# МИНОБРНАУКИ РОССИИ САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ «ЛЭТИ» ИМ. В.И. УЛЬЯНОВА (ЛЕНИНА) Кафедра МО ЭВМ

#### ОТЧЕТ

# по лабораторной работе №2 по дисциплине «Построение и анализ алгоритмов»

Тема: Алгоритмы поиска пути в графах

Студент гр. 8382	 Щемель Д.А.
Преподаватель	Фирсов М.А.

Санкт-Петербург 2020

#### Задание

#### Жадный алгоритм

Разработайте программу, которая решает задачу построения пути в *ориентированном графе* при помощи жадного алгоритма. Жадность в данном случае понимается следующим образом: на каждом шаге выбирается последняя посещённая вершина. Переместиться необходимо в ту вершину, путь до которой является самым дешёвым из последней посещённой вершины. Каждая вершина в графе имеет буквенное обозначение ("a", "b", "c"...), каждое ребро имеет неотрицательный вес. Пример входных данных

a e

a b 3.0

b c 1.0

c d 1.0

a d 5.0

d e 1.0

В первой строке через пробел указываются начальная и конечная вершины Далее в каждой строке указываются ребра графа и их вес

В качестве выходных данных необходимо представить строку, в которой перечислены вершины, по которым необходимо пройти от начальной вершины до конечной. Для приведённых в примере входных данных ответом будет

abcde

#### **A**\*

Разработайте программу, которая решает задачу построения кратчайшего пути в *ориентированном* графе методом А\*. Каждая вершина в графе имеет буквенное обозначение ("a", "b", "c"...), каждое ребро имеет неотрицательный вес. В качестве эвристической функции следует взять близость символов, обозначающих вершины графа, в таблице ASCII. Пример входных данных

a e

a b 3.0

b c 1.0

c d 1.0

a d 5.0

d e 1.0

В первой строке через пробел указываются начальная и конечная вершины Далее в каждой строке указываются ребра графа и их вес

В качестве выходных данных необходимо представить строку, в которой перечислены вершины, по которым необходимо пройти от начальной вершины до конечной. Для приведённых в примере входных данных ответом будет

ade

Вариант No 4. Модификация A* с двумя финишами (требуется найти путь до любого из двух).
2

#### Описание алгоритма

Сначала происходит считывание данных графа: начальная и конечные вершины, пути. Все данные сохраняются в объекте самого графа. После этого вызывается функция нахождения лучшего пути из начальной вершины до ближайшей конечной. Функция работает следующим образом: сначала выбирается начальная вершина. Для всех вершин до которых можно добраться из текущей выставляется минимальный путь и записывается вершина, из которой до данной можно добраться по минимальному пути. Для каждой вершины рассчитывается приоритет - сумма минимального пути до вершины и значение эвристической функции - разница между символами в таблице ASCII. Вершина добавляется в словарь по ключуприоритету(аналог очереди с приоритетом). На следующей итерации выбирается вершина с минимальным приоритетом. Если эта вершина - конечная, тогда алгоритм завершает работу.

После завершения поиска минимального пути - выводится минимальный путь до этой вершины, который был сохранён в вершинах.

#### Сложности алгоритма

По памяти: O(N^2) для хранения вершин и путей - для обоих алгоритмов.

По количеству операций: A\* - O(N^3\*log N), потому что для каждой вершины мы обходим её соседей. И в худшем случае (при выборе не оптимальной эвристики) нам придётся обойти весь граф + поиск по приоритету. Для жадного - O(N), где N - количество путей.

## Описание функций и структур данных

Используемые классы:

- class Graph для хранения вершин графа. А так же начальной и конечных вершин.
- *class Node* для хранения информации о вершине: Имя, минимальное расстояние до неё и ссылка на родительскую вершину в минимальном пути до неё. А так же пути до других вершин.

Используемые функции: - static Graph ReadGraph() - считывает входные данные и возвращает на основе них граф. - static string FindBestWay(Graph graph) - ищет минимальный путь в графе от начальной вершины до одной из конечных. Возвращает минимальный путь в виде строки.

# Тестирование

Input	Output
a e a b 3.0 b c 1.0 c d 1.0 a d 5.0 d e 1.0	ade
a e c a b 3.0 b c 1.0 c d 1.0 a d 5.0 d e 1.0	abc
a e a e 5.0 a d 4.0 d e 1.0 a b 1.0 b d 1.0	abde

# Вывод

В ходе выполнения лабораторной работы были получены практические навыки применения алгоритмов на графах, а именно: жадный алгоритм и алгоритм А\*.

### Приложение А. Исходный код

```
using System;
using System.Collections.Generic;
using System.Linq;
namespace lab2
{
    /// <summary>
    /// Class for storing start and end points of graph
    /// </summary>
   public class Graph
    {
        /// <summary>
        /// Node in graph
        /// </summary>
        public class Node
        {
            /// <summary>
            /// Name of node
            /// </summary>
            public char Name { get; set; }
            /// <summary>
            /// Min distance to node
            /// </summary>
            public double? MinDistance { get; set; }
            /// <summary>
            /// Previous node in best way to node
            /// </summary>
            public Node CameFrom { get; set; }
            /// <summary>
            /// Children to children nodes
            /// </summary>
            public Dictionary<Node, double> Children { get; } = new Dictionary<Node, double>();
        }
        /// <summary>
        /// Start point
        /// </summary>
        public Node Start { get; set; }
```

```
/// <summary>
    /// End point
    /// </summary>
    public List<Node> End { get; set; } = new List<Node>();
    /// <summary>
    /// Map of nodes in graph by their names
    /// </summary>
    public Dictionary<char, Node> Nodes { get; } = new Dictionary<char, Node>();
}
class Program
{
    /// <summary>
    /// Read graph from stdin
    /// </summary>
    /// <returns>Graph</returns>
    static Graph ReadGraph()
    {
        var startEnd = Console.ReadLine().Split(' ');
        var graph = new Graph()
        {
            Start = new Graph.Node
                Name = startEnd[0].First()
            },
        };
        for (var i = 1; i < startEnd.Length; ++i)</pre>
        {
            graph.End.Add(new Graph.Node {Name = startEnd[i].First()});
        }
        while (true)
            var input = Console.ReadLine()?.Split(' ');
            if (input == null || input.Length != 3)
            {
                break;
            }
```

```
var newNodeStart = new Graph.Node() {Name = input[0].First()};
        var newNodeEnd = new Graph.Node() {Name = input[1].First()};
        var distance = double.Parse(input[2]);
        Graph.Node existingStartNode = null;
        if (!graph.Nodes.TryGetValue(newNodeStart.Name, out existingStartNode))
        {
            graph.Nodes.Add(newNodeStart.Name, newNodeStart);
            existingStartNode = newNodeStart;
        }
        Graph.Node existingEndNode = null;
        if (!graph.Nodes.TryGetValue(newNodeEnd.Name, out existingEndNode))
        {
            graph.Nodes.Add(newNodeEnd.Name, newNodeEnd);
            existingEndNode = newNodeEnd;
        }
        existingStartNode.Children.Add(existingEndNode, distance);
   }
    graph.Start = graph.Nodes[graph.Start.Name];
    for (var i = 0; i < graph.End.Count; ++i)</pre>
    {
        graph.End[i] = graph.Nodes[graph.End[i].Name];
    }
    return graph;
}
/// <summary>
/// Find greed way in graph
/// </summary>
/// <param name="graph">Graph for find.</param>
/// <returns>Greed way to end node in graph as string</returns>
static string FindGreedWay(Graph graph)
{
    var visitedNodes = new Stack<Graph.Node>();
    visitedNodes.Push(graph.Start);
```

```
while (visitedNodes.Count != 0)
    {
        var tmp = visitedNodes.First();
        while (tmp.Children.Count != 0)
        {
            tmp = tmp.Children.OrderBy(x => x.Value).First().Key;
            visitedNodes.Push(tmp);
            if (graph.End.Contains(tmp))
                return string.Join("", visitedNodes.Reverse().Select(x => x.Name));
            }
        }
        visitedNodes.Pop();
        var last = visitedNodes.Peek();
        if (last.Children.Count != 0)
        {
            last.Children.Remove(last.Children.OrderBy(x => x.Value).First().Key);
        }
   }
    return string. Empty;
}
/// <summary>
/// Find best way to end node in graph
/// </summary>
/// <param name="graph">Graph for find</param>
/// <returns>Best way to end node in graph as string</returns>
static string FindBestWay(Graph graph)
{
    var nodesToVisit = new SortedDictionary<double, Queue<Graph.Node>> {{0, new Queue<Grap</pre>
    nodesToVisit[0].Enqueue(graph.Start);
    nodesToVisit.First().Value.First().MinDistance = 0;
    while (nodesToVisit.Count != 0)
    {
        var tmp = nodesToVisit.First().Value.Dequeue();
        if (nodesToVisit.First().Value.Count == 0)
        {
```

```
}
        if (graph.End.Contains(tmp))
        {
            var bestWay = new Stack<Graph.Node>();
            bestWay.Push(tmp);
            while (tmp.CameFrom != null)
            {
                bestWay.Push(tmp.CameFrom);
                tmp = tmp.CameFrom;
            }
            return string.Join("", bestWay.Select(x => x.Name));
        }
        foreach (var way in tmp.Children)
        {
            var distance = tmp.MinDistance + way.Value ?? 0;
            var heuristic = distance + graph.End.Min(x => x.Name) - way.Key.Name;
            if (!nodesToVisit.ContainsKey(heuristic))
            {
                nodesToVisit[heuristic] = new Queue<Graph.Node>();
            }
            nodesToVisit[heuristic].Enqueue(way.Key);
            if (way.Key.MinDistance == null || distance < way.Key.MinDistance)</pre>
            {
                way.Key.MinDistance = distance;
                way.Key.CameFrom = tmp;
            }
        }
    }
    return string.Empty;
}
static void Main(string[] args)
{
```

nodesToVisit.Remove(nodesToVisit.First().Key);

```
var graph = ReadGraph();
    Console.WriteLine(FindBestWay(graph)); // For greed way replace with FindGreedWay
}
}
```