduzimos o valor de h e repetimos o processo. Isso até que o valor de h seja um e efetuamos a Inserção pela última vez

Traduzindo: Nós já fizemos quatro vezes a Inserção e vamos fazer mais...

Neste momento, nossa sequência é dita h-ordenada (para nosso exemplo
 4-ordenada)

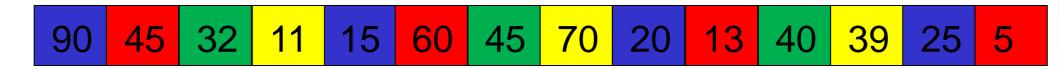
 Em seguida, reduzimos o valor de h e repetimos o processo. Isso até que o valor de h seja um e efetuamos a Inserção pela última vez

... você acredita que isso ainda é bom!!! Fala sério!

Ordene o array abaixo com o Shellsort, fazendo h = 4, 2 e 1

90	45	32	11	15	60	45	70	20	13	40	39	25	10

Ordene o array abaixo com o Shellsort, fazendo h = 4, 2 e 1



Como h = 4, define-se quatro pseudo *arrays* com as cores azul, vermelha, verde e amarela

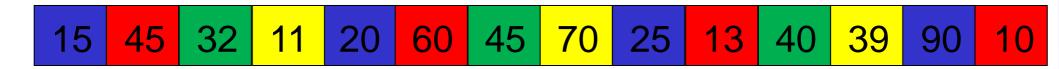
Ordene o array abaixo com o Shellsort, fazendo h = 4, 2 e 1

90 45 32 11 **15** 60 45 70 **20** 13 40 39 **25** 10

Ordene o array abaixo com o Shellsort, fazendo h = 4, 2 e 1

15 45 32 11 **20** 60 45 70 **25** 13 40 39 **90** 10

Ordene o array abaixo com o Shellsort, fazendo h = 4, 2 e 1



Ordene o array abaixo com o Shellsort, fazendo h = 4, 2 e 1

15 45 32 11 20 60 45 70 25 13 40 39 90 10

Ordene o array abaixo com o Shellsort, fazendo h = 4, 2 e 1



Ordene o array abaixo com o Shellsort, fazendo h = 4, 2 e 1



Ordene o array abaixo com o Shellsort, fazendo h = 4, 2 e 1

15 10 <mark>32</mark> 11 20 13 **45** 70 25 45 **40** 39 90 60

Ordene o array abaixo com o Shellsort, fazendo h = 4, 2 e 1

15 10 <mark>32</mark> 11 20 13 **40** 70 25 45 **45** 39 90 60

Ordene o array abaixo com o Shellsort, fazendo h = 4, 2 e 1

15 10 32 <mark>11</mark> 20 13 40 <mark>70</mark> 25 45 45 <mark>39</mark> 90 60

Ordene o array abaixo com o Shellsort, fazendo h = 4, 2 e 1

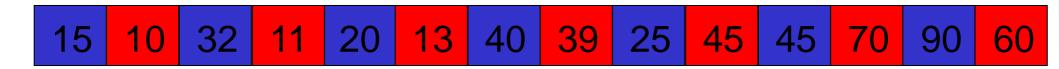
15 10 32 <mark>11</mark> 20 13 40 <mark>39</mark> 25 45 45 **70** 90 60

Ordene o array abaixo com o Shellsort, fazendo h = 4, 2 e 1

15 10 32 11 20 13 40 39 25 45 45 70 90 6
--

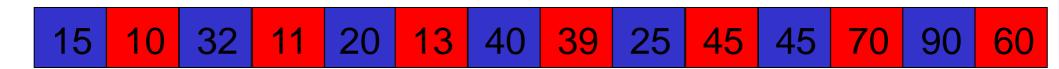
Com h = 4, o *array* não está ordenado, mas os números estão mais próximos de suas posições

Ordene o array abaixo com o Shellsort, fazendo h = 4, 2 e 1



Fazendo h = 2, define-se dois pseudo *arrays* com as cores azul e vermelha

Ordene o array abaixo com o Shellsort, fazendo h = 4, 2 e 1



Ordene o array abaixo com o Shellsort, fazendo h = 4, 2 e 1

 15
 10
 32
 11
 20
 13
 40
 39
 25
 45
 45
 70
 90
 60

Ordene o array abaixo com o Shellsort, fazendo h = 4, 2 e 1

15 10 20 11 25 13 32 39 40 45 45 70 90 60

Ordene o array abaixo com o Shellsort, fazendo h = 4, 2 e 1

1	5	10	32	11	20	13	40	39	25	45	45	70	90	60

Com h = 4, o *array* não está ordenado, mas os números estão mais próximos de suas posições

Ordene o array abaixo com o Shellsort, fazendo h = 4, 2 e 1



Ordene o array abaixo com o Shellsort, fazendo h = 4, 2 e 1

15 10 20 11 25 13 32 39 40 45 45 60 90 70

Ordene o array abaixo com o Shellsort, fazendo h = 4, 2 e 1

•	15	10	20	11	25	13	32	39	40	45	45	60	90	70

Ordene o array abaixo com o Shellsort, fazendo h = 4, 2 e 1

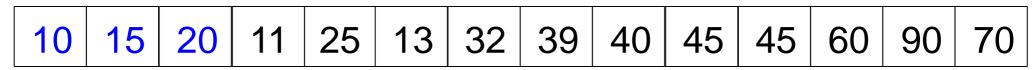
15	10	20	11	25	13	32	39	40	45	45	60	90	70

Ordene o array abaixo com o Shellsort, fazendo h = 4, 2 e 1



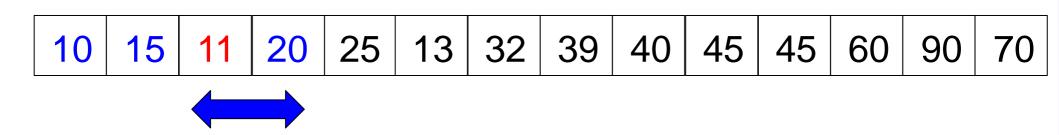


Ordene o array abaixo com o Shellsort, fazendo h = 4, 2 e 1

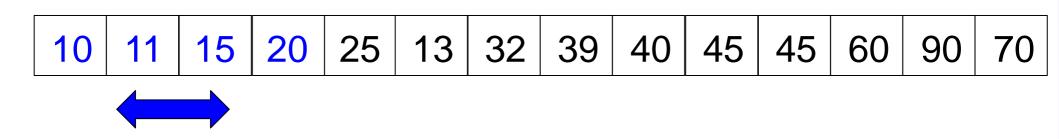




Ordene o array abaixo com o Shellsort, fazendo h = 4, 2 e 1



Ordene o array abaixo com o Shellsort, fazendo h = 4, 2 e 1

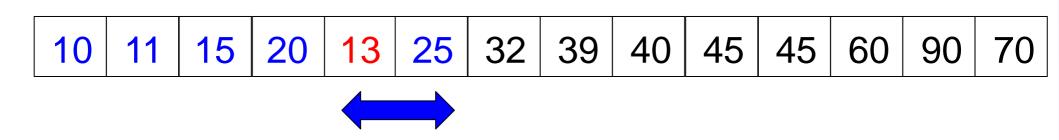


Ordene o array abaixo com o Shellsort, fazendo h = 4, 2 e 1

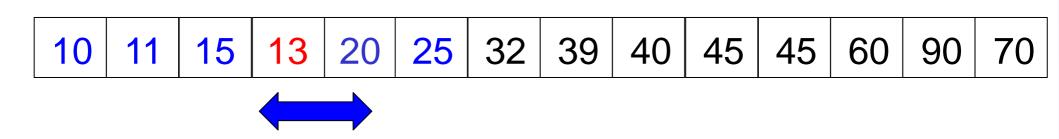




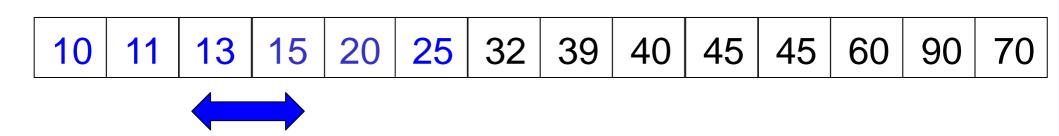
Ordene o array abaixo com o Shellsort, fazendo h = 4, 2 e 1



Ordene o array abaixo com o Shellsort, fazendo h = 4, 2 e 1



Ordene o array abaixo com o Shellsort, fazendo h = 4, 2 e 1



Ordene o array abaixo com o Shellsort, fazendo h = 4, 2 e 1





Ordene o array abaixo com o Shellsort, fazendo h = 4, 2 e 1





Ordene o array abaixo com o Shellsort, fazendo h = 4, 2 e 1





Ordene o array abaixo com o Shellsort, fazendo h = 4, 2 e 1





Ordene o array abaixo com o Shellsort, fazendo h = 4, 2 e 1





Ordene o array abaixo com o Shellsort, fazendo h = 4, 2 e 1





Ordene o array abaixo com o Shellsort, fazendo h = 4, 2 e 1

10 11 13	15 20 2	32 39 40	0 45 45 60 90 70
----------	---------	----------	------------------



Ordene o array abaixo com o Shellsort, fazendo h = 4, 2 e 1



Sequência de Passos

Segundo Knuth (1973, p. 95), de forma empírica, a sequência 1, 4, 13,
 40, 121, ... é difícil de ser batida por mais de 20% em eficiência

$$\begin{cases} h(s) = 3h(s-1) + 1 \\ h(s) = 1 \end{cases}$$

Algoritmo em C like

```
void shellsort() {
    int h = 1;
    do \{ h = (h * 3) + 1; \}  while (h < n);
    do {
         h /= 3;
         for(int cor = 0; cor < h; cor++){
               insercaoPorCor(cor, h);
    } while (h != 1);
void insercaoPorCor(int cor, int h){
    for (int i = (h + cor); i < n; i+=h) {
          int tmp = array[i];
         int j = i - h;
         while ((j \ge 0) \&\& (array[j] > tmp)) {
               array[j + h] = array[j];
              i = h;
         array[j + h] = tmp;
```

```
void insercao(){
    for (int i = 1; i < n; i+= 1) {
        int tmp = array[i];
        int j = i - 1;
        while ((j >= 0) && (array[j] > tmp)) {
            array[j + 1] = array[j];
            j -= 1;
        }
        array[j + 1] = tmp;
    }
}
```

Análise do Número de Comparações

- A razão da eficiência do algoritmo ainda não é conhecida
- Sua análise contém alguns problemas matemáticos difíceis, a começar pela própria sequência de incrementos
- O que se sabe é que cada incremento não deve ser múltiplo do anterior
- Conjecturas para o número de comparações dado a seq. de Knuth:
 - ullet Conjetura 1: $C(n) = O(n^{1,25})$
 - ullet Conjetura 2: $C(n) = O(n(lnn)^2)$

Conclusão

- Vantagens:
 - Shellsort é uma ótima opção para arquivos de tamanho moderado
 - Sua implementação é simples e requer pouco código

- Desvantagens:
 - Seu tempo de execução é sensível à ordem inicial do arquivo
 - Algoritmo não estável

Exercício

Mostre todas as comparações e movimentações do algoritmo anterior para o array abaixo:

12	4	8	2	14	17	6	18	10	16	15	5	13	9	1	11	7	3
	•	•	_			•					•		•	_		, • !	•