# Содержание

| 1 | Лекция | 1   |
|---|--------|---|
| 2 | Лекция | 2   |
|   | 2.1    | Представление атома в памяти                |
|   | 2.2    | Классификация функций                       |
|   | 2.3    | Именованные функции                         |
|   | 2.4    | Классификация по операциям работы со списку |
|   | 2.5    | Вычисление функций                          |
| 3 | Лекция | 3   |
|   | 3.1    | Функции                                     |
|   | 3.2    | Специальные функции                         |
|   | 3.3    | Функции, реализующие операции со списками   |
|   | 3.4    | Функционалы                                 |
|   | 3.5    | Среда                                       |
| 4 | Лекция | 4   |
|   | 4.1    | Функции работы со списками                  |
| 5 | Лекция | 5   |
|   | 5.1    | Рекурсия                                    |
| 6 | Лекция | 6   |
|   | 6.1    | Рекурсия                                    |
| 7 | Лекция | 6   |
|   | 7.1    | Предпосылки появления Prolog                |
|   | 7.2    | Prolog                                      |

– Lisp - безтиповый язык. Атомы - символы, которые могут обозначать любый объекты. Самовычислительные атомы - T, Nil, числа, строки.

| Точечная пара - (А.В):         |
|--------------------------------|
| $\Box\Box \to cdr$             |
| $\downarrow$                   |
| car                            |
| Пустая конструкция - () - Nil. |

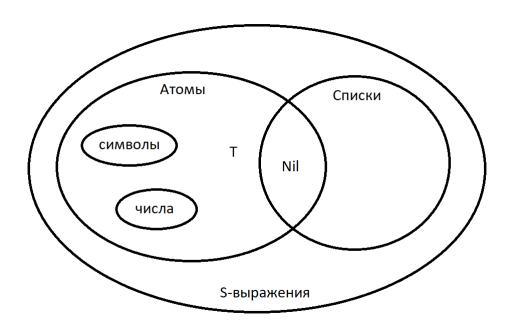


Рисунок 2.1 — Виды структур в lisp

### 2.1 Представление атома в памяти

Представление атома в памяти - атом представляется в памяти в виде структуры, содержащей пять указателей:

- name символьный идентификатор атома
- value самоопределяемое значение атома
- function лямбда-выражение
- properties список свойств
- package пакет, указатель на начало области, связывающий значение атома и пространство имён

# 2.2 Классификация функций

- чистые функции (математические)
- формы (специальные функции), могут принимать различное число аргументов
- псевдо-функции (вывод на экран)
- функции с вариантами значений
- функционалы принимают функцию в качестве параметров, либо возвращаемым значением является функция
  - базисные функции car, cdr, cons, atom, cond, quote, eval, lambda, apply, funcall

Выяснить атом - перейти по указателю. Лямбда-выражение - (lambda (параметры) (тело)). Вызов: (лямбда-выражение аргументы)

### 2.3 Именованные функции

#### Синтаксис:

(defun имя лямбда-выражение) (defun f  $(x_1,...x_k)$  форма)

Лямбда-определение может оказаться более эффективным. Пример лямбда-определения:  $(let(x_1p_1)(x_2p_2)...(x_kp_k)e) = ((lambda(x_1,x_2,...x_k)e)p_1p_2...p_k)$ 

# 2.4 Классификация по операциям работы со списку

- 1. Селекторы car, cdr
- 2. Функции-конструкторы cons, list
- 3. Функции-предикаты atom, null, listp, consp, eql (eql сравнивает атомы и числа одного типа, применим только к числам) equal (как eql и списки), equalp (equal + -").

# 2.5 Вычисление функций

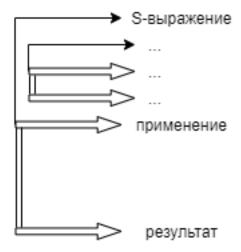


Рисунок 2.2 — Пример построения схемы вычислений

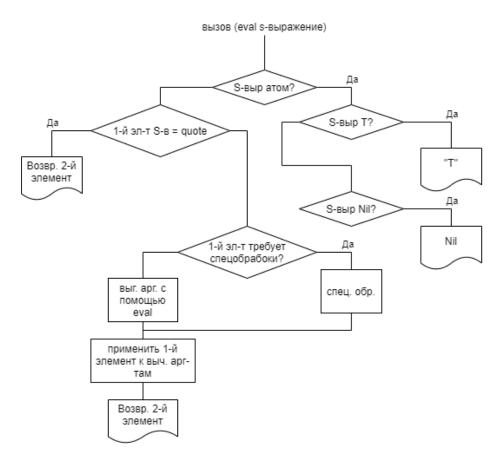


Рисунок 2.3- Пример построения блок-схемы работы функции

Как функция отличает символы от функций? Как система запоминает символы и на какое время? Придумать метод реализации учитывая, что Lisp реализуется с помощью указателей.

# 3.1 Функции

Мн-во всех функций можно классифицировать:

- 1. как базисные и небазисные
- 2. по методу написания:
- чистые функции имеют фиксированное количество аргументов и возвращают результат
- формы функция, которая вычисляет не все свои аргументы
- функционалы принимают на вход функцию или возвращают функцию в качестве результата

### 3.2 Специальные функции

- базисная функция (cond (test\_1 body\_1) (test\_2 body\_2) ... (test\_i body\_i) [(t body\_i+1)]), test\_i - тестирующееся выражение, body\_i - выполняется, если test\_i корректный. - if - более удобная реализация cond, (if test than else)/(if test than) - если нет else, то автоматически возращается nil

Диаграммы во второй лабораторной. При вызове свой функции указываются фактические параметры, в определении функции присутствуют формальные параметры. Если формальный параметр получает какое-то значение, то к этому значению необходимо иметь доступ, поэтому этому символу должна быть выделена память. Для каждого атома - 5 указателей. В процессе работы тела указатели могут переставляться и могут меняться значения, на которые указывают эти указатели. И поэтому на каждом шаге использования этого параметра система вынуждена каждый раз вычислять значение этого атома.

Формальные параметры существуют только во время работы функции -> в рекурсивной функции есть опасность потерять значение.

- логические выражения (формы and/or, not, null)

Символьному атому можно установить значение. Есть локальные атомы - существуют в фукнции, есть глобальные атомы - существуют на протяжении всей работы программы. Можно установить значение символьному атому до момента, пока это значение не поменяется. Установка происходит с помощью функций setf и setq. Эти функции имеют два аргумента, первый не вычисляется, второй вычисляется и является значением первого аргумента. Разница между setf и setq - вычисляются оба аргумента или один.

Если в тексте программе используется установленый уникальный атом, то система использует значение установленного ранее атома. Список свойств - динамическая структура, состоящая из списков вида (имя свойства, свойство).

Функция let - является формой, имеет два аргумента (let ((name1 val1) (name2 val2) ... (namen valn)) body) - namen - имя указателя, valn - значение указателя namen, body - выражение, где можно использовать указатели name1 - namen.

Работа let - сначала выделяется память, потом готовятся значения, после чего происходит связывание в произвольном порядке. При этом в name2 нельзя использовать name1, поскольку ещё не произошло связывание, поэтому при вычислении очередного значения namei нельзя ссылаться на значение предыдущих атомов.

let\* - позволяет сослаться на значения предыдущих атомов, но работает менее эффективно.

# 3.3 Функции, реализующие операции со списками

Данные функции можно разбить на две группы - разрушающие структуру и не разрушающие структуру.

Для работы со списком его необходимо создать, получить доступ и модифицировать.

Функции, разрушающие структуру - изменяют структуру списка. Функции не разрушающую структуру - производят какие-то операции без изменения поданного на вход списка.

Функция append - функция объединяет списки. Количество аргументов может быть произвольным. Функция append работает с копией списка -> не разрушается структура списка, поданного на вход.

```
(setf lst1 '(a b))
 1
     (setf 1st2 '(c d))
 2
 3
     lst1 \rightarrow [][] \rightarrow [][] \rightarrow nil
 4
 5
 6
 7
 8
     lst1 \rightarrow [][] \rightarrow [][] \rightarrow nil
 9
10
11
     (setf lst3 (append lst1 lst2))
12
13
     lst3 \ -\!\!\!> \ [][] \ -\!\!\!> \ [][] \ -\!\!\!> \ [][] \ -\!\!\!> \ nil
14
15
16
```

Создаются копии списков, кроме последнего. После чего копии сцепляются последними указателями, последний прицепляется к lst2. В результате можно работать со списками lst1 и lst3, однако lst2 одновременно входит в lst3, что приводит к тому, что его изменении происходит и изменение lst3.

nconc - дубль append, nconc переставляет указатели, в результате чего списки сшиваются без создания дублей

reverse - развернуть с копиями nreverse - развернуть без копий

last - на вход подаётся структура, состоящая из списковых ячеек, возвращает последнюю списковую ячейку.

Список может быть смешанным - числа и символы могут быть в списке. Может быть одноуровневым и многоуровневым. Структурированный/неструктурированный.

Список числовой - только из чисел.

<!> Все стандартные функции работают только с верхним уровнем списка.

 $(nth\ N\ lst)$  - n-й элемент.  $(nthcdr\ N\ lst)$  - n-й хвост.  $(remove\ elem\ lst)$  - удаление элемента, не обрабатывает внутрениие списки.

В стандартных функциях для сравнения использует функцию equal, принимающую на вход только атомы, не списки.

member - проверка присутствия элемента в списке. (member elem lst) - по верхнему уровню ячеек, используется функци eql, не сравнивается список. Пример (member '(a, b) '(c (a b) d)) - в случае подачи, система не обнаружит, поскольку eql не сравнивает списки. Можно повлиять на работу функций с помощью механизма ключевых слов. При создании функции используется набор ключевых параметров, которые могут быть изменены для изменения поведения функции. В данном случае изменение ключевого параметра test позволит включить сравнение списков -

(member '(a, b) '(c (a b) d): test #'equal). Результат работы будет ((a b) d).

Для возврата списочных ячеек по элементу - assoc и rassel.

Работа со множествами - работа со множествами, представленными в виде списком. Существуют стандартные функции для работы с множествами.

Ассоциативные таблицы - самый простой вариант реализации - список точечных пар, где в каждой паре точечная пара состоит из ключа и значения. Для работы с ассоциативными таблицами существует несколько стандартных функций.

#### 3.4 Функционалы

Какие типы алгоритмов существуют? - линейный, разветвлённый, циклический.

Для организации повторных вычислений используются либо функционалы, либо рекурсии. Функции применяющие и отображающие.

Значения глобальных атомов могут влиять на работу функции, поэтму необходимо его заблокировать. # - функциональная блокировка, фиксирует значения глобальных атомов (фиксирует состояние в памяти окружения данной функции). # - function - функция, вызывающая функциональную блокировку.

Функция apply - применяет лямбда-функцию к какому-либо выражению (apply #'fun lst), fun - функция или лямбда-выражение, lst - список aprymentos. (funcall #'fun arg1 ... argn) - применение формы, аналогично apply но без списка.

Отображающие фукнционалы - функционалы, позволяющие реализовать многократные или повторные вычисления. Результаты огранизуются в виде списка результатов для каждого вызова функции.

Основные отображающие функционалы: - (mapcar #'fun lst1) - функция, указанная fun, применяется к каждому элементу списка из верхнего уровня ячеек, элементы могут быть как указателями так и списками, поэтому необходимо учитывать это при написании функции. - (maplist #'fun lst2) - функция применяется целиком к списку, к хвосту списка, к хвосту хвоста... пока список не станет пустым. В данной форме функция fun должна быть одноаргументая, в функции maplist - функция fun должна уметь работать со списком.

# 3.5 Среда

Термин "среда" употребим, когда используется какой-то пакет. При загрузке пакета становится доступен интерфейс среды - набор возможностей, облегчающих программирование.

# 4.1 Функции работы со списками-

Вызов функции mapcar для функции нескольких аргументов: (mapcar #'fun lst1 lst2 ... lstk). В данном случае mapcar выбирает из каждого списка саг аргументы и применяет их к функции. mapcar не контролирует длину списков, поданных на вход. Если списки имеют разную длину, когда заканчиваются элементы по верхнему уровню самого короткого списка.

(maplist #'fun lst1 lst2 ... lstk), функция fun должна работать со списками.

При работе данных функций образуются несколько результатов, которые объединяются в список с помощью list. Существуют дубли, где объединение происходит с помощью функции nconc - mapcan, mapcon.

(find-if #'fun lst) - функционал find-if проходит только по верхнему уровню списковых ячеек, возвращает первый элемент списка, удовлетворяющий данной функции (#'fun = #'predicat). Пример: (find-if #'odd '(2 4 7 5))  $\rightarrow$  7. (find-if-not #'predicat lst) - первый элемент, fun от которого возвращает Nil.

(remove-if #'predicat lst)/(remove-if-not #'predicat lst) - удаление элемента с условием.

Если определение предиката написано прямо в функции, то при выполнении программы не происходит множественного перехода по указателю от имени к определению функции, поэтому данный вариант предпочтительнее, так как работает быстрее.

(reduce #'fun lst) - каскадная функция, fun должна иметь не менее двух элементов. Сначана применяет к первым двум элементам, потом к результату и третьему, потом к результату и четвёртому.

(every #'fun lst), (some #'fun lst) также работают каскадным образом.

Примеры применения функционалов:

```
(defun consist-of (lst)
1
2
       (if (member (car lst) (cdr lst)) 1 0))
3
   (defun all-last-element (lst)
4
       (if (eql (consist-of lst) 0) (lst (car lst)) ()))
5
6
   (defun collection-to-set (lst)
7
8
       (mapcon \#'all-last-element lst))
9
10
   (collection-to-set '(i t i g t k s i f k))
   > (g t s i f k)
11
```

Смысл примера - порядок результата может зависеть от порядка аргументов в исходном списке.

```
1 (defun dcart (lstx, lsty)
2 (mapcan #'(lambda (x)
```

Смысл примера - применение лямбда-функций и использование вложенного вызова функционала с фиксацией аргумента  ${\bf x}$ .

# 5.1 Рекурсия

Рекурсия - повторный вызов некой функции этой функци. Рекурсия - ссылка на некий объект в описании этого объекта. Основные вопросы при создании рекурсии - как войти, как выйти, как передать аргументы.

Классификация рекурсий в Lisp:

- Простая рекурсия один вызов в теле функции
- Рекурсия первого подярка когда в теле функции вызов функции производится несколько раз
- Взаимная рекурсия в теле функции вызывается несколько разных рекурсивных функций

Первые ветки рекурсии реализуются cond - базисный случай. Золотое правило создание рекурсии - сначана проверка, нужно ли выйти из рекурсии и только потом уход на следующий шаг.

Для эффективной реализации рекурсии необходимо заранее выполнить отложенные вычисления и только затем уходить в рекурсию для того, чтобы вернуть только промежуточный результат.

Хвостовая рекурсия - один из способов эффективной организации рекурсии.

lisp, append, cons - какую из этих функций нужно использовать, чтобы реализовать рекурсию эффективно (точно не append, поскольку append делает копии).

"Хорошая" функция - эффективность с точки зрения данных и реализации.

В последнем вызове вывод не совсем корректный из-за порядка следования проверок cond. Переставив их местами мы можем добиться правильного вывода.

Реализация собственной функции reverse с помощью append - неэффективный способ. Данная рекурсия нехвостовая, так как результат не вычисляется на входе.

Реализация собственной функции reverse с помощью свой функции - эффективный способ.

```
1 (defun my-reverse (lst)
2 ...)
3
4 (defun move-to (lst result)
5 (cond ((null lst) result)
6 (t (move-to (cdr lst) (cons (car lst) result)))))
```

#### 6.1 Рекурсия

Эффективный вариант реализации рекурсии - при входе не остаётся невыполненных команд, т.е. рекурсивный вызов последний.

Количество веток реализации рекурсии зависит от конкретной задачи.

Может быть несколько выходов из рекурсии и несколько входов в рекурсию.

Общий вид дополняемой рекурсии

```
1 (defun fn (x)
2 (cond (cnd-test end-value)
3 (t (cons add_val(fn changed_x)))))
```

Внутри дополняемых рекурсий существует вариант дополняемой рекурсии, имеющей преобразование с условием.

```
1 (defun fn (x)
2 (cond (cnd-test end-value)
3 (add-test add-func (fn chaged1_x))
4 (t (fn changed2_x)
```

# Пример:

Множественная рекурсия - может быть дополнительная функция, обрабатывающая два рекурсивных вызова, по голове и хвосту.

#### Пример:

```
1 (defun cons_sells (lst)
2 (if (atom lst) 0
3 (+ (length lst)
4 (reduce #'+
5 (mapcar #'cons_sells lst)))))
```

#### Пример:

boundp - связь атома со значением, fboundp - связь атома с функционалом. Свойства - упорядоченный список чётного количества элементов. putprop - назначение свойства. remprop, symb-plist. Механизм ключевых слов:

&optional - не указанный параметр, если не введён, то заменяется на nil.

&rest Пример:

```
(defun f1 (x & optional y) (list x y))
```

# 7.1 Предпосылки появления Prolog

Процесс совершенствования техники застопорился из-за отсутсвия новой элементной базы. Пролог - реализация логики предикатов в виде языка программирования. При доказательстве теорем не используются данные в привычном смысле слова.

Пролог работает со знаниями.

Основной элемент математический логики - высказывание, которое может быть либо истинно либо ложно.

Задача пролога - автоматизировать процесс доказательства теорем. Для решения данной задачи необходимо было доказаь принцип резолюции. Данный принцип был доказан в 1969 году. Позволяет сделать обоснованный вывод из утверждения.

Пролог поддерживает декларативный способ программирования.

Всё что нужно для функционирования исскуственного интеллекта - обладание знаниями.

### 7.2 Prolog

Программа на прологе представляет из себя базу знаний. Данная база состоит из аксиом (фактов) и теорем. База знаний фиксируется в разделе, имеющем заголовок clauses - предложениия. Активизация производится в разделе до (цель).

Единственная конструкция пролога - term, либо константа, либо переменная, либо составной терм. Логическая система возвращает либо да либо нет и попутно информация о том, как дойти для нужного результата.

Основная единица - символьный атом, использующегося для обозначения предикатов. С маленькой буквы - константа, с большой буквы - переменная.

Строковые константы - в кавычках. Именованные переменные - переменные использующие имена. Prolog использует анонимные переменные, обозначающиеся как \_.

Составные термы используются для того, чтобы зафиксировать, что между какими-то объектами есть связь. F(t1, t2, ..., tn), F - главный функтор, t1-tn - термы.

Пример:

student(ivanov, mgtu). - конкретный студент конкретного вуза student(X, mgtu). - все студенты конкретного вуза student(X, Y). - все студенты всех вузов

Все предложения заканчиваются точкой. Количество аргументов в функторе - арность. student(ivanov) - арность 1, поэтому разные знания.

В момент фиксации утверждение с переменной значение не имеет. Поэтому процесс работы системы заключается в том, чтобы найти решение данного предиката.

Когда система подбирает для переменной значение говорят, что система конкретизирует переменную значением. При этом при подборе система может ошибиться, поэтому система ведёт доказательство путём проб и ошибок. Работа системы - процесс доказательства, работающий на основе фактов. Активация происходит путём задания вопроса.

Синтаксическая форма правила:

A :- B1, B2, ..., Bk.

Факты, содержащие переменные - основные, не содержащие - неосновные. А - заголовок правила. В1-Вк - тело.

student(X, mgtu) := документы(X, att), ...

Заголовок является фиксацией знания о том, что между аргументами возможна истинная связь (X действительно студент, если...)

Особенный способ работы с переменными:

Вместо того, чтобы сначала задавать значения переменной, задаётся условие и система ищет такие значения переменных, чтобы на вопрос ответить да. При этом сохраняюстя и возвращаются значения для этого ответа.

Переменные нужны для передачи данных во времени и пространстве.

Во времени - переменная получила значение и через какое-то время оно было использовано В пространство - передача между областями данных (памяти) - перенос в физическом пространстве

Во время фиксации переменная не имеет значения.