Inteligentne Systemy Interaktywne



Piotr Duch

pduch@iis.p.lodz.pl Instytut Informatyki Stosowanej Politechnika Łódzka

Lato 2020

Plan wykładu

- 1 Wprowadzenie
- 2 Uczenie pasywne
- 3 Uczenie aktywne
- 4 Exploration vs. exploitation
- 5 Aproksymacja funkcji wartości stanu
- 6 Głębokie uczenie ze wzmocnieniem



Informacje ogólne:

- Materiały wykładowe oraz laboratoryjne dostępne są na githubie (https://github.com/iis-siium/ISI).
- Literatura podstawowa:
 - Richard S. Sutton, and Andrew G. Barto. *Reinforcement learning: An introduction*. MIT press, 2018.
 - Csaba Szepesvári. Algorithms for reinforcement learning. Morgan and Claypool. 2009.
- Wykłady uzupełniające:
 - RL Course by David Silver https://www.youtube.com
 - CS 188: Artificial Intelligence by Pieter Abbeel (wykład 10 i 11)https://www.youtube.com/watch?v=IXuHxkpO5E8
- Materialy dodatkowe:
 - Practical RL Course by Yandex School of Data Analysis https://github.com/yandexdataschool/Practical_RL
 - CS 188: Introduction to Artificial Intelligence by Berkeley University of California https://inst.eecs.berkeley.edu/cs188/fa19/project3/

Uczenie ze wzmocnieniem Wprowadzenie



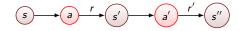
Uczenie pasywne (ang. *model based learning*)



Uczenie aktywne (ang. *model free learning*)



Co zrobić, jeżeli nie dysponujemy modelem środowiska?



Sekwencja:

- \blacksquare stany (s),
- akcje (a),
- \blacksquare nagrody (r).



7 / 42

Algorytmy:

- Monte Carlo.
- Metody różnic tymczasowych (ang. *Temporal Difference learning*):
 - Q-learning,
 - Sarsa.



Monte Carlo

Cechy algorytmu:

- Algorytm przeznaczony do zadań epizodycznych.
- Nie wymaga modelu środowiska.
- Uczy się na podstawie doświadczenie (ang. *experience*) sekwencji stan, akcja, nagroda.



Monte Carlo

Cechy algorytmu:

- Algorytm przeznaczony do zadań epizodycznych.
- Nie wymaga modelu środowiska.
- Uczy się na podstawie doświadczenie (ang. *experience*) sekwencji stan, akcja, nagroda.

Wersje algorytmu:

- Pierwsza wizyta (ang. First-visit Monte Carlo).
- Każda wizyta (ang. Every-visit Monte Carlo).



Monte Carlo

First-visit Monte Carlo method - oszacowanie $V pprox u_\pi$

Wejście: strategia π , która ma być oszacowana. Inicjalizacja:

- $V(s) \in \mathbb{R}$ losowe wartości, dla każdego $s \in S$,
- Returns(s) puste listy, dla każdego $s \in S$.

Nisekończona pętla (dla każdego epizodu):

Wygeneruj sekwencję przejść dla epizodu zgodnie ze strategią π :

$$s_0$$
, a_0 , r_1 , s_1 , a_1 , r_2 , ..., s_{T-1} , a_{T-1} , r_T

$$G \leftarrow 0$$
:

Dla każdego kroku w epizodzie, t = T - 1, T - 2, ..., 0:

$$G \leftarrow \gamma G + r_{t+1}$$

Jeżeli stan s_t nie pojawił się wcześniej:

Dodaj G do listy $Returns(s_t)$

$$V(s_t) \leftarrow \text{average}(Returns(s_t))$$

Richard S. Sutton and Andrew G. Barto. Reinforcement learning: An introduction. MIT press, 2018.

Monte Carlo

First-visit Monte Carlo prediciton - for estimating $V pprox u_\pi$

Input: a policy π to be evaluated Initialize:

- $V(s) \in \mathbb{R}$, arbitrarily, for all $s \in S$,
- $Returns(s) \leftarrow \text{an empty list, for all } s \in S.$

Loop forever (for each episode):

```
Generate an episode following \pi: s_0, a_0, r_1, s_1, a_1, r_2, ..., s_{T-1}, a_{T-1}, r_T G \leftarrow 0:
```

Loop for each step of episode, t = T - 1, T - 2, ..., 0:

$$G \leftarrow \gamma G + r_{t+1}$$

Unless s_t appears in s_0 , s_1 , ..., s_{t+1} :

Append G to Returns (s_t)

 $V(s_t) \leftarrow average(Returns(s_t))$

Richard S. Sutton and Andrew G. Barto. Reinforcement learning: An introduction. MIT press, 2018.

Monte Carlo

Co się bardziej przyda:

- V(s),
- Q(s, a).



Monte Carlo

Metoda Monte Carlo, zmodyfikowana tak, aby wyznaczała $q_{\pi}(s, a)$ zamiast v(s) będzie wyglądała analogicznie do tej, przedstawionej wcześniej.

Odwiedzony stan będzie określany za pomocą pary stan (s) - akcja wybrana w dany stanie (a).

Metoda *every-visit Monte Carlo* oszacuje wartość w danym stanie jako średnią oczekiwanych nagród ze wszystkich wizyt w danym stanie.

Metoda *first-visit Monte Carlo* oszacuje wartość w danym stanie jako nagrodę otrzymaną przy okazji pierwszej wizyty w danym stanie.

Monte Carlo

Jak rozwiązać problem nieodwiedzanych stanów:

- eksploracja stanów początkowych (ang. exploring starts):
 - wybieramy losowy stan i akcję, dla których rozpoczynamy epizod,
 - nierealistyczne w rzeczywistym świecie, za wyjątkiem symulacji,
- algorytm ϵ -zachłanny (ang. ϵ -greedy):
 - lacksquare wybieramy najlepszą akcję z prawdopodobieństwem $1-\epsilon+rac{\epsilon}{|{\cal A}({f s})|}$,
 - lacktriangle wybieramy losową akcję z prawdopodobieństwem $rac{\epsilon}{|A(s)|}$.



Monte Carlo

First-visit Monte Carlo method (for ϵ -soft policies) - oszacowanie

$\pi \approx \pi_*$

Parametry algorytmu: mała wartość $\epsilon>0$ Inicjalizacja:

- π losowa ε-miękka strategia,
- $Q(s, a) \in \mathbb{R}$ (losowe), dla każdej pary $s \in S$, $a \in A(s)$,
- $Returns(s, a) \leftarrow pusta lista, dla każdej pary <math>s \in S$, $a \in A(s)$.

Petla nieskończona (dla każdego epizodu):

 $G \leftarrow 0$

Wygeneruj sekwencję przejść dla epizodu zgodnie ze strategia π:

$$s_0$$
, a_0 , r_1 , s_1 , a_1 , r_2 , ..., s_{T-1} , a_{T-1} , r_T

Dla każdego kroku w epizodzie,
$$t = T - 1, T - 2, ..., 0$$
:

$$G \leftarrow \gamma G + r_{t+1}$$

Jeżeli para s_t , a_t niepojawiła się wcześniej w sekwencji s_0 , a_0 , s_1 , a_1 , ..., s_{t+1} , a_{t+1} :

Dodaj G do listy Returns(
$$s_t$$
, a_t)

Q(
$$S_t$$
, A_t) \leftarrow average(Returns(s_t , a_t))

$$a^* \leftarrow \operatorname{argmax}_a Q(s_t, a)$$

$$a \leftarrow \operatorname{argmax}_a Q(s_t, a)$$

Dla każdej akcji
$$a \in A(s_t)$$
:

$$\pi(a|S_t) \leftarrow \begin{cases} 1 - \epsilon + \frac{\epsilon}{|A(s)|} & \text{if } a = a^* \\ \frac{\epsilon}{|A(s)|} & \text{if } a \neq a^* \end{cases}$$
 (1

Richard S. Sutton and Andrew G. Barto. Reinforcement learning: An introduction. MIT press, 2018.

Monte Carlo

First-visit Monte Carlo method (for ϵ -soft policies) - estimates $\pi pprox \pi_*$

```
Algorithm parameter: small \epsilon > 0
Initialize:
```

- \blacksquare π an arbitrary ϵ -soft policy,
- $Q(s, a) \in \mathbb{R}$ (arbitrarily), for all $s \in S$, $a \in A(s)$,
- $Returns(s, a) \leftarrow \text{an empty list, for all } s \in S, a \in A(s).$

Loop forever (for each episode):

Generate an episode following
$$\pi\colon s_0$$
, a_0 , r_1 , s_1 , a_1 , r_2 , ..., s_{T-1} , a_{T-1} , r_T $G\leftarrow 0$: Loop for each step of episode, $t=T-1$, $T-2$, ..., 0 :
$$G\leftarrow \gamma G+r_{t+1}$$
 Unless the pair s_t , a_t appears in s_0 , a_0 , s_1 , a_1 , ..., s_{t+1} , a_{t+1} : Append G to $Returns(s_t, a_t)$
$$Q(s_t, a_t) \leftarrow \text{average}(Returns(s_t, a_t))$$

$$a^*\leftarrow \text{argmax}_2 Q(s_t, a)$$
 For all $a\in A(s_t)$:

$$\pi(a|S_t) \leftarrow \begin{cases} 1 - \epsilon + \frac{\epsilon}{|A(s)|} & \text{if } a = a^* \\ \frac{\epsilon}{|A(s)|} & \text{if } a \neq a^* \end{cases}$$
 (2)

Richard S. Sutton and Andrew G. Barto. Reinforcement learning: An introduction. MIT press, 2018.

Metody różnic tymczasowych (ang. Temporal-Difference (TD) Learning)

Metody różnic tymczasowych:

- Kombinacja metody Monte Carlo i Programowania Dynamicznego.
- Nie wymagają znajomości modelu środowiska.
- Uaktualnianie przewidywanych wartości następuje natychmiastowo nie ma koniczeności oczekiwania na zakończenie epizodu.



(Reinforcement Learning)

Metody różnic tymczasowych (ang. Temporal-Difference (TD) Learning)

Szacowanie funkcji wartości za pomocą metod Monte Carlo:

$$V(s_t) \leftarrow V(s_t) + \alpha [G_t - V(s_t)]$$
 (3)

Szacowanie funkcji wartości za pomocą metod różnic tymczasowych:

$$V(s_t) \leftarrow V(s_t) + \alpha[r_{t+1} + \gamma V(s_{t+1}) - V(s_t)]$$
 (4)



(Reinforcement Learning)

Metody różnic tymczasowych (ang. Temporal-Difference (TD) Learning)

Tabelaryczny algorytm różnic tymczasowych z krokiem 1 do oszacowania u_{π}

Wejście: strategia do oszacowania π

Parametr algorytmu: krok uczenia $\alpha \in (0,1]$

Inicjalizacja tablicy wartości stanów V(s) losowymi wartościami, za wyjątkiem stanu końcowego, któremu przypisana jest wartość 0.

Pętla dla każdego epizodu:

Inicjalizacja s

Dla każdego kroku w epizodzie:

Wybierz ackję a zgodnie ze strategią π dla stanu s

Wykonaj akcję a i zaobserwuj r oraz s'

$$V(s_t) \leftarrow V(s_t) + \alpha[r_{t+1} + \gamma V(s_{t+1}) - V(s_t)]$$

 $s \leftarrow s'$

Dopóki s nie jest stanem końcowym

Richard S. Sutton and Andrew G. Barto. Reinforcement learning: An introduction. MIT press, 2018.

Metody różnic tymczasowych (ang. Temporal-Difference (TD) Learning)

Tabular TD(0) for estimating v_π

```
Input: the policy \pi to be evaluated
```

Algorithm parameter: step size $\alpha \in (0,1]$

Initialize V(s), for all $s \in S^+$, arbitrarily except that V(terminal) = 0

Loop for each episode:

Initialize s

Loop for each step of episode:

 $a \leftarrow$ action given by π for s

Take action a, observe r, s'

$$V(s_t) \leftarrow V(s_t) + \alpha[r_{t+1} + \gamma V(s_{t+1}) - V(s_t)]$$

$$s \leftarrow s'$$

Until s is not terminal

Richard S. Sutton and Andrew G. Barto. Reinforcement learning: An introduction MIT press, 2018.

Metody różnic tymczasowych (ang. Temporal-Difference (TD) Learning)

Błąd:

$$\delta_t \doteq r_{t+1} + \gamma V(s_{t+1}) - V(s_t) \tag{5}$$



Metody różnic tymczasowych (ang. Temporal-Difference (TD) Learning)

Metody różnic tymczasowych nie wymagają znajomości modelu środowiska.

Obliczenia wykonywane są online - brak konieczności oczekiwania na koniec epizodu.

Dla dowolnej stałej strategii π , udowodnione zostało, że metody TD(0) są zbieżne do v_{π} , w przypadku kiedy wartość parametru uczącego (α) jest stała i dostatecznie mała lub gdy wartość tego parametru zmniejsza się.



(Reinforcement Learning)

Q-Learning

Cechy algorytmu Q-Learning:

- uczy się nie tylko na podstawie swojego doświadczenia, ale także innych ludzi / agentów,
- korzysta z optymalnej strategii nawet w trakcie eksploracji,
- korzysta z wielu strategii podążając tylko jedną.

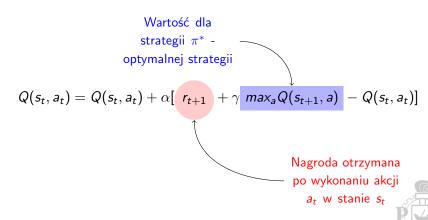


$$Q(s_t, a_t) = Q(s_t, a_t) + \alpha[r_{t+1} + \gamma \max_a Q(s_{t+1}, a) - Q(s_t, a_t)]$$



Wartość dla strategii
$$\pi^*$$
 - optymalnej strategii
$$Q(s_t, a_t) = Q(s_t, a_t) + \alpha[r_{t+1} + \gamma \max_{a} Q(s_{t+1}, a)] - Q(s_t, a_t)]$$





$$Q(s_t, a_t) = Q(s_t, a_t) + \alpha[r_{t+1} + \gamma \max_{a} Q(s_{t+1}, a) - Q(s_t, a_t)]$$

$$Q(s_t, a_t) = (1 - \alpha)Q(s_t, a_t) + \alpha[r_{t+1} + \gamma \max_{a} Q(s_{t+1}, a)]$$



Q-Learning

Algorytm Q-Learning do wyznaczenia strategii $\pi pprox \pi_*$

Parametry algorytmu: krok uczenia $\alpha \in (0,1]$, $\epsilon > 0$ o małej wartości Inicjalizacja tablicy Q(s,a), dla każdego stanu $s \in S$ i akcji w tym stanie $a \in A(s)$, losowymi wartościami oprócz stanu końcowego Q(terminal,.) = 0 Pętla po wszystkich epizodach:

Inicjalizacja s

Dla każdego kroku w epizodzie:

Wybierz akcję a w stanie s wykorzystując strategię opartą o tablicę

Q (np., ϵ -zachłanną)

Wykonaj akcję a i zaobserwuj
$$r$$
 oraz s' $Q(s,a) \leftarrow Q(s,a) + \alpha[r + \gamma \max_a Q(s',a) - Q(s,a)]$ $s \leftarrow s'$

Dopóki s nie jest stanem końcowym

Richard S. Sutton and Andrew G. Barto. Reinforcement learning: An introduction. MIT press, 2018.

Q-Learning

Q-Learning for estimating $\pi \approx \pi_*$

Algorithm parameter: step size $\alpha \in (0,1]$, small $\epsilon > 0$ Initialize Q(s, a), for all $s \in S$, $a \in A(s)$, arbitrarily except that Q(terminal, .) = 0Loop for each episode: Initialize s

Loop for each step of episode:

Choose a from s using policy derived from Q (e.g., ϵ -greedy)

Take action a, observe r, s'

$$Q(s, a) \leftarrow Q(s, a) + \alpha[r + \gamma \max_a Q(s', a) - Q(s, a)]$$

$$s \leftarrow s'$$

Until s is not terminal

Richard S. Sutton and Andrew G. Barto. Reinforcement learning: An introduction. MIT press, 2018.

Q-Learning

Algorytm ϵ -zachłanny:

$$a = \begin{cases} \operatorname{argmax}_{a} Q(s,.) & \text{z prawdopodobieństwem} \quad 1 - \epsilon * \\ \operatorname{losowa akcja} & \text{z prawdopodobieństwem} \quad \epsilon \end{cases}$$
 (6)

* w przypadku kilku akcji z taką samą wartością należy wybierać losową



Q-Learning - przykład liczbowy

Nowe środowisko:

Aktualizowanie funkcji wartości dla pary stan-akcja (s_t, a_t) :

$$Q(s_t, a_t) = Q(s_t, a_t) + \alpha[r_{t+1} + \gamma \max_a Q(s_{t+1}, a) - Q(s_t, a_t)]$$

Parametry algorytmu:

- $\alpha = 0.1$
- $\gamma = 0.9$,
- $r_G = 1$, w pozostałych przypadkach r = 0.



Q-Learning - przykład liczbowy cd.

Epizod 1:

$$Q(s_t, a_t) = Q(s_t, a_t) + \alpha[r_{t+1} + \gamma \max_a Q(s_{t+1}, a) - Q(s_t, a_t)]$$

Stan	L	Р
1	0	0
2	0	0
3	0	0
4	0	0
5	0	0
6	0	0



Q-Learning - przykład liczbowy cd.

Epizod 1:



Akcja

Nagroda



$$Q(5, P) = Q(5, P) + \alpha[r + \gamma \max_{a} Q(6, a) - Q(5, P)]$$

Stan	L	Р
1	0	0
2	0	0
3	0	0
4	0	0
5	0	0
6	0	0



Q-Learning - przykład liczbowy cd.

Epizod 1:



Akcja

Nagroda



$$Q(5, P) = 0 + 0.1[1 + 0.9 * 0 - 0] = 0.1$$

Stan	L	Р
1	0	0
2	0	0
3	0	0
4	0	0
5	0	0
6	0	0



Q-Learning - przykład liczbowy cd.

Epizod 1:



Akcja

Nagroda



$$Q(5, P) = 0 + 0.1[1 + 0.9 * 0 - 0] = 0.1$$

Stan	L	Р
1	0	0
2	0	0
3	0	0
4	0	0
5	0	0.1
6	0	0



Q-Learning - przykład liczbowy cd.

Epizod 2:

$$Q(s_t, a_t) = Q(s_t, a_t) + \alpha[r_{t+1} + \gamma \max_a Q(s_{t+1}, a) - Q(s_t, a_t)]$$

Stan	L	P
1	0	0
2	0	0
3	0	0
4	0	0
5	0	0.1
6	0	0



Q-Learning - przykład liczbowy cd.

Epizod 2:



Akcja



$$Q(4, P) = Q(4, P) + \alpha[r + \gamma \max_{a} Q(5, a) - Q(4, P)]$$

Stan	L	Р
1	0	0
2	0	0
3	0	0
4	0	0
5	0	0.1
6	0	0



Q-Learning - przykład liczbowy cd.

Epizod 2:



Akcja



$$Q(4, P) = 0 + 0.1[0 + 0.9 * 0.1 - 0] = 0.009$$

Stan	L	Р
1	0	0
2	0	0
3	0	0
4	0	0
5	0	0.1
6	0	0



Q-Learning - przykład liczbowy cd.

Epizod 2:



Akcja



$$Q(4, P) = 0 + 0.1[0 + 0.9 * 0.1 - 0] = 0.009$$

Stan	L	Р
1	0	0
2	0	0
3	0	0
4	0	0.009
5	0	0.1
6	0	0



Q-Learning - przykład liczbowy cd.

Epizod 2:



Akcja



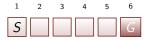
$$Q(s_t, a_t) = Q(s_t, a_t) + \alpha[r_{t+1} + \gamma \max_a Q(s_{t+1}, a) - Q(s_t, a_t)]$$

Stan	L	Р
1	0	0
2	0	0
3	0	0
4	0	0.009
5	0	0.1
6	0	0



Q-Learning - przykład liczbowy cd.

Epizod 2:



Akcja



$$Q(s_t, a_t) = Q(s_t, a_t) + \alpha[r_{t+1} + \gamma \max_a Q(s_{t+1}, a) - Q(s_t, a_t)]$$

Stan	L	Р
1	0	0
2	0	0
3	0	0
4	0	0.009
5	0	0.1
6	0	0



Q-Learning - przykład liczbowy cd.

Epizod 2:



Akcja



$$Q(5, P) = Q(5, P) + \alpha[r + \gamma \max_{a} Q(6, a) - Q(5, P)]$$

Stan	L	Р
1	0	0
2	0	0
3	0	0
4	0	0.009
5	0	0.1
6	0	0



Q-Learning - przykład liczbowy cd.

Epizod 2:



Akcja



$$Q(5, P) = 0.1 + 0.1[1 + 0.9 * 0 - 0.1] = 0.19$$

Stan	L	Р
1	0	0
2	0	0
3	0	0
4	0	0.009
5	0	0.1
6	0	0



Q-Learning - przykład liczbowy cd.

Epizod 2:



Akcja



$$Q(5, P) = 0.1 + 0.1[1 + 0.9 * 0 - 0.1] = 0.19$$

Stan	L	Р
1	0	0
2	0	0
3	0	0
4	0	0.009
5	0	0.19
6	0	0



Q-Learning - przykład liczbowy cd.









Epizod 3

Stan	L	Р
1	0	0
2	0	0
3	0	0.00081
4	0	0.02520
5	0	0.27100
6	0	0

Epizod 4

Stan	L	Р
1	0	0
2	0	0.00007
3	0	0.00300
4	0	0.04707
5	0	0.34390
6	0	0



Przykład algorytmu On-Policy.

Do aktualizacji wartości funkcji w stanie (s_t, a_t) używana jest wartość z następnego stanu dla akcji, która później rzeczywiście będzie wykonana (s_{t+1}, a_{t+1}) .

$$Q(s_t, a_t) = Q(s_t, a_t) + \alpha[r_{t+1} + \gamma Q(s_{t+1}, a_{t+1}) - Q(s_t, a_t)]$$



(Reinforcement Learning)

SARSA

Algorytm SARSA do wyznaczenia strategii $\pi \approx \pi_*$

Parametry algorytmu: krok uczenia $lpha \in (0,1]$, $\epsilon > 0$ o małej wartości

Inicjalizacja tablicy Q(s,a), dla każdego stanu $s\in S$ i akcji w tym stanie $a\in A(s)$, losowymi wartościami oprócz stanu końcowego Q(terminal,.)=0

Pętla po wszystkich epizodach:

Inicjalizacja s

Wybierz akcję a w stanie s wykorzystując strategię opartą o tablicę Q (np., ϵ -zachłanną) Dla każdego kroku w epizodzie:

Wykonaj akcję a i zaobserwuj r oraz s'

Wybierz akcję a' w stanie s' wykorzystując strategię opartą o tablicę Q (np.,

 ϵ -zachłanną)

$$Q(s, a) \leftarrow Q(s, a) + \alpha[r + \gamma Q(s', a') - Q(s, a)]$$

 $s \leftarrow s', a \leftarrow a'$

Dopóki s nie jest stanem końcowym

Richard S. Sutton and Andrew G. Barto. Reinforcement learning: An introduction. MIT press, 2018.

SARSA

SARSA for estimating $\pi \approx \pi_*$

Algorithm parameter: step size $\alpha \in (0,1]$, small $\epsilon > 0$ Initialize Q(s,a), for all $s \in S$, $a \in A(s)$, arbitrarily except that Q(terminal,.) = 0Loop for each episode:

Initialize s

Loop for each step of episode:

Choose a from s using policy derived from Q (e.g., ϵ -greedy)

Take action a, observe r, s'

Choose a' from s' using policy derived from Q (e.g., ϵ -greedy)

$$Q(s, a) \leftarrow Q(s, a) + \alpha[r + \gamma Q(s', a') - Q(s, a)]$$

 $s \leftarrow s', a \leftarrow a'$

Until s is not terminal

Richard S. Sutton and Andrew G. Barto. Reinforcement learning: An introduction. MIT press, 2018.

Expected SARSA

Przykład algorytmu On-Policy.

Do aktualizacji wartości funkcji w stanie (s_t, a_t) używana jest oczekiwana wartość z następnego stanu obliczona zgodnie z założoną strategią.

$$Q(s_t, a_t) = Q(s_t, a_t) + \alpha[r_{t+1} + \gamma \sum_{a} \pi(a|s_{t+1})Q(s_{t+1}, a) - Q(s_t, a_t)]$$



Model środowiska

Frozen Lake:



Oznaczenia:

- S stan początkowy,
- F zamrożone pole,
- H dziura (stan końcowy),
- *G* cel (stan końcowy).

Nagrody:

- 1 po dotarciu do pola *G*,
- 0 w pozostałych przypadkach.

Akcje:

- lewo,
- prawo,
- góra,
- dół.



Model środowiska

Cliff World:



Akcje:

- lewo,
- prawo,
- góra,
- dół.

Oznaczenia:

- S stan początkowy,
- F wolne pole,
- H dziura (stan końcowy),
- \blacksquare G cel (stan końcowy).

Nagrody:

- 1 po dotarciu do pola G,
- -100 po dotarciu do pola H,
- -1 w pozostałych przypadkach.



Materiały uzupełniające

- Książka Reinforcement Learning: An Introduction, Richard S. Sutton and Andrew G. Barto, wydanie drugie, 2018.
 - Rozdziały 5.1, 5.2, 5.3 i 5.4 Monte Carlo Methods.
 - Rozdziały 6.1, 6.2, 6.3 i 6.5 TD Learning and Q-Learning.
 - Rozdziały 6.4 i 6.4 SARSA i Expected SARSA.
- Video Artificial Intelligence Course by Pieter Abbeel Lecture 10: Reinforcement Learning od 0:38:00.



Exploration vs. exploitation



Aproksymacja funkcji wartości stanu



Głębokie uczenie ze wzmocnieniem

