École Supérieure de Management,

d'Informatique et de télécommunications

SUP MTI

TD N° 01

Année universitaire : 2023-2024

Exercice 1:

Le tableau ci-dessous donne la répartition de la population active occupée (ayant effectivement un emploi) selon la catégorie socioprofessionnelle (CSP), en France.

CPSP	Effectifs (en milliers)	Effectifs cumulés	Fréquences (en %)	Fréquences cumulées
Agriculteurs exploitants (AE)	1312			
Artisans, commerçants, chefs d'entreprises (Ar)	1739			
Cadres, professions intellectuelles supérieures (Cad)	2267			
Professions intermédiaires (PI)	4327			
Employés (Em)	5815			
Ouvriers (Ou)	6049			

- 1. Déterminer la population statistique, l'individu, le caractère et l'effectif total. Quel est le type de la série statistique ? quelle est la modalité la plus fréquente ?
- 2. Compléter le tableau ci-dessus.
- 3. Représenter graphiquement ces données.

Exercice 2:

Un relevé des durées des communications téléphoniques effectuées dans un central téléphonique a fourni les informations consignées dans le tableau suivant (l'unité de durée est la minute).

Intervalle de durée	[0;2[[2;4[[4;6[[6;8[[8; 10[[10; 12[
Effectif	14	16	25	15	17	13

- 1. Calculer la durée moyenne d'un appel
- 2. On regroupe les classes par deux, ce qui revient à considérer les classes [0;4[, [4; 8[et[8;12[.Calculer la durée moyenne d'un appel pour cette nouvelle série.
- 3. Quelle conclusion pouvez-vous formuler?
- 4. Déterminer la médiane, premier quartile et troisième quartile de la première série.
- 5. Dessiner la boite à moustaches.

Exercice 3:

On considère les deux séries statistiques définies par les tableaux S1et S2 ci-dessous :

Tableau S1 Tableau S2

Valeurs	-80	-40	0	40	80
Effectifs	15	27	10	23	25

Valeurs	20	60	100	140	180
Effectifs	15	27	10	23	25

- 1. a) Calculer la moyenne de la série statistique correspondant à S1.
 - b) Déduire de ce résultat la moyenne de la série correspondant à S2.
- 2. Lors de l'étude sur la résistance d'un type de fil, on a réalisé cent expériences de rupture et on a noté à chaque fois la charge limite provoquant la rupture. Les résultats sont consignés dans le tableau suivant :

Charges(en g)	[700; 740[[740; 780[[780; 820[[820; 860[[860; 900[
Effectifs	15	27	10	23	25

Utiliser un des deux résultats précédents pour obtenir rapidement la moyenne de la charge de rupture.

Exercice 4:

La température est relevée chaque heure pendant 4 jours dans une forêt. Les 97 résultats obtenus ont été triés et sont rassemblés dans le tableau suivant :

Température	14.5	15	15.5	16	16.5	17	17.5	18	18.5	19	19.5
Nombre de fois où cette température a été relevée	5	7	10	12	15	10	11	9	7	7	4

- 1. Déterminer la médiane Me, les quartiles Q1 et Q3 de cette série statistique.
- 2. Dessiner la boite à moustaches.
- 3. Déterminer les déciles D1 et D9.

Exercice 5:

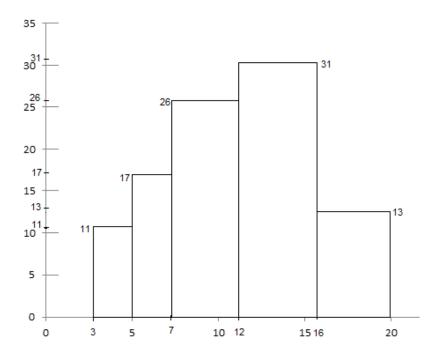
Au poste de péage, on compte le nombre de voitures se présentant sur une période de 5mn. Sur 100 observations de 5mn, on obtient les résultats suivants :

Nombre de voitures	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
Nombre d'observations	2	8	14	20	٠	15	9	6	2	3	1	1

- 1. Déterminer la valeur manquante dans le tableau.
- 2. Construire la table des fréquences et le diagramme en bâtons en fréquences de la série du nombre de voitures.
- 3. Calculer la moyenne et l'écart-type de cette série.
- 4. Déterminer la médiane, les quartiles et tracer la boite à moustaches.
- 5. Déterminer l'étendue et les écarts inter-déciles pour α =0.1 et α =0.2

Exercice 6:

- 1. On se basant sur l'histogramme ci-dessous, construire un tableau contient les colonnes suivantes : classes I_i , effectifs n_i , effectifs cumulés N_i , amplitudes a_i , effectifs corrigés n_i^* , centres x_i .
- 2. Déterminer la moyenne arithmétique, la classe modale, la médiane, le premier quartile, le troisième quartile et écart inter-décile pour α =0.2
- 3. Dessiner la boite à moustaches.



Exercice 7:

Une usine produit des pièces d'une machine. Pour chaque pièce (individu), on dispose du coût de sa production et du temps nécessaire pour sa réalisation (en heures). Le tableau ci-après donne cette répartition :

Individu	1	2	3	4	5	6
Temps (X)	2	3	6	7	10	11
mesuré en						
heures						
Coût (Y)	10	18	20	35	38	46

- 1. Calculer la moyenne de la variable statistique X.
- 2. Calculer la moyenne de la variable statistique Y.
- 3. Calculer l'écart-type de la variable statistique X.
- 4. Calculer l'écart-type de la variable statistique Y.
- 5. Tracer le nuage de points.
- 6. Déduire la nature de la relation existant entre X et Y.
- 7. Calculer le coefficient de corrélation entre X et Y et interpréter le résultat.
- 8. Déterminer la droite de régression. Tracer cette droite sur le nuage de points précédent.
- 9. Calculer le coefficient de détermination R² et interpréter le résultat.

Exercice 8:

Le tableau de contingence suivant est entre le salaire mensuel X et l'ancienneté Y des ouvriers d'une entreprise.

X\Y	[0, 8[[8, 16[[16, 24[[24, 32[n _{i.}	f _{i.}
[20, 30[5	6	1	0		
[30, 40[2	4	3	3		
[40, 50[0	2	4	10		
n.j						
f.j						

- 1. Compléter le tableau ci-dessus.
- 2. Calculer les moyennes marginales de X et Y.
- 3. Calculer les variances marginales de X et Y. Déduire les écarts-type marginaux.
- 4. Calculer la covariance entre X et Y. Interpréter le résultat.
- 5. Etudier les séries conditionnelles X/y_3 et Y/x_2 et présenter les résultats pour chaque groupe de séries conditionnelles.