一一一种自发式搜索等法



小组编号: G03

小组成员: 刘书宇 31801323

> 童峻涛 31801341



1.算法介绍

04

01 A*算法是一种求解最短路径最有效的直接搜索算法,也是目前最有影响的常用启发式算法

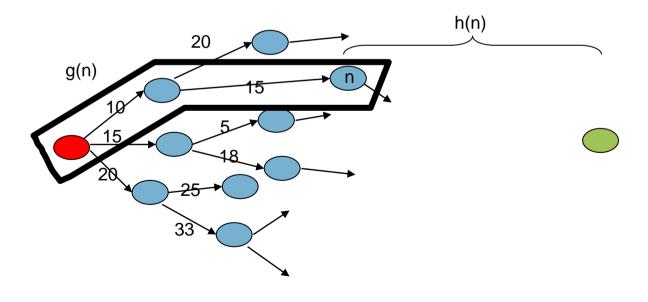
①2 A*算法使用启发来引导搜索,同时确保计算出的路径代价最小

A*算法的启发函数为 F(n) = G(n) + H(n), 其中 F(n) 是从初始状态经由状态n到目标状态总代价的估计值,G(n) 是衡量某一状态在图中的深度(通俗的说就是当前已经走的步数),H(n) 是从状态n到目标状态的最佳路径的估计代价

其中H(n)估计代价在本次实验中采用 不同位数 和 曼哈顿距离

启发式函数为:

H(n) = "估计从n到目标节点的最少的路径代价"





2.八数码难题及拓展

2	8	3	1	2	3
1	6	4	8		4
7		5	7	6	5
初	」始状和	 态	F	 标状	 态

问题描述:

3×3九宫棋盘,放置数码为1-8的8个数字,剩下一个宫格,智能通过数字向空格的移动来改变棋盘的布局。

问题演变:

美国的科学魔术大师萨姆·洛伊德将三阶方阵扩大到了四阶方阵, 使得运算规模急剧扩大。



解的存在性:

①如果一对数的前后位置与大小顺序相反,即前面的数大于后面的数,那么它们就称为一个逆序。

一个排列中所有逆序的总数叫做这个排列的逆序数。逆序数 为奇数的排列叫做奇排列, 逆序数为偶数的排列叫做偶排列。

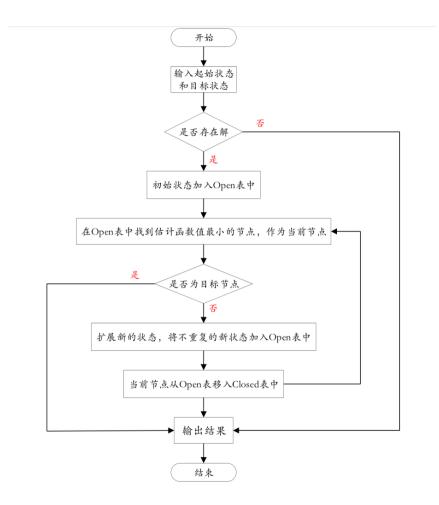
②由初始状态和目标状态奇偶性相同的状态具有可达性。

2	8	3				1	2	3	
1	6	4				8		4	
7		5				7	6	5	
初	7始状态	态				E	标状态	态	
2	8	3	1	6	4	7	5	和	
0	0	1	3	1	2	1	3	11	奇
1	2	3	8	4	7	6	5	和	
0	0	0	0	1	1	2	3	7	奇

逆序数计算:按顺序给出从第二个数开始的逆序数 (0跳过)



3.算法过程





4.样例分析

2	8	3
1	6	4
7		5

初始状态

1	2	3		
8		4		
7	6	5		

目标状态

0pen表	Closed表
初始化: (S(4))	()
一次循环后: (A(5), B(7), C(7), D(7))	(S(4))
二次循环后: (E(6), B(7), C(7), D(7), F(8))	(S(4), A(5))
三次循环后: (G(5), B(7), C(7), D(7), F(8))	(S(4), A(5), E(6))
四次循环后: (H(4), B(7), C(7), D(7), F(8), I(8))	(S(4), A(5), E(6), G(5))
五次循环后: H为目的状态, 搜索成功	(S(4), A(5), E(6), G(5), H(4))

(n^2-1)puzzle

----以下为运行过程-----

已经找到最优解!

搜索的次数: 11 移动总步数: 5

移动第 0 步时的状态如下:

[2, 8, 3]

[1, 6, 4]

[7, 0, 5]

总代价F为 6 当前深度G为 0 估计代价H为 6

移动第 1 步时的状态如下:

[2, 8, 3]

[1, 0, 4] [7, 6, 5]

总代价F为 5 当前深度G为 1 估计代价H为 4

移动第 2 步时的状态如下:

[2, 0, 3]

[1, 8, 4]

[7, 6, 5]

总代价F为 6 当前深度G为 2 估计代价H为 4

移动第 3 步时的状态如下:

[0, 2, 3]

[1, 8, 4]

[7, 6, 5]

总代价F为 7 当前深度G为 3 估计代价H为 4

移动第 4 步时的状态如下:

[1, 2, 3]

[0, 8, 4]

[7, 6, 5]

总代价F为 6 当前深度G为 4 估计代价H为 2

移动第 5 步时的状态如下:

[1, 2, 3]

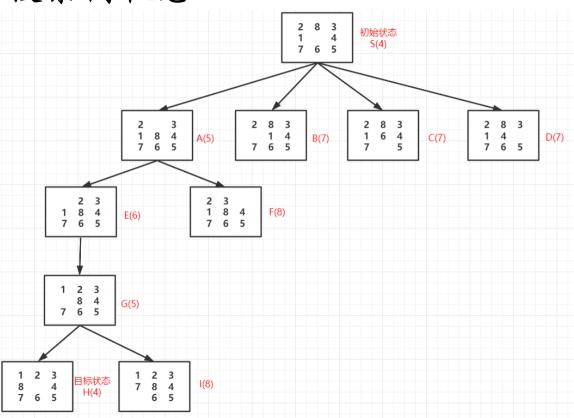
[8, 0, 4]

[7, 6, 5]

总代价F为 5 当前深度G为 5 估计代价H为 0

运行花费的时间: 1164 微秒(ps)

5.搜索树状态



6. 伪代码实现

```
open=[Stat]
closed=[]
while open不为空{
   从open中取出估价值f最小的节点n
   if n == Target
       return 从Stat到n的路径 //找到了!!!
   else{
       for n的每个子节点x{
          if x in open{
              计算新的f(x)
              比较open表中的旧f(x)和新f(x)
              if 新f(x) < 旧f(x){
                 删掉open表里的旧x, 加入新x
          else if x in closed{
              计算新的f(x)
              比较closed表中的旧f(x)和新f(x)
              if 新f(x) < 旧f(x){
                 remove x from closed
                 add x to open
          else {
              计算f(x) add x to open
       add n to closed
```

7.实验结果

	启发函数h(n)							
	7	不在位	数		曼哈顿距离			
	2	8	3		2	8	3	
初始状态	1		4		1		4	
	7	6	5		7	6	5	
	1	2	3		1	2	3	
目标状态	8		4		8		4	
	7	6	5		7	6	5	
d Data bald								
生成节点数	11				9			
运行时间(微秒)	1236us				954us			

	启发函数h(n)									
	不在位数					曼哈顿距离				
	5	1	2	4		5	1	2	4	
初始状态	9	6	3	8		9	6	3	8	
7月9日1八心	13	15	10	11		13	15	10	11	
	14		7	12		14		7	12	
				╀						
	1	2	3	4		1	2	3	4	
	5	6	7	8	l	5	6	7	8	
目标状态	9	10	11	12		9	10	11	12	
	13	14	15			13	14	15		
生成节点数	132				136					
运行时间(微秒)	15658us			16011us						

表1 不同启发函数h (n) 求解8数码问题的结果比较

表2 不同启发函数h (n) 求解15数码问题的结果比较



8.实验结论

- ·不同的估价函数对求解问题的解对搜索算法 性能具有影响
- · 随着N的增大, 算法的时间空间复杂度都会 随之逐渐增加





A*启发式算法的特点:

- 1.完备性: 肯定能找到最优解 (除非不存在解)
- 2.最优性: 找到的解花费最小
- 3.速度快:扩展更少的节点(取决于估价函数的选择)



9.参考资料

文献:

[1]付宏杰,王雪莹,周健,周孙静,朱珠,张俊余.八数码问题解法效率比较及改进研究[[].软件导刊,2016,15(09):41-45.

[2]温安国,李松年.N数码问题直接解及优化研究[J].计算机应用与软件,2010,27(05):266-268+277.

[3] 靳海亮,王赢乐,袁鸣,陈梦龙.改进A*的高层建筑逃生路径规划算法研究[J]. 测绘通报,2019(11):17-21+25.

[4]卜奎昊, 宋杰, 李国斌. 基于A*算法的八数码问题的优化实现[J]. 计算机与现代化, 2008(1):29-31.

博客:

[1] Ta_Ex_ (2018-12-02): 十五数码A*算法[https://blog.csdn.net/Ta_Ex_/a rticle/details/84726264].

[2] small_bright_ (2020-04-10): 八数码问题的A*搜索算法[https://blog.csdn.net/small_bright_/article/details/105437321].

[3] Ajinkya Sonawane (2018-09-16): Solving 8-Puzzle using A* Algorithm.[https://blog.goodaudience.com/solving-8-puzzle-using-a-algorithm-7b509c331288].





Thank you

For your listening and watching.