# МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ «НИЖЕГОРОДСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ ТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ им. Р.Е. АЛЕКСЕЕВА»

Институт радиоэлектроники и информационных технологий Кафедра «Информационные радиосистемы»

## Индуктивные операции и функции высших порядков (Вариант 28)

Выполнил:

Студент гр. 22-Рз Наумов А.А.

Проверил:

к.т.н., доцент кафедры ИРС Сидоров С.Б.

## Оглавление

Задание по варианту	3
Контрольная работа № 1	4
1.1. Постановка задачи	4
1.2. Алгоритм индуктивной обработки	4
1.3. Архитектура программной реализации вычислителя	
АТД Application	
application.h	8
algo.h	8
Приложение 1	11
Контрольная работа №2	17
2.1 Архитектура программной системы	17
2.2 Использование индуктивного вычислителя	18
Приложение 1	19

## Задание по варианту

Обнаружение наиболее длинного участка монотонного возрастания значений последовательных элементов, при условии что разность значений последнего и первого элементов участка не менее чем D. Результатом является интервал: (начальный номер, конечный номер). Тип элемента — целочисленный.

## Контрольная работа № 1. «Реализация индуктивной обработки последовательности элементов»

#### 1.1. Постановка задачи

Освоение способов разработки алгоритмов выполнения индуктивных операций над последовательностью данных, построение индуктивных функций методом индуктивных расширений. Изучение общей схемы программной реализации индуктивной функции и схемы обработки последовательности элементов с использованием индуктивной функции.

На вход системы последовательно и неограниченно во времени поступают элементыxi, где i — порядковый номер элемента, начиная с 1. Реализовать указанную в варианте обработку f(X) последовательности элементов  $X = \langle x1, x2, x3, \ldots \rangle$  с использованием схемы индуктивной обработки на пространстве последовательностей. Полученный набор выходных значений  $Y = \langle y1, y2, y3, \ldots \rangle$  рассматривается как результирующая последовательность. Значения элементов исходной последовательности должны запрашиваться у пользователя (приниматься со стандартного устройства ввода) по одному за раз. Сформированные выходные значения требуется выдавать сразу после их формирования на стандартное устройство вывода. Реализация обработки должна быть приведена в отдельном модуле.

## 1.2. Алгоритм индуктивной обработки

Примем следующие сокращения, и каким значением инициализируются (если значение явно не указывается, то его упоминание пропускается):

tLi – индекс левого элемента, обрабатываемой в данный момент последовательности;

tLv — значение левого элемента, обрабатываемой в данный момент последовательности;

tRi – индекс правого элемента, обрабатываемой в данный момент последовательности;

tRv — значение правого элемента, обрабатываемой в данный момент последовательности;

tCS (tempCS)— количество элементов в текущей, обрабатываемой последовательности;

 $fLi - \underline{\text{индекс левого элемента}}$ , максимальной по кол-ву элементов последовательности, при разнице значений начального и конечного, на данный момент, элемента, больше, чем D;

fLv — <u>значение левого элемента</u>, максимальной по кол-ву элементов последовательности, при разнице значений начального и конечного, на данный момент, элемента, больше, чем D;

 $fRi - \underline{\text{индекс правого элемента}}$ , максимальной по кол-ву элементов последовательности, при разнице начального и конечного, на данный момент, элемента, больше, чем D;;

fRv - <u>значение правого элемента</u>, максимальной по кол-ву элементов последовательности, при разнице начального и конечного, на данный момент, элемента, больше, чем <math>D;

fCS (finalCS)— максимальное количество элементов, для обработанных последовательностей, на данный момент.

 $X_n$  - очередное поступившее значение;

lx - предыдущее поступившее значение;

 $\Delta v$  - разница значений первого и последнего элемента максимальной, подходящей, на данный момент, последовательности,  $x_n - fLv$ ;

 $\Delta i$  - разница индексов первого и последнего элемента максимальной, подходящей, на данный момент, последовательности, n – fCS;

n - индекс поступившего элемента; (Равен 0, т. к. это итератор)

D – цифра, вводимая пользователем, по условию задачи.

y - элемент выходной последовательности, представлен набором из трех элементов y = (n, fLi, fRi)

Отклик вычислителя q определим как  $q = \{ \langle y \rangle , \forall x_n \}$ .

Рассмотрим каждое из условий:

 $r_1(n=0);$ 

 $r_2(x_n \leq lx);$ 

 $r_3(tCS>fCS);$ 

 $r_4(\Delta v > D);$ 

Имея набор базовых условий, можно сформировать предикаты. Так же, для переменных, которые претерпевают изменения, приведены правила пересчёта. Если переменная не пересчитывается, то правило пересчёта **не приводится**.

 $R_1():r_1$  - справедливо для n=0;

Результат: 
$$R_1(.) \rightarrow fLi=n$$
,  $fRi=n$ ,  $fLv=x_n$ ,  $fRv=x_n$ ,  $q=\langle y \rangle$ ,  $lx=x_n$ ;

$$R_2(): \neg r_1 \land r_2$$
 - справедливо для  $x_n < lx$ ;

Результат: 
$$R_2(.) \rightarrow tCS = 0$$
,  $\Delta x = x_n - fLv$ ,  $\Delta i = n - tCS$ ,  $q = \langle y \rangle$ ,  $lx = x_n$ ;

$$R_3()$$
: ¬ $r_1$   $\land$  ¬ $r_2$   $\land$  ¬ $r_3$  - справедливо для  $n$ >0  $\land$   $x_n$ > $x_{n-1}$   $\land$   $tCS$ < $fCS$ ;

Результат: 
$$R_3(.)$$
:  $\rightarrow tCS = tCS + 1$ ,  $\Delta x = x_n - fLv$ ,  $\Delta i = n - tCS$ ,  $q = \langle y \rangle$ ,  $lx = x_n$ ;

$$R_4()$$
: ¬ $r_1$   $\land$  ¬ $r_2$   $\land$   $r_3$   $\land$  ¬ $r_4$  - справедливо для  $(n>0)$   $\land$   $(x_n>x_n-1)$   $\land$   $(tCS>fCS)$   $\land$   $(\Delta v< D)$ ;

Результат: 
$$R_4(.) \rightarrow tCS = tCS + 1$$
,  $\Delta x = x_n - fLv$ ,  $\Delta i = n - tCS$ ,  $q = \langle y \rangle$ ,  $lx = x_n$ ;

$$R_{5}()$$
: ¬ $r_{1}$   $\wedge$  ¬ $r_{2}$   $\wedge$   $r_{3}$   $\wedge$   $r_{4}$  - справедливо для ( $n$ >0)  $\wedge$  ( $x_{n}$ > $x_{n}$ -1)  $\wedge$  ( $tCS$ > $fCS$ )  $\wedge$  ( $\Delta v$ > $D$ );

Результат:

$$R_5(.) \rightarrow tCS = tCS + 1$$
,  $\Delta x = x_n - fLv$ ,  $\Delta i = n - tCS$ ,  $fLi = \Delta i$ ,  $fRi = x_n$ ,  $fCS = tCS$ ,  $q = \langle y \rangle$ ,  $lx = x_n$ 

Предикат  $R_1(.)$  соответствует случаю, когда программа находится на первой итерации.  $R_2(.)$ , когда итерация не является первой, и текущее, поступившее значение меньше предыдущего.  $R_3(.)$ , если итерация не является первой, поступившее значение больше предыдущего, и кол-во элементов в текущей последовательности больше, чем в предыдущей, максимально достигнутой вычислителем.  $R_4(.)$ , в случае, если итерация не является первой, текущее значение x больше предыдущего, кол-во элементов в текущей последовательности больше, чем прежде, максимально достигнутое, и разница первого и последнего элемента меньше D.  $R_5(.)$ , когда итерация не является первой, текущее значение x больше предыдущего, кол-во элементов в текущей последовательности больше, чем прежде, максимально достигнутое, и разница первого и последнего элемента больше D.

В общем случае вид формулы, по которой вычисляется новое значение величины, определяется набором условий  $R = (R_1(.), R_2(.), R_3(.), R_4(.)R_5(.))$ .

Приведённые условия являются предикатами, т.е. результатом каждого из условий является логическое значение истина/ложь. Точкой обозначен набор аргументов, необходимых для вычисления значения предиката.

В ходе выполнения программы, значение счётчика tempCS, претерпевает изменения, в результате индуктивной операции над  $x_n$ , соответственно работа счётчика будет считаться индуктивным расширением.

Условия, используемые в правиле пересчёта fLi и fRi охватывают все возможные ситуации, то есть  $R_1 \cup R_2 \cup R_3 \cup R_4 \cup R_5 = true$ . Таким образом одно из условий должно обязательно выполняться. В противном случае для некоторых ситуаций отсутствует правило пересчета величины.

Кроме того, выполняется условие  $\forall x_n: R_5 \to R_1 \cap R_2 \cap R_3 \cap R_4 \cap R_5 = false$ , то есть не допускается одновременное выполнение различных условий. И обратное утверждение,  $\neg \forall x_n: R_5 \to R_1 \cap R_2 \cap R_3 \cap R_4 \cap R_5 = true$ . Истинное значение предиката обозначает факт наступления связанного с ним события.

# 1.3. Архитектура программной реализации вычислителя.

Разберём используемый абстрактный тип данных.

#### АТД Application

Определяется структурный тип данных **Application**, содержащий семь полей:

```
int const_D;
std::pair<int, int> current_element;
std::pair<int, int> last_element;
std::pair<int, int> finalLeft;
std::pair<int, int> finalRight;
int tempCS = 0;
int finalCS = 0;
```

Первое — константа D, используемая для сравнения значений крайних элементов последовательности. Логика использования пары интов следующая, первое значение — индекс, второе — значение. Следуя ей, объявляются переменные — текущий элемент, последний элемент, финальный левый и финальный правый элементы. Целочисленными, так же, объявляются переменные tempCS/finalCS, хранящие временный стрик текущей последовательности, и максимальный достигнутый за время работы программы, соответственно.

### application.h

В заголовочном файле application.h объявляется глобальная функция int appRun(Application& app). Эта функция отвечает за исполнение работу программы, а соответственно, напрямую взаимодействует с АТД Application, а именно: получает данные от пользователя, обрабатывает их, и выводит результат в стандартное устройство вывода. При успешном выполнении возвращает значение 0, если произошла ошибка на одном из этапов, возвращает значение 1.

Для выполнения поставленных, условием, задач, в .h файле объявляется прототип функции, а в .cpp файле, определяются под-функции appRun, а именно:

```
bool appInitializeData(Application & app);
bool appGetConstantD(Application & app);
bool appProcess(Application & app);
bool appGetOutputToUser(Application & app);
```

Рассмотрим каждую функцию в отдельности:

```
bool appInitializeData(Application & app); - отвечает за получение очередного значения, от пользователя.
```

```
bool appGetConstantD(Application & app); - Получение числа D.
```

bool appProcess(Application & app); - Содержит основную логическую функцию обработки.

bool appGetOutputToUser(Application & app); - выводит промежуточный результат на стандартное устройство вывода.

## algo.h

В файле объявляются функции для базовых условий  $^r$ , и одна вспомогательная с типом **void**, а именно:

```
bool algo_check_first_iteration(void *object);
bool algo_check_ascending(void *object);
bool algo_check_D(void *object);
bool algo_check_breakage(void *object);
void algo update last(void *object);
```

Все они принимают указатель на тип переменную по типу данных АТД Application. Рассмотрим каждую функцию в отдельности:

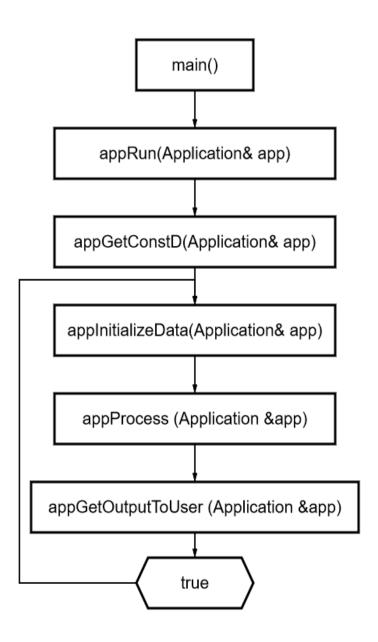
bool algo\_check\_first\_iteration(void \*object); - соответствует выражению  $r_1(n=0) \rightarrow (fLi \wedge fRi) = n \wedge (fLv \wedge fRv) = x_n$ . Выполняя действия и возвращая true, в случае n=0. Словами, приравнивает левый и правый индексы к параметрам текущего, индекс и значение.

bool algo\_check\_ascending(void \*object); - соответствует выражению  $r_2(x_n \le x_{n-1}) \to tCS = 0$ . Выполняя действия и возвращая true, в случае  $x_n \le x_{n-1}$ . Словами, если текущий элемент меньше предыдущего, то счетчик текущей последовательности сбрасывается, и возвращается true.

bool algo\_check\_breakage(void \*object); - соответствует выражению  $r_3(tCS>fCS)$ . Действий функция не выполняет, только проверяет превосходство текущей последовательности над максимально достигнутой ранее. Если так, то вернется true.

bool algo\_check\_breakage(void \*object); - соответствует выражению  $r_4(x_n - fLv > D) \rightarrow fLi = n - tCS \land fRi = n \land fCS = tCS$ . Основное условие наступления пересчета максимальных индексов. Если значение текущего минус значение первого элемента текущей последовательности больше D, то максимальный левый индекс приравнивается к n минус кво элементов текущей последовательности, правый индекс n, и максимальное n-во элементов приравнивается n-к текущему.

Можем представить общую структуру программы в виде блок-схемы:



## Приложение 1.

```
//main.cpp
// Created by Anatejl on 15.04.2024.
#include "application.h"
#include <iostream>
int main() {
  std::cout << "An unarguably valuable piece of software, THE diamond!" << std::endl;</pre>
  Application app;
  int ret = appRun(app);
  return ret;
}
//application.h
// Created by Anatejl on 15.04.2024.
#ifndef NNTU_APPLICATION_H
#define NNTU_APPLICATION_H
#include <climits>
#include <utility>
#include "algo.h"
//Data for program to handle.
struct Application {
  int const_D;
  //Assume 1- iteration 2 - element
  std::pair<int, int> current_element;
  std::pair<int, int> last_element;
  //Assume 1 - index 2 - value
  std::pair<int, int> finalLeft;
  std::pair<int, int> finalRight;
```

```
int finalCS = 0;
  int tempCS = 0;
};
// To execute application
int appRun(Application& app);
bool appInitializeData(Application & app);
bool appGetConstantD(Application & app);
bool appProcess(Application & app);
bool appGetOutputToUser(Application & app);
#endif //NNTU_APPLICATION_H
//application.cpp
//
// Created by Anatejl on 20.04.2024.
#include "application.h"
#include "algo.h"
#include <iostream>
bool appGetConstantD(Application & app) {
  std::cout << "Input a D constant to compare:" << std::endl;</pre>
  std::cin >> app.const_D;
  std::cout << app.const_D << std::endl;</pre>
  return true;
}
bool appInitializeData(Application & app) {
  std::cin >> app.current_element.second;
  return true;
}
bool appProcess(Application & app) {
  while(true) {
     if(algo_check_first_iteration(&app)){
       break:
     }
```

```
if(algo_check_breakage(&app)){
       break;
     }
     if(!algo_check_ascending(&app)){
       break;
     }
     if(!algo_check_D(&app)){
       break;
     break;
  algo_update_last(&app);
  return true;
}
bool appGetOutputToUser(Application & app) {
  std::cout << app.current_element.first << " - Iteration" << std::endl;</pre>
  std::cout << "L - " << app.finalLeft.first << std::endl;</pre>
  std::cout << "R - " << app.finalRight.first << std::endl << std::endl;</pre>
  return true;
}
int appRun(Application & app) {
  if (!appGetConstantD(app)) {
     std::cout << "DATA INPUT FAILURE." << std::endl;</pre>
     return 1;
  }
  //Default condition is "true", consider using "!std::con.eof()" for testing purposes.
  while(true) {
     if (!appInitializeData(app)) {
       std::cout << "DATA INPUT FAILURE." << std::endl;</pre>
       return 1;
     }
     if (!appProcess(app)) {
       std::cout << "DATA INPUT FAILURE." << std::endl << "No matches applicable."
<< std::endl;
```

```
return 1;
     }
    if (!appGetOutputToUser(app)) {
       std::cout << "DATA INPUT FAILURE." << std::endl;</pre>
       return 1:
     }
     ++app.current_element.first;
  }
  return 0;
}
//algo.h
//
// Created by Anatejl on 20.04.2024.
#ifndef NNTU ALGO H
#define NNTU_ALGO_H
#include "application.h"
bool algo_check_first_iteration(void *object);
bool algo_check_ascending(void *object);
bool algo_check_D(void *object);
bool algo_check_breakage(void *object);
void algo_update_last(void *object);
#endif //NNTU ALGO H
//algo.cpp
// Created by Anatejl on 20.04.2024.
//
#include "algo.h"
void algo_update_last(void *object){
  Application & app = *((Application*)object);
  app.last_element.first = app.current_element.first;
  app.last_element.second = app.current_element.second;
  ++app.tempCS;
```

```
}
bool algo_check_first_iteration(void *object){
  Application & app = *((Application*)object);
  if(app.current_element.first == 0){
     app.finalLeft.first = app.current_element.first;
     app.finalLeft.second = app.current_element.second;
     app.finalRight.first = app.current_element.first;
     app.finalRight.second = app.current_element.second;
    return true;
  }
  return false;
}
bool algo_check_breakage(void *object){
  Application & app = *((Application*)object);
  if(app.current_element.second <= app.last_element.second){</pre>
     app.tempCS = 0;
    return true;
  }
  return false;
}
bool algo_check_ascending(void *object){
  Application & app = *((Application*)object);
  if(app.tempCS > app.finalCS) {
     return true;
  return false;
bool algo_check_D(void *object){
  Application & app = *((Application*)object);
```

```
if(app.current_element.second - app.finalLeft.second > app.const_D){
    app.finalLeft.first = app.current_element.first - app.tempCS;
    app.finalRight.first = app.current_element.first;
    app.finalCS = app.tempCS;
    return true;
}

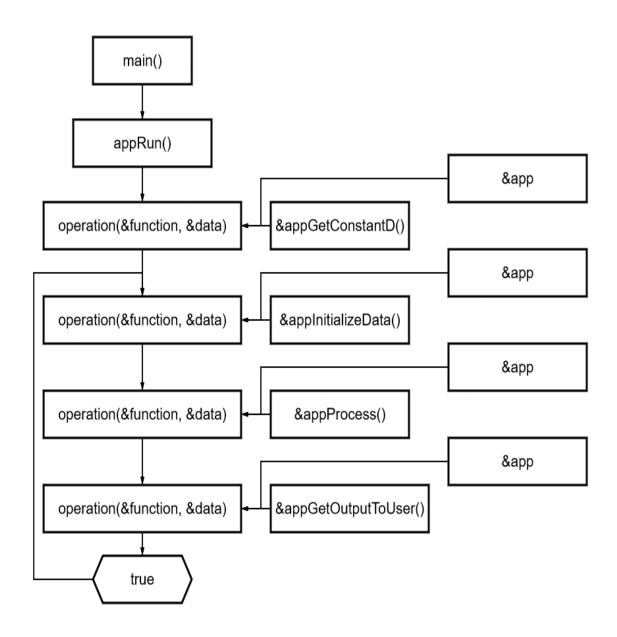
return false;
}
```

## Контрольная работа №2 «Настройка индуктивного вычислителя с использованием функции обратного вызова»

## 2.1 Архитектура программной системы

Основная логика вычисления не претерпела изменений, с контрольной работы 1. Изменился стиль вызова и способ обмена данными между функциями. Теперь мы объявляем АТД Application в основной функции appRun, вместо main.

В следствие внедрения данной методологии вызова функций, изменилась структура программы. Представлена ниже.



## 2.2 Использование индуктивного вычислителя

Функция operation, которая соответствует назначению — callback из условия работы. Она принимает ссылку на функцию и ссылку на объявленный тип данных. В результате мы избегаем копирования одного и того же типа данных, по несколько раз.

В следствие использования данной структуры, можно наладить общение нескольких программ между друг другом, вследствие унифицированного элемента функции и набора данных.

```
//application.h

typedef bool (*Callback)(void *object);
bool operation(Callback callback, void *data);
```

Элемент	Назначение
typedef	аллиас на функцию
bool	тип функции
(*Callback)	указатель на тип функции
<pre>(void *object)</pre>	указатель на тип принимаемого аргумента, и его название

```
// application.cpp
bool operation(Callback callback, void *data) {
   return (*callback)(data);
}
```

Элемент	Назначение
bool	тип функции
operataion	название
(Callback callback	тип и имя принимаемого аргумента
void *data)	указатель на любой тип данных, имя аргумента
return	возвращаемое значение
(*callback)	результат работы вызываемой функции
(data)	данные с которыми работала программа.

## Приложение 1

```
//main.cpp
//
// Created by Anatejl on 15.04.2024.
#include "application.h"
#include <iostream>
int main() {
  std::cout << "An unarguably valuable piece of software, THE diamond!" << std::endl;</pre>
  int ret = appRun();
  return ret;
}
//application.h
// Created by Anatejl on 15.04.2024.
#ifndef NNTU_APPLICATION_H
#define NNTU_APPLICATION_H
#include <climits>
#include <utility>
#include "algo.h"
//Data for program to handle.
struct Application {
  int const_D;
  //Assume 1- iteration 2 - element
  std::pair<int, int> current_element;
  std::pair<int, int> last_element;
  //Assume 1 - index 2 - value
  std::pair<int, int> finalLeft;
  std::pair<int, int> finalRight;
  int finalCS = 0;
```

```
int tempCS = 0;
};
typedef bool (*Callback)(void *object);
bool operation(Callback callback, void *data);
// To execute application
int appRun();
bool appInitializeData(void *object);
bool appGetConstantD(void *object);
bool appProcess(void *object);
bool appGetOutputToUser(void *object);
#endif //NNTU APPLICATION H
//application.cpp
// Created by Anatejl on 20.04.2024.
#include "application.h"
#include "algo.h"
#include <iostream>
bool operation(Callback callback, void *data) {
  return (*callback)(data);
}
bool appGetConstantD(void *object) {
  Application & app = *((Application*) object);
  std::cout << "Input a D constant to compare:" << std::endl;</pre>
  std::cin >> app.const_D;
  std::cout << app.const_D << std::endl;</pre>
  return true;
}
bool appInitializeData(void *object) {
  Application & app = *((Application*) object);
  std::cin >> app.current_element.second;
  return true;
```

```
}
bool appProcess(void *object) {
  Application & app = *((Application*) object);
  while(true) {
     if(algo_check_first_iteration(&app)){
       break;
     }
     if(algo_check_breakage(&app)){
       break;
     }
     if(!algo_check_ascending(&app)){
       break;
     }
     if(!algo_check_D(&app)){
       break;
     break;
  algo_update_last(&app);
  return true;
}
bool appGetOutputToUser(void *object) {
  Application & app = *((Application*) object);
  std::cout << app.current_element.first << " - Iteration" << std::endl;</pre>
  std::cout << "L - " << app.finalLeft.first << std::endl;</pre>
  std::cout << "R - " << app.finalRight.first << std::endl << std::endl;</pre>
  return true;
}
int appRun() {
  Application app;
```

```
if (!operation(&appGetConstantD, &app)) {
     std::cout << "DATA INPUT FAILURE." << std::endl;
     return 1;
  }
  //Default condition is "true", consider using "!std::con.eof()" for testing purposes.
  while(true) {
     if (!operation(&appInitializeData, &app)) {
       std::cout << "DATA INPUT FAILURE." << std::endl;</pre>
       return 1:
     }
    if (!operation(&appProcess, &app)) {
       std::cout << "DATA INPUT FAILURE." << std::endl << "No matches applicable."
<< std::endl;
       return 1;
     }
    if (!operation(&appGetOutputToUser, &app)) {
       std::cout << "DATA INPUT FAILURE." << std::endl;</pre>
       return 1;
     }
     ++app.current_element.first;
  return 0;
}
//algo.h
// Created by Anatejl on 20.04.2024.
//
#ifndef NNTU ALGO H
#define NNTU_ALGO_H
#include "application.h"
bool algo_check_first_iteration(void *object);
bool algo_check_ascending(void *object);
bool algo_check_D(void *object);
bool algo_check_breakage(void *object);
void algo_update_last(void *object);
```

```
#endif //NNTU_ALGO_H
//algo.cpp
// Created by Anatejl on 20.04.2024.
#include "algo.h"
void algo_update_last(void *object){
  Application & app = *((Application*)object);
  app.last_element.first = app.current_element.first;
  app.last_element.second = app.current_element.second;
  ++app.tempCS;
}
bool algo_check_first_iteration(void *object){
  Application & app = *((Application*)object);
  if(app.current element.first == 0){
     app.finalLeft.first = app.current_element.first;
     app.finalLeft.second = app.current_element.second;
     app.finalRight.first = app.current_element.first;
     app.finalRight.second = app.current_element.second;
    return true;
  }
  return false;
}
bool algo_check_breakage(void *object){
  Application & app = *((Application*)object);
  if(app.current_element.second <= app.last_element.second){</pre>
     app.tempCS = 0;
    return true;
  }
  return false;
```

```
}
bool algo_check_ascending(void *object){
  Application & app = *((Application*)object);
  if(app.tempCS > app.finalCS) {
     return true;
  }
  return false;
}
bool algo_check_D(void *object){
  Application & app = *((Application*)object);
  if(app.current_element.second - app.finalLeft.second > app.const_D){
     app.finalLeft.first = app.current_element.first - app.tempCS;
     app.finalRight.first = app.current_element.first;
     app.finalCS = app.tempCS;
     return true;
  }
  return false;
}
```