## МОСКОВСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ ТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ им. Н.Э. Баумана

Факультет «Информатика и системы управления» Кафедра «Систем обработки информации и управления»

## ОТЧЕТ

**Лабораторная работа № 4** по дисциплине «Методы машинного обучения»

Тема: «»

ИСПОЛНИТЕЛЬ:	<u> Алексеев А С</u>
группа ИУ5-25	ФИО
	подпись
	""2024 г.
ПРЕПОДАВАТЕЛЬ:	<u>Гапанюк Ю Е</u>
	подпись
	""2024 г.

Москва - 2024

## Задание

1. На основе рассмотренного на лекции примера реализуйте алгоритм Policy Iteration для любой среды обучения с подкреплением (кроме рассмотренной на лекции среды Toy Text / Frozen Lake) из библиотеки <a href="Gym">Gym</a> (или аналогичной библиотеки).

```
In [1]:import gym
     import numpy as np
     import time
     import matplotlib.pyplot as plt
     from pprint import pprint
     def main():
        state, action = 0, 0
        env = gym.make("CliffWalking-v0")
        print('Пространство состояний:')
        pprint(env.observation_space)
        print()
        print('Пространство действий:')
        pprint(env.action_space)
        print()
        print('Диапазон наград:')
        pprint(env.reward_range)
        print()
        print('Вероятности для 0 состояния и 0 действия:')
        pprint(env.P[state][action])
        print('Вероятности для 0 состояния:')
        pprint(env.P[state])
     if __name__ == '__main__':
        main()
Пространство состояний:
Discrete(48)
Пространство действий:
Discrete(4)
Диапазон наград:
(-inf, inf)
Вероятности для 0 состояния и 0 действия:
[(1.0, 0, -1, False)]
Вероятности для 0 состояния:
{0: [(1.0, 0, -1, False)],
1: [(1.0, 1, -1, False)],
2: [(1.0, 12, -1, False)],
3: [(1.0, 0, -1, False)]}
In [2]:import gym
     import numpy as np
     import matplotlib.pyplot as plt
     from pprint import pprint
     class PolicyIterationAgent:
        Класс, эмулирующий работу агента
        def __init__(self, env):
          self.env = env
          # Пространство состояний
          self.observation dim = 48
          # Массив действий в соответствии с документацией
          # https://www.gymlibrary.dev/environments/toy_text/frozen_lake/
          self.actions\_variants = np.array([0,1,2,3])
          # Задание стратегии (политики)
          # Карта 4х4 и 4 возможных действий
          self.policy_probs = np.full((self.observation_dim, len(self.actions_variants)), 0.25)
          # Начальные значения для v(s)
          self.state_values = np.zeros(shape=(self.observation_dim))
          # Начальные значения параме т ров
          self.maxNumberOfIterations = 1000
          self.theta=1e-6
          self.gamma=0.99
        def print_policy(self):
          Вывод матриц стратегии
          print('Стратегия:')
```

```
pprint(self.policy_probs)
  def policy_evaluation(self):
    Оценивание стратегии
    # Предыдущее значение функции ценности
    valueFunctionVector = self.state_values
    for iterations in range(self.maxNumberOfIterations):
       # Новое значение функции ценности
       valueFunctionVectorNextIteration=np.zeros(shape=(self.observation_dim))
       # Цикл по состояниям
       for state in range(self.observation_dim):
          # Вероятности действий
         action_probabilities = self.policy_probs[state]
         # Цикл по действиям
         outerSum=0
         for action, prob in enumerate(action_probabilities):
           innerSum=0
            # Цикл по вероятностям действий
           for probability, next_state, reward, isTerminalState in self.env.P[state][action]:
              innerSum=innerSum+probability*(reward+self.gamma*self.state values[next state])
            outerSum=outerSum+self.policy_probs[state][action]*innerSum
         valueFunctionVectorNextIteration[state]=outerSum
       if(np.max(np.abs(valueFunctionVectorNextIteration-valueFunctionVector))<self.theta):</pre>
          # Проверка сходимости алгоритма
         valueFunctionVector=valueFunctionVectorNextIteration
       valueFunctionVector=valueFunctionVectorNextIteration
    return valueFunctionVector
  def policy_improvement(self):
    Улучшение стратегии
    qvaluesMatrix=np.zeros((self.observation_dim, len(self.actions_variants)))
    improvedPolicy=np.zeros((self.observation_dim, len(self.actions_variants)))
    # Цикл по состояниям
    for state in range(self.observation dim):
       for action in range(len(self.actions_variants)):
         for probability, next_state, reward, isTerminalState in self.env.P[state][action]:
            qvaluesMatrix[state,action]=qvaluesMatrix[state,action]+probability*(reward+self.gamma*self.state values[next state])
       # Находим лучшие индексы
       bestActionIndex=np.where(qvaluesMatrix[state,:]==np.max(qvaluesMatrix[state,:]))
       # Обновление стратегии
       improvedPolicy[state,bestActionIndex]=1/np.size(bestActionIndex)
    return improvedPolicy
  def policy_iteration(self, cnt):
    Основная реализация алгоритма
    policy_stable = False
    for i in range(1, cnt+1):
       self.state_values = self.policy_evaluation()
       self.policy_probs = self.policy_improvement()
    print(f'Алгоритм выполнился за {i} шагов.')
def play_agent(agent):
  env2 = gym.make('CliffWalking-v0', render_mode='human')
  state = env2.reset()[0]
  done = False
  while not done:
    p = agent.policy_probs[state]
    if isinstance(p, np.ndarray):
       action = np.random.choice(len(agent.actions_variants), p=p)
    else:
       action = p
    next_state, reward, terminated, truncated, _ = env2.step(action)
    env2.render()
    state = next_state
    if terminated or truncated:
       done = True
```

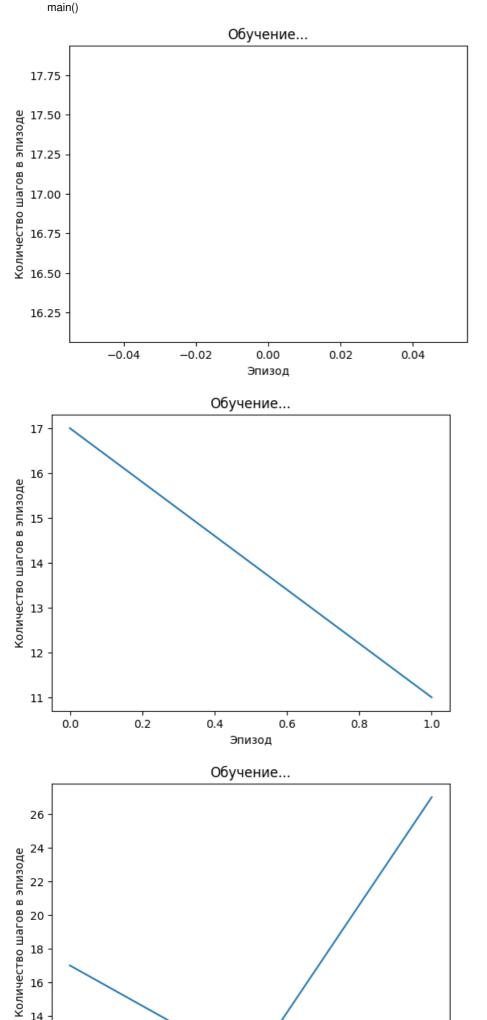
```
def main():
         # Создание среды
        env = gym.make('CliffWalking-v0')
        env.reset()
         # Обучение агента
         agent = PolicyIterationAgent(env)
         agent.print_policy()
         agent.policy_iteration(1000)
         agent.print_policy()
         # Проигрывание сцены для обученного агента
        play_agent(agent)
      if __name__ == '__main__':
        main()
Стратегия:
array([[0.25, 0.25, 0.25, 0.25],
    [0.25, 0.25, 0.25, 0.25],
    [0.25, 0.25, 0.25, 0.25]
    [0.25, 0.25, 0.25, 0.25],
    [0.25, 0.25, 0.25, 0.25],
    [0.25, 0.25, 0.25, 0.25],
    [0.25, 0.25, 0.25, 0.25],
    [0.25, 0.25, 0.25, 0.25],
    [0.25, 0.25, 0.25, 0.25],
    [0.25, 0.25, 0.25, 0.25],
    [0.25, 0.25, 0.25, 0.25],
    [0.25, 0.25, 0.25, 0.25],
    [0.25, 0.25, 0.25, 0.25],
    [0.25, 0.25, 0.25, 0.25],
    [0.25, 0.25, 0.25, 0.25],
    [0.25, 0.25, 0.25, 0.25],
    [0.25, 0.25, 0.25, 0.25],
    [0.25, 0.25, 0.25, 0.25],
    [0.25, 0.25, 0.25, 0.25],
    [0.25, 0.25, 0.25, 0.25],
    [0.25, 0.25, 0.25, 0.25],
    [0.25, 0.25, 0.25, 0.25],
    [0.25, 0.25, 0.25, 0.25],
    [0.25, 0.25, 0.25, 0.25],
    [0.25, 0.25, 0.25, 0.25],
    [0.25, 0.25, 0.25, 0.25],
    [0.25, 0.25, 0.25, 0.25],
    [0.25, 0.25, 0.25, 0.25],
    [0.25, 0.25, 0.25, 0.25],
    [0.25, 0.25, 0.25, 0.25],
    [0.25, 0.25, 0.25, 0.25],
    [0.25, 0.25, 0.25, 0.25],
    [0.25, 0.25, 0.25, 0.25],
    [0.25, 0.25, 0.25, 0.25],
    [0.25, 0.25, 0.25, 0.25],
    [0.25, 0.25, 0.25, 0.25],
    [0.25, 0.25, 0.25, 0.25],
    [0.25, 0.25, 0.25, 0.25],
    [0.25, 0.25, 0.25, 0.25],
    [0.25, 0.25, 0.25, 0.25],
    [0.25, 0.25, 0.25, 0.25],
    [0.25, 0.25, 0.25, 0.25]
    [0.25, 0.25, 0.25, 0.25]
    [0.25, 0.25, 0.25, 0.25],
    [0.25, 0.25, 0.25, 0.25],
    [0.25, 0.25, 0.25, 0.25],
    [0.25, 0.25, 0.25, 0.25],
    [0.25, 0.25, 0.25, 0.25]])
Алгоритм выполнился за 1000 шагов.
Стратегия:
               , 0.5
                       , 0.5
                                 , 0.
array([[0.
    [0.33333333, 0.33333333, 0.333333333, 0.
                                                      ],
                     , 1.
            , 0.
                              , 0.
    [0.
                                      ],
    [0.
            , 0.
                     , 1.
                              , 0.
                                      ],
    [0.
            , 0.
                     , 1.
                              , 0.
                                      ],
    [0.
                              , 0.
            , 0.
                     , 1.
                                      ],
                             , 0.
    [0.
            , 0.
                     , 1.
            , 0.
                     , 1.
                             , 0.
    [0.
                                      ],
            , 0.
                     , 1.
                             , 0.
    [0.
                                      ],
    [0.
                              . 0.
```

```
[0.33333333, 0.
                       , 0. , 0.5 , 0.5
          , 0.
                 , 1.
    [0.
                         , 0.
                  , 0.5
          , 0.5
                         , 0.
    [0.
                                  ],
          , 0.5
                          , 0.
                  , 0.5
    [0.
                                  ],
          , 0.33333333, 0.33333333, 0.333333333,
    [0.
          , 0.33333333, 0.33333333, 0.33333333],
    [0.
    [0.
          , 0.33333333, 0.33333333, 0.33333333],
    [0.
          , 0.33333333, 0.33333333, 0.33333333],
    [0.
          , 0.33333333, 0.33333333, 0.33333333],
    [0.
          , 0.33333333, 0.33333333, 0.33333333],
                  , 0.5
                         , 0.5
          , 0.
    [0.
                                  ],
                 , 0.5
          , 0.
                         , 0.5
    [0.
                                  ],
               , 1.
    [0.
                         , 0.
                                 ],
          , 0.33333333, 0.33333333, 0.33333333],
    [0.
           , 0.5 , 0.
                        , 0.5 ],
    [0.
                                , 0.33333333],
    [0.33333333, 0.333333333, 0.
    [0.33333333, 0.333333333, 0.
                                , 0.33333333],
    [0.33333333, 0.33333333, 0.
                                 , 0.33333333],
                                 , 0.33333333],
    [0.33333333, 0.333333333, 0.
    [0.333333333, 0.333333333, 0.
                                  , 0.33333333],
    [0.33333333, 0.333333333, 0.
                                   , 0.33333333],
    [0.333333333, 0.333333333, 0.
                                   , 0.33333333],
    [0.333333333,\,0.333333333,\,0.
                                   , 0.33333333],
          , 0.5
    [0.
                 , 0.
                        , 0.5
           , 0.33333333, 0.33333333, 0.333333333],
    [0.
    [0.33333333, 0.
                      , 0.33333333, 0.33333333],
    [0.5
         , 0.
                , 0.
                         , 0.5
                                  ],
                , 0.
                         , 0.
    [1.
          , 0.
                                 ],
                       , 0.
          , 0.
                , 0.
    [1.
                                 ],
          , 0.
                       , 0.
                , 0.
    [1.
                                 ],
          , 0.
                , 0.
                       , 0.
    [1.
                                 ],
                        , 0.
          , 0.
                 , 0.
    [1.
                                 ],
                         , 0.
    [1.
          , 0.
                  , 0.
                                 ],
    [1.
          , 0.
                  , 0.
                         , 0.
                                 ],
                  , 0.
                         , 0.
    [1.
          , 0.
                  , 0.
    [0.5
          , 0.5
                          , 0.
    [0.33333333, 0.33333333, 0.333333333, 0.
                                               ]])
In [3]:import gym
     import math
     import random
     import matplotlib
     import matplotlib.pyplot as plt
     from collections import namedtuple, deque
     from itertools import count
     import torch
     import torch.nn as nn
     import torch.optim as optim
     import torch.nn.functional as F
     # Название среды
     CONST_ENV_NAME = 'CartPole-v1'
     # Использование GPU
     CONST_DEVICE = torch.device("cuda" if torch.cuda.is_available() else "cpu")
     #Элемент ReplayMemory в форме именованного кортежа
     Transition = namedtuple('Transition',
                   ('state', 'action', 'next_state', 'reward'))
     # Реализация техники Replay Memory
     class ReplayMemory(object):
       def __init__(self, capacity):
         self.memory = deque([], maxlen=capacity)
       def push(self, *args):
         Сохранение данных в ReplayMemory
         self.memory.append(Transition(*args))
       def sample(self, batch_size):
         Выборка случайных элементов размера batch_size
```

```
return random.sample(self.memory, batch_size)
  def __len__(self):
    return len(self.memory)
class DQN_Model(nn.Module):
  def __init__(self, n_observations, n_actions):
    Инициализация топологии нейронной сети
    super(DQN_Model, self).__init__()
    self.layer1 = nn.Linear(n_observations, 128)
    self.layer2 = nn.Linear(128, 128)
    self.layer3 = nn.Linear(128, n_actions)
  def forward(self, x):
    Прямой проход
    Вызывается для одного элемента, чтобы определить следующее действие
    Или для batch'a во время процедуры оптимизации
    x = F.relu(self.layer1(x))
    x = F.relu(self.layer2(x))
    return self.layer3(x)
class DQN_Agent:
  def __init__(self, env,
         BATCH_SIZE = 128,
         GAMMA = 0.99,
         EPS_START = 0.9
         EPS_END = 0.05,
         EPS DECAY = 1000,
         TAU = 0.005,
         LR = 1e-4
    # Среда
    self.env = env
    # Размерности Q-модели
    self.n actions = env.action space.n
    state, _ = self.env.reset()
    self.n_observations = len(state)
    # Коэффициенты
    self.BATCH_SIZE = BATCH_SIZE
    self.GAMMA = GAMMA
    self.EPS START = EPS START
    self.EPS END = EPS END
    self.EPS_DECAY = EPS_DECAY
    self.TAU = TAU
    self.LR = LR
    # Модели
    # Основная модель
    self.policy net = DQN Model(self.n observations, self.n actions).to(CONST DEVICE)
    # Вспомога тельная модель, используется для стабилизации алгори тма
    # Обновление контролируется гиперпараметром ТАИ
    # Используется подход Double DQN
    self.target_net = DQN_Model(self.n_observations, self.n_actions).to(CONST_DEVICE)
    self.target_net.load_state_dict(self.policy_net.state_dict())
    # Оптимизатор
    self.optimizer = optim.AdamW(self.policy_net.parameters(), lr=self.LR, amsgrad=True)
    # Replay Memory
    self.memory = ReplayMemory(10000)
    # Количество шагов
    self.steps_done = 0
    # Длительность эпизодов
    self.episode_durations = []
  def select_action(self, state):
    Выбор действия
    sample = random.random()
    eps = self.EPS_END + (self.EPS_START - self.EPS_END) * \
      math.exp(-1. * self.steps_done / self.EPS_DECAY)
```

```
self.steps_done += 1
  if sample > eps:
    with torch.no_grad():
       # Если вероятность больше ерз
       # то выбирается действие, соответствующее максимальному Q-значению
       # t.max(1) возвращает максимальное значение колонки для каждой строки
       #[1] возвращает индекс максимального элемента
      return self.policy_net(state).max(1)[1].view(1, 1)
  else:
    # Если вероятность меньше ерѕ
    # то выбирается случайное действие
    return torch.tensor([[self.env.action_space.sample()]], device=CONST_DEVICE, dtype=torch.long)
def plot_durations(self, show_result=False):
  plt.figure(1)
  durations_t = torch.tensor(self.episode_durations, dtype=torch.float)
  if show_result:
    plt.title('Результат')
  else:
    plt.clf()
    plt.title('Обучение...')
  plt.xlabel('Эпизод')
  plt.ylabel('Количество шагов в эпизоде')
  plt.plot(durations_t.numpy())
  plt.pause(0.001) # пауза
def optimize_model(self):
  Оптимизация модели
  if len(self.memory) < self.BATCH_SIZE:</pre>
    return
  transitions = self.memory.sample(self.BATCH_SIZE)
  # Транспонирование batch'a
  # (https://stackoverflow.com/a/19343/3343043)
  # Конвертация batch-массива из Transition
  # в Transition batch-массивов.
  batch = Transition(*zip(*transitions))
  # Вычисление маски нефинальных состояний и конкатенация элементов batch'a
  non_final_mask = torch.tensor(tuple(map(lambda s: s is not None,
                       batch.next state)), device=CONST DEVICE, dtype=torch.bool)
  non_final_next_states = torch.cat([s for s in batch.next_state
                            if s is not None])
  state_batch = torch.cat(batch.state)
  action_batch = torch.cat(batch.action)
  reward_batch = torch.cat(batch.reward)
  # Вычисление Q(s t, a)
  state_action_values = self.policy_net(state_batch).gather(1, action_batch)
  # Вычисление V(s_{t+1}) для всех следующих сос т ояний
  next_state_values = torch.zeros(self.BATCH_SIZE, device=CONST_DEVICE)
  with torch.no grad():
    next state_values[non_final_mask] = self.target_net(non_final_next_states).max(1)[0]
  # Вычисление ожидаемых значений Q
  expected_state_action_values = (next_state_values * self.GAMMA) + reward_batch
  # Вычисление Huber loss
  criterion = nn.SmoothL1Loss()
  loss = criterion(state action values, expected state action values.unsqueeze(1))
  # Оптимизация модели
  self.optimizer.zero grad()
  loss.backward()
  # gradient clipping
  torch.nn.utils.clip_grad_value_(self.policy_net.parameters(), 100)
  self.optimizer.step()
def play_agent(self):
  Проигрывание сессии для обученного агента
  env2 = gym.make(CONST_ENV_NAME, render_mode='human')
  state = env2.reset()[0]
```

```
state = torch.tensor(state, dtype=torch.float32, device=CONST_DEVICE).unsqueeze(0)
    done = False
    res = []
    while not done:
       action = self.select_action(state)
       action = action.item()
       observation, reward, terminated, truncated, _ = env2.step(action)
       env2.render()
       res.append((action, reward))
       if terminated:
         next_state = None
       else:
         next_state = torch.tensor(observation, dtype=torch.float32, device=CONST_DEVICE).unsqueeze(0)
       state = next_state
       if terminated or truncated:
         done = True
    print('Данные об эпизоде: ', res)
  def learn(self):
    Обучение агента
    if torch.cuda.is_available():
       num_episodes = 600
       num episodes = 50
    for i_episode in range(num_episodes):
       # Инициализация среды
       state, info = self.env.reset()
       state = torch.tensor(state, dtype=torch.float32, device=CONST_DEVICE).unsqueeze(0)
       for t in count():
         action = self.select action(state)
         observation, reward, terminated, truncated, _ = self.env.step(action.item())
         reward = torch.tensor([reward], device=CONST_DEVICE)
         done = terminated or truncated
         if terminated:
            next state = None
         else:
            next_state = torch.tensor(observation, dtype=torch.float32, device=CONST_DEVICE).unsqueeze(0)
         # Coxpanenue данных в Replay Memory
         self.memory.push(state, action, next_state, reward)
         # Переход к следующему состоянию
         state = next state
         # Выполнение одного шага оптимизации модели
         self.optimize_model()
         # Обновление весов target-ce т и
         \#\theta' \leftarrow \tau\theta + (1-\tau)\theta'
         target_net_state_dict = self.target_net.state_dict()
         policy_net_state_dict = self.policy_net.state_dict()
         for key in policy net state dict:
            target_net_state_dict[key] = policy_net_state_dict[key]*self.TAU + target_net_state_dict[key]*(1-self.TAU)
         self.target_net.load_state_dict(target_net_state_dict)
         if done:
            self.episode_durations.append(t + 1)
            self.plot_durations()
            break
def main():
  env = gym.make(CONST_ENV_NAME)
  agent = DQN_Agent(env)
  agent.learn()
  agent.play_agent()
if __name__ == '__main__':
```



1.75

1.25

1.50

2.00

22

20

18

16

14

12

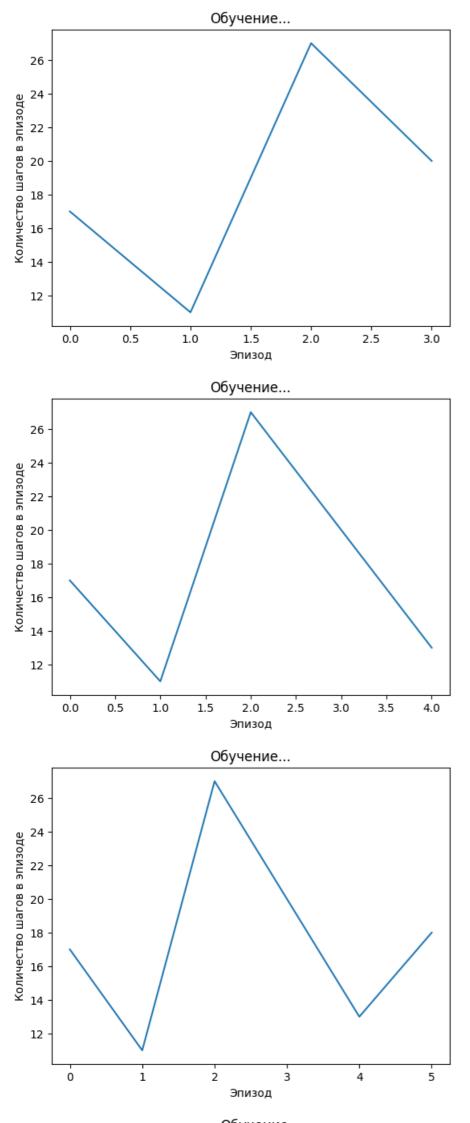
0.00

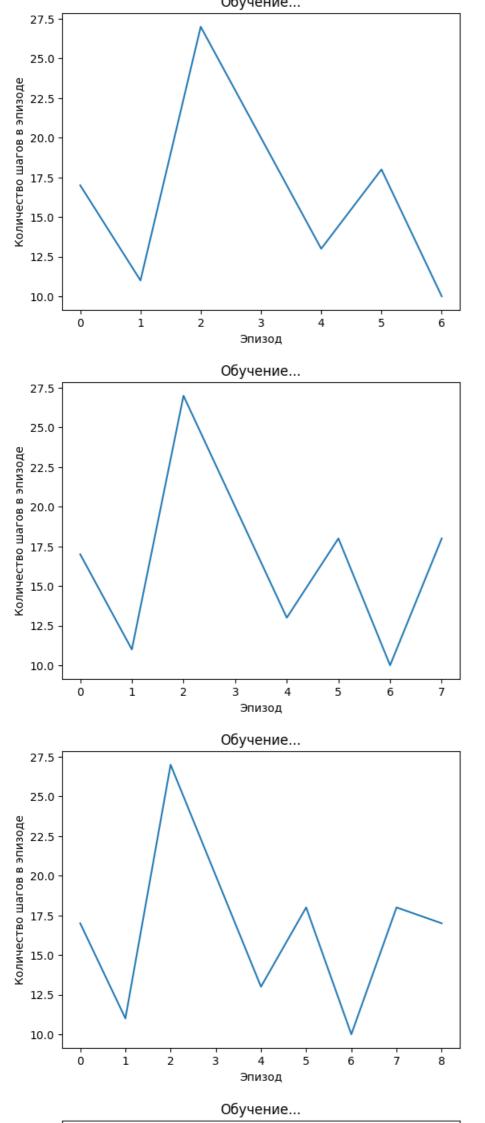
0.25

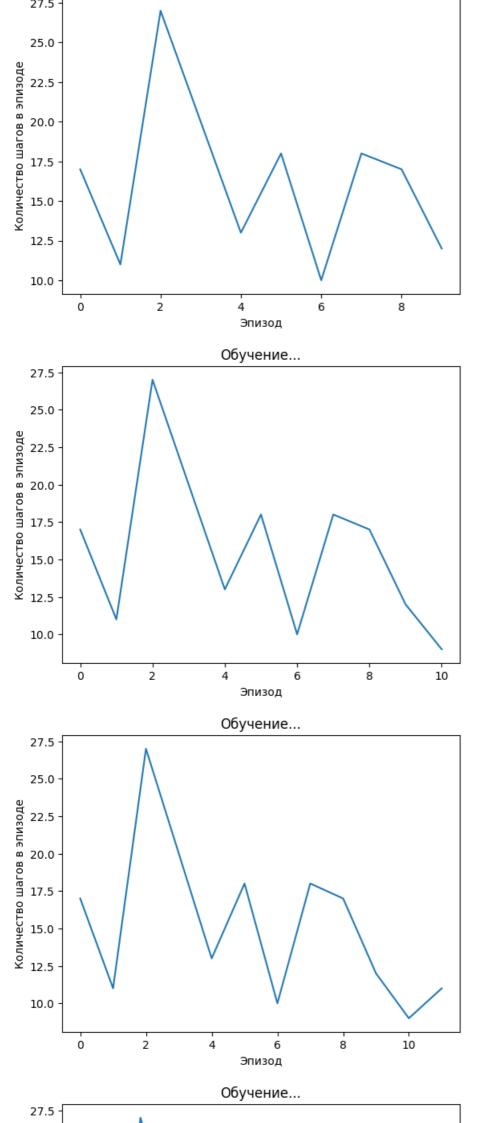
0.75

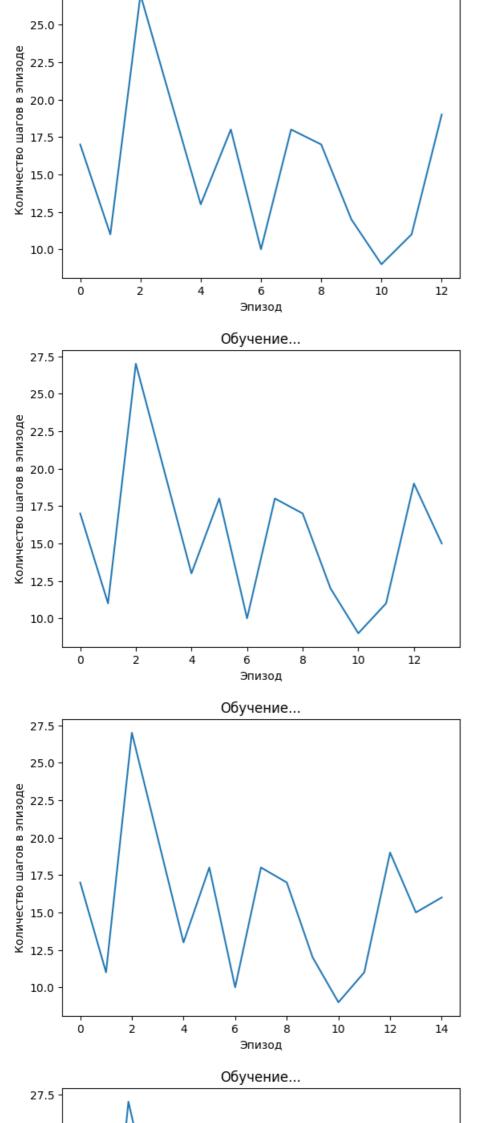
1.00 Эпизод

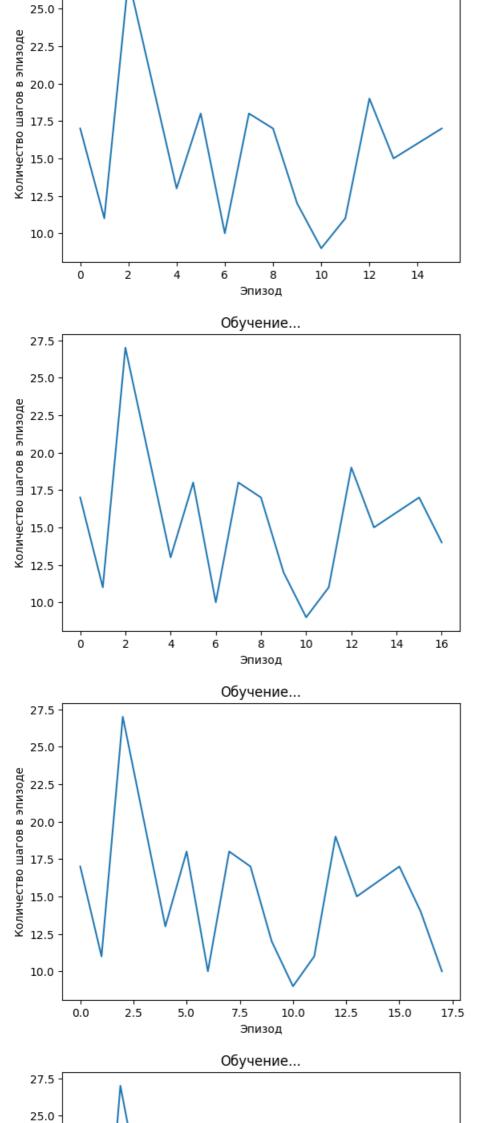
0.50

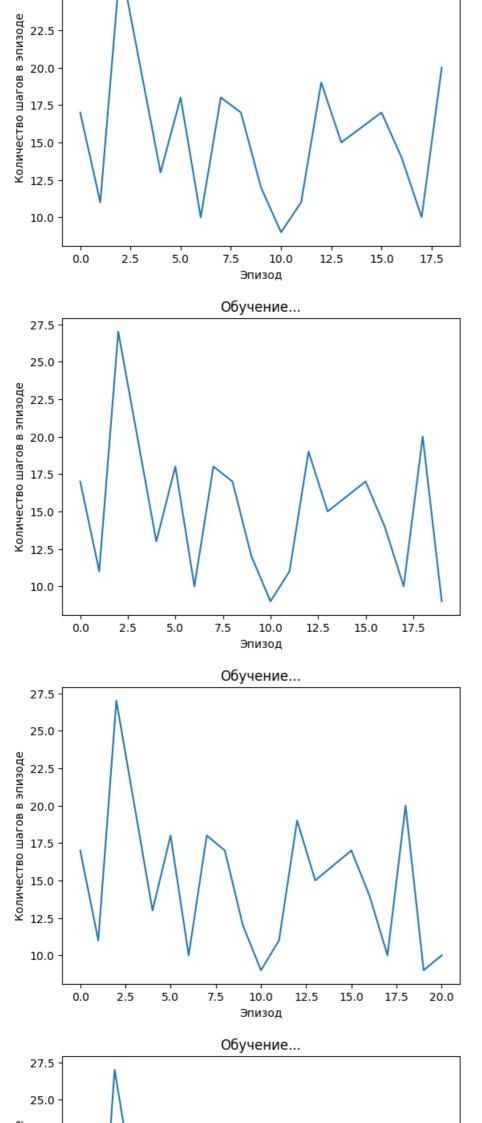


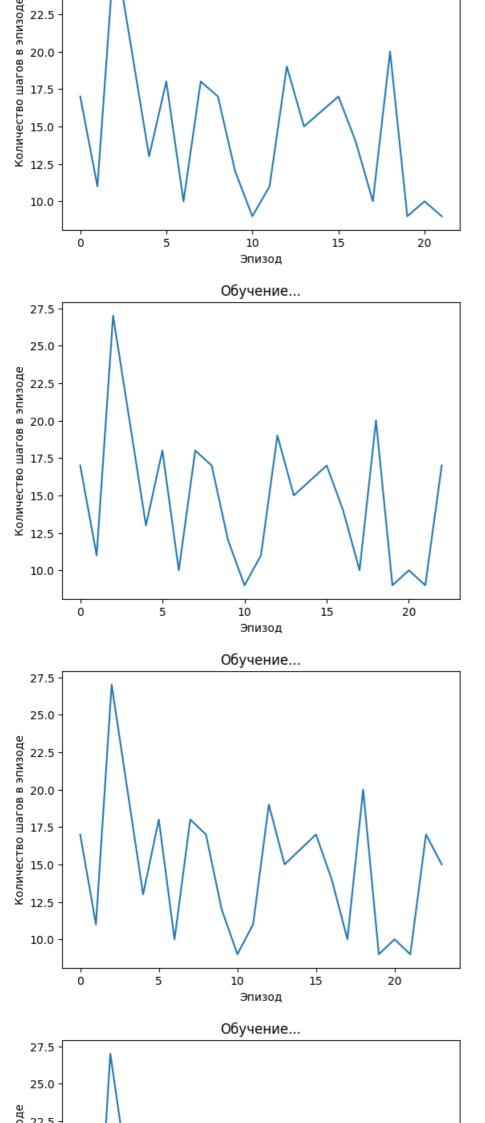


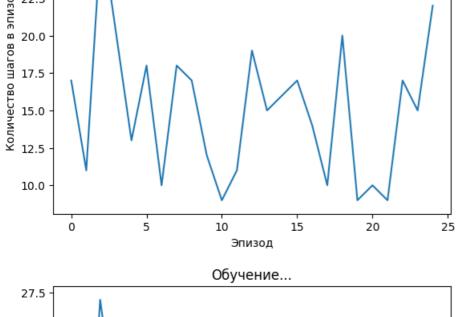


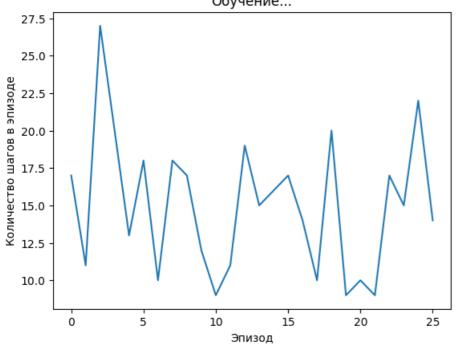


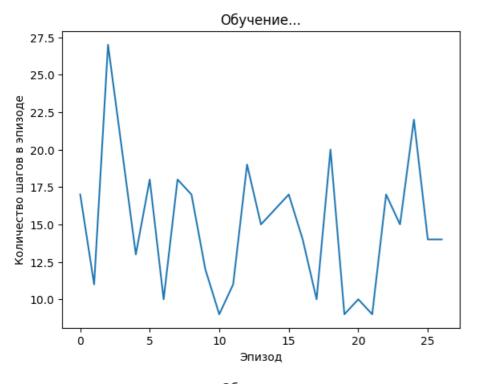


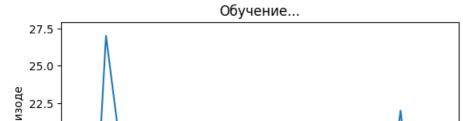


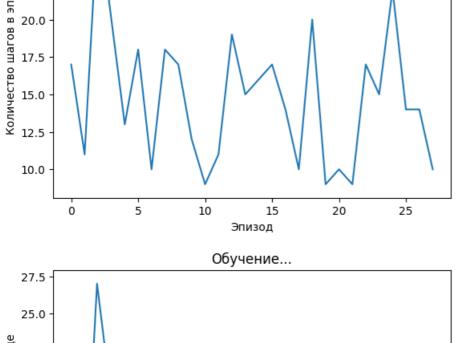


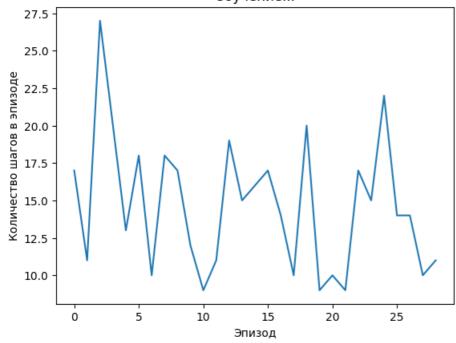


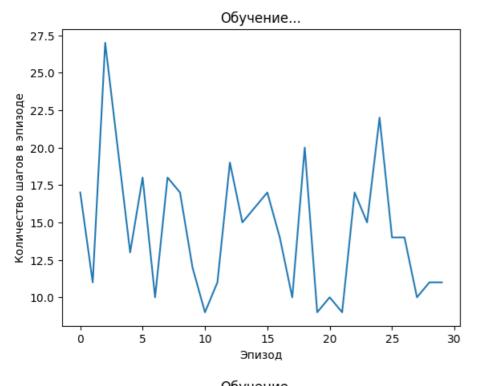




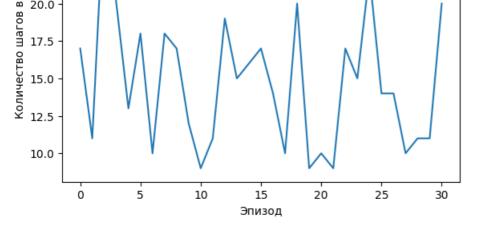


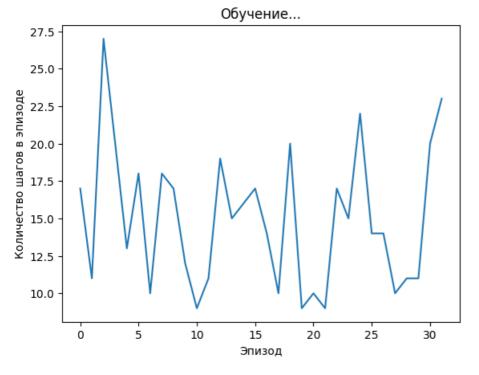


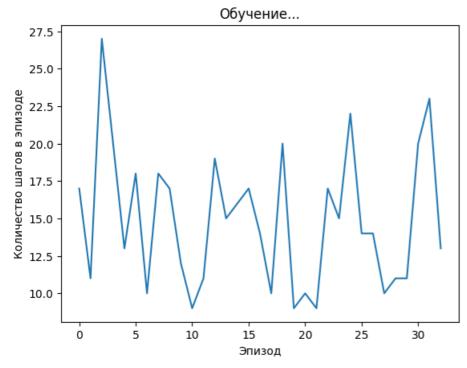




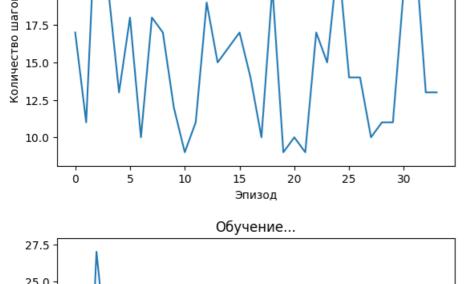


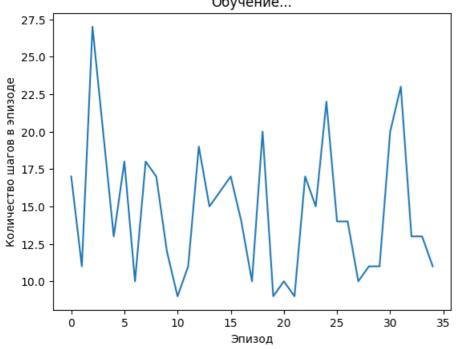


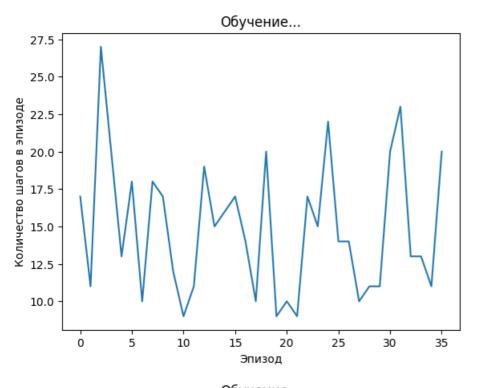


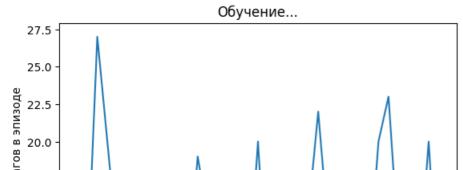


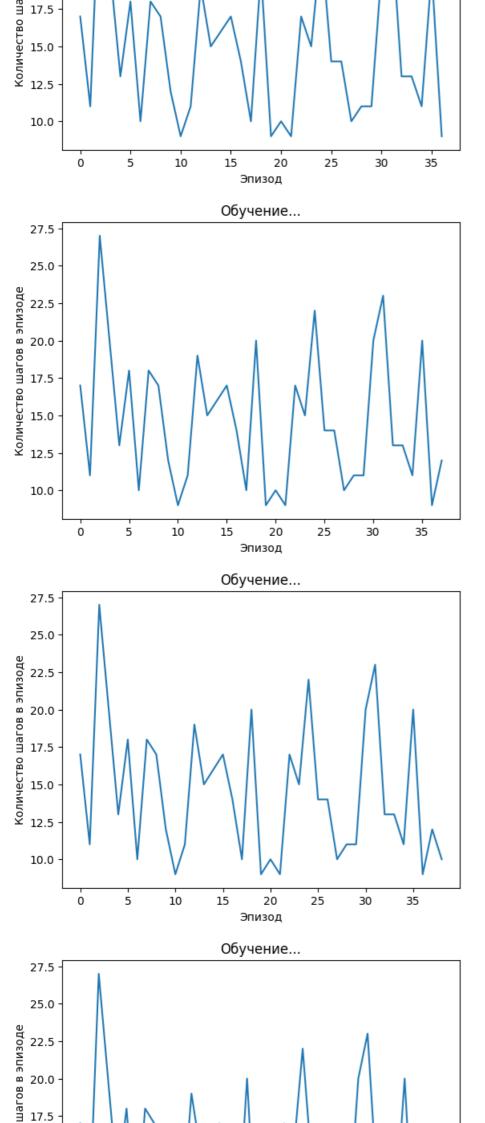


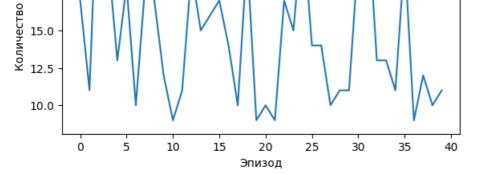


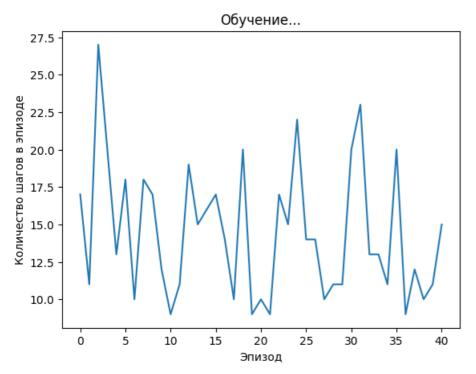


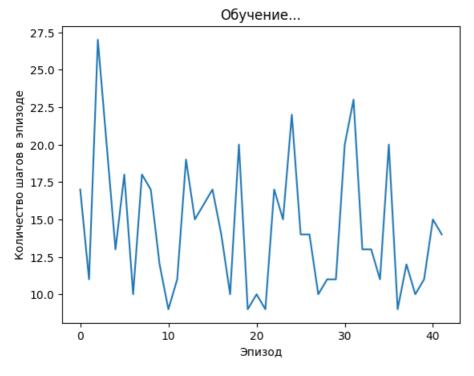


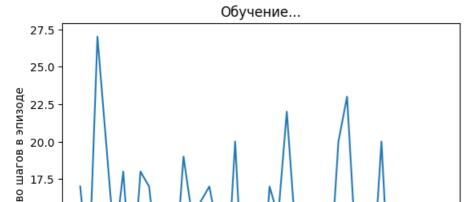


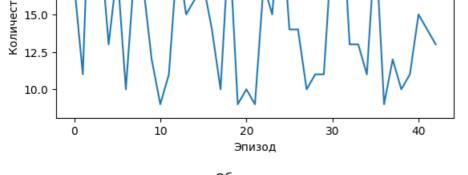


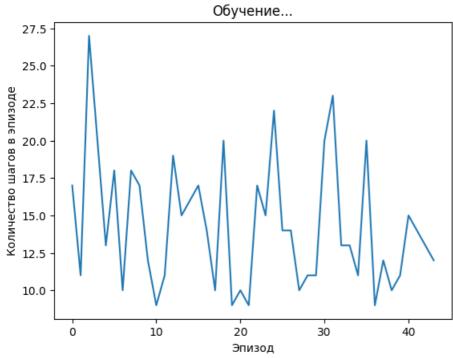


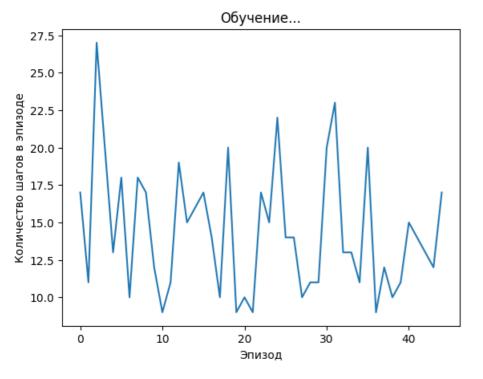


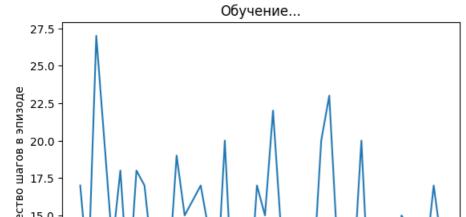


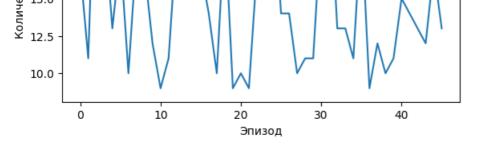


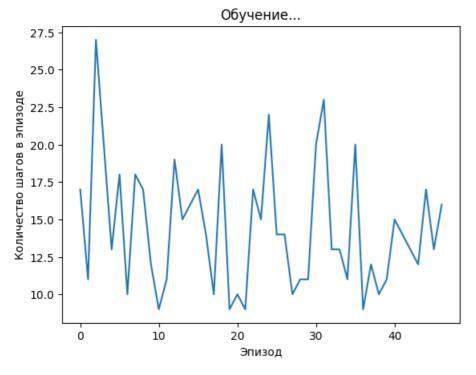


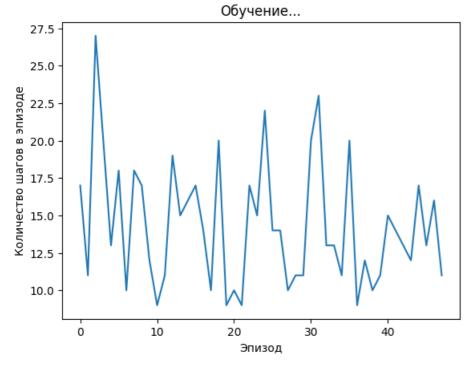


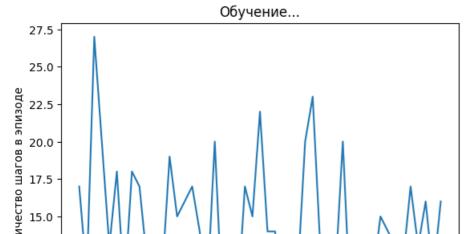


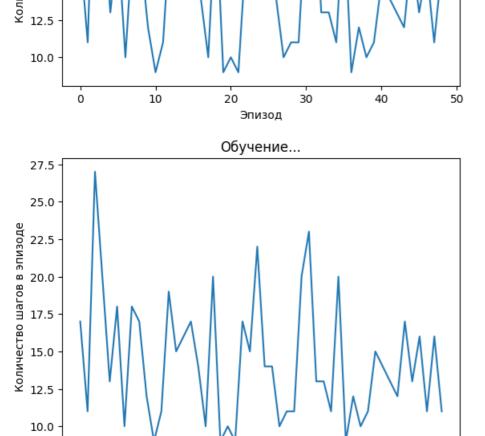












Данные об эпизоде: [(1, 1.0), (1, 1.0), (1, 1.0), (1, 1.0), (1, 1.0), (1, 1.0), (1, 1.0), (1, 1.0), (1, 1.0)] In []:

Эпизод

Ó