# Unidade IV: Ordenação Interna - Heapsort

Prof. Max do Val Machado



Instituto de Ciências Exatas e Informática Curso de Ciência da Computação

# Introdução

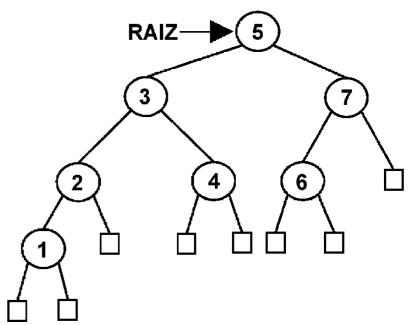
 O Heapsort é um algoritmo de seleção que encontra o maior elemento em uma lista, troca-o com o último e repete o processo

 Sua diferença em relação ao Algoritmo de Seleção é que o Heapsort utiliza um Heap Invertido para selecionar o maior de forma eficiente

Neste momento, precisamos conhecer os conceitos de árvore e heap

 Estrutura de dados cujas operações de inserção, remoção e substituição possuem a mesma eficiência

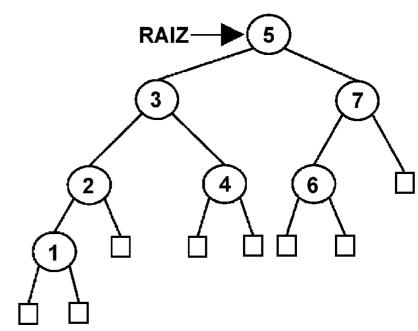
 Estrutura de dados que contém um conjunto finito de vértices (nós) e outro de arcos (arestas) que conectam os vértices



 Estrutura de dados cujas operações de inserção, remoção e substituição possuem a mesma eficiência

 Estrutura de dados que contém um conjunto finito de vértices (nós) e outro de arcos (arestas) que conectam os vértices

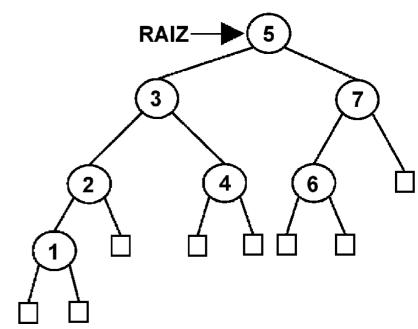
O nó 5 é denominado nó raiz e ele está no nível 0



 Estrutura de dados cujas operações de inserção, remoção e substituição possuem a mesma eficiência

 Estrutura de dados que contém um conjunto finito de vértices (nós) e outro de arcos (arestas) que conectam os vértices

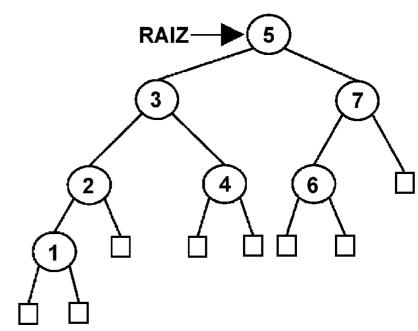
Os nós 3 e 7 são filhos do 5 e esse é pai dos dois primeiros



 Estrutura de dados cujas operações de inserção, remoção e substituição possuem a mesma eficiência

 Estrutura de dados que contém um conjunto finito de vértices (nós) e outro de arcos (arestas) que conectam os vértices

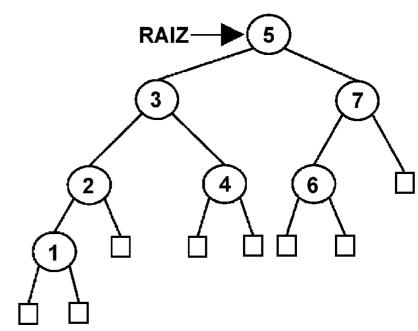
Um nó com filho(s) é chamado de nó interno e outro sem, de folha



 Estrutura de dados cujas operações de inserção, remoção e substituição possuem a mesma eficiência

 Estrutura de dados que contém um conjunto finito de vértices (nós) e outro de arcos (arestas) que conectam os vértices

Nosso exemplo é uma árvore binária, pois cada nó tem no máximo dois filhos



#### Heap

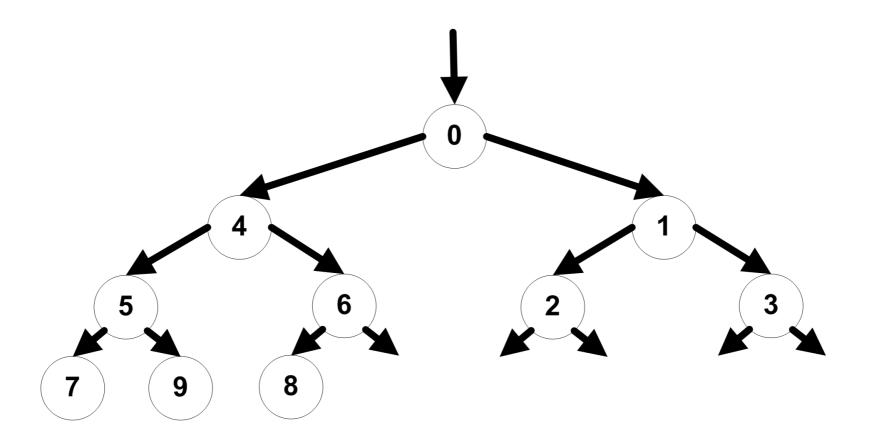
 Árvore binária em que o valor de cada nó é menor ou igual ao de seus filhos

 Suas folhas ocupam um ou dois níveis sendo que o penúltimo é completo e as folhas do último nível se agrupam o mais à esquerda possível

O menor elemento encontra-se sempre na raiz

Mostre um heap com os elementos 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8 e 9

Mostre um heap com os elementos 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8 e 9



### Heap Invertido

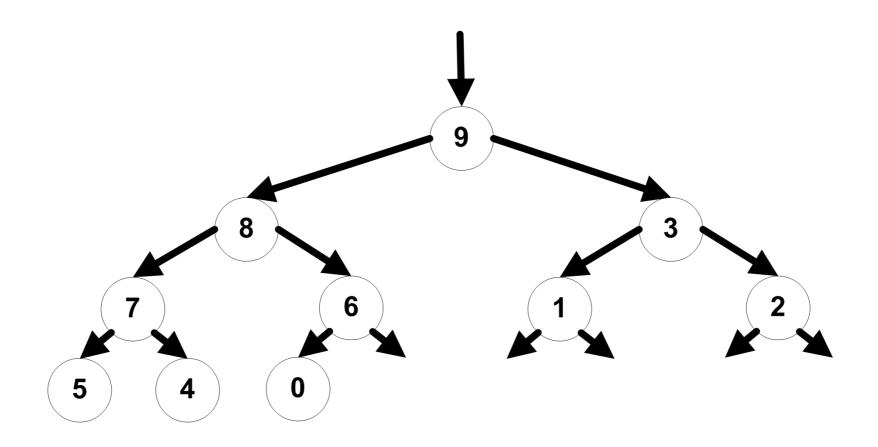
 Árvore binária em que o valor de cada nó é maior ou igual ao de seus filhos

Suas folhas ocupam um ou dois níveis sendo que o penúltimo é completo
 e as folhas do último nível se agrupam o mais à esquerda possível

O maior elemento encontra-se sempre na raiz

Mostre um heap invertido com os elementos 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8 e 9

● Mostre um heap invertido com os elementos 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8 e 9



# Consideração

 A partir deste ponto, neste material, a palavra heap será usada para designar o heap invertido

# Representação do Heap em um Array

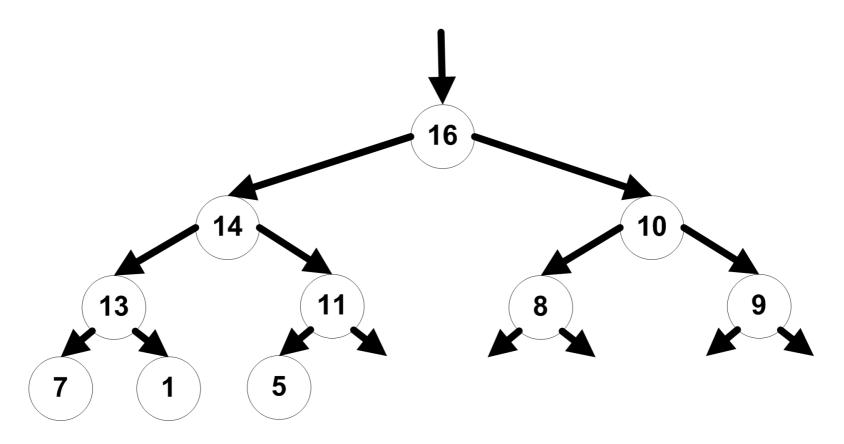
Podemos representar qualquer árvore binária em um array fazendo:

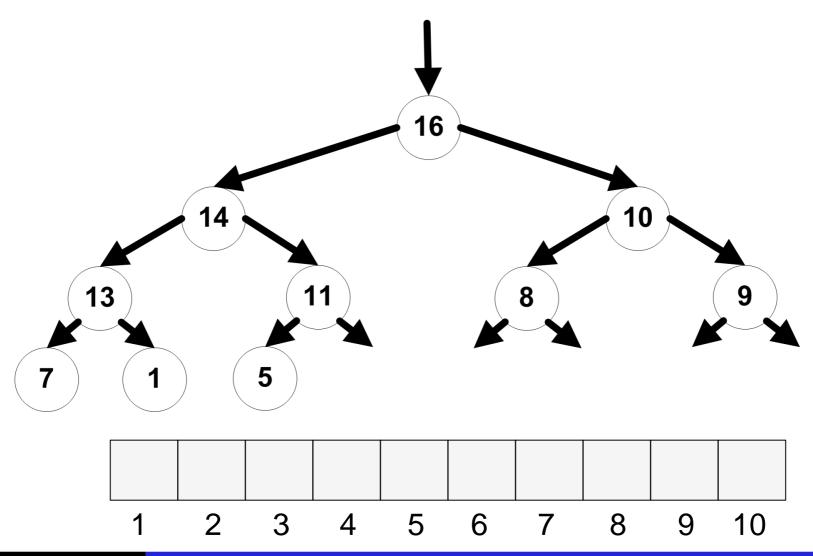
array[1] é a raiz

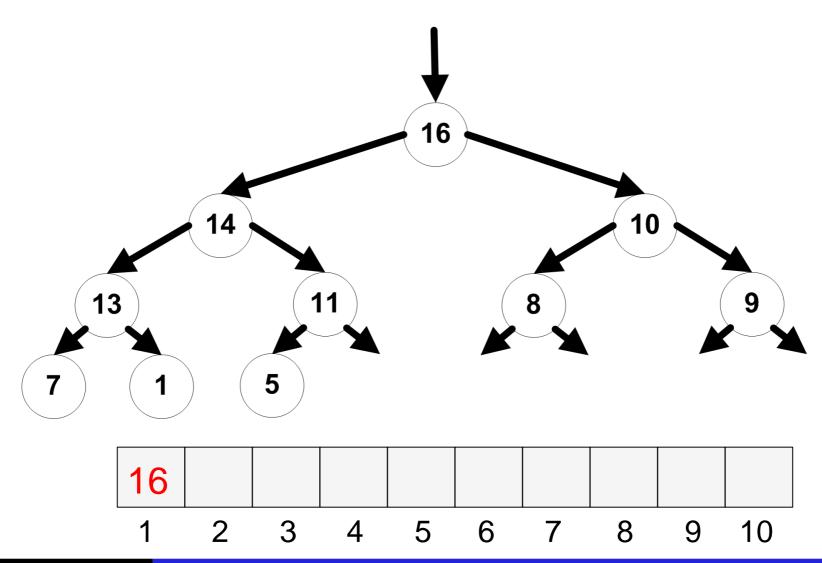
array[i/2] é o pai de array[i], para i > 1

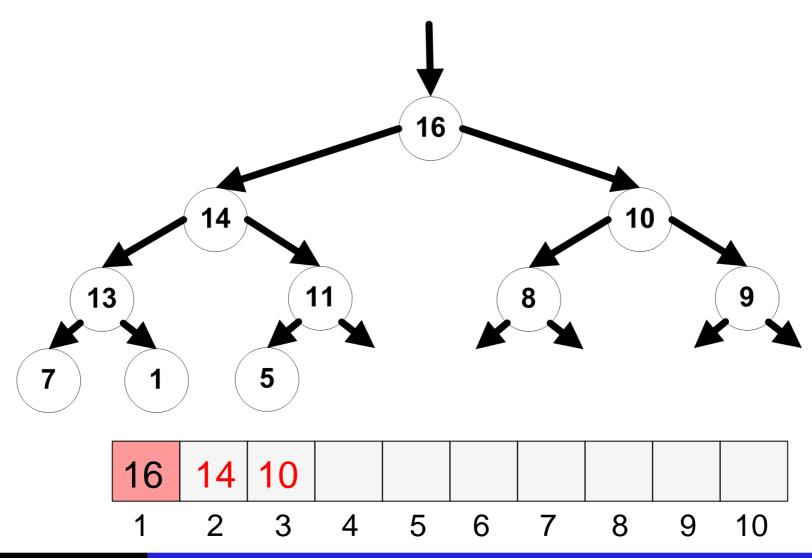
Se array [2 \* i] e array [2 \* i + 1] existem, eles são filhos de array[ i ]

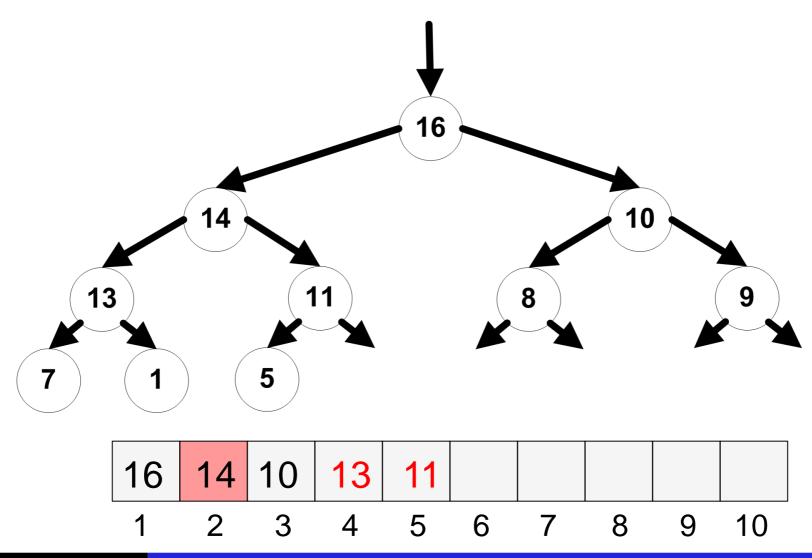
Se i é maior que (n / 2), array[ i ] é uma folha

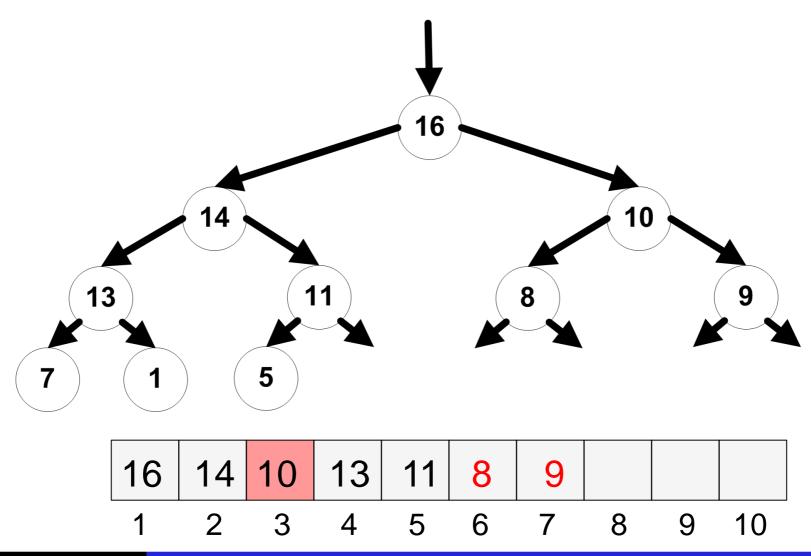


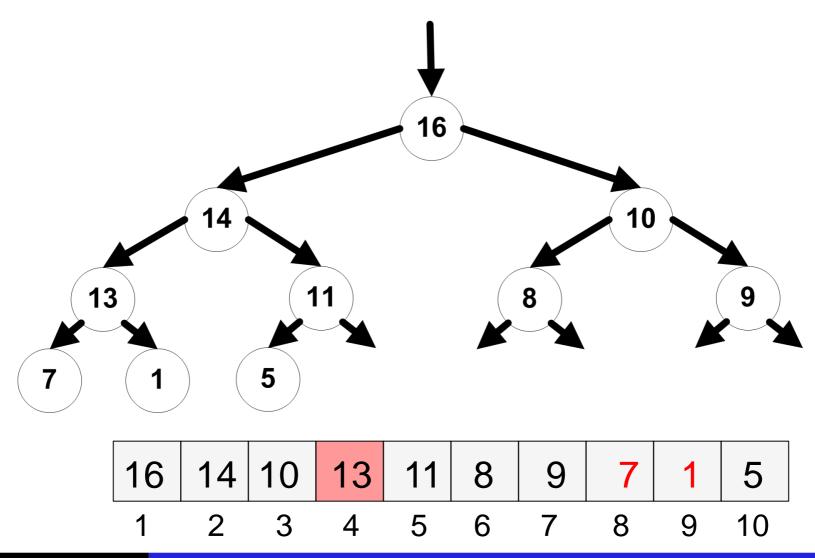


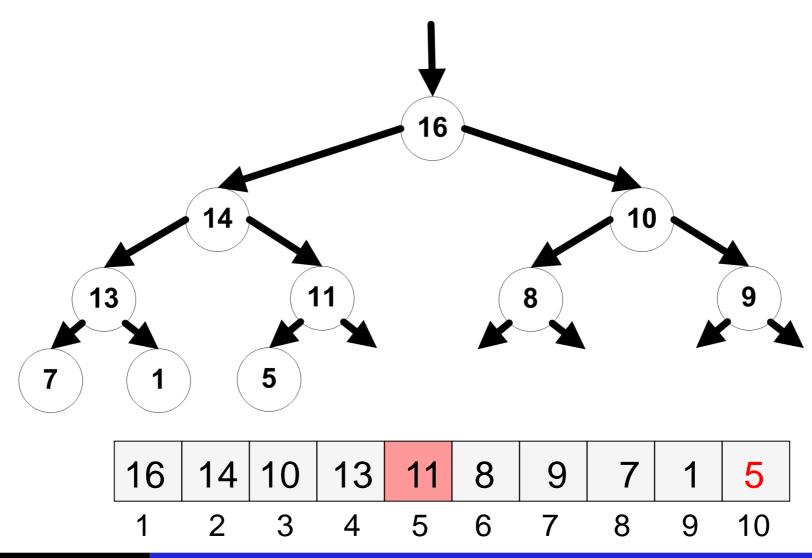












# Operações Possíveis com um Heap

Construção

Inserção de um novo elemento

Remoção do elemento com a maior chave

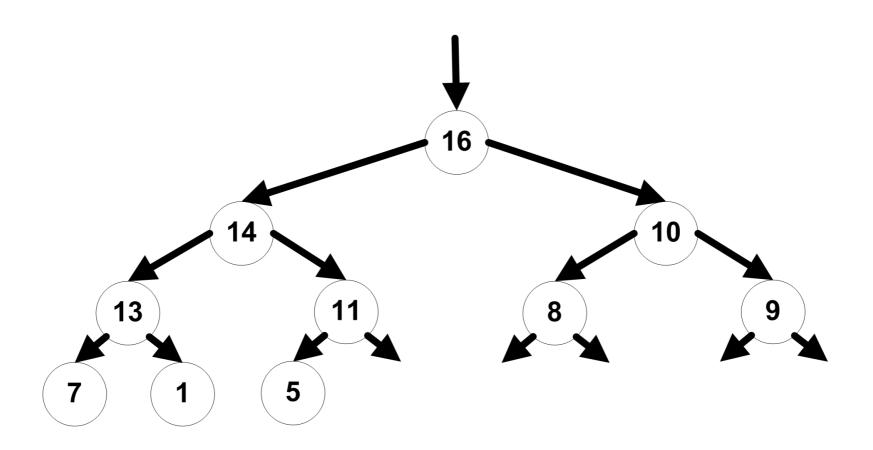
Remoção de um elemento qualquer

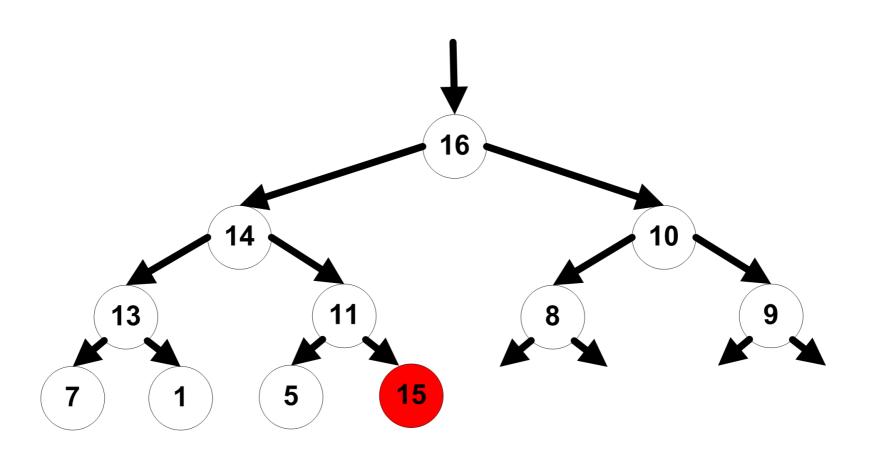
Unificar dois ou mais heaps

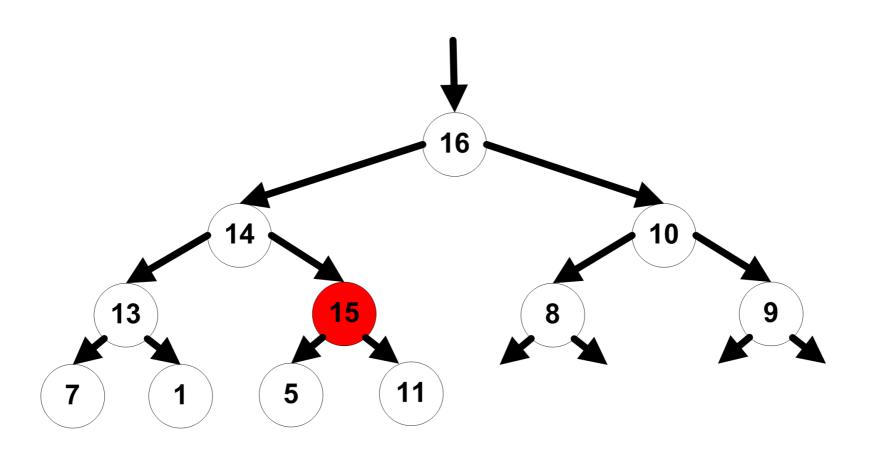
# Princípio de Inserção

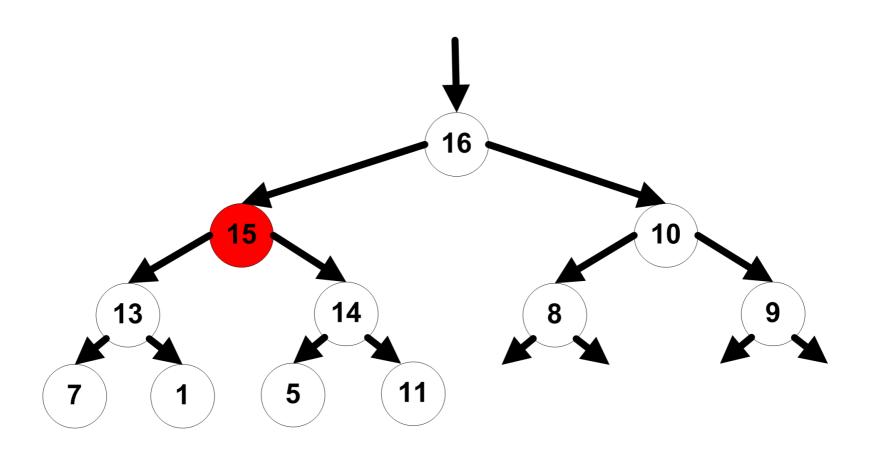
Crie uma nova folha (contendo o novo elemento) no último nível do heap.
 Se esse estiver completo, recomece um novo nível

Se o novo elemento for maior que seu pai, troque-os e realize o mesmo processo para o pai, avô, bisavô e, assim, sucessivamente, até que todos os pais sejam maiores que seus filhos









# Princípio de Remoção

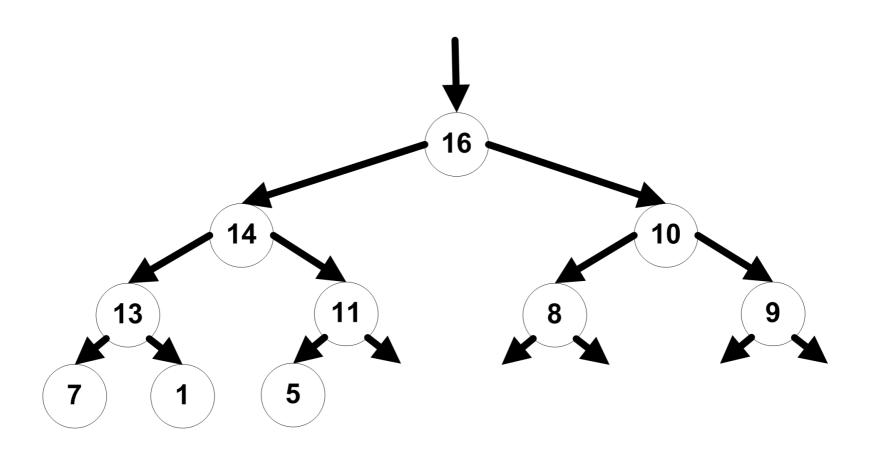
Armazene o elemento da raiz em uma variável temporária

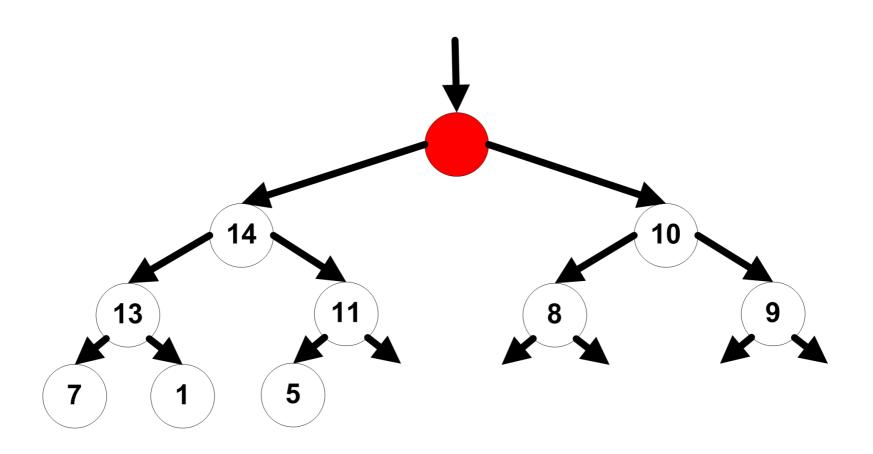
Substitua o elemento da raiz pelo da última folha do último nível

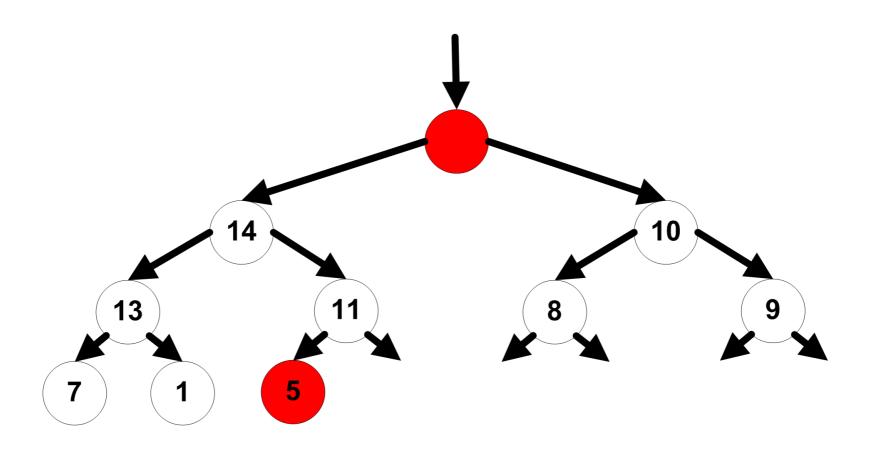
Remova a última folha do último nível

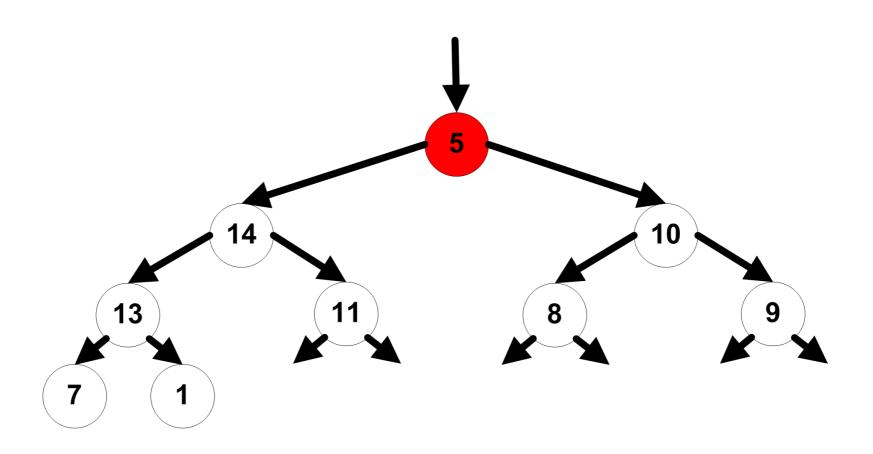
Troque o elemento da raiz com o de seu maior filho

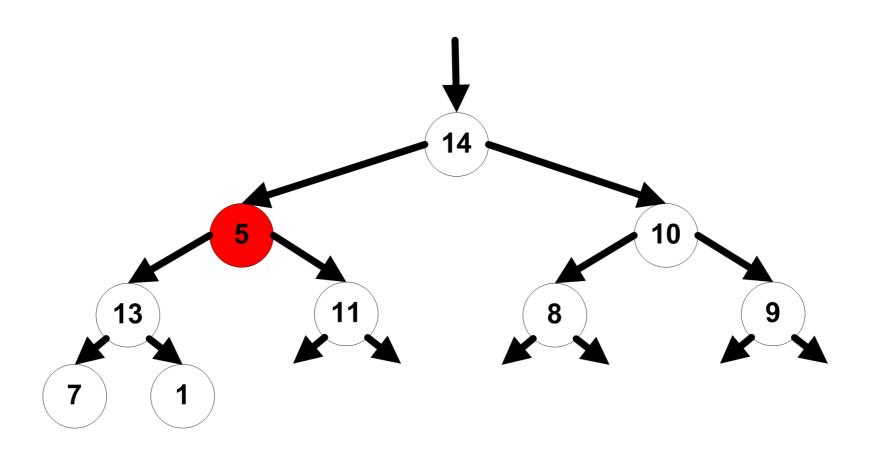
 Repita o passo anterior para o filho com elemento trocado até que todos os pais sejam maiores que seus filhos

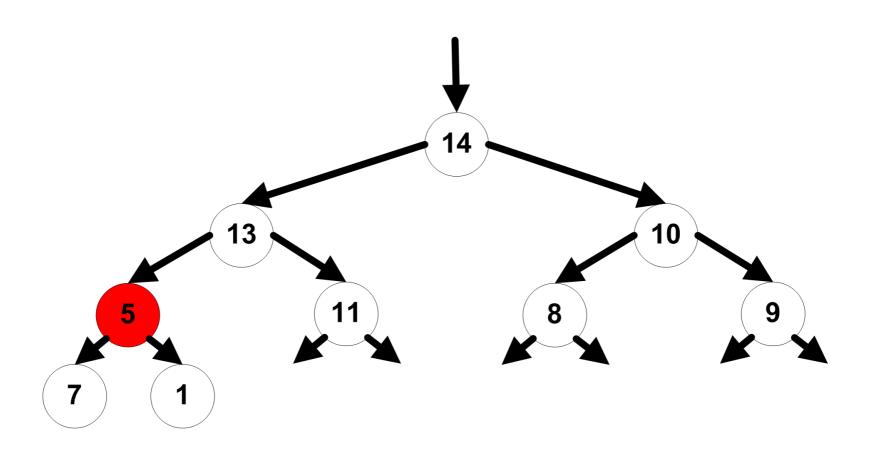






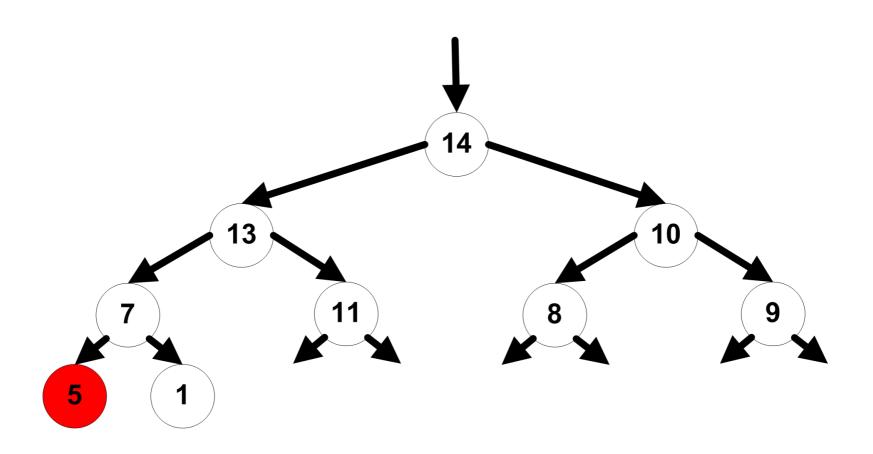






## Exercício

Remova no heap abaixo



#### Análise de Complexidade

 As operações de inserção e remoção podem percorrer um ramo completo da árvore, com comparações e trocas em cada nó

ullet O pior caso para os números de comparações ou trocas depende da altura da árvore que será  $\lceil lg(n) 
ceil$  (árvore balanceada)

• Assim, no pior caso, os números de comparações ou trocas serão  $\Theta(lq(n))$ 

#### Funcionamento Básico

 Construa o heap inserindo sistematicamente cada um dos elementos do array

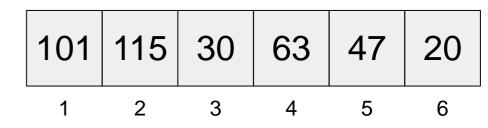
 Remova sistematicamente cada elemento do heap, reconstrua o heap e insira o elemento removido na posição do array imediatamente seguinte ao tamanho corrente do heap

```
void heapsort() {
 //Contrucao do heap
 for (int tam = 2; tam <= n; tam++){
   constroi(tam);
 //Ordenacao propriamente dita
  int tam = n;
  while (tam > 1){
   swap(1, tam--);
   reconstroi(tam);
void constroi(int tam){
void reconstroi(int tam){
```

```
void heapsort() {

//Contrucao do heap
for (int tam = 2; tam <= n; tam++){
   constroi(tam);
}</pre>
```

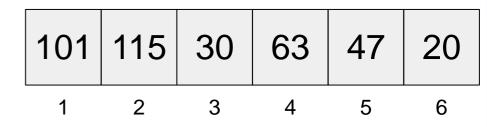
```
void constroi(int tam){
  for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
    swap(i, i/2);
  }
}
```



```
void heapsort() {

//Contrucao do heap
for (int tam = 2; tam <= n; tam++){
   constroi(tam);
}</pre>
```

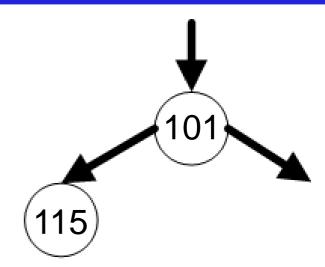
```
void constroi(int tam){
  for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
    swap(i, i/2);
  }
}
```

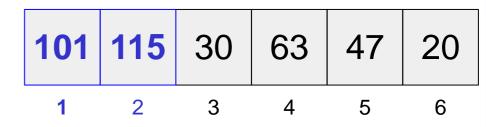


```
void heapsort() {

//Contrucao do heap
for (int tam = 2) tam <= n; tam++){
   constroi(tam);
}</pre>
```

```
void constroi(int tam){
  for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
    swap(i, i/2);
  }
}
```

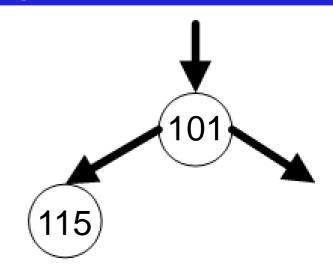


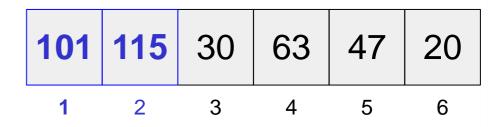


```
void heapsort() {
    true: 2 <= 6

//Contrucao do heap
for (int tam = 2 tam <= n; tam++){
    constroi(tam);
}</pre>
```

```
void constroi(int tam){
  for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
    swap(i, i/2);
  }
}
```



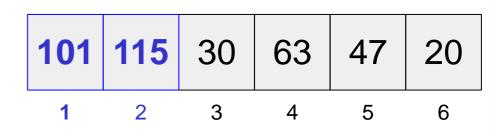


```
void heapsort() {

//Contrucao do heap
for (int tam = 2; tam <= n; tam++){
    constroi(tam);
}</pre>
```

```
101
```

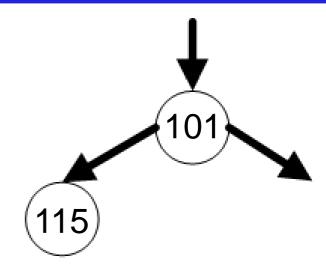
```
void constroi(int tam){
    for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
        swap(i, i/2);
    }
}
```

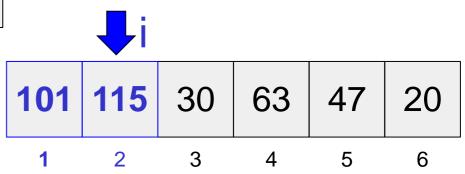


```
void heapsort() {

//Contrucao do heap
for (int tam = 2; tam <= n; tam++){
    constroi(tam);
}</pre>
```

```
void constroi(int tam){
  for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
    swap(i, i/2);
  }
}
```

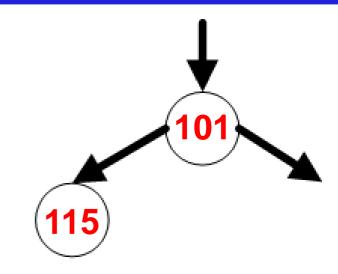


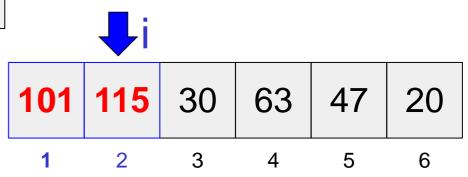


```
void heapsort() {

//Contrucao do heap
for (int tam = 2; tam <= n; tam++){
    constroi(tam);
}</pre>
```

```
void constroi(int tam){
  for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
     swap(i, i/2);
  }
  true: 2 > 1 && 115 > 101
```

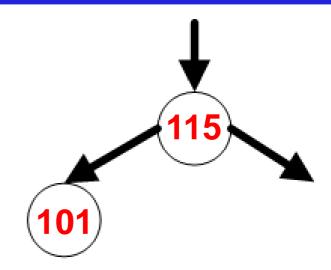


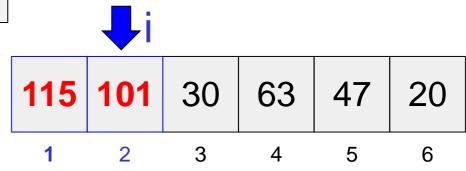


```
void heapsort() {

//Contrucao do heap
for (int tam = 2; tam <= n; tam++){
    constroi(tam);
}</pre>
```

```
void constroi(int tam){
   for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
      swap(i, i/2);
   }
}
```

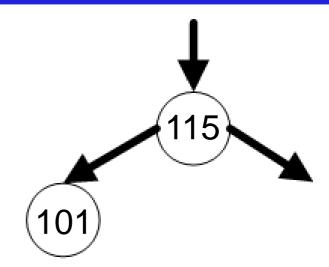


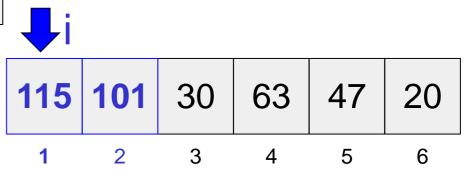


```
void heapsort() {

//Contrucao do heap
for (int tam = 2; tam <= n; tam++){
    constroi(tam);
}</pre>
```

```
void constroi(int tam){
  for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
    swap(i, i/2);
  }
}
```

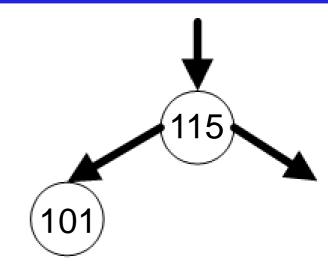


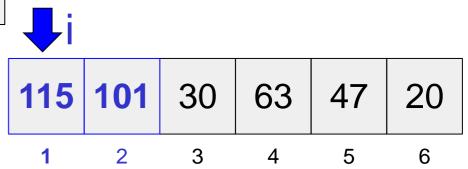


```
void heapsort() {

//Contrucao do heap
for (int tam = 2; tam <= n; tam++){
    constroi(tam);
}</pre>
```

```
void constroi(int tam){
  for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
    swap(i, i/2);
  }
  false: 1 > 1 && ...
```

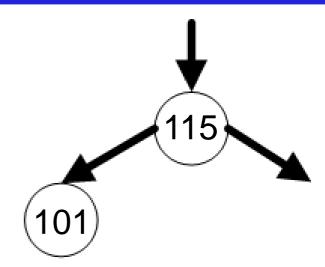


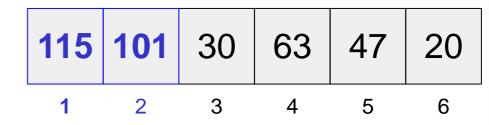


```
void heapsort() {

//Contrucao do heap
for (int tam = 2; tam <= n; tam++){
    constroi(tam);
}</pre>
```

```
void constroi(int tam){
  for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
    swap(i, i/2);
  }
}
```

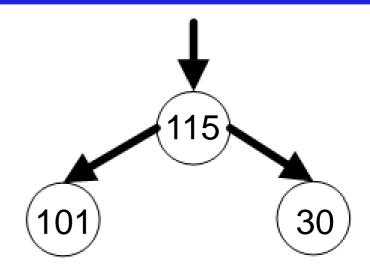


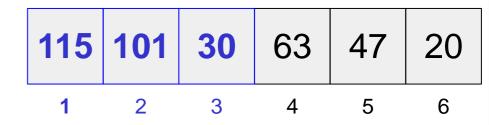


```
void heapsort() {

//Contrucao do heap
for (int tam = 2; tam <= n; tam++) {
    constroi(tam);
}</pre>
```

```
void constroi(int tam){
  for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
    swap(i, i/2);
  }
}
```

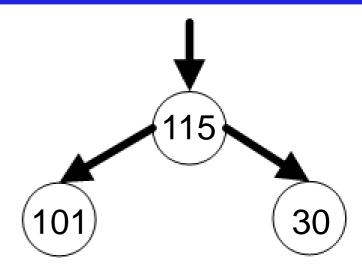


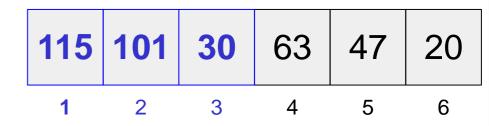


```
void heapsort() {
    true: 3 <= 6

//Contrucao do heap
for (int tam = 2 tam <= n; tam++){
    constroi(tam);
}</pre>
```

```
void constroi(int tam){
  for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
    swap(i, i/2);
  }
}
```



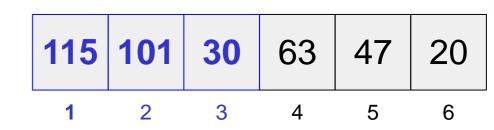


```
void heapsort() {

//Contrucao do heap
for (int tam = 2; tam <= n; tam++){
    constroi(tam);
}</pre>
```

```
115
```

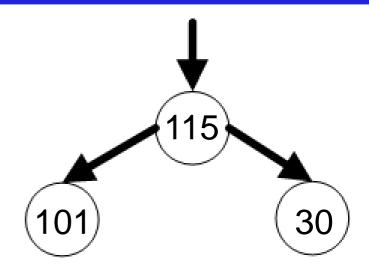
```
void constroi(int tam){
    for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
        swap(i, i/2);
    }
}
```

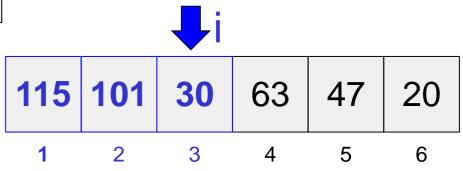


```
void heapsort() {

//Contrucao do heap
for (int tam = 2; tam <= n; tam++){
    constroi(tam);
}</pre>
```

```
void constroi(int tam){
  for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
    swap(i, i/2);
  }
}
```

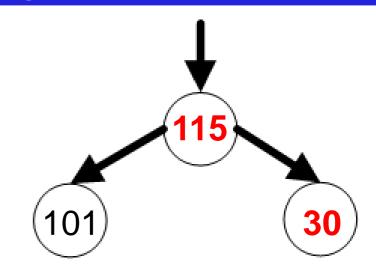


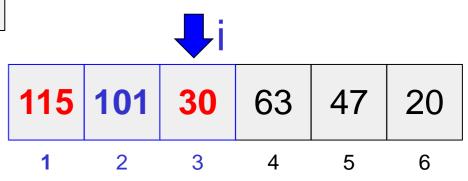


```
void heapsort() {

//Contrucao do heap
for (int tam = 2; tam <= n; tam++){
    constroi(tam);
}</pre>
```

```
void constroi(int tam){
  for (int i = tam; i > 1 &\& array[i] > array[i/2]; i /= 2){
    swap(i, i/2);
}
  false: 3 > 1 && 30 > 115
```

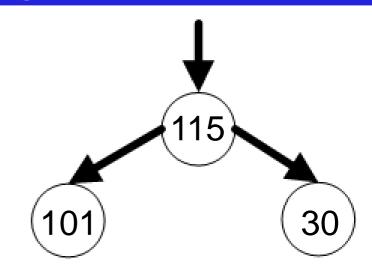


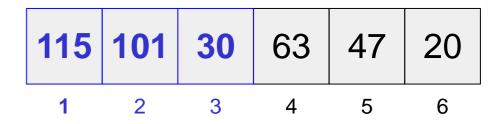


```
void heapsort() {

//Contrucao do heap
for (int tam = 2; tam <= n; tam++){
    constroi(tam);
}</pre>
```

```
void constroi(int tam){
  for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
    swap(i, i/2);
  }
}
```

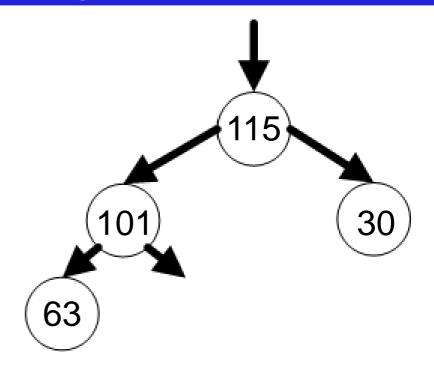




```
void heapsort() {

//Contrucao do heap
for (int tam = 2; tam <= n; tam++) {
    constroi(tam);
}</pre>
```

```
void constroi(int tam){
  for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
    swap(i, i/2);
  }
}
```

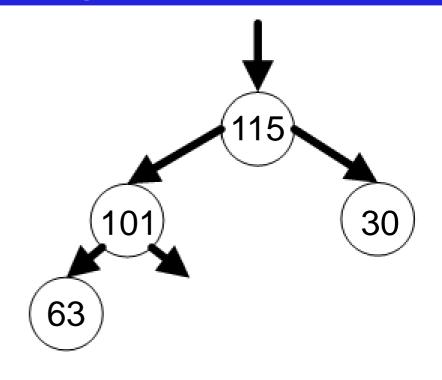




```
void heapsort() {
    true: 4 <= 6

//Contrucao do heap
for (int tam = 2 tam <= n; tam++){
    constroi(tam);
}</pre>
```

```
void constroi(int tam){
  for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
    swap(i, i/2);
  }
}
```

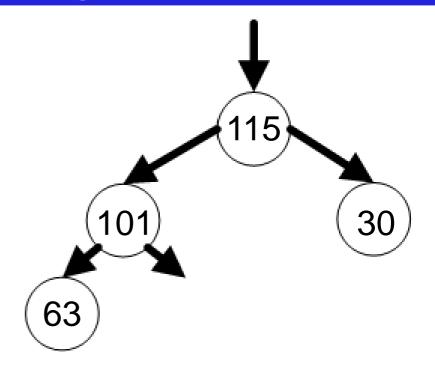




```
void heapsort() {

//Contrucao do heap
for (int tam = 2; tam <= n; tam++){
    constroi(tam);
}</pre>
```

```
void constroi(int tam){
   for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
      swap(i, i/2);
   }
}
```

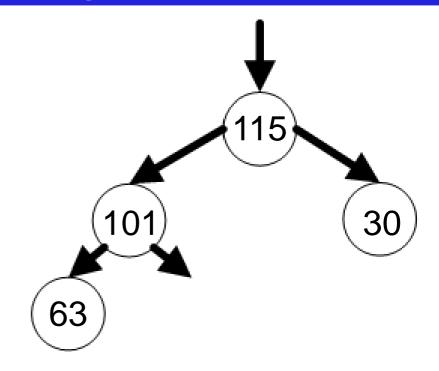


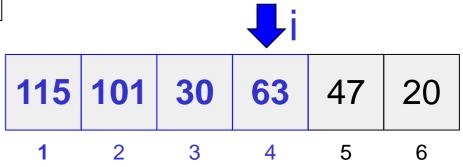


```
void heapsort() {

//Contrucao do heap
for (int tam = 2; tam <= n; tam++){
    constroi(tam);
}</pre>
```

```
void constroi(int tam){
  for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
    swap(i, i/2);
  }
}
```

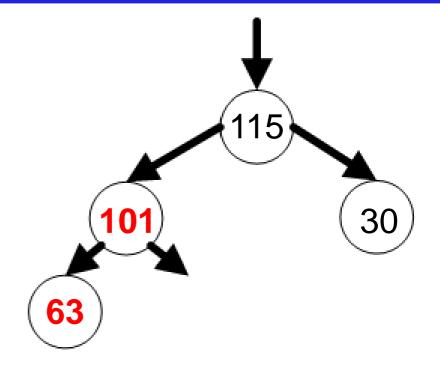


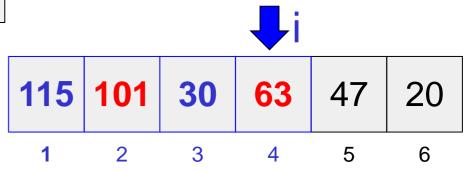


```
void heapsort() {

//Contrucao do heap
for (int tam = 2; tam <= n; tam++){
    constroi(tam);
}</pre>
```

```
void constroi(int tam){
  for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
    swap(i, i/2);
}
  false: 4 > 1 && 63 > 101
```

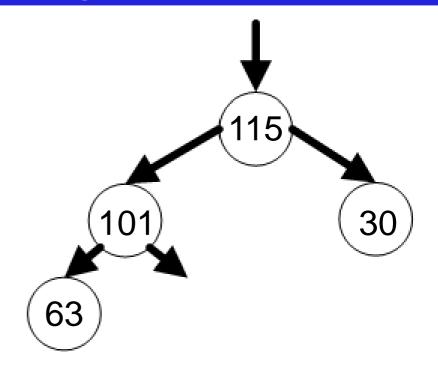




```
void heapsort() {

//Contrucao do heap
for (int tam = 2; tam <= n; tam++){
    constroi(tam);
}</pre>
```

```
void constroi(int tam){
  for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
    swap(i, i/2);
  }
}
```

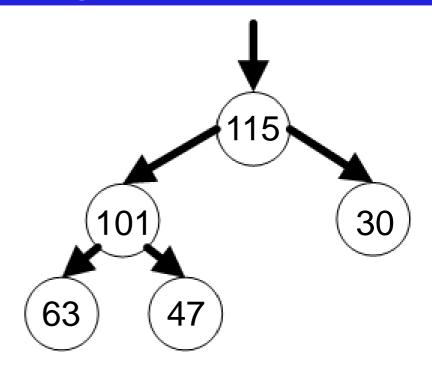


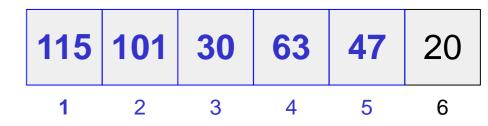


```
void heapsort() {

//Contrucao do heap
for (int tam = 2; tam <= n; tam++) {
    constroi(tam);
}</pre>
```

```
void constroi(int tam){
  for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
    swap(i, i/2);
  }
}
```

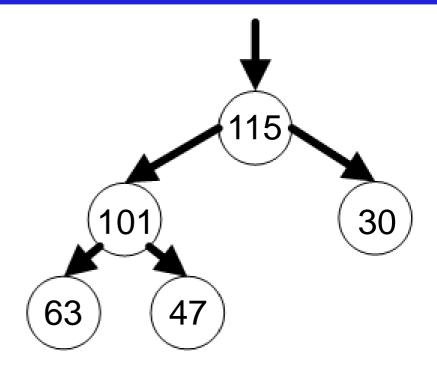




```
void heapsort() {
    true: 5 <= 6

//Contrucao do heap
for (int tam = 2 tam <= n; tam++){
    constroi(tam);
}</pre>
```

```
void constroi(int tam){
  for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
    swap(i, i/2);
  }
}
```

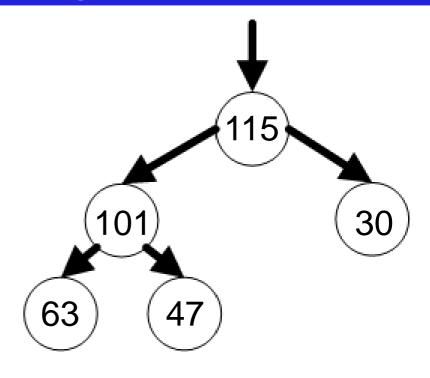


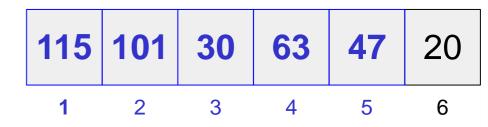


```
void heapsort() {

//Contrucao do heap
for (int tam = 2; tam <= n; tam++){
    constroi(tam);
}</pre>
```

```
void constroi(int tam){
  for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
    swap(i, i/2);
  }
}
```

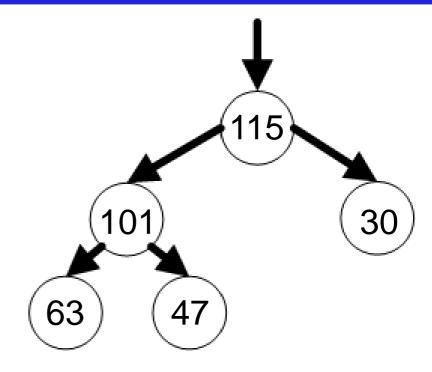


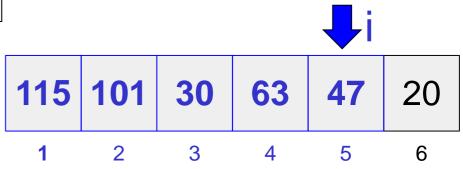


```
void heapsort() {

//Contrucao do heap
for (int tam = 2; tam <= n; tam++){
    constroi(tam);
}</pre>
```

```
void constroi(int tam){
  for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
    swap(i, i/2);
  }
}
```

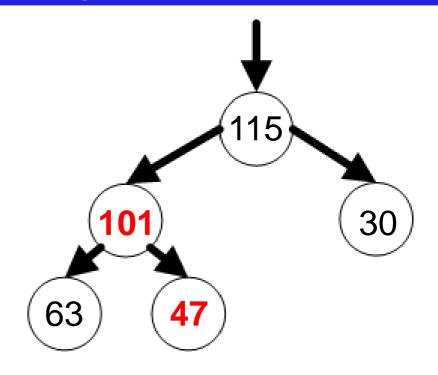


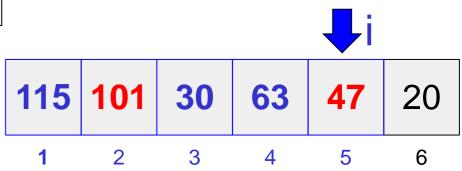


```
void heapsort() {

//Contrucao do heap
for (int tam = 2; tam <= n; tam++){
    constroi(tam);
}</pre>
```

```
void constroi(int tam){
  for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
    swap(i, i/2);
}
  false: 5 > 1 && 47 > 101
```

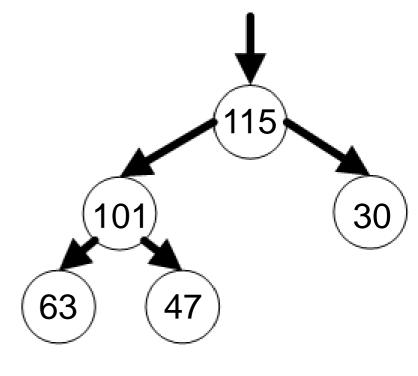


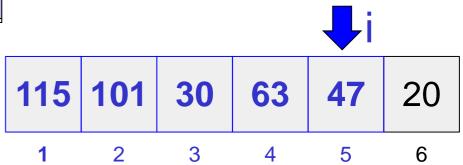


```
void heapsort() {

//Contrucao do heap
for (int tam = 2; tam <= n; tam++){
    constroi(tam);
}</pre>
```

```
void constroi(int tam){
  for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
    swap(i, i/2);
  }
}
```

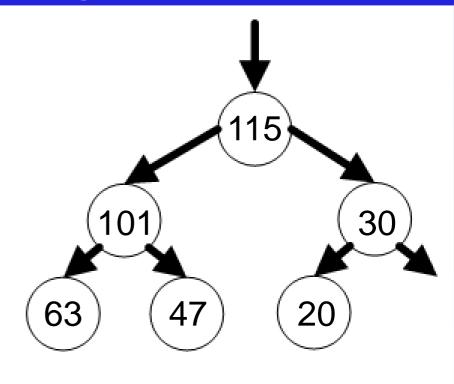


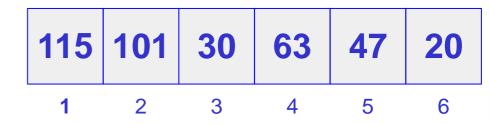


```
void heapsort() {

//Contrucao do heap
for (int tam = 2; tam <= n; tam++) {
    constroi(tam);
}</pre>
```

```
void constroi(int tam){
  for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
    swap(i, i/2);
  }
}
```

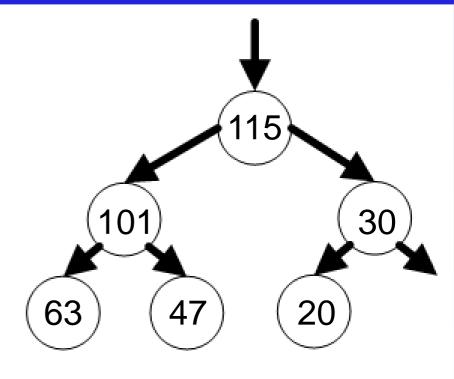


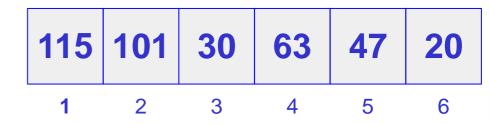


```
void heapsort() {
    true: 6 <= 6

//Contrucao do heap
for (int tam = 2 tam <= n; tam++){
    constroi(tam);
}</pre>
```

```
void constroi(int tam){
  for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
    swap(i, i/2);
  }
}
```

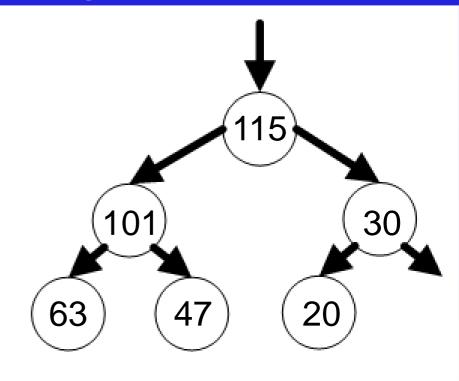


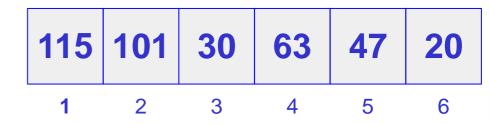


```
void heapsort() {

//Contrucao do heap
for (int tam = 2; tam <= n; tam++){
    constroi(tam);
}</pre>
```

```
void constroi(int tam){
  for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
    swap(i, i/2);
  }
}
```

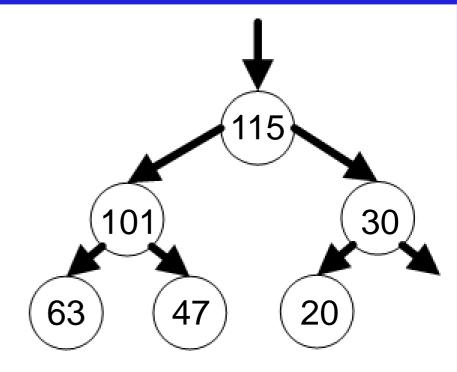


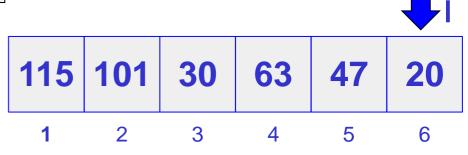


```
void heapsort() {

//Contrucao do heap
for (int tam = 2; tam <= n; tam++){
    constroi(tam);
}</pre>
```

```
void constroi(int tam){
  for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
    swap(i, i/2);
  }
}
```

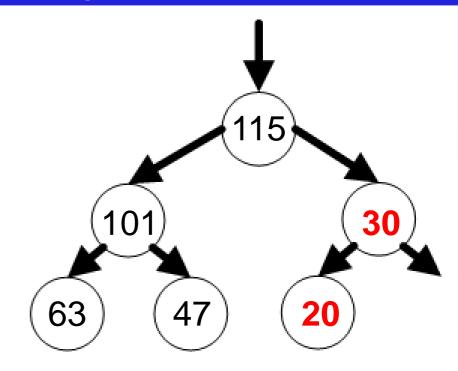


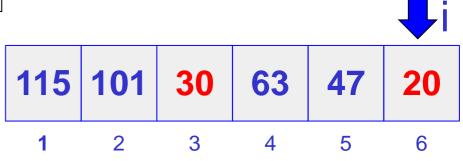


```
void heapsort() {

//Contrucao do heap
for (int tam = 2; tam <= n; tam++){
    constroi(tam);
}</pre>
```

```
void constroi(int tam){
  for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
    swap(i, i/2);
  }
  false: 6 > 1 && 20 > 30
```

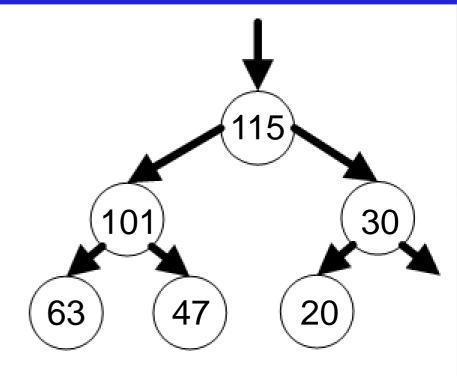


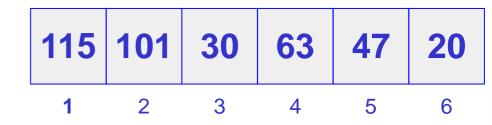


```
void heapsort() {

//Contrucao do heap
for (int tam = 2; tam <= n; tam++){
    constroi(tam);
}</pre>
```

```
void constroi(int tam){
  for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
    swap(i, i/2);
  }
}
```

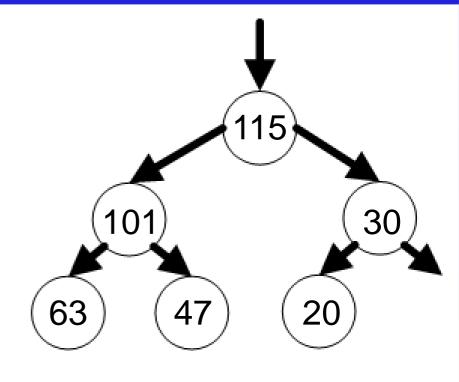




```
void heapsort() {

//Contrucao do heap
for (int tam = 2; tam <= n; tam++) {
    constroi(tam);
}</pre>
```

```
void constroi(int tam){
  for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
    swap(i, i/2);
  }
}
```

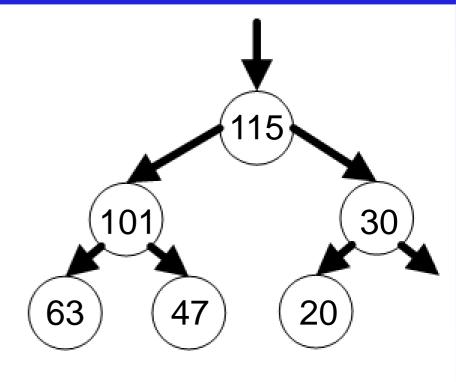




```
void heapsort() {
     false: 7 <= 6

//Contrucao do heap
for (int tam = 2 tam <= n; tam++){
     constroi(tam);
    }
</pre>
```

```
void constroi(int tam){
  for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
    swap(i, i/2);
  }
}
```

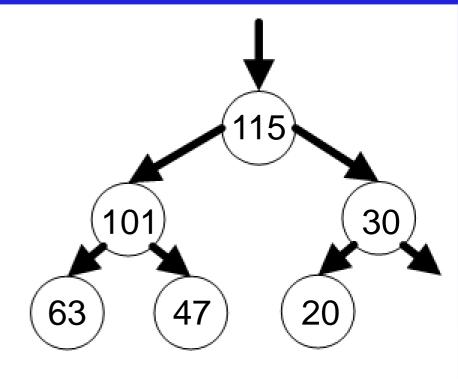




```
void heapsort() {

//Contrucao do heap
for (int tam = 2; tam <= n; tam++){
   constroi(tam);
}</pre>
```

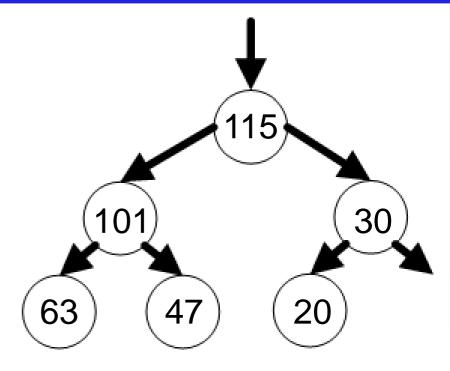
```
void constroi(int tam){
  for (int i = tam; i > 1 && array[i] > array[i/2]; i /= 2){
    swap(i, i/2);
  }
}
```

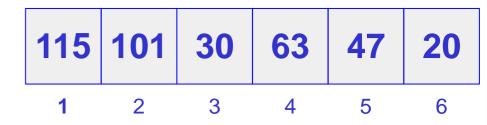




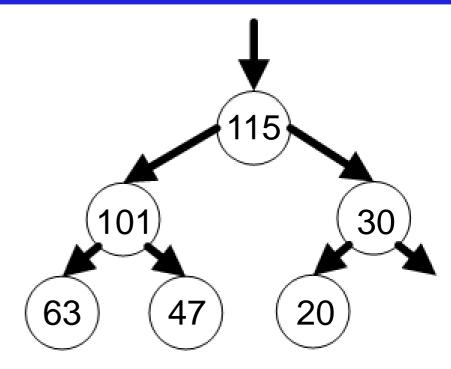
```
void heapsort() {

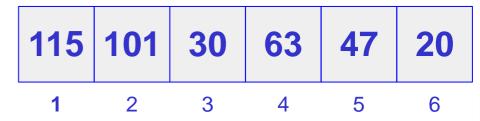
//Contrucao do heap
for (int tam = 2; tam <= n; tam++){
   constroi(tam);
}</pre>
```



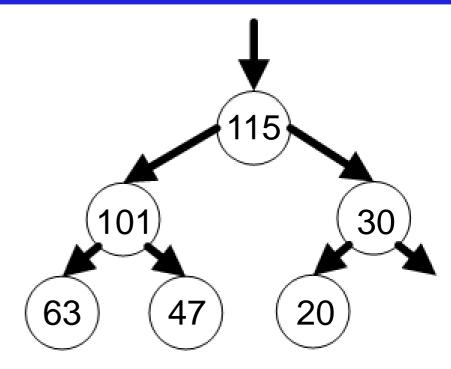


```
void heapsort() {
 //Contrucao do heap
 for (int tam = 2; tam <= n; tam++){</pre>
   constroi(tam);
 //Ordenacao propriamente dita
  int tam = n;
  while (tam > 1){
    swap(1, tam--);
    reconstroi(tam);
```





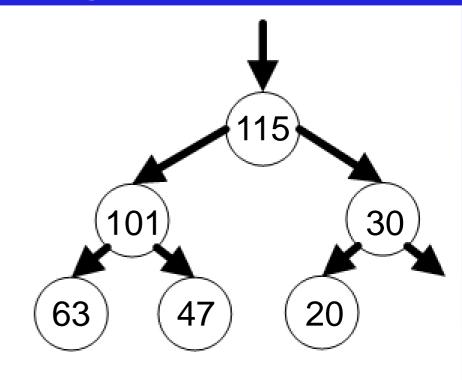
```
void heapsort() {
 //Contrucao do heap
 for (int tam = 2; tam <= n; tam++){
   constroi(tam);
 //Ordenacao propriamente dita
 int tam = n;
 while (tam > 1){
   swap(1, tam--);
   reconstroi(tam);
```

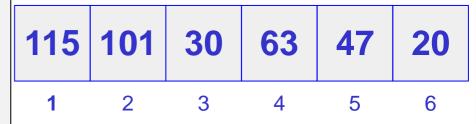




```
int tam = n;
  while (tam > 1){
    swap(1, tam--);
    reconstroi(tam);
  }
}
```

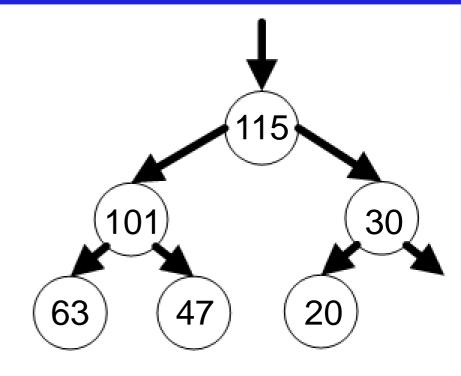
```
void reconstroi(int tam){
    int i = 1, filho;
    while (i <= (tam/2)){
        int filho = getMaiorFilho(i, tam);
        if (array[i] < array[filho]) {
            swap(i, filho);
            i = filho;
        } else {
            i = tam;
            }
        }
}</pre>
```

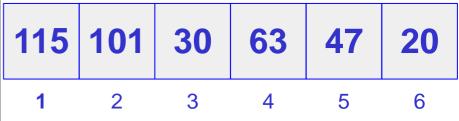




```
int tam = n;
while (tam > 1){
    swap(1, tam--);
    reconstroi(tam);
    }
}
```

```
void reconstroi(int tam){
  int i = 1, filho;
  while (i <= (tam/2)){
    int filho = getMaiorFilho(i, tam);
    if (array[i] < array[filho]) {
       swap(i, filho);
       i = filho;
    } else {
       i = tam;
    }
}</pre>
```



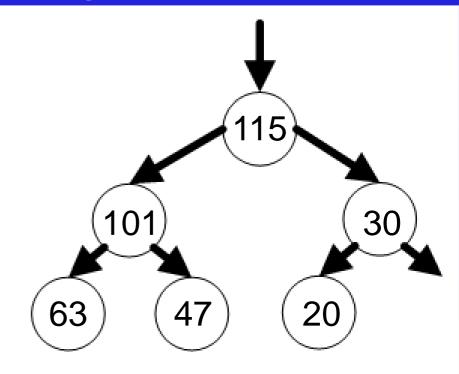


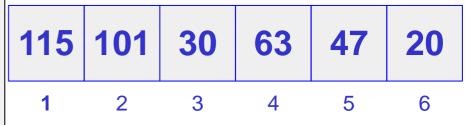
```
int tam = n;
while (tam > 1){

swap(1, tam--);
reconstroi(tam);
}

true: 6 > 1
}
```

```
void reconstroi(int tam){
  int i = 1, filho;
  while (i <= (tam/2)){
    int filho = getMaiorFilho(i, tam);
    if (array[i] < array[filho]) {
       swap(i, filho);
       i = filho;
    } else {
       i = tam;
    }
}</pre>
```





```
int tam = n;

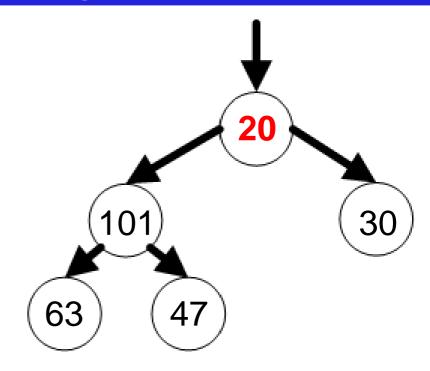
while (tam > 1){

swap(1, tam--);

reconstroi(tam);

}
```

```
void reconstroi(int tam){
   int i = 1, filho;
   while (i <= (tam/2)){
      int filho = getMaiorFilho(i, tam);
      if (array[i] < array[filho]) {
        swap(i, filho);
        i = filho;
      } else {
        i = tam;
      }
   }
}</pre>
```





```
int tam = n;

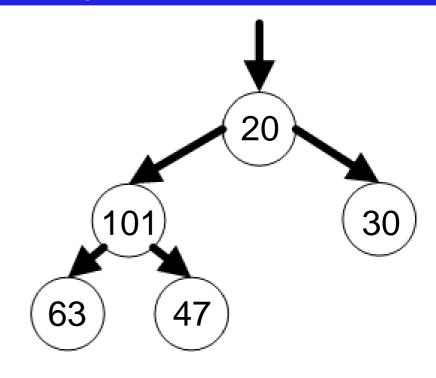
while (tam > 1){

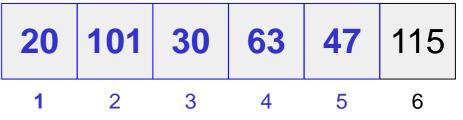
swap(1, tam--);

reconstroi(tam);

}
```

```
void reconstroi(int tam){
    int i = 1, filho;
    while (i <= (tam/2)){
        int filho = getMaiorFilho(i, tam);
        if (array[i] < array[filho]) {
            swap(i, filho);
            i = filho;
        } else {
            i = tam;
        }
    }
}</pre>
```





```
int tam = n;

while (tam > 1){

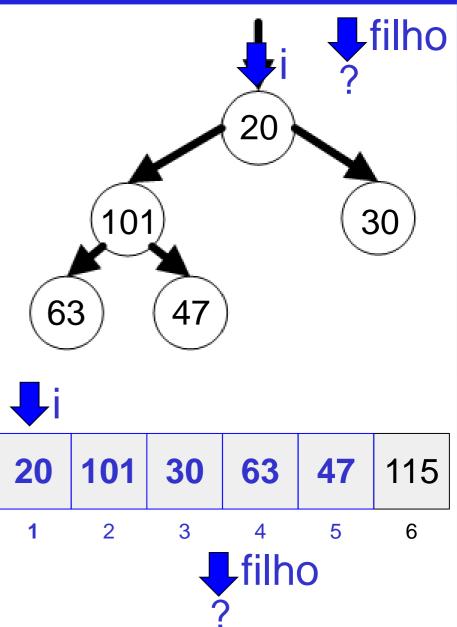
swap(1, tam--);

reconstroi(tam);

}
```

```
void reconstroi(int tam){
    int i = 1, filho;

while (i <= (tam/2)){
        int filho = getMaiorFilho(i, tam);
        if (array[i] < array[filho]) {
            swap(i, filho);
            i = filho;
        } else {
                i = tam;
            }
        }
}</pre>
```



```
int tam = n;

while (tam > 1){

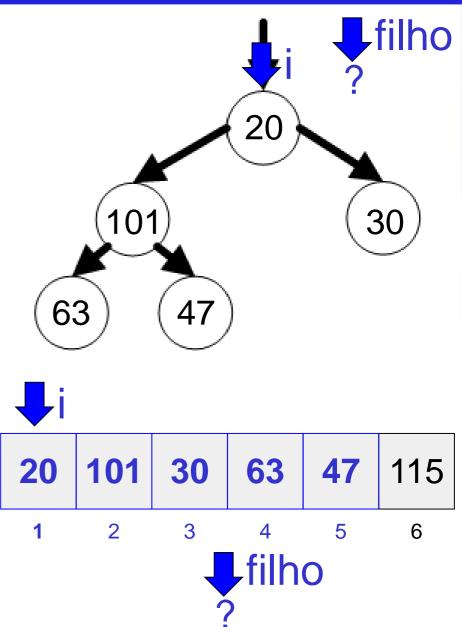
swap(1, tam--);

reconstroi(tam);

}
```

```
void reconstroi(int tam){
  int i = 1, filho;

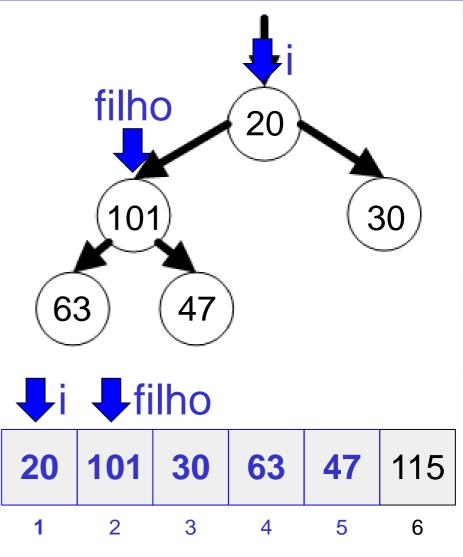
while (i <= (tam/2)){
  int filho = getMaiorFilho(i, tam);
  if (array[i] < array[filho]) {
    swap(i, filho);
    i = filho;
  } else {
    i = tam;
  }
}</pre>
```



```
int tam = n;
while (tam > 1){
swap(1, tam--);
reconstroi(tam);
}

void reconstroi(int tam){
```

```
void reconstroi(int tam){
   int i = 1, filho;
   while (i <= (tam/2)){
      int filho = getMaiorFilho(i, tam);
      if (array[i] < array[filho]) {
          swap(i, filho);
          i = filho;
      } else {
          i = tam;
      }
    }
}</pre>
```



```
int tam = n;

while (tam > 1){

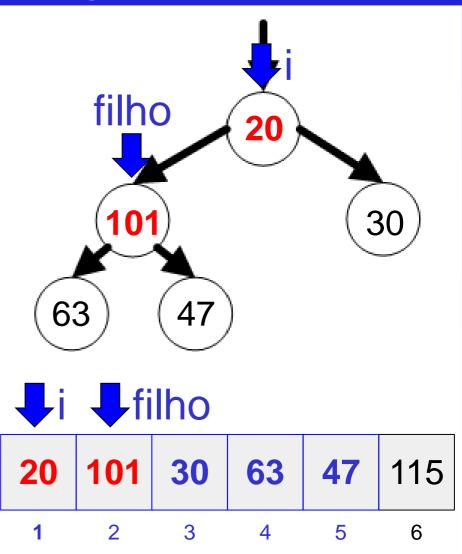
swap(1, tam--);

reconstroi(tam);

}

void reconstroi(int tam){
```

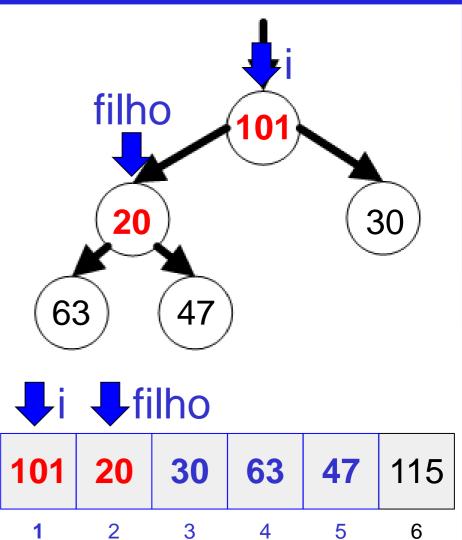
```
void reconstroi(int tam){
  int i = 1, filho;
  while (i <= (tam/2)){
    int filho = getMaiorFilho(i, tam);
    if (array[i] < array[filho]) {
        swap(i, filho);
        i = filho;
    } else {
        i = tam;
     }
}
true: 20 < 101</pre>
```



```
int tam = n;
    while (tam > 1){
    swap(1, tam--);
    reconstroi(tam);
    }
}

void reconstroi(int tam){
```

```
void reconstroi(int tam){
   int i = 1, filho;
   while (i <= (tam/2)){
      int filho = getMaiorFilho(i, tam);
      if (array[i] < array[filho]) {
        swap(i, filho);
        i = filho;
      } else {
        i = tam;
      }
   }
}</pre>
```



```
int tam = n;

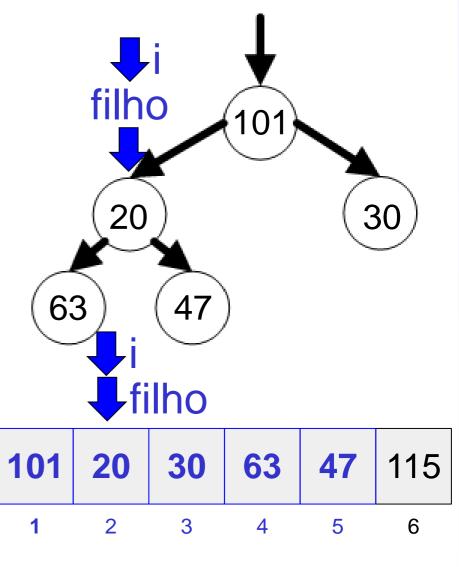
while (tam > 1){

swap(1, tam--);

reconstroi(tam);

}
```

```
void reconstroi(int tam){
    int i = 1, filho;
    while (i <= (tam/2)){
        int filho = getMaiorFilho(i, tam);
        if (array[i] < array[filho]) {
            swap(i, filho);
            i = filho;
            } else {
                i = tam;
            }
        }
}</pre>
```



```
int tam = n;

while (tam > 1){

swap(1, tam--);

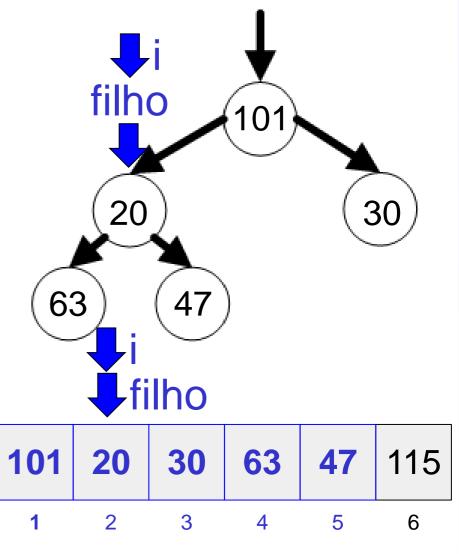
reconstroi(tam);

}
```

```
void reconstroi(int tam){
  int i = 1, filho;

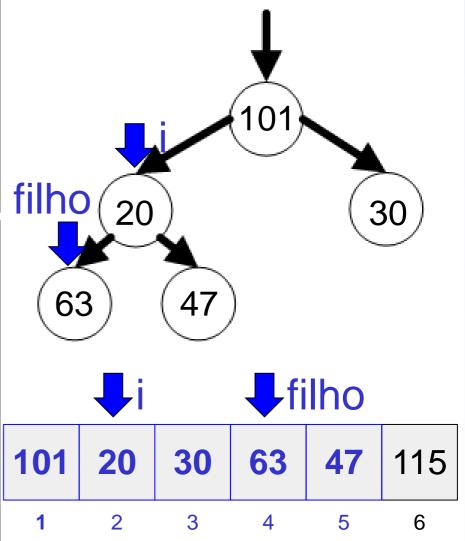
  while (i <= (tam/2)){

  int filho = getMaiorFilho(i, tam);
  if (array[i] < array[filho]) {
    swap(i, filho);
    i = filho;
  } else {
    i = tam;
  }
}</pre>
```



```
int tam = n;
while (tam > 1){
    swap(1, tam--);
    reconstroi(tam);
}
}
```

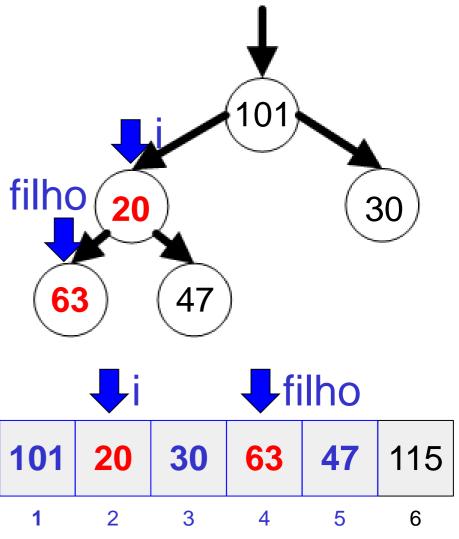
```
void reconstroi(int tam){
   int i = 1, filho;
   while (i <= (tam/2)){
      int filho = getMaiorFilho(i, tam);
      if (array[i] < array[filho]) {
            swap(i, filho);
            i = filho;
      } else {
            i = tam;
            }
      }
}</pre>
```



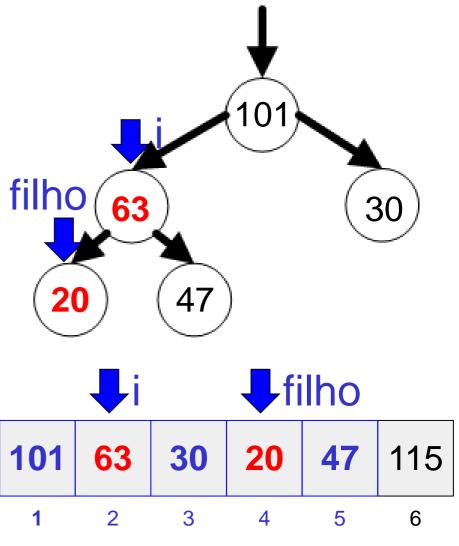
```
int tam = n;
    while (tam > 1){
    swap(1, tam--);
    reconstroi(tam);
    }
}

void reconstroi(int tam){
```

```
void reconstroi(int tam){
    int i = 1, filho;
    while (i <= (tam/2)){
        int filho = getMaiorFilho(i, tam);
        if (array[i] < array[filho]) {
            swap(i, filho);
            i = filho;
        } else {
            i = tam;
            }
        }
    }
}</pre>
```



```
tam
                                                      5
int tam = n;
  while (tam > 1){
    swap(1, tam--);
    reconstroi(tam);
void reconstroi(int tam){
  int i = 1, filho;
  while (i <= (tam/2)){
      int filho = getMaiorFilho(i, tam);
      if (array[i] < array[filho]) {</pre>
        swap(i, filho);
        i = filho;
      } else {
```



i = tam;

```
int tam = n;

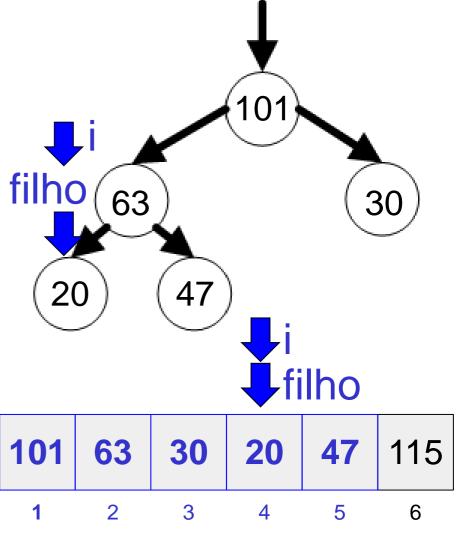
while (tam > 1){

swap(1, tam--);

reconstroi(tam);

}
```

```
void reconstroi(int tam){
   int i = 1, filho;
   while (i <= (tam/2)){
      int filho = getMaiorFilho(i, tam);
      if (array[i] < array[filho]) {
        swap(i, filho);
      i = filho;
      } else {
        i = tam;
      }
   }
}</pre>
```



```
int tam = n;

while (tam > 1){

swap(1, tam--);

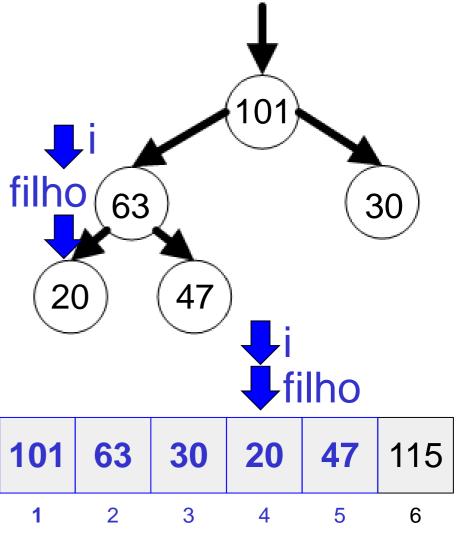
reconstroi(tam);

}
```

```
void reconstroi(int tam){
  int i = 1, filho;

  while (i <= (tam/2)){

  int filho = getMaiorFilho(i, tam);
  if (array[i] < array[filho]) {
    swap(i, filho);
    i = filho;
  } else {
    i = tam;
  }
}</pre>
```



```
int tam = n;

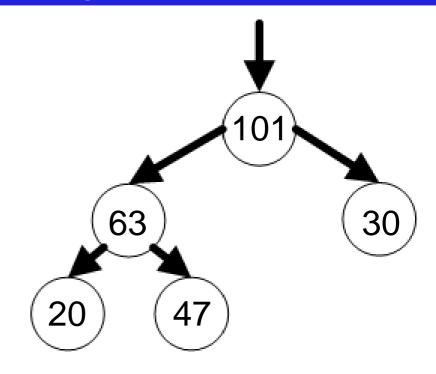
while (tam > 1){

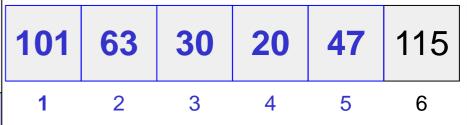
swap(1, tam--);

reconstroi(tam);

}
```

```
void reconstroi(int tam){
   int i = 1, filho;
   while (i <= (tam/2)){
      int filho = getMaiorFilho(i, tam);
      if (array[i] < array[filho]) {
        swap(i, filho);
        i = filho;
      } else {
        i = tam;
      }
}</pre>
```



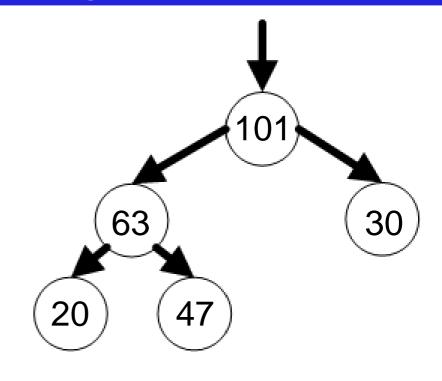


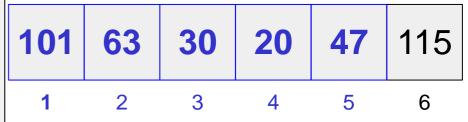
```
int tam = n;
while (tam > 1){

swap(1, tam--);
reconstroi(tam);
}

true: 5 > 1
}
```

```
void reconstroi(int tam){
  int i = 1, filho;
  while (i <= (tam/2)){
    int filho = getMaiorFilho(i, tam);
    if (array[i] < array[filho]) {
        swap(i, filho);
        i = filho;
    } else {
        i = tam;
    }
}</pre>
```





```
int tam = n;

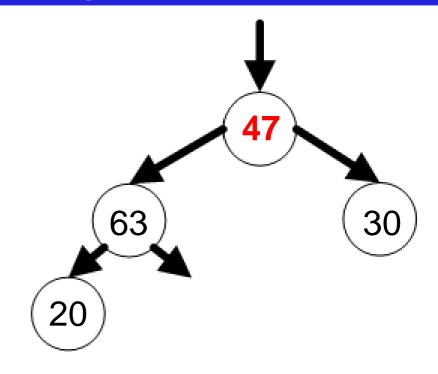
while (tam > 1){

swap(1, tam--);

reconstroi(tam);

}
```

```
void reconstroi(int tam){
  int i = 1, filho;
  while (i <= (tam/2)){
    int filho = getMaiorFilho(i, tam);
    if (array[i] < array[filho]) {
        swap(i, filho);
        i = filho;
    } else {
        i = tam;
    }
}</pre>
```





```
int tam = n;

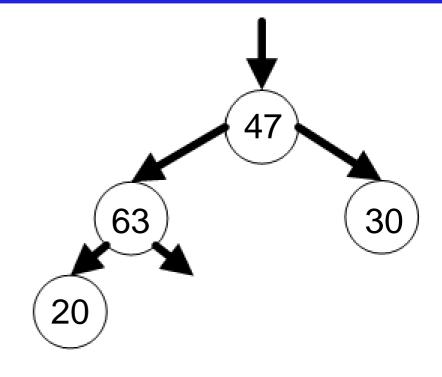
while (tam > 1){

swap(1, tam--);

reconstroi(tam);

}
```

```
void reconstroi(int tam){
  int i = 1, filho;
  while (i <= (tam/2)){
    int filho = getMaiorFilho(i, tam);
    if (array[i] < array[filho]) {
        swap(i, filho);
        i = filho;
    } else {
        i = tam;
    }
}</pre>
```

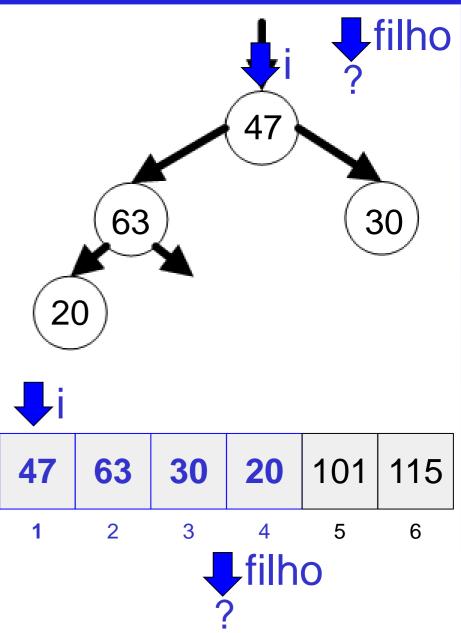




```
int tam = n;
while (tam > 1){
    swap(1, tam--);
    reconstroi(tam);
}
```

```
void reconstroi(int tam){
    int i = 1, filho;

    while (i <= (tam/2)){
        int filho = getMaiorFilho(i, tam);
        if (array[i] < array[filho]) {
            swap(i, filho);
            i = filho;
        } else {
            i = tam;
        }
    }
}</pre>
```



```
int tam = n;

while (tam > 1){

swap(1, tam--);

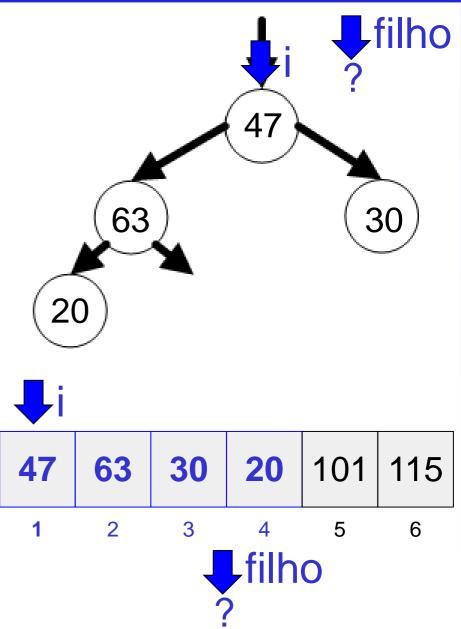
reconstroi(tam);

}
```

```
void reconstroi(int tam){
  int i = 1, filho;

  while (i <= (tam/2)){

  int filho = getMaiorFilho(i, tam);
  if (array[i] < array[filho]) {
    swap(i, filho);
    i = filho;
  } else {
    i = tam;
  }
}</pre>
```



```
int tam = n;

while (tam > 1){

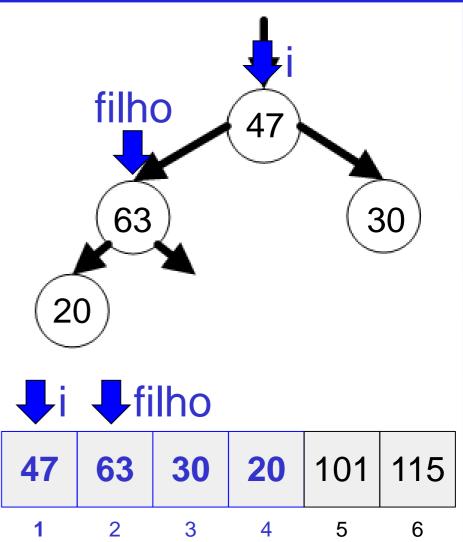
swap(1, tam--);

reconstroi(tam);

}
```

```
void reconstroi(int tam){
    int i = 1, filho;
    while (i <= (tam/2)){
        int filho = getMaiorFilho(i, tam);

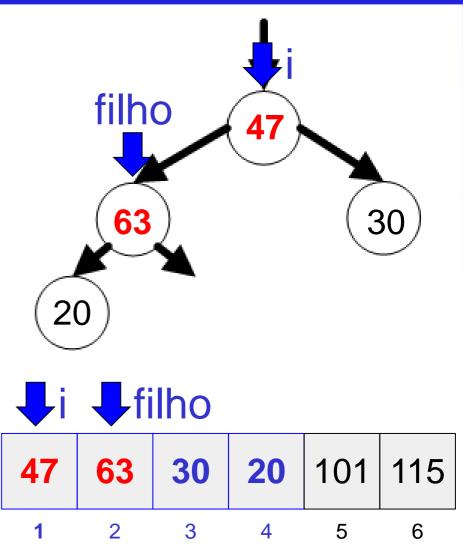
        if (array[i] < array[filho]) {
            swap(i, filho);
            i = filho;
        } else {
            i = tam;
        }
    }
}</pre>
```



```
int tam = n;
while (tam > 1){
    swap(1, tam--);
    reconstroi(tam);
}

void reconstroi(int tam){
```

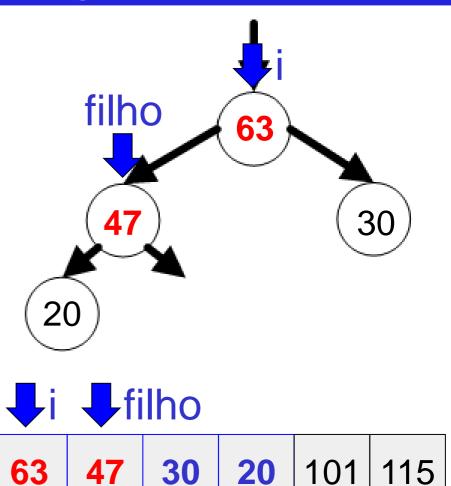
```
void reconstroi(int tam){
   int i = 1, filho;
   while (i <= (tam/2)){
      int filho = getMaiorFilho(i, tam);
      if (array[i] < array[filho]) {
         swap(i, filho);
         i = filho;
      } else {
         i = tam;
      }
   }
}</pre>
true: 47 < 63
```



```
int tam = n;
while (tam > 1){
    swap(1, tam--);
    reconstroi(tam);
}

void reconstroi(int tam){
```

```
void reconstroi(int tam){
   int i = 1, filho;
   while (i <= (tam/2)){
      int filho = getMaiorFilho(i, tam);
      if (array[i] < array[filho]) {
        swap(i, filho);
        i = filho;
      } else {
        i = tam;
      }
   }
}</pre>
```



2

3

5

6

```
int tam = n;

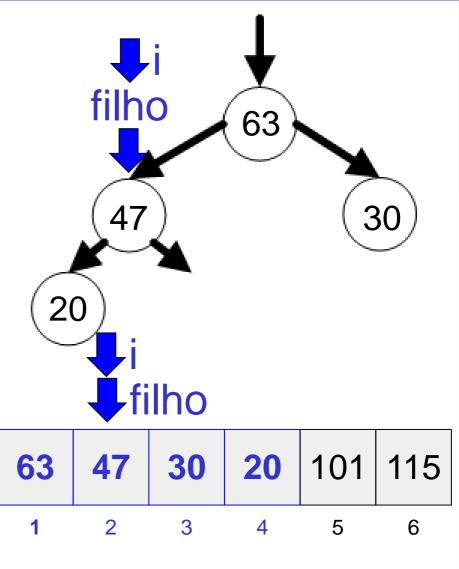
while (tam > 1){

swap(1, tam--);

reconstroi(tam);

}
```

```
void reconstroi(int tam){
   int i = 1, filho;
   while (i <= (tam/2)){
      int filho = getMaiorFilho(i, tam);
      if (array[i] < array[filho]) {
        swap(i, filho);
        i = filho;
      } else {
        i = tam;
      }
   }
}</pre>
```



```
int tam = n;

while (tam > 1){

swap(1, tam--);

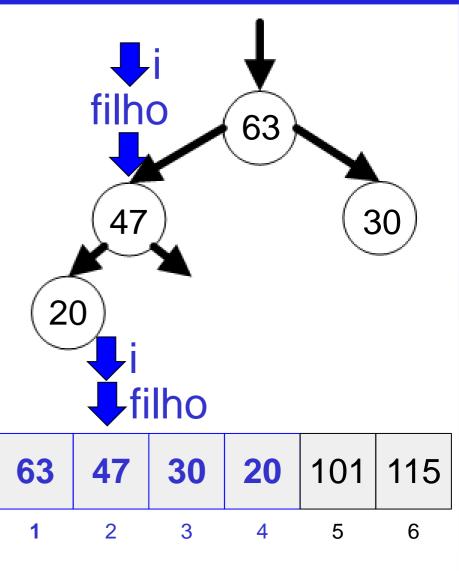
reconstroi(tam);

}
```

```
void reconstroi(int tam){
   int i = 1, filho;

while (i <= (tam/2)){

   int filho = getMaiorFilho(i, tam);
   if (array[i] < array[filho]) {
      swap(i, filho);
      i = filho;
   } else {
      i = tam;
   }
}</pre>
```



```
int tam = n;

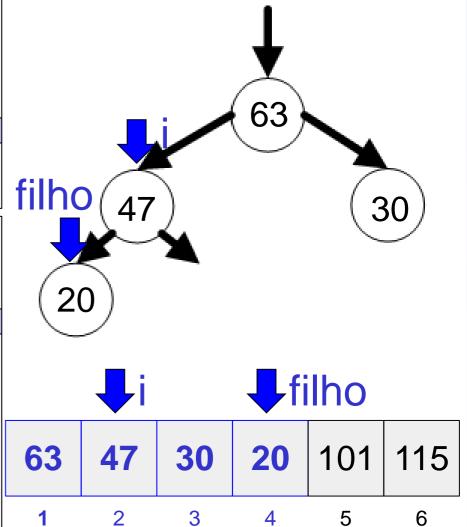
while (tam > 1){

swap(1, tam--);

reconstroi(tam);

}
```

```
void reconstroi(int tam){
   int i = 1, filho;
   while (i <= (tam/2)){
      int filho = getMaiorFilho(i, tam);
      if (array[i] < array[filho]) {
            swap(i, filho);
            i = filho;
      } else {
            i = tam;
      }
   }
}</pre>
```



```
int tam = n;

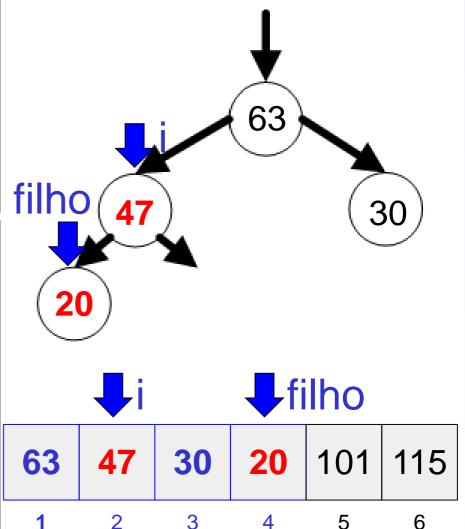
while (tam > 1){

swap(1, tam--);

reconstroi(tam);

}
```

```
void reconstroi(int tam){
   int i = 1, filho;
   while (i <= (tam/2)){
      int filho = getMaiorFilho(i, tam);
      if (array[i] < array[filho]) {
         swap(i, filho);
         i = filho;
      } else {
         i = tam;
      }
   }
}</pre>
false: 47 < 20
```



```
int tam = n;

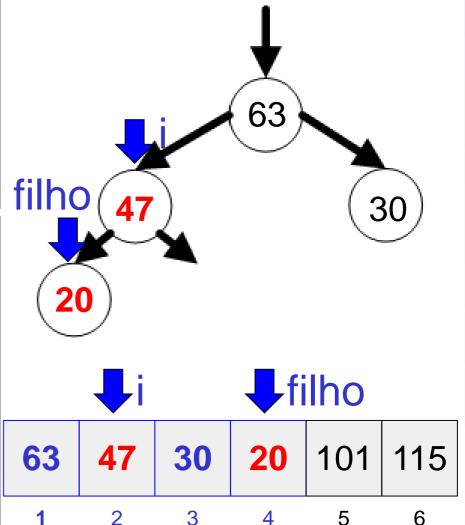
while (tam > 1){

swap(1, tam--);

reconstroi(tam);

}
```

```
void reconstroi(int tam){
   int i = 1, filho;
   while (i <= (tam/2)){
      int filho = getMaiorFilho(i, tam);
      if (array[i] < array[filho]) {
         swap(i, filho);
         i = filho;
      } else {
        i = tam;
      }
   }
}</pre>
```



```
int tam = n;

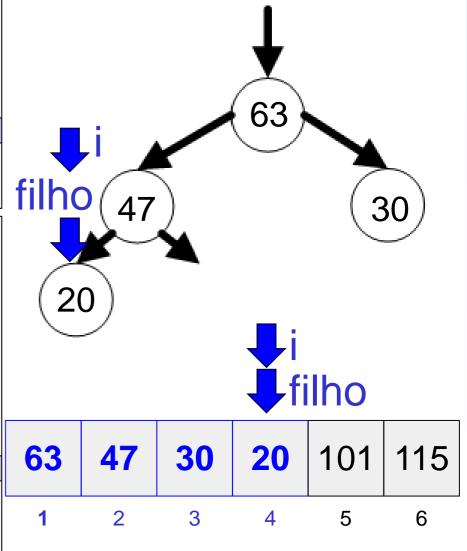
while (tam > 1){

swap(1, tam--);

reconstroi(tam);

}
```

```
void reconstroi(int tam){
   int i = 1, filho;
   while (i <= (tam/2)){
      int filho = getMaiorFilho(i, tam);
      if (array[i] < array[filho]) {
         swap(i, filho);
         i = filho;
      } else {
        i = tam;
      }
   }
}</pre>
```

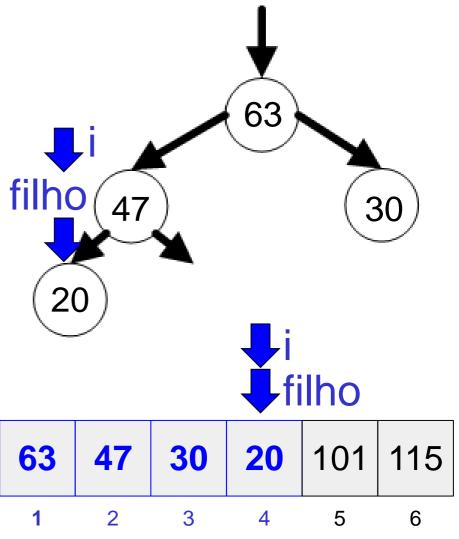


```
int tam = n;
while (tam > 1){
    swap(1, tam--);
    reconstroi(tam);
}
```

```
void reconstroi(int tam){
  int i = 1, filho;

  while (i <= (tam/2)){

  int filho = getMaiorFilho(i, tam);
  if (array[i] < array[filho]) {
    swap(i, filho);
    i = filho;
  } else {
    i = tam;
  }
}</pre>
```



```
int tam = n;

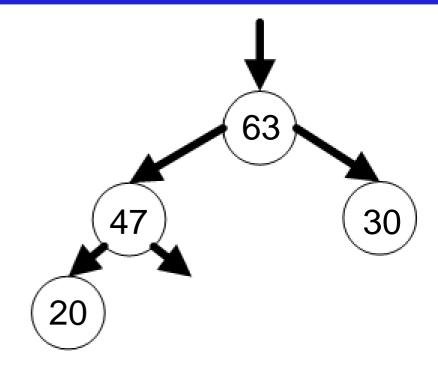
while (tam > 1){

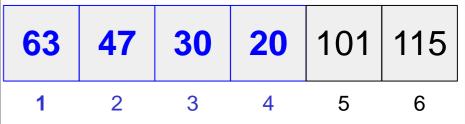
swap(1, tam--);

reconstroi(tam);

}
```

```
void reconstroi(int tam){
   int i = 1, filho;
   while (i <= (tam/2)){
      int filho = getMaiorFilho(i, tam);
      if (array[i] < array[filho]) {
        swap(i, filho);
        i = filho;
      } else {
        i = tam;
      }
}</pre>
```



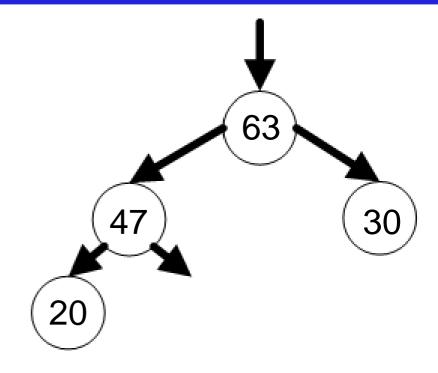


```
int tam = n;
while (tam > 1){

swap(1, tam--);
reconstroi(tam);
}

true: 4 > 1
}
```

```
void reconstroi(int tam){
  int i = 1, filho;
  while (i <= (tam/2)){
    int filho = getMaiorFilho(i, tam);
    if (array[i] < array[filho]) {
        swap(i, filho);
        i = filho;
    } else {
        i = tam;
    }
}</pre>
```





```
int tam = n;

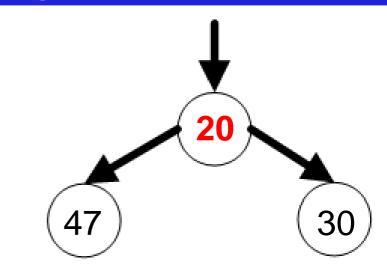
while (tam > 1){

swap(1, tam--);

reconstroi(tam);

}
```

```
void reconstroi(int tam){
   int i = 1, filho;
   while (i <= (tam/2)){
      int filho = getMaiorFilho(i, tam);
      if (array[i] < array[filho]) {
         swap(i, filho);
         i = filho;
      } else {
         i = tam;
      }
   }
}</pre>
```





```
int tam = n;

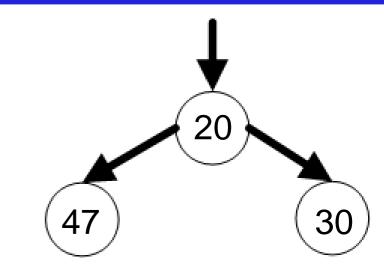
while (tam > 1){

swap(1, tam--);

reconstroi(tam);

}
```

```
void reconstroi(int tam){
  int i = 1, filho;
  while (i <= (tam/2)){
    int filho = getMaiorFilho(i, tam);
    if (array[i] < array[filho]) {
        swap(i, filho);
        i = filho;
    } else {
        i = tam;
    }
}</pre>
```





```
int tam = n;

while (tam > 1){

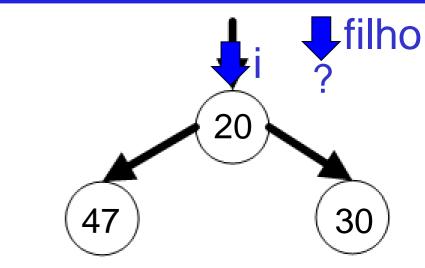
swap(1, tam--);

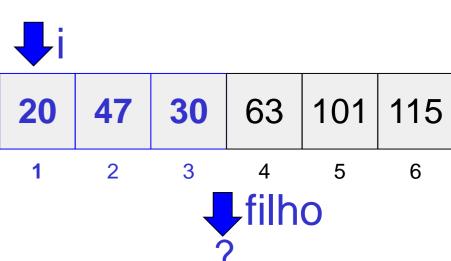
reconstroi(tam);

}
```

```
void reconstroi(int tam){
    int i = 1, filho;

    while (i <= (tam/2)){
        int filho = getMaiorFilho(i, tam);
        if (array[i] < array[filho]) {
            swap(i, filho);
            i = filho;
        } else {
            i = tam;
        }
    }
}</pre>
```





```
int tam = n;

while (tam > 1){

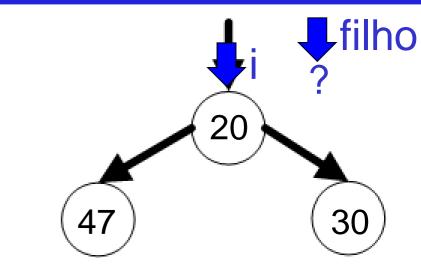
swap(1, tam--);

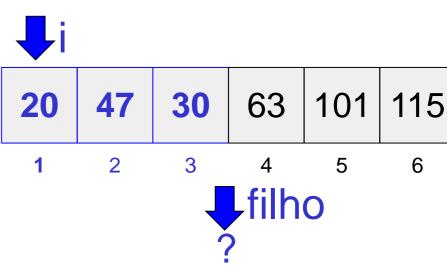
reconstroi(tam);

}
```

```
void reconstroi(int tam){
  int i = 1, filho;

while (i <= (tam/2)){
  int filho = getMaiorFilho(i, tam);
  if (array[i] < array[filho]) {
    swap(i, filho);
    i = filho;
  } else {
    i = tam;
  }
}</pre>
```





```
int tam = n;

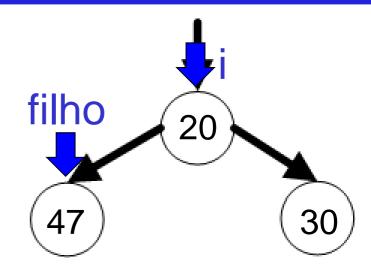
while (tam > 1){

swap(1, tam--);

reconstroi(tam);

}
```

```
void reconstroi(int tam){
   int i = 1, filho;
   while (i <= (tam/2)){
      int filho = getMaiorFilho(i, tam);
      if (array[i] < array[filho]) {
          swap(i, filho);
          i = filho;
      } else {
          i = tam;
      }
    }
}</pre>
```





```
int tam = n;

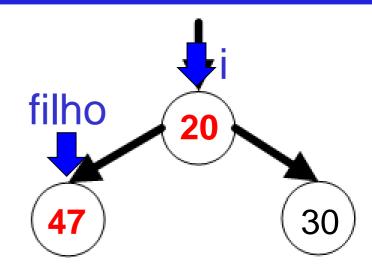
while (tam > 1){

swap(1, tam--);

reconstroi(tam);

}
```

```
void reconstroi(int tam){
  int i = 1, filho;
  while (i <= (tam/2)){
    int filho = getMaiorFilho(i, tam);
  if (array[i] < array[filho]) {
      swap(i, filho);
      i = filho;
    } else {
      i = tam;
    }
}
true: 20 < 47</pre>
```





```
int tam = n;

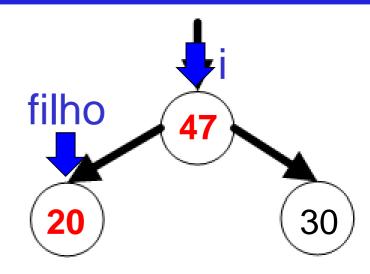
while (tam > 1){

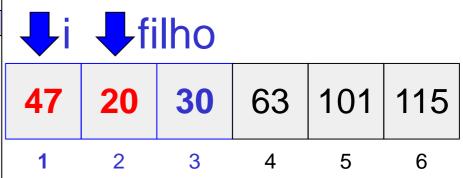
swap(1, tam--);

reconstroi(tam);

}
```

```
void reconstroi(int tam){
    int i = 1, filho;
    while (i <= (tam/2)){
        int filho = getMaiorFilho(i, tam);
        if (array[i] < array[filho]) {
            swap(i, filho);
            i = filho;
        } else {
            i = tam;
            }
        }
    }
}</pre>
```





```
int tam = n;

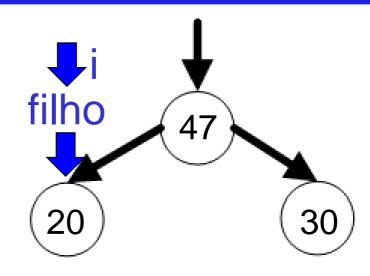
while (tam > 1){

swap(1, tam--);

reconstroi(tam);

}
```

```
void reconstroi(int tam){
    int i = 1, filho;
    while (i <= (tam/2)){
        int filho = getMaiorFilho(i, tam);
        if (array[i] < array[filho]) {
            swap(i, filho);
            i = filho;
            } else {
                i = tam;
            }
        }
}</pre>
```





```
int tam = n;

while (tam > 1){

swap(1, tam--);

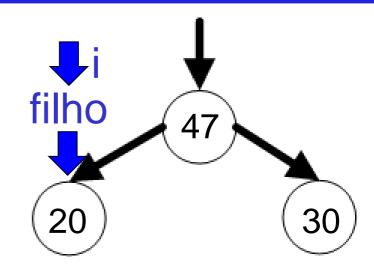
reconstroi(tam);

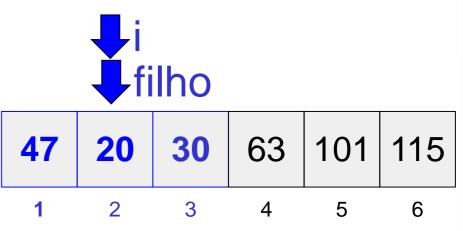
}
```

```
void reconstroi(int tam){
   int i = 1, filho;

   while (i <= (tam/2)){

      int filho = getMaiorFilho(i, tam);
      if (array[i] < array[filho]) {
         swap(i, filho);
         i = filho;
      } else {
         i = tam;
      }
   }
}</pre>
```





```
int tam = n;

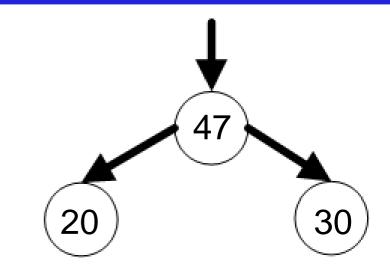
while (tam > 1){

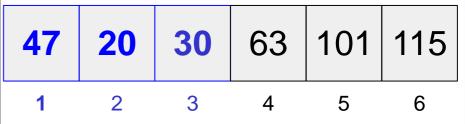
swap(1, tam--);

reconstroi(tam);

}
```

```
void reconstroi(int tam){
   int i = 1, filho;
   while (i <= (tam/2)){
      int filho = getMaiorFilho(i, tam);
      if (array[i] < array[filho]) {
        swap(i, filho);
        i = filho;
      } else {
        i = tam;
      }
}</pre>
```



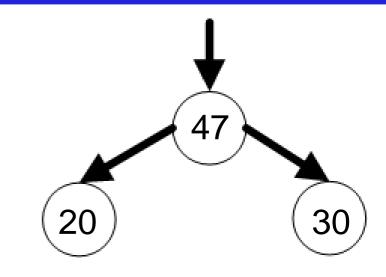


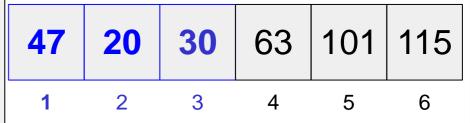
```
int tam = n;
while (tam > 1){

swap(1, tam--);
reconstroi(tam);
}

true: 3 > 1
```

```
void reconstroi(int tam){
   int i = 1, filho;
   while (i <= (tam/2)){
      int filho = getMaiorFilho(i, tam);
      if (array[i] < array[filho]) {
         swap(i, filho);
         i = filho;
      } else {
         i = tam;
      }
   }
}</pre>
```





```
int tam = n;

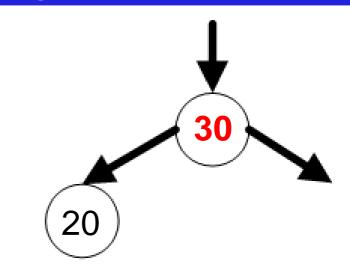
while (tam > 1){

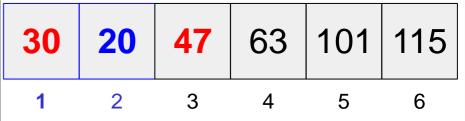
swap(1, tam--);

reconstroi(tam);

}
```

```
void reconstroi(int tam){
   int i = 1, filho;
   while (i <= (tam/2)){
      int filho = getMaiorFilho(i, tam);
      if (array[i] < array[filho]) {
         swap(i, filho);
         i = filho;
      } else {
         i = tam;
      }
   }
}</pre>
```





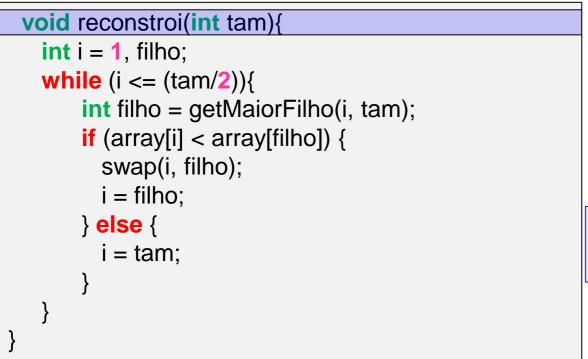
```
int tam = n;

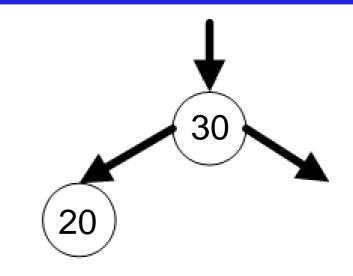
while (tam > 1){

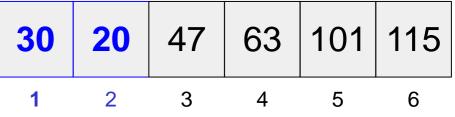
swap(1, tam--);

reconstroi(tam);

}
```







```
int tam = n;

while (tam > 1){

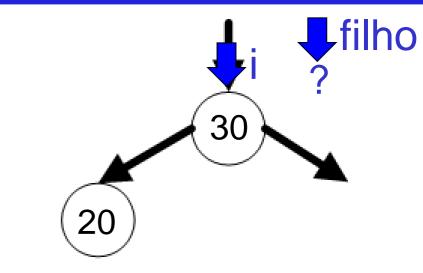
swap(1, tam--);

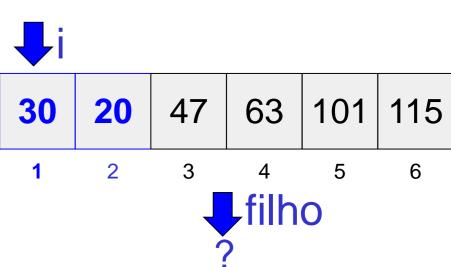
reconstroi(tam);

}
```

```
void reconstroi(int tam){
    int i = 1, filho;

while (i <= (tam/2)){
        int filho = getMaiorFilho(i, tam);
        if (array[i] < array[filho]) {
            swap(i, filho);
            i = filho;
        } else {
                i = tam;
            }
        }
}</pre>
```





```
int tam = n;

while (tam > 1){

swap(1, tam--);

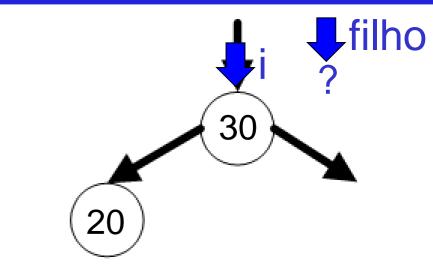
reconstroi(tam);

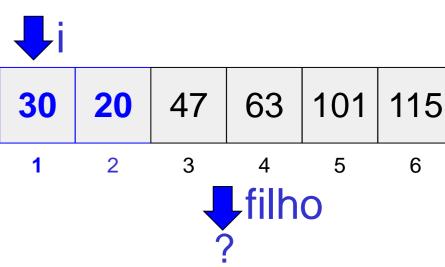
}
```

```
void reconstroi(int tam){
   int i = 1, filho;

   while (i <= (tam/2)){

      int filho = getMaiorFilho(i, tam);
      if (array[i] < array[filho]) {
            swap(i, filho);
            i = filho;
      } else {
            i = tam;
            }
        }
    }
}</pre>
```





```
int tam = n;

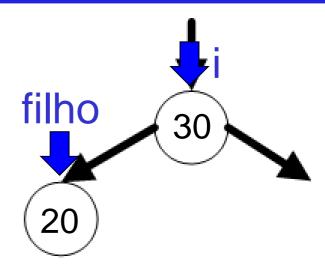
while (tam > 1){

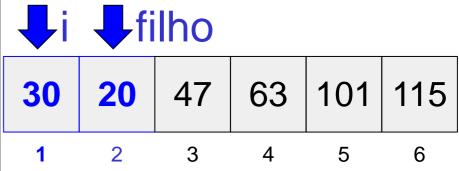
swap(1, tam--);

reconstroi(tam);

}
```

```
void reconstroi(int tam){
   int i = 1, filho;
   while (i <= (tam/2)){
      int filho = getMaiorFilho(i, tam);
      if (array[i] < array[filho]) {
         swap(i, filho);
         i = filho;
      } else {
         i = tam;
      }
   }
}</pre>
```





```
int tam = n;

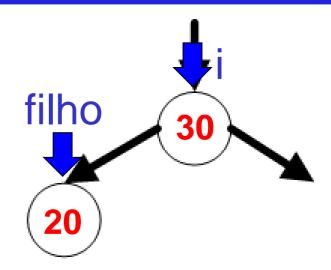
while (tam > 1){

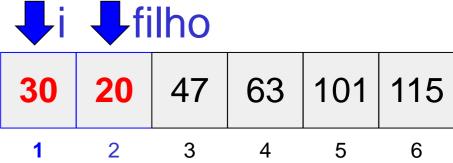
swap(1, tam--);

reconstroi(tam);

}
```

```
void reconstroi(int tam){
   int i = 1, filho;
   while (i <= (tam/2)){
      int filho = getMaiorFilho(i, tam);
      if (array[i] < array[filho]) {
        swap(i, filho);
        i = filho;
      } else {
        i = tam;
      }
   }
}</pre>
```





```
int tam = n;

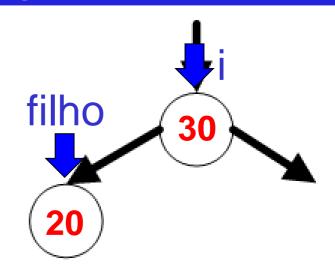
while (tam > 1){

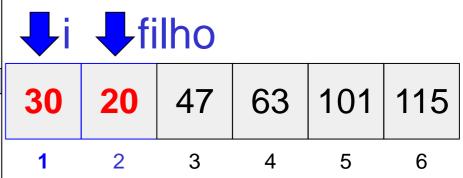
swap(1, tam--);

reconstroi(tam);

}
```

```
void reconstroi(int tam){
   int i = 1, filho;
   while (i <= (tam/2)){
      int filho = getMaiorFilho(i, tam);
      if (array[i] < array[filho]) {
        swap(i, filho);
        i = filho;
      } else {
        i = tam;
      }
   }
}</pre>
```





```
int tam = n;

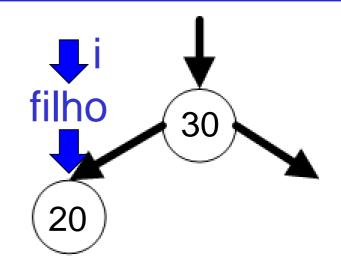
while (tam > 1){

swap(1, tam--);

reconstroi(tam);

}
```

```
void reconstroi(int tam){
   int i = 1, filho;
   while (i <= (tam/2)){
      int filho = getMaiorFilho(i, tam);
      if (array[i] < array[filho]) {
         swap(i, filho);
         i = filho;
      } else {
        i = tam;
      }
   }
}</pre>
```





```
int tam = n;

while (tam > 1){

swap(1, tam--);

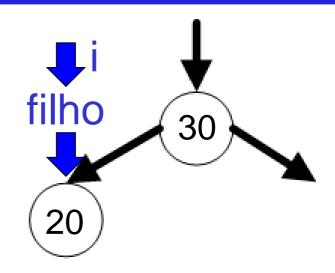
reconstroi(tam);

}
```

```
void reconstroi(int tam){
   int i = 1, filho;

   while (i <= (tam/2)){

      int filho = getMaiorFilho(i, tam);
      if (array[i] < array[filho]) {
         swap(i, filho);
         i = filho;
      } else {
         i = tam;
      }
   }
}</pre>
```





```
int tam = n;

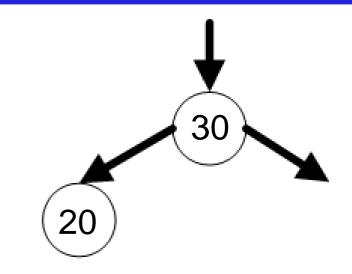
while (tam > 1){

swap(1, tam--);

reconstroi(tam);

}
```

```
void reconstroi(int tam){
   int i = 1, filho;
   while (i <= (tam/2)){
      int filho = getMaiorFilho(i, tam);
      if (array[i] < array[filho]) {
        swap(i, filho);
        i = filho;
      } else {
        i = tam;
      }
}</pre>
```



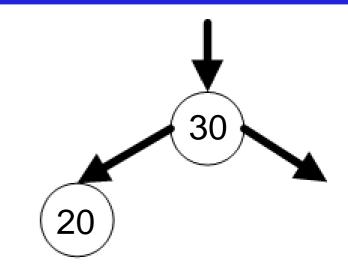
30	20	47	63	101	115		
1	2	3	4	5	6		

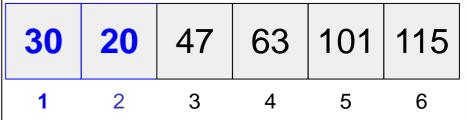
```
int tam = n;
while (tam > 1){

swap(1, tam--);
reconstroi(tam);
}

true: 2 > 1
}
```

```
void reconstroi(int tam){
    int i = 1, filho;
    while (i <= (tam/2)){
        int filho = getMaiorFilho(i, tam);
        if (array[i] < array[filho]) {
            swap(i, filho);
            i = filho;
        } else {
            i = tam;
            }
        }
}</pre>
```

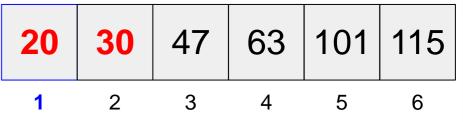




```
int tam = n;
while (tam > 1){
    swap(1, tam--);
    reconstroi(tam);
}
```

```
20
```

```
void reconstroi(int tam){
    int i = 1, filho;
    while (i <= (tam/2)){
        int filho = getMaiorFilho(i, tam);
        if (array[i] < array[filho]) {
            swap(i, filho);
            i = filho;
        } else {
            i = tam;
        }
    }
}</pre>
```



```
int tam = n;

while (tam > 1){

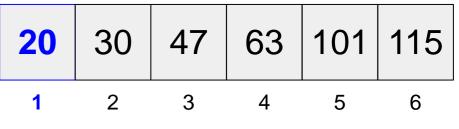
swap(1, tam--);

reconstroi(tam);

}
```

```
20
```

```
void reconstroi(int tam){
    int i = 1, filho;
    while (i <= (tam/2)){
        int filho = getMaiorFilho(i, tam);
        if (array[i] < array[filho]) {
            swap(i, filho);
            i = filho;
        } else {
            i = tam;
        }
    }
}</pre>
```



```
int tam = n;

while (tam > 1){

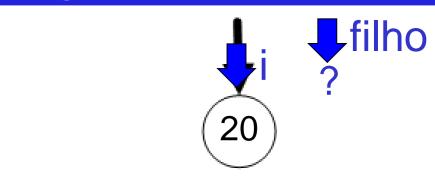
swap(1, tam--);

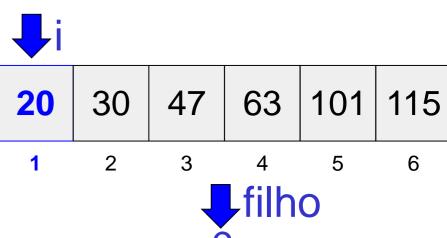
reconstroi(tam);

}
```

```
void reconstroi(int tam){
    int i = 1, filho;

while (i <= (tam/2)){
        int filho = getMaiorFilho(i, tam);
        if (array[i] < array[filho]) {
            swap(i, filho);
            i = filho;
        } else {
                i = tam;
            }
        }
}</pre>
```



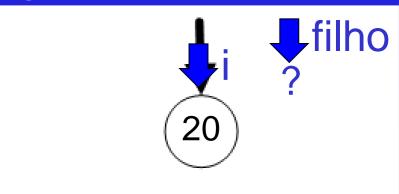


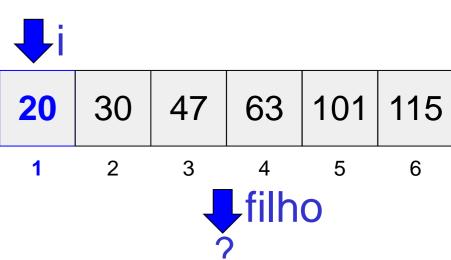
```
int tam = n;
while (tam > 1){
    swap(1, tam--);
    reconstroi(tam);
}
```

```
void reconstroi(int tam){
  int i = 1, filho;

while (i <= (tam/2)){

  int filho = getMaiorFilho(i, tam);
  if (array[i] < array[filho]) {
    swap(i, filho);
    i = filho;
  } else {
    i = tam;
  }
}</pre>
```





```
int tam = n;

while (tam > 1){

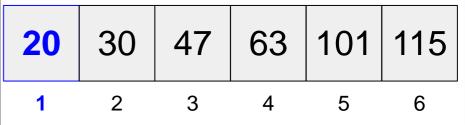
swap(1, tam--);

reconstroi(tam);

}
```

```
20
```

```
void reconstroi(int tam){
   int i = 1, filho;
   while (i <= (tam/2)){
      int filho = getMaiorFilho(i, tam);
      if (array[i] < array[filho]) {
        swap(i, filho);
        i = filho;
      } else {
        i = tam;
      }
}</pre>
```

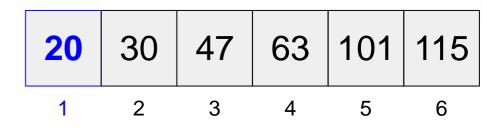


```
int tam = n;
while (tam > 1){

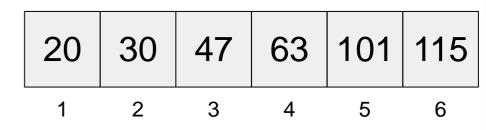
swap(1, tam--);
reconstroi(tam);
}

false: 1 > 1
```





```
int tam = n;
while (tam > 1){
    swap(1, tam--);
    reconstroi(tam);
}
```

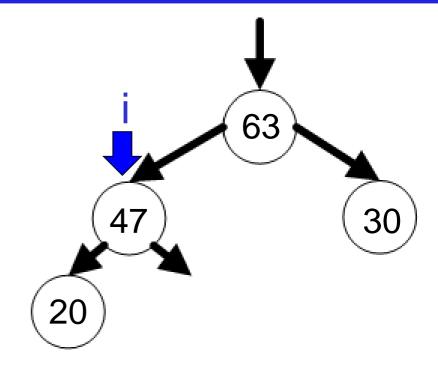


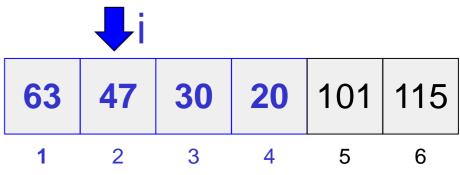
# Método getMaiorFilho(int i, int tam)

```
int getMaiorFilho(int i, int tam){
    int filho;
    if (2*i == tam || array[2*i] > array[2*i+ 1]) {
        filho = 2*i;
    } else {
        filho = 2*i + 1;
    }
    return filho;
}
```

# Método getMaiorFilho(int i, int tam)

```
int getMaiorFilho(int i, int tam){
   int filho;
   if (2*i == tam || array[2*i] > array[2*i+ 1]) {
      filho = 2*i;
   } else {
      filho = 2*i + 1;
   }
   return filho;
}
```





# Análise do Número de Comparações

 Criamos o heap com n inserções e efetuamos (n-1) remoções para ordenar o array, assim, para todos os casos, temos:

$$n *\Theta(lg(n)) + (n-1) *\Theta(lg(n))$$

Logo:

$$\Theta(n \lg(n))$$

# Análise do Número de Movimentações

O número de movimentações é três vezes o de trocas mais as (n-1)
 movimentações correspondentes às remoções

 $\bullet$  Como o número de trocas tem seu limite superior dado pelo de comparações, a complexidade, no pior caso, é  $\Theta(n\lg(n))$ 

#### Exercício

Mostre todas as comparações e movimentações do algoritmo anterior para o array abaixo:

12	4	8	2	14	17	6	18	10	16	15	5	13	9	1	11	7	3
	•	•	_			•					•		•	_		, • !	•