

## Лабораторная - 2. Задачи

4 марта 2022 г.

1) Мы отправим первый пакет, он дойдет до пункта назначения за  $\frac{NL}{R}$ . Когда первый дойдет до конца, второй остановится на  $N - 1$ -ом маршрутизаторе, третий - на  $N - 2$ -ом,  $P$ -ый - на  $N - (P - 1)$ -ом. Тогда нам останется протащить последний пакет через  $P - 1$  маршрутизатор за  $\frac{(P-1)L}{R}$ . Итого общая задержка в пути составит  $\frac{NL}{R} + \frac{(P-1)L}{R}$ .

2) Здесь работает "принцип горлышка": минимальная скорость передачи данных среди каналов соединения составляет 200 Кбит/с, именно ее мы принимаем за скорость передачи данных по всей сети, поэтому время передачи данных составит  $\frac{5 \cdot 1000 \cdot 8}{200} = 200$  секунд.

3) Решим с использованием схемы Бернулли, применяя формулу  $C_n^k \cdot p^k \cdot (1-p)^{(n-k)}$  - фиксируем  $k$  пользователей, находим вероятность того, что именно эти пользователи сейчас передают данные, а оставшиеся не передают ничего, и умножаем на количество способов выбрать  $k$  пользователей из  $n$ . Тогда вероятность одновременной передачи данных 12 и более пользователями составляет  $C_{60}^{12} \cdot (0.2)^{12} \cdot (0.8)^{48} + C_{60}^{13} \cdot (0.2)^{13} \cdot (0.8)^{47} + \dots + C_{60}^{60} \cdot (0.2)^{60} \cdot (0.8)^0$ .

4) Воспользуемся формулой для вычисления задержки, выведенной в первой задаче, и найдем минимум получившейся функции по  $S$ , приравняв к 0 ее производную

$P = \frac{X}{S}$  - количество пакетов, которые мы будем передавать

$$L = S + 80$$

$$N = 3$$

$$\text{Тогда: } \frac{(\frac{X}{S}-1) \cdot (S+80)}{R} + \frac{(S+80) \cdot 3}{R} = \frac{(S+80) \cdot (\frac{X}{S}+2)}{R} = \frac{X}{R} + \frac{2S}{R} + \frac{80X}{SR} + \frac{160}{R}.$$

Производная:

$$\frac{2}{R} - \frac{80X}{RS^2} = 0$$

$$\frac{80X}{S^2} = 2$$

$$S^2 = 40X$$

$$S = \sqrt{40X}.$$

Ответ: минимальные задержки будут при  $S = \sqrt{40X}$ .

5) а) Как мы знаем, задержка передачи  $= \frac{L}{R}$ . Тогда общая задержка  $d = \frac{L}{R} + \frac{L}{R(1-I)} = \frac{LR-LRI+LI}{R(1-I)} = \frac{L}{1-I}$

б)  $d = \frac{L}{1-I} = \frac{L}{1-\frac{La}{R}}$ . Пусть  $\frac{L}{R} > \frac{1}{a}$ , тогда  $\frac{La}{R} > 1 \Rightarrow$  задержка ожидания стремится к бесконечности  $\Rightarrow$  общая задержка стремится к бесконечности. Если  $\frac{L}{R} \leq \frac{1}{a}$ , но при этом  $\frac{L}{R} \neq 0$ , то  $\frac{La}{R} < 1 \Rightarrow$  задержка ожидания существенна и общая задержка существенна. Если же  $\frac{L}{R} \approx 0$ , то задержка ожидания мала и общая задержка приравнивается к задержке передачи.