$P(x_1 \le X < x_2) = F(x_2) - F(x_1)$  F(x) = F(x - 0), где  $F(x - 0) = \lim_{y \to x = 0} F(y)$ ; т.е.  $\Phi$  – непрерывная слевя

Сформулировать персасъещие инсерстивб СВ, понятие выза распределяния. Сформулировать персасъещие интеррациям СВ и функции вызтипеття Сформулировать персасъещие и СВ, к михо пределение и следу по пределение и съемости пределение и съемости пределение п

Сформулировать опреждение испрерывной случайной величины. Записать основные свойства функции влютности распределения верои ностей НСВ, 
1 Непрерывной называют СВ X, функцию распределения верои ностей НСВ, 
1) Угл  $f(n) \ge 0$ 2)  $P(x_i \le X < x_j) = f_{x_i}^{x_i} f(x) dx$ 3)  $f_{x_i}^{x_i} f(x) dx = 1$ 4)  $P(x_i \le X < x_i + dx) = f(x) dx$  в точках непрерывности плотности распределения 
5) P(X = x) = 0 для любого наперед заданного  $x \in \mathbb{R}$ .

Сформулировать определения //СВектора, понятие таблицы распределения двумерного СВектора. Сформулировать определения непрерывного СВектора и его функции плотности распределения перератионстві. / Двумерний скумайнай вектор (X.У) наимамог унисрепнямь, сели виждая и стумайнам кентим X и Являнско дякскур (X.У) наимамог унисрепнямь, сели виждая и стумайнам кентим X и Являнско дякскур (X.У) наимамог унисрепнямь, сели виждая и стумайнам кентим X и Являнско дякскур (X.У) на и в верхней строите перечислены в совмоляние занавают габлицу  $X_1, \dots, X_D, \dots X_n$  (В  $X_n$ ) на пересечения собота у 1 и строи хи измодитих варостивство, ра-  $P(X = x_p Y = y_j)$  совместного осуществления соботий ( $X = x_j \ln |Y = y_j|$ ). Также объячно добавляют строку  $P_1$  и столоба  $P_2$  на пересечения  $P_3$  и за наимамог исперавивам, сели стеросечил  $P_3$  и за наимамог исперавивам, сели стеросечил  $P_4$  и за наимамог исперавивам, сели стеросечил  $P_4$  на за наимамог исперавивам, сели стеросечил  $P_4$  на за наимамог объять  $P_4$  на  $P_4$ 

Сформулировать определения непрерывного случайного вектора и его функции плотиости распределения нероятностей. Записать основные свойства функции илитиости распределения нероятностей. Записать основные свойства функции илитиости распределения 1 можно пределения в виде сходинетося вереверення распределения распределения распределения в пиде сходинетося несобственного интеграват  $F(x_1, \dots, x_n) = f_{-x_n} - f_{(x_1, \dots, x_n)} + f_{(x_n, \dots, x_n)} = f_{-x_n} - f_{(x_n, \dots, x_n)} + f_{(x_n, \dots, x_n)} = f_{(x_n, \dots, x_n)}$  анализот соместной политиостью распределения СВ Кіхора (X1, ...Xn),  $F(x_1, \dots, x_n) = \frac{F(x_1, \dots, x_n)}{x_n, x_n} = \frac{F(x_1, \dots, x_n)}{x_n, x_n}$ 

 $\begin{aligned} f(x,y) &\geq 0 \\ P(a_1 < X < b_1, a_2 < Y < b_2) &= \int_{a_1}^{b_1} dx \int_{a_2}^{b_2} f dy \\ \int_1^\infty \int_1^\infty f(x,y) dx dy &= 1 \\ P(x < X < x + A_2, y < Y < y + \Delta y) &\geq f(x,y) \Delta x \Delta y \\ P(X = x, Y = y) &= 0 \\ P(X,Y) &= 0 \end{pmatrix} \int_1^\infty f(x,y) dx dy \\ f_1(x) &= \int_1^\infty f_{1/2}(x,y) dy \\ f_2(y) &= \int_1^\infty f_{1/2}(x,y) dy \end{aligned}$ 

Сформулировать определение независимых СВ. Сформулировать их свійства, Сформулировать определение поварно независимых СВ и СВ, независимых в смонхиньсти . «СВ х и У назависимых в смонхиньсти . «СВ х и У назависимых праспределения  $F_{R_1}(x)$  у валечем произведением одномерних функций распределения  $F_{R_1}(x)$  у  $= F_{R_2}(x) = F_{R_1}(x)$ , (x) . «СВ XII. Х.м. задавнием одном вероитностном пространенть, изъвляютсям сведением одном вероитностном пространенть, изъвляютсям изъявлениями в соволущности, сели  $F_{R_1}(x) = F_{R_2}(x)$ , и  $F_{R_3}(x)$ , недависимым попарво, если  $V_{L_1} = T_{R_1}(x) = F_{R_2}(x)$ , и  $F_{R_3}(x)$  недависимых СВ xту), иснависимыми попарию, сели  $v_1$ ,  $j=v_1,v_2,\cdots,v_{j+1},\cdots,v_{j+1}$ . СВ X и X иснависимых Y иснависимых Y иснависимых Y иснависимых Y и Y иснависимых Y и Y и Y иснависимых Y и Y

1)

2)

X и Y инсависном  $\Leftrightarrow$   $\forall X_1, X_2, Y_1, Y_2 \in \mathbb{R}$   $\{X \mid S \mid X \leq X\}, \{y \mid Y \leq Y \leq y \}\}$  инсависном X и Y инсависном  $\Leftrightarrow$   $\forall M1, M2 \ (x \in M1), \{Y \in M2\}$  инсависном,  $r_i$  де M —промежутки, либо объединения ромежутков  $F_i = X_i =$ 3)

4)

Новитие условного распретеления "Показать формузу для вычисления условного раза распретеления санов компоненты дизменяюте дистретите С Вектора вид условных тор, дотов достовного дистретите С Вектора вид условных тор, дотов достовного дистретите с Вектора вид условного дистретите меняющих должного дистретите дистрет  $\frac{1}{N_{p}}$ , настор вероизпостен  $\frac{1}{N_{p}}$ , иле условных распределением с К в Три Пуста (XV) — передавиный СВ-кгор. Условной училищёй распределения СВ X при условии Y=y называется отображение  $F_{i}(x|Y=y)=F(X-x|Y=y)$ . Условной плютностью распределения СВ X при условии Y=y называется функция  $f_{i}(x|Y=y)=\frac{f(xy)}{12}$   $f_{i}(x,y)$ — совместива илогичества распределения СВ-ктора.

Сформулировать определение везависимых случайных величин. Сформулировать критерий независимости люх СВ в терминах условных распределений . 

— СВ X и Уназывают независимолии если совмества функция распределения  $F_D(\mathbf{x}y)$  =  $F_{\mathbf{x}}(\mathbf{x})F_{\mathbf{x}}(\mathbf{y})$  =

Понятие скальярной функции случайного векторного аргумента, Дохавать формулу для нахождения инчения функции распределения СВ Y, функционьно дависаней от случайных веними Y in Y. 1 (Уус. СК, X), Y = CRESTOR (X), Y = CRESTOR  $\iint_{D(y)} f(x_1, x_2) dx_1 dx_2$ 

Сформульнровать и доказать теорему о формулае свертки. Теорема: пусть (X,Y) - CB-сктор, веперывный и невывенный,  $a \ge x + Y$ . Тогда  $f_{\ell}(x) = \int_{0}^{t} f_{\ell}(x) f_{\ell}(x-x)$  -  $d_{\ell}(x) = \int_{0}^{t} f_{\ell}(x) f_{\ell}(x-x)$  -  $d_{\ell}(x) = \int_{0}^{t} f_{\ell}(x) f_{\ell}(x-x)$  -  $d_{\ell}(x) = \int_{0}^{t} f_{\ell}(x) f_{\ell}(x) dx dy = \int_{0}^{t} f_{\ell}(x) f_{\ell}(x) f_{\ell}(x) f_{\ell}(x)$  -  $f_{\ell}(x) f_{\ell}(x) f_{\ell}(x) f_{\ell}(x) f_{\ell}(x)$  -  $f_{\ell}(x) f_{\ell}(x) f_{$  $\int_{-\pi}^{\pi} f_X(x) f_Y(\mathbf{z}-x) dx$ . Выражение  $(f1*f2)(y) = \int_{-\pi}^{\pi} f1(x1) f2(y-x) dx$  называется сверткой функций f1,f2.

Сформулировать определение математического ожидания СВ (дискретный и интеррывный случая). Записать формулир вычисления МО функции от СВ. Сформулировать свойства МО и его механический смысь, -1, СВС МО можний от СВ. Сформулировать свойства МО и его механический смысь, -1, СВС Митематический ожиданием СВ Х называется число  $M[X] = \sum_{i=1}^{N} p_i x_i$ ,  $p_i p_i = P[X = \chi]$ ,  $x_i$  пофестает изможено всех заничий X. Н.ЕВ. математический ожиданием СВ Х называется число  $M[X] = \sum_{i=1}^{N} f(x) dx_i$ ,  $r_i e(x)$ , —плотность распределения НСВ X | • Если X - СВ,  $\phi$  R = R - слагарива функции  $r_i$  мо  $M(\phi(x)) = \sum_{i=1}^{N} \rho_i (x) j x_i T$  ( $r_i$ ) месанический смысь математического ожидание въдает х 0 – плотр такости для этого стеряли. В случае НСВ, (с) можно интерпериоровать как оплотностью бесковечного стеряли. В случае НСВ, (с) можно интерпериоровать как оплотностью бесковечного стеряли. В случае НСВ, (с) можно интерпериоровать как оплотностью бесковечного стеряли. В случае НСВ, (с) можно интерпериоровать как оплотностью бесковечного стеряли. В случае НСВ, (с) можно интерпериоровать как оплотностью бесковечного стеряли. В случае НСВ, (с) можно интерпериоровать как оплотностью бесковечного стеряли. В случае НСВ, (с) можно интерпериоровать как оплотностью бесковечного стеряли. В случае НСВ, (с) можно интерпериоровать как оплотностью бесковечного стеряли. В случае НСВ, (с) можно интерпериоровать как оплотностью бесковечного стеряли. В случае НСВ, (с) можно интерпериоровать как оплотностью бесковечного стеряли. В сременения объекты с предменения объекты с предменения с пре

MO: Если X принимает значение x0 с вероятностью 1 (т.е. не является CB), то Mx=x0, M[2X+b] = aM[X] + b M[X+Y] = MX+MY Если X и У пенаненомые, то M[XY] = MXMY

Сформулировать определение дисперсии СВ. Записать формулы вызчисаемия дисперсии в дискретивы и исперсии в дискретивы и исперсии в дискретивы и исперсии в дискретивы и исперсии в десемент дес

ва дисперени: Если СВ X принимает всего одно значени С с вероятностью 1, то DC = 0  $D[aX+b]=a^2DX$  DX =  $M[X^2]-(MX^2)$  D[X+Y]=DX+DY, если X и У – нехависимые CB.

Сформулировать определения начального и исигрального моментов СВ. МО и дисперели как моменты, Сформулировать определение кваитили и мещеним СВ - Начальним моментов К- то порядка СВ X изываном замежителеское ожидание К-я степени этой СВ:  $m_k = M(X^1) = \sum_i x_i^2 p_i$ . • | Пертральным моментов К-го порядка X изыванами такомулировать  $\alpha$ : «Тестение васичных  $X^2 = X - MX$ :  $m_k^2 = M(X - MX)^2$ ). | • "Матехнитеское ожидание СВ X — сомпланет с моментом первог СВ X урожна в панявляется чиское  $\alpha$ , определение осотноснием РК ( $x = MX^2$ )  $x_i = MX^2$  ( $x = MX^2$ ) | • "Матехнитеское ожидание СВ X — сомпланет с моментом первог СВ X урожна выявляется чиское  $x = MX^2$  ( $x = MX^2$ )  $x = MX^$ 

Сформулировать определение ковариании СВ. Записать формулы вычис ления ковариании в дискретиом и непрерывном случаях. Сформулировать снойства ковариания В Аискретиом и непрерывном случаях. Сформулировать снойства ковариания СВ. Им Вильанается число слож (X, Y) = M(X ~ m1)(Y ~ m2)( $\mu$ , re m1-MX, m2-MY. Если X, Y ~ ДсВ, то ковариании слог (X, Y) =  $\int_{-\infty}^{\infty} (x - MX)(y - MY) \rho_{X}(y) dx dy$ .

Свойства ковариании:

1) cov(X, X) = DX2) cov(X, X) = 0, celu X, Y ~ нелависимые СВ
3)  $Ecni Y_1 = a_1 X_1 + b_1$ ,  $Y_2 = a_2 X_2 + b_2$ ,  $Y_3 = a_3 X_2 + b_3$ ,  $Y_3 = a_3 X_3 + b_3$ ,  $Y_3 = a_3$