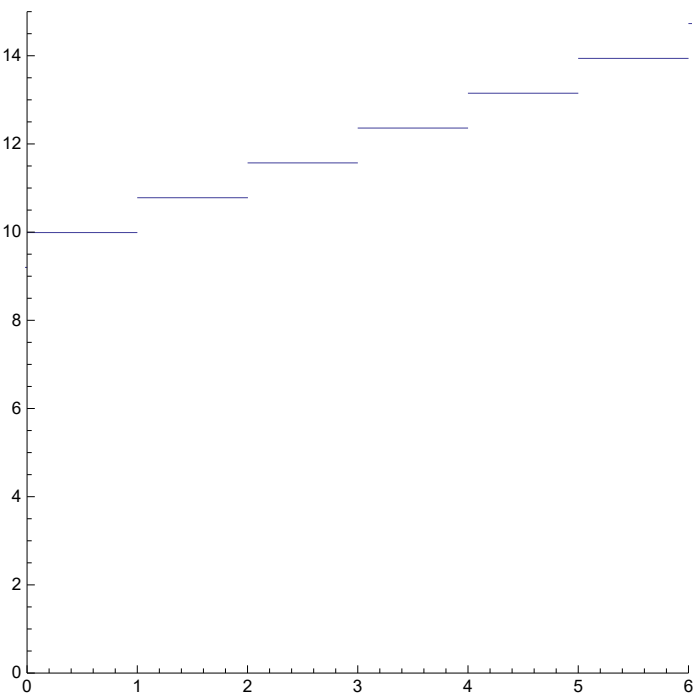


```
Costo[t_] := 9.99 - 0.79 Floor[-(t - 1)]
```

```
Plot[Costo[t], {t, -10, 10}, PlotRange -> {{0, 6}, {0, 15}}, AspectRatio -> 1]
```



```
Grid[Table[{t, N[Costo[t], 5]}, {t, 3, 4.1, 0.1}], Frame -> All]
```

3.	11.57
3.1	12.36
3.2	12.36
3.3	12.36
3.4	12.36
3.5	12.36
3.6	12.36
3.7	12.36
3.8	12.36
3.9	12.36
4.	12.36
4.1	13.15

```
Limit[Costo[t], t -> 3.5]
```

12.36

```
Limit[Costo[t], t → 3, Direction → 1]
```

```
11.57
```

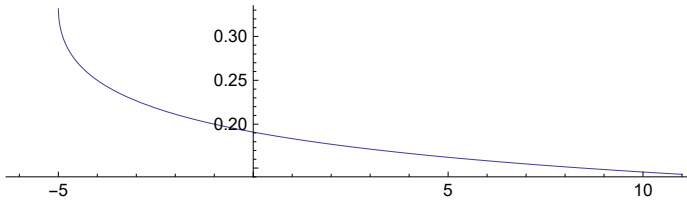
```
Limit[Costo[t], t → 3, Direction → -1]
```

```
12.36
```

(\*El límite no existe en t= 3 porque tiende a 11.57 por la izquierda y a 12.36 por la derecha\*)

```
f1[x_] := Expand[(Sqrt[x + 5] - 3) / (x - 4)] (*El dominio es [-5, +INF) - {4} *)
```

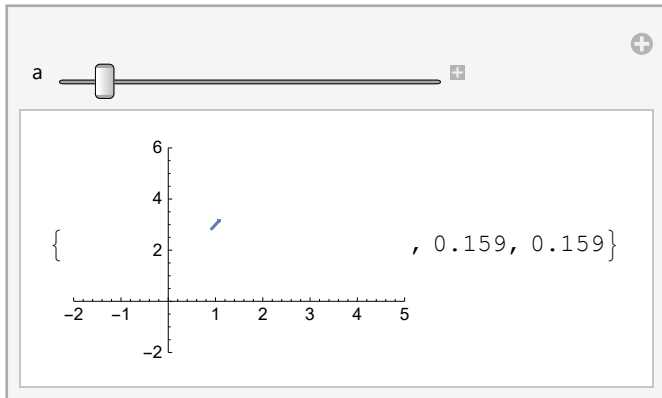
```
Plot[f1[x], {x, -6, 11}, AspectRatio → 1/4]
```



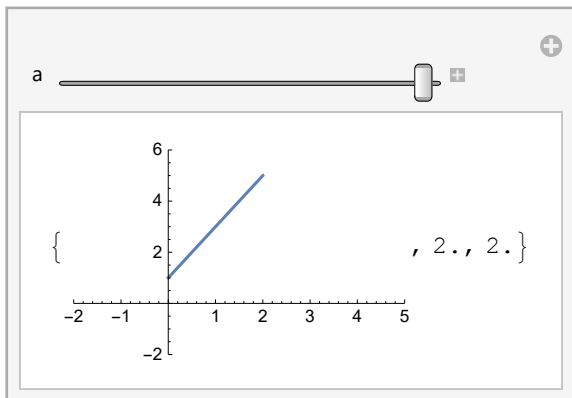
(\*Por la forma de la gráfica se puede pensar que la función es lineal de -5 al infinito positivo, pero no es así porque la función no está definida en el punto x=4, el hueco en ese punto no se ve. Por eso es importante analizar de forma analítica la función y no guiarse sólo por la gráfica, la gráfica es sólo una referencia pero no muestra las discontinuidades\*)

```
f2[x_] := Expand[2 x + 1]
```

```
Manipulate[{Plot[f2[x], {x, 1 - a, 1 + a}, PlotRange → {{-2, 5}, {-2, 6}}],  
  Abs[f2[a + 1] - 3], N[Abs[f2[1 - a] - 3]]}, {a, 0.0001, 1, 0.0001}]
```



```
Manipulate[{Plot[f2[x], {x, 1 - a, 1 + a}, PlotRange → {{-2, 5}, {-2, 6}}],
  Abs[f2[a + 1] - 3], N[Abs[f2[1 - a] - 3]]}, {a, 0.1, 1, 0.1}]
```



```
Manipulate[{Plot[f2[x], {x, 1 - a, 1 + a}, PlotRange → {{-2, 5}, {-2, 6}}],
  Abs[f2[a + 1] - 3], N[Abs[f2[1 - a] - 3]]}, {a, 0.5, 1, 0.5}]
```

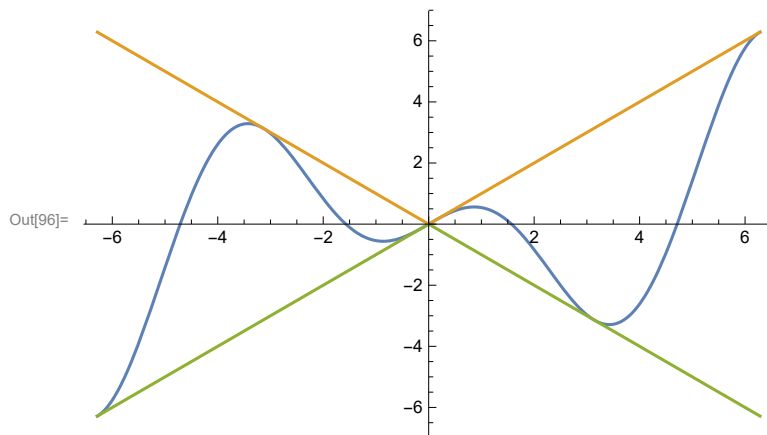
In[90]:=

```

f3[x_] := Expand[x Cos[x]] ;
f4[x_] := Expand[Abs[x] * Sin[x]] ;
f5[x_] := Abs[x Sin[x]]
f6[x_] := x Sin [1/x]
f7[x_] := Abs[x] Cos[x]
f8[x_] := x Cos [1/x]

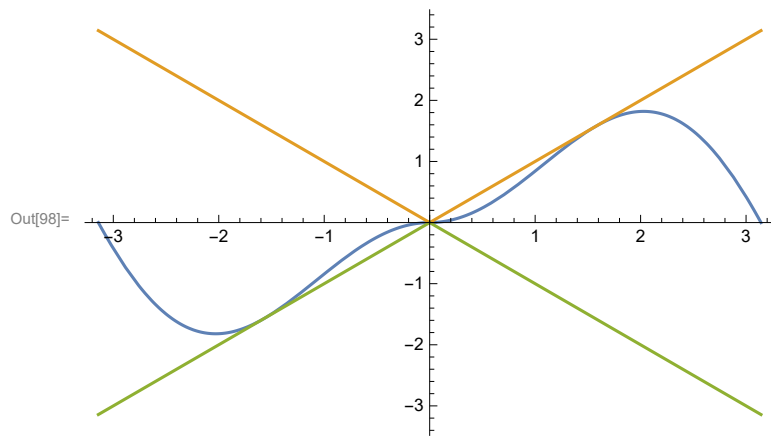
Plot[{f3[x], Abs[x], -Abs[x]}, {x, -2 Pi, 2 Pi}]

```

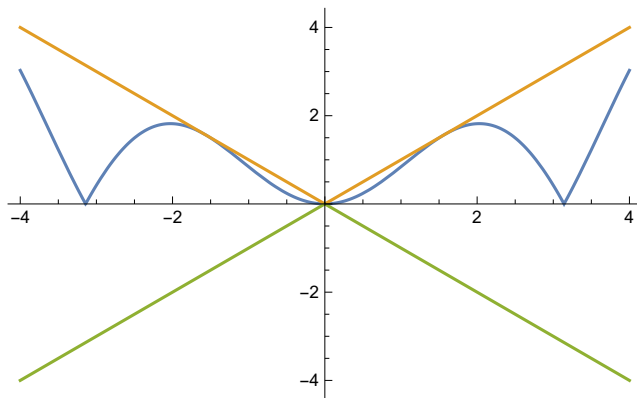


Plot::nonopt: Options expected (instead of {x, -0.1, 0.1}) beyond  
 position 3 in Plot[f3[x], f4[x], {x, -0.1, 0.1}]. An option must be a rule or a list of rules. >>

In[98]:= `Plot[{f4[x], Abs[x], -Abs[x]}, {x, -Pi, Pi}]`

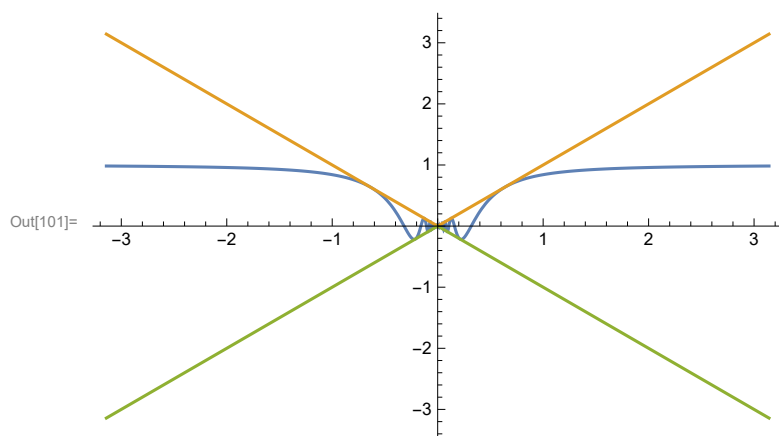


In[99]:= `Plot[{f5[x], Abs[x], -Abs[x]}, {x, -4, 4}]`

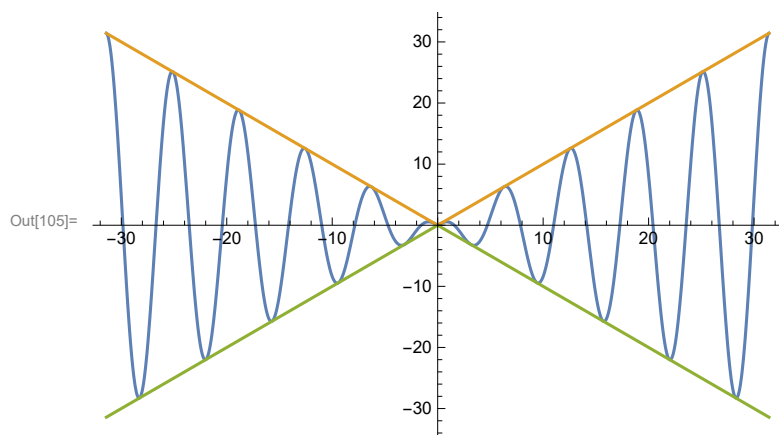


In[101]:=

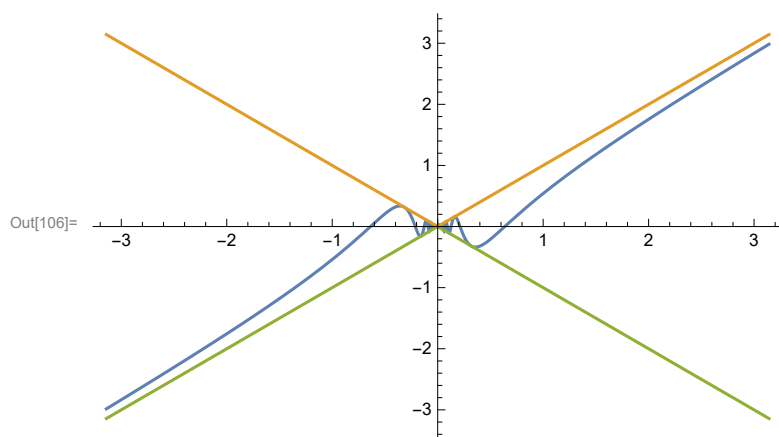
`Plot[{f6[x], Abs[x], -Abs[x]}, {x, -Pi, Pi}]`



In[105]:= `Plot[{f7[x], Abs[x], -Abs[x]}, {x, -10 Pi, 10 Pi}]`



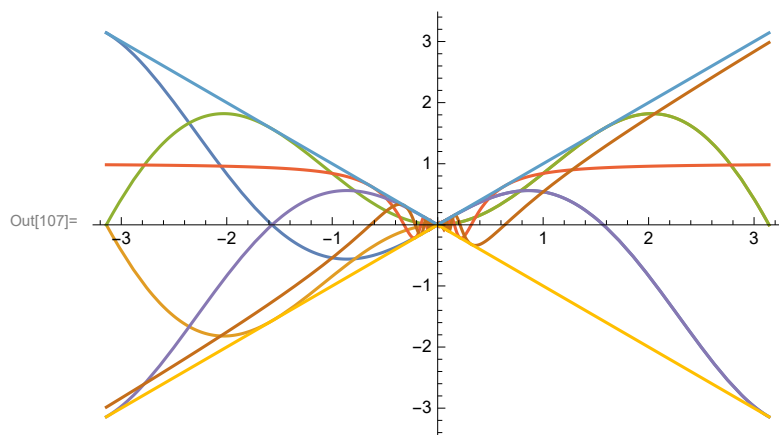
In[106]:= `Plot[{f8[x], Abs[x], -Abs[x]}, {x, -Pi, Pi}]`



In[107]:=

(\*Ahora pondre todas las funciones en una misma grafica\*)

`Plot[{f3[x], f4[x], f5[x], f6[x], f7[x], f8[x], Abs[x], -Abs[x]}, {x, -Pi, Pi}]`



```
In[108]:= Limit[f3[x], x → 0]
```

```
Out[108]= 0
```

```
In[109]:= Limit[f4[x], x → 0]
```

```
Out[109]= 0
```

```
In[110]:= Limit[f5[x], x → 0]
```

```
Out[110]= 0
```

```
In[117]:= Limit[f6[x], x → 0]
```

```
Out[117]= 0
```

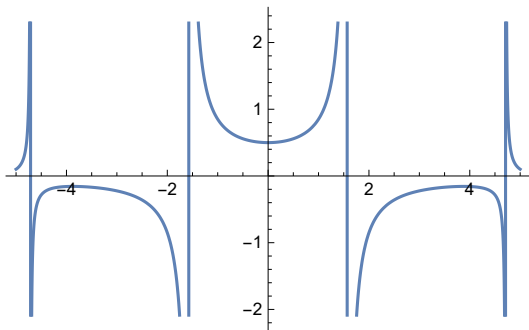
```
In[112]:=
Limit[f7[x], x → 0]
```

```
Out[112]= 0
```

```
In[113]:=
Limit[f8[x], x → 0]
```

```
Out[113]= 0
```

```
f9[x_] := Expand[(Sec[x] - 1) / (x^2)]
(*El dominio de la funcion son todos los numeros reales menos el 0
  porque el denominador x^2 y x=n(pi/2) siendo n un entero impar*)
Plot[f9[x], {x, -5, 5}]
```



(\*A mi me parece evidente el dominio porque se que la grafica se corre una unidad a la derecha y porque la funcion Sec se vuelve indeterminada cuando x es igual a  $\pi/2$  o  $3\pi/2$  por ejemplo, ya que la funcion coseno se vuelve cero en esos puntos y aunque no se vea en la funcion, el inverso multiplicativo del coseno es igual a la funcion secante\*)

```
Limit[f9[x], x → 0]
```

In[28]:=

$$\frac{1}{2}$$

```
Limit[f9[x], x → 0, Direction → 1]
```

Out[28]=  $\frac{1}{2}$

In[30]:= **Limit[f9[x], x → 0, Direction → -1]**

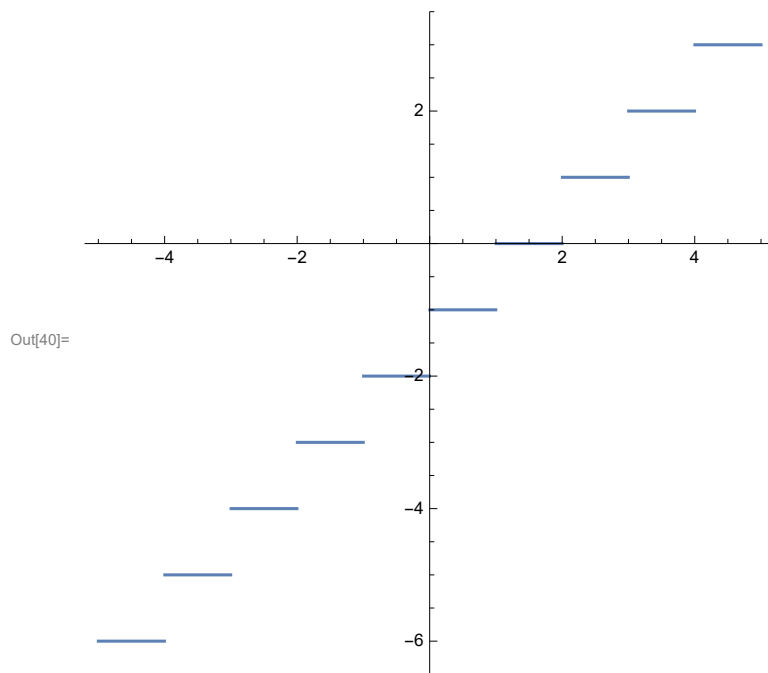
Out[30]=  $\frac{1}{2}$



(\*El limite existe porque tiende a  $1/2$  por la izquierda,  
y a  $1/2$  por la derecha respectivamente\*)

In[39]:=

```
f10[x_] := Expand[Floor[x] - 1]
Plot[f10[x], {x, -5, 5}, AspectRatio -> Automatic]
```



(\*Evaluable los limites en un punto para ver el tipo de discontinuidad\*)

```
Limit[f10[x], x -> 1, Direction -> 1]
```

Out[46]= -1

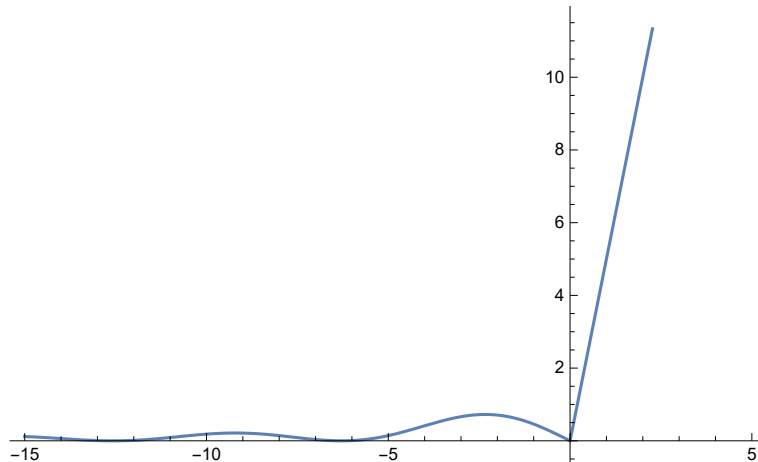
```
In[47]:= Limit[f10[x], x -> 1, Direction -> -1]
```

Out[47]= 0

(\*La discontinuidad es de tipo esencial con salto finito... tiende a -1 por la izquierda y a 0 por la derecha\*)

```
f11[x_] := Piecewise[{{((Cos[x] - 1) / x), -Infinity < x < 0}, {5 x, 0 ≤ x < Infinity}}]
Plot[f11[x], {x, -15, 5}, AspectRatio → Automatic]
```

Out[63]=



In[57]:=

```
Limit[f11[x], x → 0, Direction → 1]
```

Out[57]= 0

In[58]:=

```
Limit[f11[x], x → 0, Direction → -1]
```

Out[58]= 0

(\*El limite tanto por la derecha como por la izquierda coincide asi que el limite existe para x que tiende a 0, sin embargo la funcion tambien esta definida para x=0... asi que no hay discontinuidad en x=0 \*)

In[64]:= f11[0]

Out[64]= 0