OCEAN SHIPPING AND

URBAN DELIVERIES

Presented By

- · Ana Sofia Baptista up202207334
- Eduardo Santos up202207521
- Pedro Pedro up202206961

CLASSES

- MutablePriorityQueue classe apresentada em aula e usada no algoritmo de Prim para MST's
- Graph (class Vertex lista de Edges, set de Edges, lista de incomings, lista de children, double longitude, double latitude, id, boolenano visited, Vertex path, double dist), (class Edge destino, origem, double distance, Edge reverse)
- · Datamanip vetor bestPath, double bestCost
- Menu com um Data, onde são criados vários menus para utilização do user



LEITURA DATASET

```
void DataManip::readTourism(string filename) {
   ifstream in( s: filename);
   int destino, origem;
   string labelo, labeld;
   double distancia;
   string line;
   getline( &: in, &: line);
   if (in.is_open()) {
       while(getline( &: in,  &: line)){
           istringstream iss( str: line);
           iss >> origem;
           iss.ignore();
           iss >> destino;
           iss.ignore();
           iss >> distancia;
           iss.ignore();
           iss >> labelo;
           iss.ignore();
           iss>>labeld;
           graph_.addVertex( id: origem, longitude: 0, latitude: 0);
           graph_.addVertex( id: destino, longitude: 0, latitude: 0);
           graph_.addBidirectionalEdge( &: origem,  &: destino,  W: distancia);
   } else
       cout << "Could not open the file\n";
```

```
void DataManip::readEdges(string filename) {
    ifstream in( s: filename);
    int destino, origem;
    double distancia;
    string line;
    if (in.is_open()) {
        while(getline( &: in,  &: line)){
            if (line == "origem, destino, distancia" | line == "origem, destino, haversine_distance") {
                std::getline( &: in, &: line);
            istringstream iss( str: line);
            iss >> origem;
            iss.ignore();
            iss >> destino;
            iss.ignore();
            iss >> distancia;
            graph_.addVertex( id: origem, longitude: 0, latitude: 0);
            graph_.addVertex( id: destino, longitude: 0, latitude: 0);
            graph_.addBidirectionalEdge( &: origem, &: destino, W: distancia);
    } else
        cout << "Could not open the file\n";</pre>
```



LEITURA DATASET



```
void DataManip::readEdgesLarge(string filename) {
   ifstream in( s: filename);
    int destino, origem;
   double distancia;
   string line;
   // Verifica se a primeira linha é "origem, destino, distancia"
   if (in.is_open()) {
       std::getline( &: in, &: line);
       while(getline( &: in,  &: line)){
           istringstream iss( str line);
           iss >> origem;
           iss.ignore();
           iss >> destino;
           iss.ignore();
           iss >> distancia;
           graph_.addBidirectionalEdge( &: origem,  &: destino,  W: distancia);
   } else
       cout << "Could not open the file\n";</pre>
```

```
void DataManip::readNodes(string filename) {
   ifstream in( s: filename);
    int id;
    double longitude, latitude;
    string line;
   getline( &: in, &: line);
    if (in.is_open()) {
        while(getline( &: in, &: line)){
            istringstream iss( str: line);
            iss >> id;
            iss.ignore();
            iss >> fixed >> setprecision( n: 15) >> longitude;
            iss.ignore();
            iss >> fixed >> setprecision( n: 15) >> latitude;
            graph_.addVertex(id, longitude, latitude);
    } else
        cout << "Could not open the file\n";</pre>
```

GRAFO

Vertex:

- Unorder Map de Edges
- Set de Edges
- Unorder Map de Edges que entram
- Vetor children
- · Double longitude
- Double latitude
- Int id
- · Booleana visited
- Vertex path
- Double dist

```
class Vertex{
    unordered_map<int ,Edge*> adj;
    set<Edge*,CompareEdge> adjSet;
    unordered_map<int ,Edge*> incoming;
    vector<Vertex*> children;
    double longitude;
    double latitude;
    int id;
    bool visited = false;
    Vertex *path = nullptr;
    double dist = 0;
```





GRAFO

Edge:

- Vértice Destino
- Vértice Origem
- Distância
- Edge reverse

```
class Edge{
    Vertex* dest;
    Vertex* orig;
    double distance;
    Edge *reverse = nullptr;
```

BACKTRACKING ALGORITHM

- O algoritmo pesquisa exaustivamente no espaço de soluções para encontrar a solução ótima para o TSP
- Boa solução para grafos pequenos
- Time Complexity: 0 (n!)

```
void DataManip::RecursiveBackTracking(vector<int>& path, double currCost, int currPos) {
   for (auto pair : pair < const int, Edge *> : graph_.findVertex( id: currPos) -> getAdj()) {
        Edge *edge = pair.second;
       int nextVertex = edge->getDest()->getId();
        if (edge && !edge->getDest()->isVisited()) {
            if (Bound( currCost: currCost + edge->getDistance())) {
                path.push_back(nextVertex);
                edge->getDest()->setVisited(true);
                RecursiveBackTracking( &: path, currCost: currCost + edge->getDistance(), currPos: nextVertex);
                edge->getDest()->setVisited(false);
                path.pop_back();
   if (Solution(path)) {
        auto vertex1 : Vertex * = graph_.findVertex( id: path.back());
        auto vertex2 : Vertex * = graph_.findVertex( id: path[0]);
        double newCost = graph_.getDistance( v: vertex1, w: vertex2);
        if (currCost + newCost < bestCost) {</pre>
            bestCost = currCost + newCost;
            bestPath = path;
        return;
```

TRIANGULAR APPROXIMATION ALGORITHM

- Utiliza uma aproximação heurística baseada em triângulos para encontrar uma solução próxima da ótima para o TSP.
- Boa solução para grafos grandes
- Time Complexity: 0 ((V + E) log V)

```
double DataManip::TriangularApprox(vector<int> &path) {
    //1. Executar o Prims para calcular o MST
    graph_.MSTprims();
    //2. Executar uma Visita pré ordem
    vector<int> minPath;
    graph_.preOrderVisit( id: 0, &: minPath);
    // 3. Construir o tour H a partir do caminho pré-ordem
    vector<int> tour;
    unordered_set<int> visited;
    visited.insert( x minPath[0]);
    tour.push_back(minPath[0]);
    for (int i = 1; i < minPath.size(); ++i) {
        if (visited.find( x minPath[i]) == visited.end()) {
            tour.push_back(minPath[i]);
            visited.insert( x: minPath[i]);
    path = tour;
    // 4. Calcular o custo do tour
    double cost = CalculateTourCost( &: path);
    return cost;
```

NEAREST NEIGHBOUR APPROXIMATION

- Seleciona iterativamente o próximo vértice que é o mais próximo do vértice atual até que todos os vértices se jam visitados.
- Bom para todo o tipo de grafos onde uma solução rápida e simples é dese jada, mesmo que não se ja a ótima.
- Time Complexity: 0 (V + E)

```
double DataManip::NearestNeighborApprox(vector<int> &path) {
   unordered_set<int> not_visited;
   double cost = 0;
   // reset graph
   for (auto v : pair < const int, Vertex *> : graph_.getVertexSet()) {
       v.second->setVisited(false);
       not_visited.insert( x: v.second->getId());
  int current_stop = 0;
   path.push_back(current_stop);
   graph_.findVertex( id: current_stop)->setVisited(true);
   not_visited.erase( x: current_stop);
   while (!not_visited.empty()) {
       bool found = false;
       int next_stop = -1;
       double min_distance = std::numeric_limits<double>::max();
       Vertex *currentVertex = graph_.findVertex( id: current_stop);
       for (auto pair : pair < const int, Edge *> : currentVertex -> getAdj()) {
           Edge* edge = pair.second;
           Vertex *vertex = edge->getDest();
            double distance = edge->getDistance();
           if (distance == 0) {
                distance = calculateDistance( lat1: currentVertex->getLatitude(), lon1: currentVertex->getLongitude()
           if (!vertex->isVisited() && distance < min_distance) {
                next_stop = vertex->getId();
               min_distance = distance;
```

SIMULATED ANNEALING

- O algortimo é submetido a perturbações, calculadas de forma probabilística, na busca de uma solução mais eficaz. Bascia-se na equação P(x) = e^{Δ/T}. Em que delta é a distância entre os dois caminhos, e T é a temperatura atual. A temperatura descresce em cada iteração.
- Bom para grafos médios.
- Time Complexity: 0 (V * V)

```
double DataManip::simulatedAnnealing(std::vector<int>& path, double initialTemperature, double coolingRate) {
   int numVertices = graph_.getVertexSet().size();
   int maxIterations = 100;
   std::vector<int> currentSolution = path;
   bestPath = currentSolution;
   double currentCost = CalculateTourCost( &: currentSolution);
   bestCost = currentCost;
   const double minTemperature = 1e-6;
   double temperature = initialTemperature;
   std::mt19937 randomGenerator( sd: std::chrono::system_clock::now().time_since_epoch().count());
   std::uniform_int_distribution<int> vertexDist( a: 1, b: numVertices - 1);
   std::uniform_real_distribution<double> probabilityDist( a: 0.0, b: 1.0);
   while (temperature > minTemperature) {
       for (int iteration = 0; iteration < maxIterations / (1 + log( x 1 + temperature)); ++iteration) {
           std::vector<int> neighborSolution = currentSolution;
           int swapIndex1 = vertexDist( &: randomGenerator);
           int swapIndex2 = vertexDist( &: randomGenerator);
           while (swapIndex1 == swapIndex2) {
               swapIndex2 = vertexDist( &: randomGenerator);
           std::swap( & neighborSolution[swapIndex1], & neighborSolution[swapIndex2]);
           double neighborCost = CalculateTourCost( &: neighborSolution);
           double acceptanceProbability = exp( x (currentCost - neighborCost) / temperature);
           if (neighborCost < currentCost || probabilityDist( &: randomGenerator) < acceptanceProbability) {</pre>
               currentSolution = neighborSolution;
               currentCost = neighborCost;
           if (currentCost < bestCost) {</pre>
               bestPath = currentSolution;
               bestCost = currentCost;
```

COMPARAÇÃO ENTRE ALGORITMOS

REAL WORLD GRAPH 1

Triangular Approximation for RW graph 1:

The minimum cost to travel between all points is 1.14179e+06 Execution time: 0.157945 seconds.

Nearest Neighbour for RW graph 1:

The minimum cost to travel between all points is 1.00541e+06 Execution time: 0.116897 seconds.

REAL WORLD GRAPH 3

Triangular Approximation for RW graph 3:

The minimum cost to travel between all points is 3.19855e+06 Execution time: 8.81438 seconds.

Nearest Neighbour for RW graph 3:

The minimum cost to travel between all points is 7.27158e+06 Execution time: 7.89213 seconds.

REAL WORLD GRAPH 2

Triangular Approximation for RW graph 2:

The minimum cost to travel between all points is 2.05824e+06 Execution time: 3.43534 seconds.

Nearest Neighbour for RW graph 2:

The minimum cost to travel between all points is 4.00049e+06 Execution time: 1.47235 seconds.

COMPARAÇÃO ENTRE ALGORITMOS

TOY GRAPH - TOURISM

Backtracking algorithm for Tourism:

The minimum cost to travel between all points is 2600

Execution time: 4.0578e-05 seconds.

Triangular Approximation for Tourism

The minimum cost to travel between all points is 2600

Execution time: 1.8787e-05 seconds.

TOY GRAPH - STADIUM

Backtracking algorithm for Stadium:

The minimum cost to travel between all points is 341 Execution time: 2.05189 seconds.

Triangular Approximation for Stadium:

The minimum cost to travel between all points is 398.1

Execution time: 3.4362e-05 seconds.

HEURISTICAS IMPLEMENTADAS

- Para as nossas heurísticas, embora tenhamos testado diversos algoritmos, decidimos apresentar apenas:
 - Nearest Neighbour: Uma solução mais eficiente em termos de tempo de execução, com custos que se aproximam do ótimo.
 - Simulated Annealing: Embora se ja uma solução menos eficiente em termos de tempo de execução, resulta em custos menores.

INTERFACE

Algorithm Menu

- 1 Backtracking
- 2 TriangularApprox
- 3 Heuristics
- e Exit

Choose the data set

- 1 Toy-Graphs
- 2 Extra_Fully_Connected_Graphs
- 3 Real-world Graphs
- b back
- e Exit



Este projeto, foi no geral, um grande desafio, uma vez que exigiu um enorme esforço da nossa parte e forçou-nos a procurar as melhores soluções para o TSP. Concluímos que este problema é notoriamente difícil, e para encontrar a solução mais eficiente possível, tivemos que explorar uma ampla variedade de algoritmos, sendo que apenas selecionamos os mais eficientes e que deram melhores resultados.

Participação:

- Ana Sofia Baptista 33.3
- Eduardo Santos 33.3
- Pedro Pedro 33.3

