

ANALISIS ALGORITMA

TUGAS 1



Muhammad Nur Anbiya Pohan

140810160031

PROGRAM STUDI S-1 TEKNIK INFORMATIKA

UNIVERSITAS PADJADJARAN

2019

Worksheet 01

Dengan Algoritma Gale-Shapley, cari himpunan stable-matching yang sesuai dengan preferencelists berikut ini. Gunakan processor terhebat yang Anda miliki (otak) untuk mengikuti algoritma GS dan output tidak perlu diuraikan per-looping tetapi Anda harus memahami hasil setiap looping.

| Men's Preferences Profile | | | | | |
|---------------------------|-----------------|-----------------|-----------------|-----------------|-----------------|
| | 0 th | 1 st | 2 nd | 3 rd | 4 th |
| Victor | Bertha | Amy | Diane | Erika | Clare |
| Wyatt | Diane | Bertha | Amy | Clare | Erika |
| Xavier | Bertha | Erika | Clare | Diane | Amy |
| Yancey | Amy | Diane | Clare | Bertha | Erika |
| Zeus | Bertha | Diane | Amy | Erika | Clare |

| Women's Preferences Profile | | | | | |
|-----------------------------|-----------------|-----------------|-----------------|-----------------|-----------------|
| | 0 th | 1 st | 2 nd | 3 rd | 4 th |
| Amy | Zeus | Victor | Wyatt | Yancey | Xavier |
| Bertha | Xavier | Wyatt | Yancey | Victor | Zeus |
| Clare | Wyatt | Xavier | Yancey | Zeus | Victor |
| Diane | Victor | Zeus | Yancey | Xavier | Wyatt |
| Erika | Yancey | Wyatt | Zeus | Xavier | Victor |

Initially all $m \in M$ and $w \in W$ are free

While there is a man m who is free and hasn't proposed to every woman

Choose such a man m

Let w be the highest-ranked woman in m 's preference list
to whom m has not yet proposed

If w is free then

(m, w) become engaged

Else w is currently engaged to m'

If w prefers m' to m then

m remains free

Else w prefers m to m'

(m, w) become engaged

m' becomes free

Endif

Endif

Endwhile

Return the set S of engaged pairs

Tugas Praktikum

- ☐ Ubahlah pseudocode algoritma G-S pada worksheet 01 ke dalam program menggunakan bahasa C++
- ☐ Gunakan table pria sebagai table acuan untuk memudahkan Anda menentukan pasangannya.
- ☐ Cocokkan jawaban Anda pada worksheet 01 dengan hasil program yang Anda buat
- ☐ Jika ada yang berbeda tuliskan bagian mana yang berbeda dan analisislah (Poin ini disampaikan pada bagian Analisis Algoritma) yang sudah disiapkan.

Analisis Algoritma

Jawablah pertanyaan berikut:

1. Apakah jawaban Anda di Worksheet 01 dan Program sama persis? Jika Tidak? Kenapa?

JAWABAN :

Sama hasilnya ataupun output nya menghasilkan pasangan yang benar antara Worksheet 1 dengan program

Hasil :

Tracing manual Program

(Victor, Amy)

(Wyatt, Clare)

(Xavier, Bertha)

(Yancey, Erika)

(Zeus, Diane)

Program

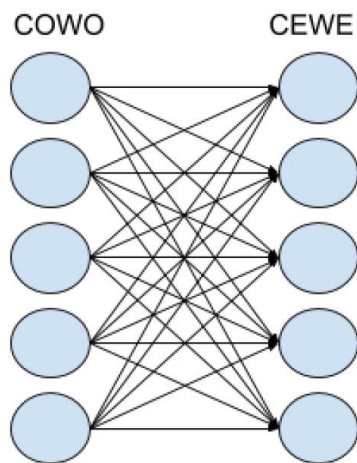
```
Cewe   Cowo
Amy    Victor
Bertha Xavier
Clare  Wyatt
Diane  Zeus
Erika  Yancey
```

Teorema (1.3):

Algoritma G-S berakhir setelah paling banyak n^2 iterasi menggunakan While Loop.
Buktikan!

Algoritma G-S berakhir setelah paling banyak n^2 iterasi menggunakan While Loop.
Buktikan!

Benar, karena pada dasarnya setiap pasangan dicocokkan dengan setiap lawan pasangannya dan ketika belum ada kecocokan akan terus berulang sehingga paling banyak akan menghasilkan paling banyak 16 kali loop (dengan 4 pasangan).



akan diperoleh looping maksimal yaitu 4^2 dengan beberapa ketentuan yang berbeda. Looping akan berkurang apabila ketepatan algoritma dan tingkat prioritas yang tinggi dan tidak saling bersinggungan dengan pasangan yang lain.

Teorema (1.4):

Jika seorang pria bebas di beberapa titik dalam eksekusi algoritma, maka ada seorang wanita yang belum dia ajak bertunangan.

Buktikan!

Tentunya karena setiap pria pasti dicocokkan dengan pasangan yang ditentukan dengan prioritas tertinggi. Ketika beberapa orang yang ada belum mendapat pasangan maka berarti pria tersebut gagal berhubungan sehingga dia menjadi single dan ketika masih single berarti ada wanita yang masih single pula yang belum dia temui.

Contoh :

Jika ada 2 pria bebas dan 3 pria yang telah bertunangan dari total keseluruhan 5 pria, maka pasti ada 2 wanita yang belum diajak bertunangan yang tidak berada di prioritas awal dari kedua pria tersebut. Maka dari itu, jika ada seorang pria bebas dalam eksekusi algoritma maka ada seorang wanita yang belum dia ajak bertunangan karena pada dasarnya, algoritma Gale-Shapley mengharuskan setiap wanita dan pria mendapatkan pasangannya walaupun mendapatkan kemungkinan terburuk.

Teorema (1.5):

Himpunan S yang dikembalikan saat terminasi adalah *perfect matching* Buktikan!

Ya, algoritma ini dapat dikatakan perfect matching karena meskipun seluruh pasangan disini dihubungkan dengan prioritas yang berbeda tapi pada akhirnya setiap cowo ataupun cewe akan mendapatkan pasangannya dengan pasti (ketika pasangan cowo jumlah nya sama dengan pasangan cewe) meskipun waktu pencocokan nya lumayan lama.

Contoh : ketika pria yang pertama dicocokkan dengan wanita pertama hal ini mungkin akan tetap (ketika prioritasnya tinggi dan sama) atau akan berubah . namun ketika setelah mengalami beberapa looping untuk pengecekan dengan beberapa perubahan pasangan kedua pasangan akan saling bertemu meskipun looping berulang kali untuk menemukan kecocokan.

Teorema (1.6):

Sebuah eksekusi algoritma G-S mengembalikan satu set pasangan S . Set S adalah pasangan yang stabil. Buktikan!

Ya, karena sesuai dengan kecocokan nya setiap pasangan akan mengalami tingkat pencocokan yang berbeda dengan beberapa pasangan yang ada. Pada algoritma G-S ini tentunya akan mencocokkan dengan beberapa kali loop namun akan selalu menghasilkan sebuah data yang stabil dari awal pencocokan hingga di akhir.

Contoh :

Asumsikan himpunan S memiliki ketidakstabilan. Secara khusus, ada pria dan wanita m , w , m_0 , dan w_0 seperti itu bahwa semua hal berikut ini benar:

$$(m, w) \in S$$

$$(m, w_0) \in S$$

$$(m_0, w) \in S$$

$$P_m(w) < P_m(w_0)$$

$$P_w(m) < P_w(m_0).$$

Dengan asumsi ini, m dan w akan bertunangan dan memutuskan keterlibatan mereka dengan w_0 dan m_0 . Untuk bukti ini, akan mempertimbangkan apa yang harus terjadi untuk menyebabkan ketidakstabilan ini dan menunjukkan bahwa semua kasus mengarah pada kontradiksi. Pertama-tama kita akan mengamati bahwa kita harus melamar m , dan pada akhirnya akan bertunangan. Untuk m_0 yang dia sukai kurang dari m prioritasnya. Satu-satunya cara dia bisa melamar m_0 , dia harus melamar setiap pria yang lebih disukainya daripada pria yang mencakup m .

Tracing Manual

Choose a great Relationship

Make some iteration in loop , there is :

1. Victor matched with Bertha

Bertha still free

→ Then (victor , Bertha)

2. Wyatt matched with Diane

Diane still free

→ Then (Wyatt,Diane)

3. Xavier matched with Bertha

Bertha was taken with victor before but Bertha prefers Xavier than Victor

→ Then (Xavier,Bertha)

Victor Free

4. Yancey matched with Amy

Amy still free

→ Then (Yancey,Amy)

5. Zeus matched with Bertha

Bertha was taken with Xavier before but Bertha prefers Xavier than Zeus

→ Then (Xavier,Bertha)

Zeus free

Free : Victor , Yancey , Zeus

6. Victor matched with Amy

Amy was taken with Yancey before but Amy prefers Victor than Yancey

→ Then (Victor , Amy)

Yancey free

7. Yancey matched with Diane

Diane was taken with Wyatt before but Diane prefers Yancey than Wyatt

→ Then (Yancey , Diane)

Wyatt free

8. Zeus matched with Diane

Diane was taken with Yancey before but Diane prefers Zeus than Yancey

→ Then (Zeus, Diane)

Yancey free

Free : Yancey , Wyatt

9. Wyatt matched with Bertha

Bertha was taken with Xavier and Bertha is still prefers Xavier

→ Then Wyatt free

10. Yancey matched with Clare

Clare free

→ Then (Yancey , Clare)

Free : Wyatt

11. Wyatt matched with Amy

Amy was taken with Victor before and Amy is still prefer Victor

→ Then Wyatt free

Free : Wyatt

12. Wyatt matched with Clare

Clare was taken with Yancey but Clare prefers Wyatt than Yancey

→ Then (Wyatt , Clare)

Yancey free

Free : Yancey

13. Yancey matched with Bertha

Bertha was taken with Xavier before and Bertha is still prefer Xavier

→ Then Yancey free

Free: Yancey

14. Yancey matched with Erika

Erika free

→ Then (Yancey, Erika)

Free : Nothing , everybody got their relationship

And then for the conclusion about the relationship are :

(Victor, Amy)

(Wyatt, Clare)

(Xavier, Bertha)

(Yancey, Erika)

(Zeus, Diane)

Codingan C++

```
#include <iostream>
#include <string.h>
#include <stdio.h>
using namespace std;
#define N 5

bool pPilihL1dariL(int pilih[2*N][N], int p, int l, int l1)
{
    for (int i = 0; i < N; i++)
    {
        if (pilih[p][i] == l1)
            return true;

        if (pilih[p][i] == l)
            return false;
    }
}

void stabil(int pilih[2*N][N])
{
    int pPasangan[N];

    bool lKosong[N];

    memset(pPasangan, -1, sizeof(pPasangan));
    memset(lKosong, false, sizeof(lKosong));
    int freecount = N;

    while (freecount > 0)
    {
        int l;
        for (l = 0; l < N; l++)
            if (lKosong[l] == false)
                break;

        for (int i = 0; i < N && lKosong[l] == false; i++)
        {
            int p = pilih[l][i];

            if (pPasangan[p-N] == -1)
```



```

{
pPasangan[p-N] = 1;
IKosong[l] = true;
freecount--;
}

else
{
int l1 = pPasangan[p-N];

if (pPilihL1dariL(pilih, p, l, l1) == false)
{
pPasangan[p-N] = 1;
IKosong[l] = true;
IKosong[l1] = false;
}
}
}
}

cout << "Cewe Cowo" << endl;
string namco;
string namce;
int a;a=0;
for (int i = 0; i < N; i++)
{
    if(i==N-1) cout<<a;
if(i<N){
    if(pPasangan[i]==0)
        namco="Victor";
    if(pPasangan[i]==1)
        namco="Wyatt";
    if(pPasangan[i]==2)
        namco="Xavier";
    if(pPasangan[i]==3)
        namco="Yancey";
    if(pPasangan[i]==4)
        namco="Zeus";
    if(i==0)
        namce="Amy";
    if(i==1)
        namce="Bertha";
    if(i==2)
        namce="Clare";
    if(i==3)

```

```

        namce="Diane";
        if(i==4)
            namce="Erika";
    }
    cout << " " << namce << "\t" << namco << endl;
    a=a+1;
}
}
int main()
{
int pilih[2*N][N] = { {6,5,8,9,7},
{8,6,5,7,9},
{6,9,7,8,5},
{5,8,7,6,9},
{6,8,5,9,7},
{4,0,1,3,2},
{2,1,3,0,4},
{1,2,3,4,0},
{0,4,3,2,1},
{3,1,4,2,0}
};
stabil(pilih);

return 0;
}

```

| Cewe | Cowo |
|--------|--------|
| Amy | Victor |
| Bertha | Xavier |
| Clare | Wyatt |
| Diane | Zeus |
| Erika | Yancey |