EDAA45 Programmering, grundkurs

Läsvecka 11: Sökning, sortering

Björn Regnell

Datavetenskap, LTH

Lp1-2, HT 2016

└─ Vecka 11: Sökning, sortering

- 11 Sökning, sortering
 - Veckans labb: survey2
 - Repetition: Vad är en algoritm?
 - Jämföra strängar
 - Sökning
 - Linjärsökning
 - Binärsökning
 - Sortering

└Veckans labb: survey2

Veckans labb: survey2

└Vecka 11: Sökning, sortering └Veckans labb: survey2

Veckans labb: survey2

Nya version 2 av labben är enklare och kräver ej att du implementerar parsning av args. Välj själv vilken du gör.

Förberedelse:

- Studera givna koden: workspace/w10_survey2
- Fyll i denna enkät: https://goo.gl/forms/hC6JK2UQXVpbGECc2

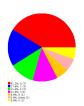
Grunduppgift:

- Implementera en klass Table f\u00f6r hantering av str\u00e4ngmatriser med rubrikrad fr\u00e4n kolumnsepararade textfiler.
- Öva på att kombinera matriser, sortering, registrering för att räkna statistik.
- Använda inbyggda sorteringsfunktioner: sortBy och sortWith
- Implementera din egen sortering "från scratch".

Extrauppgift:

Implementera stapeldiagram.





Föreläsningsanteckningar EDAA45, 2016

Vecka 11: Sökning, sortering

Repetition: Vad är en algoritm?

Repetition: Vad är en algoritm?

Föreläsningsanteckningar EDAA45, 2016

└─ Vecka 11: Sökning, sortering └─ Repetition: Vad är en algoritm?

Repetition: Vad är en algoritm?

En algoritm är en stegvis beskrivning av hur man löser ett problem. Exempel: SWAP, MIN, Registrering, Sökning, Sortering Repetition: Vad är en algoritm?

Repetition: Vad är en algoritm?

En algoritm är en stegvis beskrivning av hur man löser ett problem. Exempel: SWAP, MIN, Registrering, Sökning, Sortering

Problemlösningsprocessens olika steg (inte nödvändigtvis i denna ordning):

- Dela upp problemet i enklare delproblem och sätt samman.
- Finns redan färdig lösning på (del)problem?
- Formulera (del)problemet och ange tydligt indata och utdata: exempel MIN: indata: sekvens av heltal; utdata: minsta talet
- Kom på en lösningsidé: (kan vara mycket klurigt och svårt) exempel MIN: iterera över talen och håll reda på "minst hittills"
- Formulera en stegvis beskrivning som löser problemet: exempel: pseudo-kod med sekvens av instruktioner
- Implementera en körbar lösning i "riktig" kod: exempel: en Scala-metod i en klass eller i ett singelobjekt
- Har algoritmen acceptabel komplexitet i förhållande till tids- och minneskrav?

Repetition: Vad är en algoritm?

Repetition: Vad är en algoritm?

En algoritm är en stegvis beskrivning av hur man löser ett problem. Exempel: SWAP, MIN, Registrering, Sökning, Sortering

Problemlösningsprocessens olika steg (inte nödvändigtvis i denna ordning):

- Dela upp problemet i enklare delproblem och sätt samman.
- Finns redan f\u00e4rdig l\u00f6sning p\u00e4 (del)problem?
- Formulera (del)problemet och ange tydligt indata och utdata: exempel MIN: indata: sekvens av heltal; utdata: minsta talet
- Kom på en lösningsidé: (kan vara mycket klurigt och svårt) exempel MIN: iterera över talen och håll reda på "minst hittills"
- Formulera en stegvis beskrivning som löser problemet: exempel: pseudo-kod med sekvens av instruktioner
- Implementera en körbar lösning i "riktig" kod: exempel: en Scala-metod i en klass eller i ett singelobjekt
- Har algoritmen acceptabel komplexitet i förhållande till tids- och minneskrav?

Det krävs ofta **kreativitiet** i stegen ovan – även i att **känna igen** problemet! Simpelt exempel: Du stöter på problemet MAX och ser likheten med MIN.

Repetition: Vad är en algoritm?

En algoritm är en stegvis beskrivning av hur man löser ett problem. Exempel: SWAP, MIN, Registrering, Sökning, Sortering

Problemlösningsprocessens olika steg (inte nödvändigtvis i denna ordning):

- Dela upp problemet i enklare delproblem och sätt samman.
- Finns redan färdig lösning på (del)problem?
- Formulera (del)problemet och ange tydligt indata och utdata: exempel MIN: indata: sekvens av heltal; utdata: minsta talet
- Kom på en lösningsidé: (kan vara mycket klurigt och svårt) exempel MIN: iterera över talen och håll reda på "minst hittills"
- Formulera en stegvis beskrivning som löser problemet: exempel: pseudo-kod med sekvens av instruktioner
- Implementera en körbar lösning i "riktig" kod: exempel: en Scala-metod i en klass eller i ett singelobjekt
- Har algoritmen acceptabel komplexitet i förhållande till tids- och minneskrav?

Det krävs ofta **kreativitiet** i stegen ovan – även i att **känna igen** problemet! Simpelt exempel: Du stöter på problemet MAX och ser likheten med MIN.

Övning: Diskutera hur du löser detta problem i relation till stegen ovan:

Att räkna antalet förekomster av olika unika ord i en textsträng.

└ Jämföra strängar

Jämföra strängar

Föreläsningsanteckningar EDAA45, 2016

└─ Vecka 11: Sökning, sortering └─ J<u>ä</u>mföra strängar

Att jämföra strängar lexikografiskt

Teckenstandard UTF-8: Alla stora bokstäver är "mindre" än alla små:

scala> Array("hej","Hej","gurka").sorted

└Jämföra strängar

Att jämföra strängar lexikografiskt

Teckenstandard UTF-8: Alla stora bokstäver är "mindre" än alla små:

```
scala> Array("hej","Hej","gurka").sorted
```

```
res0: Array[String] = Array(Hej, gurka, hej)
```

└ Jämföra strängar

Att jämföra strängar lexikografiskt

Teckenstandard UTF-8: Alla stora bokstäver är "mindre" än alla små:

```
scala> Array("hej","Hej","gurka").sorted
res0: Array[String] = Array(Hej, gurka, hej)
```

- Antag att vi vill lösa detta problem "från scratch": att sortera en sekvens med strängar
- För att göra detta behöver vi lösa dessa delproblemen:
 - att jämföra strängar
 - sökning i sekvenser
 - SWAP (om på-plats-sortering i förändringsbar sekvens)
- Vad betyder det att två strängar är "lika"?
- Vad betyder det att en sträng är "mindre" än en annan?

Att jämföra strängar lexikografiskt

Teckenstandard UTF-8: Alla stora bokstäver är "mindre" än alla små:

```
scala> Array("hej","Hej","gurka").sorted
res0: Array[String] = Array(Hej, gurka, hej)
```

- Antag att vi vill lösa detta problem "från scratch": att sortera en sekvens med strängar
- För att göra detta behöver vi lösa dessa delproblemen:
 - att jämföra strängar
 - sökning i sekvenser
 - SWAP (om på-plats-sortering i förändringsbar sekvens)
- Vad betyder det att två strängar är "lika"?
- Vad betyder det att en sträng är "mindre" än en annan?

Vi använder här strängjämförelse, sökning och sortering för att illustrera typiska imperativa algoritmer. Normalt använder man färdiga lösningar på dessa problem!

└ Jämföra strängar

Jämföra strängar: likhet

Antag att vi inte kan göra s1 == s2 utan bara kan jämföra strängar tecken för tecken, t.ex. så här: s1(i) == s2(i). Antag också att vi inte har tillgång till annat än metoderna length och apply på strängar, samt while och variabler av grundtyp. Lös problemet att avgöra om två strängar är lika.

Jämföra strängar: likhet

Antag att vi inte kan göra s1 == s2 utan bara kan jämföra strängar tecken för tecken, t.ex. så här: s1(i) == s2(i). Antag också att vi inte har tillgång till annat än metoderna length och apply på strängar, samt while och variabler av grundtyp. Lös problemet att avgöra om två strängar är lika.

- Indata: två strängar
- Utdata: true om lika annars false
- 1 Klura ut din lösningsidé
- 2 Formulera algoritmen i pseudokod
- 3 Implementera algoritmen i Scala:
 - def isEqual(s1: String, s2: String): Boolean = ???

└Jämföra strängar

Algoritmexempel: stränglikhet, pseudokod

```
def isEqual(s1: String, s2: String): Boolean = {
   if (/* lika längder */) {
     var foundDiff = false
     var i = /* första index */
     while (!foundDiff && /* i inom indexgräns */) {
        if (/* tecken på plats i är olika */) foundDiff = true
        else i = /* nästa index */
     }
     !foundDiff
} else false
}
```

└ Jämföra strängar

Algoritmexempel: stränglikhet, pseudokod

```
def isEqual(s1: String, s2: String): Boolean = {
   if (/* lika längder */) {
     var foundDiff = false
     var i = /* första index */
     while (!foundDiff && /* i inom indexgräns */) {
        if (/* tecken på plats i är olika */) foundDiff = true
        else i = /* nästa index */
     }
     !foundDiff
} else false
}
```

Detta är en variant av s.k. **linjärsökning** där vi söker från början i en sekvens till vi hittar det vi söker efter (här söker vi efter tecken som skiljer sig åt).

Algoritmexempel: stränglikhet, pseudokod

```
def isEqual(s1: String, s2: String): Boolean = {
   if (/* lika längder */) {
      var foundDiff = false
      var i = /* första index */
      while (!foundDiff && /* i inom indexgräns */) {
        if (/* tecken på plats i är olika */) foundDiff = true
        else i = /* nästa index */
    }
   !foundDiff
} else false
}
```

Detta är en variant av s.k. **linjärsökning** där vi söker från början i en sekvens till vi hittar det vi söker efter (här söker vi efter tecken som skiljer sig åt).

Hur ser implementationen i exekverbar Scala ut?

```
└─Vecka 11: Sökning, sortering
└─Jämföra strängar
```

Algoritmexempel: stränglikhet, implementation

```
def isEqual(s1: String, s2: String): Boolean = {
   if (s1.length == s2.length) {
     var foundDiff = false
     var i = 0
     while (!foundDiff && i < s1.length) {
        if (s1(i) != s2(i)) foundDiff = true
        else i += 1
     }
     !foundDiff
} else false
}</pre>
```

```
└─Vecka 11: Sökning, sortering
└─Jämföra strängar
```

Algoritmexempel: stränglikhet, implementation

```
def isEqual(s1: String, s2: String): Boolean = {
   if (s1.length == s2.length) {
     var foundDiff = false
     var i = 0
     while (!foundDiff && i < s1.length) {
        if (s1(i) != s2(i)) foundDiff = true
        else i += 1
     }
     !foundDiff
   } else false
}</pre>
```

Fördjupning: jämför ovan med implementationen av String.equals här: hg.openjdk.java.net/jdk8u/jdk8u60/jdk/file/935758609767/src/share/classes/java och använd timed nedan och jämför prestanda med isEqual ovan.

Obs! Mät många gånger så att JVM:en optimerar din kod.

```
def timed[T](block: => T): (Double, T) = {
  val (t, res) = (System.nanoTime, block)
  ((System.nanoTime - t) / le9, res)
}
```

```
└Jämföra strängar
```

Algoritmexempel: stränglikhet, prestanda

```
scala> val enMiljon = 1000000

scala> val s = Array.fill(enMiljon)('x').mkString

scala> val t = s.updated(enMiljon - 1, 'y')

scala> timed { s == t }

res42: (Double, Boolean) = (3.76459E-4,false)

scala> timed { isEqual(s,t) }

res43: (Double, Boolean) = (3.31597E-4,false)
```

Ovan är kört efter "uppvärmning" på i7-4790K CPU @ 4.00GHz Skillnaden inom mätfelmarginalen!

└ Jämföra strängar

Jämföra strängar: "mindre än"

Med s1 < s2 menar vi att strängen s1 ska sorteras före strängen s2 enligt hur de enskilda tecknen är ordnade med uttrycket s1(i) < s2(i). Antag också att vi inte har tillgång till annat än metoderna length och apply på strängar, samt while och variabler av grundtyp, samt math.min Lös problemet att avgöra om en sträng är "mindre" än en annan.

- Indata: två strängar, s1, s2
- Utdata: true om s1 ska sorteras före s2 annars false
- 1 Klura ut din lösningsidé
- 2 Formulera algoritmen i pseudokod
- Implementera algoritmen i Scala:
 def isLessThan(s1: String, s2: String): Boolean = ???

Jämföra strängar: "mindre än"

Pseudokod:

```
def isLessThan(s1: String, s2: String): Boolean = {
   val minLength = /* minimum av längderna på s1 och s2 */
   def firstDiff(s1: String, s2: String): Int =
        /* index för första skillnaden (om de börjar lika: minLength) */
   val diffIndex = firstDiff(s1, s2)
   if (diffIndex == minLength) /* s1 är kortare än s2 */
   else /* tecknet s1(diffIndex) är mindre än tecknet s2(diffIndex) */
}
```

```
└─Vecka 11: Sökning, sortering
└─Jämföra strängar
```

Jämföra strängar: "mindre än"

```
def isLessThan(s1: String, s2: String): Boolean = {
  val minLength = math.min(s1.length, s2.length)
  def firstDiff(s1: String, s2: String): Int = {
    var foundDiff = false
    var i = 0
    while (!foundDiff && i < minLength)</pre>
      if (s1(i) != s2(i)) foundDiff = true
      else i += 1
  val diffIndex = firstDiff(s1, s2)
  if (diffIndex == minLength) s1.length < s2.length</pre>
  else s1(diffIndex) < s2(diffIndex)</pre>
```

└─ Vecka 11: Sökning, sortering └─ Jämföra strängar

Jämföra strängar i Java

- I Java kan man inte jämföra strängar med operatorerna <, <=, >, och >=
- Dessutom ger operatorerna == och != inte innehålls(o)likhet utan referens(o)likhet : (
- Istället måste man i Java använda metoderna equals och compareTo Dessa fungerar även i Scala eftersom strängar i Scala och Java är av samma typ, nämligen java.lang.String.

└─Vecka 11: Sökning, sortering └─Jämföra strängar

Jämföra strängar i Java

- I Java kan man inte jämföra strängar med operatorerna <, <=, >, och >=
- Dessutom ger operatorerna == och != inte innehålls(o)likhet utan referens(o)likhet : (
- Istället måste man i Java använda metoderna equals och compareTo Dessa fungerar även i Scala eftersom strängar i Scala och Java är av samma typ, nämligen java.lang.String.
- s1.compareTo(s2) ger ett heltal som är:
 - 0 om s1 och s2 har samma innehåll
 - negativt om s1 < s2 i lexikografiks mening, alltså s1 ska sorteras före</p>
 - positivt om s1 > s2 i lexikografiks mening, alltså s1 ska sorteras efter

Jämföra strängar i Java

- I Java kan man inte jämföra strängar med operatorerna <, <=, >, och >=
- Dessutom ger operatorerna == och != inte innehålls(o)likhet utan referens(o)likhet : (
- Istället måste man i Java använda metoderna equals och compareTo Dessa fungerar även i Scala eftersom strängar i Scala och Java är av samma typ, nämligen java.lang.String.
- s1.compareTo(s2) ger ett heltal som är:
 - 0 om s1 och s2 har samma innehåll
 - negativt om s1 < s2 i lexikografiks mening, alltså s1 ska sorteras före</p>
 - positivt om s1 > s2 i lexikografiks mening, alltså s1 ska sorteras efter
- Undersök följande:

```
scala> new String("hej") eq new String("hej") // motsvarar == i Java
scala> "hej".equals("hej") // samma som == i Scala
scala> "hej".compareTo("hej")
scala> "hej".compareTo("HEJ") // alla stora är 'före' alla små
scala> "HEJ".compareTo("hej")
```

docs.oracle.com/javase/8/docs/api/java/lang/String.html#compareTo-java.lang.String-

Jämföra strängar i Java: exempel

Vad skriver detta Java-program ut?

```
public class StringEqTest {
    public static void main(String[] args){
        boolean eqTest1 =
          (new String("hej")) == (new String("hej"));
        boolean egTest2 =
          (new String("hej")).equals(new String("hej"));
        int eaTest3 =
          (new String("hej")).compareTo(new String("hej"));
        System.out.println(eqTest1);
        System.out.println(eqTest2);
        System.out.println(eqTest3);
```

Jämföra strängar i Java: exempel

Vad skriver detta Java-program ut?

```
public class StringEqTest {
    public static void main(String[] args){
        boolean eqTest1 =
          (new String("hej")) == (new String("hej"));
        boolean egTest2 =
          (new String("hej")).equals(new String("hej"));
        int eaTest3 =
          (new String("hej")).compareTo(new String("hej"));
        System.out.println(eqTest1);
        System.out.println(eqTest2);
        System.out.println(eqTest3);
```

```
$ javac StringEqTest.java

$ java StringEqTest

false

true

0
```

Föreläsningsanteckningar EDAA45, 2016

Vecka 11: Sökning, sortering

Sökning

Sökning

Föreläsningsanteckningar EDAA45, 2016

Vecka 11: Sökning, sortering

Sökning

Sökning

Sökning återkommer i många skepnader: i en datastruktur, vilken det än må vara, vill man ofta kunna hitta ett element med en viss egenskap.

```
Föreläsningsanteckningar EDAA45, 2016

Vecka 11: Sökning, sortering

Sökning
```

Sökning

Sökning återkommer i många skepnader: i en datastruktur, vilken det än må vara, vill man ofta kunna hitta ett element med en viss egenskap. Några färdiga linjärsökningar i Scalas standardbibliotek:

```
scala> Vector("gurka","tomat","broccoli").indexOf("tomat")
res0: Int = 1
scala> Vector("gurka","tomat","broccoli").indexWhere(_.contains("o"))
res1: Int = 1
scala> Vector("gurka","tomat","broccoli").find(_.contains("o"))
res2: Option[String] = Some(tomat)
```

Sökning

 Sökning återkommer i många skepnader:
 i en datastruktur, vilken det än må vara, vill man ofta kunna hitta ett element med en viss egenskap.
 Några färdiga linjärsökningar i Scalas standardbibliotek:

```
scala> Vector("gurka","tomat","broccoli").indexOf("tomat")
res0: Int = 1
scala> Vector("gurka","tomat","broccoli").indexWhere(_.contains("o"))
res1: Int = 1
scala> Vector("gurka","tomat","broccoli").find(_.contains("o"))
res2: Option[String] = Some(tomat)
```

- Sökning efter ett visst index i en sekvens:
 - Indata: en sekvens och ett sökkriterium
 - Utdata: index för första eftersökta element, annars -1

Sökning

Sökning

 Sökning återkommer i många skepnader:
 i en datastruktur, vilken det än må vara, vill man ofta kunna hitta ett element med en viss egenskap.
 Några färdiga linjärsökningar i Scalas standardbibliotek:

```
scala> Vector("gurka","tomat","broccoli").indexOf("tomat")
res0: Int = 1
scala> Vector("gurka","tomat","broccoli").indexWhere(_.contains("o"))
res1: Int = 1
scala> Vector("gurka","tomat","broccoli").find(_.contains("o"))
res2: Option[String] = Some(tomat)
```

- Sökning efter ett visst index i en sekvens:
 - Indata: en sekvens och ett sökkriterium
 - Utdata: index för första eftersökta element, annars -1
- Två typiska varianter av sökning i en sekvens:
 - Linjärsökning: börja från början och sök tills ett eftersökt element är funnet
 - Binärsökning: antag sorterad sekvensen; börja i mitten, välj rätt halva ...

Linjärsökning

Linjärsökning

Linjärsökning: hitta index för elementet 42

```
Skriv pseudokod för:
def index0f42(xs: Vector[Int]): Int = ???
```

Linjärsökning: hitta index för elementet 42

Skriv pseudokod för: def indexOf42(xs: Vector[Int]): Int = ???

```
def indexOf42(xs: Vector[Int]): Int = {
  var i = /* index för första elementet */
  var found = false
  while (!found && /* index inom indexgräns */) {
    if (/* element på plats i är 42 */) found = true
    else i = /* nästa index */
  }
  if (/* hittat */) i else -1
}
```

Linjärsökning: hitta index för elementet 42

```
Implementera:
def index0f42(xs: Vector[Int]): Int = ???
```

Linjärsökning: hitta index för elementet 42

Implementera:

```
def index0f42(xs: Vector[Int]): Int = ???
```

```
def indexOf42(xs: Vector[Int]): Int = {
    var i = 0
    var found = false
    while (!found && i < xs.length) {
        if (xs(i) == 42) found = true
        else i += 1
    }
    if (found) i else -1
}</pre>
```

Linjärsökning: hitta index för elementet x

```
Implementera:
def indexOf(xs: Vector[Int], x: Int): Int = ???
```

Linjärsökning: hitta index för elementet x

Implementera:

```
def indexOf(xs: Vector[Int], x: Int): Int = ???
```

```
def indexOf(xs: Vector[Int], x: Int): Int = {
    var i = 0
    var found = false
    while (!found && i < xs.length) {
        if (xs(i) == x) found = true
        else i += 1
    }
    if (found) i else -1
}</pre>
```

Linjärsökning: hitta index för elementet p(x)

```
Implementera:
def indexWhere(xs: Vector[Int], p: Int => Boolean): Int = ???
```

Linjärsökning: hitta index för elementet p(x)

```
Implementera:
def indexWhere(xs: Vector[Int], p: Int => Boolean): Int = ???

def indexWhere(xs: Vector[Int], p: Int => Boolean): Int = {
```

```
def indexWhere(xs: Vector[Int], p: Int => Boolean): Int = {
  var i = 0
  var found = false
  while (!found && i < xs.length) {
    if (p(xs(i))) found = true
    else i += 1
  }
  if (found) i else -1
}</pre>
```

Linjärsökning: generalisera till godtycklig typ

```
Implementera:
def indexWhere[T](xs: Vector[T], p: T => Boolean): Int = ???
```

Implementera:

Linjärsökning

Linjärsökning: generalisera till godtycklig typ

```
def indexWhere[T](xs: Vector[T], p: T => Boolean): Int = ???

def indexWhere[T](xs: Vector[T], p: T => Boolean): Int = {
    var i = 0
    var found = false
    while (!found && i < xs.length) {
        if (p(xs(i))) found = true
        else i += 1
    }
    if (found) i else -1
}</pre>
```

Linjärsökning: generalisera till godtycklig typ

Typinferensen fungerar bättre om stegad funktion: def indexWhere[T](xs: Vector[T])(p: T => Boolean): Int

```
def indexWhere[T](xs: Vector[T])(p: T => Boolean): Int = {
  var i = 0
  var found = false
  while (!found && i < xs.length) {
    if (p(xs(i))) found = true
    else i += 1
  }
  if (found) i else -1
}</pre>
```

```
Implementera:
def indexWhere[T](xs: Seq[T])(p: T => Boolean): Int = ???
```

```
Implementera:
def indexWhere[T](xs: Seq[T])(p: T => Boolean): Int = ???
```

```
def indexWhere[T](xs: Seq[T])(p: T => Boolean): Int = {
  var i = 0
  var found = false
  while (!found && i < xs.length) {
    if (p(xs(i))) found = true
    else i += 1
  }
  if (found) i else -1
}</pre>
```

```
Implementera:
def find[T](xs: Seq[T])(p: T => Boolean): Option[T] = ???
```

```
Implementera:
def find[T](xs: Seq[T])(p: T => Boolean): Option[T] = ???

def find[T](xs: Seq[T])(p: T => Boolean): Option[T] = {
    var i = 0
    var found = false
    while (!found && i < xs.length) {
        if (p(xs(i))) found = true
        else i += 1
    }
    if (found) Some(xs(i)) else None
}</pre>
```

Binärsökning

Binärsökning

Binärsökning: snabbare men kräver sorterad sekvens

```
scala> val enMilion = 1000000
2
3
    scala> val xs = Arrav.tabulate(enMilion)(i => i + 1) // sorterad
4
    scala> xs(enMiljon - 1)
    res0: Int = 1000000
7
                                                // linjärsökning
    scala> timed { xs.indexOf(enMiljon) }
    res42: (Double, Int) = (0.016622994.999999)
10
11
    scala> import scala.collection.Searching._ // ger tillgång till metoden search
12
    import scala.collection.Searching._
13
    scala> timed { xs.search(enMiljon) } // binärsökning
14
15
    res54: (Double, collection.Searching.SearchResult) = (2.45691E-4,Found(999999))
```

Binärsökning

Binärsökning: snabbare men kräver sorterad sekvens

```
scala> val enMilion = 1000000
2
    scala> val xs = Arrav.tabulate(enMilion)(i => i + 1) // sorterad
3
4
    scala> xs(enMiljon - 1)
    res0: Int = 1000000
7
    scala> timed { xs.indexOf(enMiljon) }
                                                // linjärsökning
    res42: (Double, Int) = (0.016622994.999999)
10
11
    scala> import scala.collection.Searching._ // ger tillgång till metoden search
12
    import scala.collection.Searching._
13
14
    scala> timed { xs.search(enMilion) } // binärsökning
15
    res54: (Double, collection.Searching.SearchResult) = (2.45691E-4,Found(999999))
```

Citat från scaladoc för search:

"The sequence **should be sorted** before calling; otherwise, the results are **undefined**."

└─ Vecka 11: Sökning, sortering

Binärsökning

Binärsökning: lösningsidé

Problemlösningsidé: Om sekvensen är sorterad kan vi utnyttja detta för en mer effektiv sökning, genom att jämföra med mittersta värdet och se om det vi söker finns före eller efter detta, och upprepa med "halverad" sekvens tills funnet.

└Vecka 11: Sökning, sortering

Binärsökning

Binärsökning: lösningsidé

Problemlösningsidé: Om sekvensen är sorterad kan vi utnyttja detta för en mer effektiv sökning, genom att jämföra med mittersta värdet och se om det vi söker finns före eller efter detta, och upprepa med "halverad" sekvens tills funnet.

- Indata: sorterad sekvens av heltal och det eftersökta elementet
- Utdata: Found(index) f\u00f6r det efters\u00f6kta elementet om saknas: InsertionPoint(index)

Binärsökning: lösningsidé

Problemlösningsidé: Om sekvensen är sorterad kan vi utnyttja detta för en mer effektiv sökning, genom att jämföra med mittersta värdet och se om det vi söker finns före eller efter detta, och upprepa med "halverad" sekvens tills funnet.

- Indata: sorterad sekvens av heltal och det eftersökta elementet
- Utdata: Found(index) f\u00f6r det efters\u00f6kta elementet om saknas: InsertionPoint(index)

```
sealed trait SearchResult {
  def insertionPoint: Int
}
case class Found(foundIndex: Int) extends SearchResult {
  override def insertionPoint = foundIndex
}
case class InsertionPoint(insertionPoint: Int) extends SearchResult
```

Binärsökning: pseudokod, iterativ lösning

Pseudo-kod: iterativ lösning

```
def binarySearch(xs: Vector[Int])(elem: Int): SearchResult = {
  var found = false
  var (low, high) = (/* lägsta index */, /* högsta index */)
  var mid = /* lämpligt startvärde */
  while (!found && /* finns fler element kvar */) {
    mid = /* mittpunkten i intervallet (low, high) */
    if (xs(mid == elem) found = true
    else if (xs(mid) < elem) /* flytta intervallets undre gräns */
    else /* flytta intervallets övre gräns" */
  }
  if (found) Found(mid)
  else InsertionPoint(low)
}</pre>
```

Binärsökning

Binärsökning: implementation, iterativ lösning

Implementation: iterativ lösning

```
def binarySearch(xs: Vector[Int])(elem: Int): SearchResult = {
  var found = false
  var (low, high) = (0, xs.length - 1)
  var mid = -1
  while (!found && low <= high) {
    mid = (low + high) / 2
    if (xs(mid) == elem) found = true
    else if (xs(mid) < elem) low = mid + 1
    else high = mid - 1
  }
  if (found) Found(mid)
  else InsertionPoint(low)
}</pre>
```

```
Binärsökning
```

Binärsökning: instrumentering av iterativ lösning

```
def waitForEnter: Unit = scala.io.StdIn.readLine("")
def show(msq: String): Unit = {println(msq): waitForEnter}
def binarvSearch(xs: Vector[Int])(elem: Int): SearchResult = {
  var found = false
                                            : show(s"found = $found")
  var (low, high) = (0, xs.length - 1)
                                            ; show(s"(low, high) = ($low, $high)")
  var mid = -1
                                            ; show(s"mid = $mid")
  while (!found && low <= high) {</pre>
                                            : show(s"while ${!found && low <= high}")
    mid = (low + high) / 2
                                        ; show(s"mid = $mid")
   if (xs(mid) == elem) {found = true ; show(s"found = $found")}
    else if (xs(mid) < elem) \{low = mid + 1 : show(s"low = $low")\}
    else {high = mid - 1
                                            : show(s"high = $high")}
  if (found) Found(mid)
  else InsertionPoint(low)
scala> binarvSearch(Vector(0.1.2.3.42.5))(42)
```

```
1 scala> binarySearch(Vector(0,1,2,3,42,5))(42)
2 found = false
3 (low, high) = (0, 5)
4 mid = -1
5 while true
6 mid = 2
7 low = 3
8 while true
9 mid = 4
10 found = true
11 res0: collection.Searching.SearchResult = Found(4)
```

Binärsökning: rekursiv lösning

Fördjupning: rekursiv lösning

```
def binarySearch(xs: Vector[Int])(elem: Int): SearchResult = {
  def loop(low: Int, high: Int): SearchResult = 
    if (low > high) InsertionPoint(low)
    else (low + high) / 2 match {
      case mid if xs(mid) == elem => Found(mid)
      case mid if xs(mid) < elem => loop(mid + 1, high)
      case mid => loop(low, mid - 1)
  }
  loop(0, xs.length - 1)
}
```

Binärsökning: generisk rekursiv lösning

Fördjupning: iterativ generisk lösning med implicit ordning

```
def binarySearch[T](xs: Seq[T])(elem: T)(implicit ord: Ordering[T]): SearchResult = {
   import ord..
   def loop(low: Int, high: Int): SearchResult =
      if (low > high) InsertionPoint(low)
   else (low + high) / 2 match {
      case mid if xs(mid) == elem => Found(mid)
      case mid if xs(mid) <= elem => loop(mid + 1, high)
      case mid
   }
      case mid
   }
}
loop(0, xs.length - 1)
}
```

För den intresserade:

Se fördjupningsuppgifter om implicita ordningar i veckans övning.

Vecka 11: Sökning, sortering

Binärsökning

Tidskomplexitet, sökning

Fördjupning:

Algoritmteoretisk analys av sökalgoritmerna ger:

- Linjärsökning: tiden är proportionell mot n, skrivs: O(n)
- Binärsökning: tiden är proportionell mot $log_2 n$, skrivs: O(log n)

Binärsökning

Tidskomplexitet, sökning

Fördjupning:

Algoritmteoretisk analys av sökalgoritmerna ger:

- Linjärsökning: tiden är proportionell mot n, skrivs: O(n)
- Binärsökning: tiden är proportionell mot $log_2 n$, skrivs: O(log n)

Empirisk analys: Vi har en vektor med 1000 element. Vi har mätt tiden för att söka upp ett element många gånger och funnit att det tar ungefär 1 μ s både med linjärsökning och binärsökning.

Hur lång tid tar det om vi har fler element i vektorn?

	1000	10 000	100000	1 000 000	10 000 000
linjärsökning	1	10	100	1000	10 000
binärsökning	1	1.33	1.67	2.00	2.33

Kurserna:

"Utvärdering av programvarusystem", obl. för D1, studerar detta empiriskt

[&]quot;Algoritmer, datastrukturer och komplexitet", obl. för D2, studerar detta analytiskt

Sortering

└ Vecka 11: Sökning, sortering

Sortering

Sorteringsproblemet

Problem: Vi har en osorterad sekvens med heltal. Vi vill ordna denna osorterade sekvens i en sorterad sekvens från minst till störst.

└ Vecka 11: Sökning, sortering

Sortering

Sorteringsproblemet

Problem: Vi har en osorterad sekvens med heltal. Vi vill ordna denna osorterade sekvens i en sorterad sekvens från minst till störst.

En generalisering av problement:

Vi har många element och en **ordningsrelation** som säger vad vi menar med att ett element är *mindre än* eller *större än* eller *lika med* ett annat element.

Vi vill lösa problemet att ordna elementen i sekvens så att för varje element på plats i så är efterföljande element på plats i+1 större eller lika med elementet på plats i.

Två enkla sporteringsalgoritmer: Insättningssortering & Urvalssortering

Insättningssortering lösningsidé: Ta ett element i taget från den osorterade listan och sätt in det på rätt plats i den sorterade listan och upprepa till det inte finns fler osorterade element.

Två enkla sporteringsalgoritmer: Insättningssortering & Urvalssortering

- Insättningssortering lösningsidé: Ta ett element i taget från den osorterade listan och sätt in det på rätt plats i den sorterade listan och upprepa till det inte finns fler osorterade element.
- Urvalsssortering lösningsidé: Välj ut det minsta kvarvarande elementet i den osorterade listan och placera det sist i den sorterade listan och upprepa till det inte finns fler osorterade element.

Sortera till ny vektor med insättningssortering: pseudo-kod

Det kan vara lättare att förstå idén med insertion sort om man först implementerar den genom att kopiera elementen till en ny vektor. Vi ska sedan se hur man sorterar "på plats" (eng. *in place*) i en array.

Indata: en osorterad vektor med heltal **Utdata**: en sorterad vektor med heltal

```
def insertionSort(xs: Vector[Int]): Vector[Int] = {
    val sorted = /* tom ArrayBuffer */
    for (/* alla element i xs */) {
        /* linjärsök rätt position i sorted */
        /* sätt in element på rätt plats i sorted */
    }
    sorted.toVector
}
```

Sortera till ny vektor med insättningssortering: implementation i Scala

```
def insertionSort(xs: Vector[Int]): Vector[Int] = {
  val sorted = scala.collection.mutable.ArrayBuffer.empty[Int]
  for (elem <- xs) {
    // linjärsök rätt position i sorted:
    var pos = 0
    while (pos < sorted.length && sorted(pos) < elem) {
        pos += 1
      }
      // sätt in element på rätt plats i sorted:
        sorted.insert(pos, elem)
   }
   sorted.toVector
}</pre>
```

└─ Vecka 11: Sökning, sortering

Sortera till ny vektor med insättningssortering: implementation i Java med foreach-sats

```
import java.util.ArrayList;
public class JSort {
    public static ArrayList<Integer> insertionSort(ArrayList<Integer> xs) {
        ArrayList<Integer> sorted = new ArrayList<Integer>();
        for (int elem : xs) {
            // linjärsök rätt position i sorted:
            int pos = 0;
            while (pos < sorted.size() && sorted.get(pos) < elem) {</pre>
                pos++;
            // sätt in element på rätt plats i sorted:
            sorted.add(pos, elem);
        return sorted:
```

stackoverflow.com/questions/85190/how-does-the-java-for-each-loop-work

Javasamlingar måste "wrappa" primitiva int i klassen Integer (mer om detta senare)

Sortera till ny vektor med urvalssortering: pseudo-kod

Det kan vara lättare att förstå idén med selection sort om man först implementerar den genom att flytta elementen till en ny vektor.

(Vi ska senare se hur man sorterar "på plats" (eng. *in place*) i en vecktor.)

Indata: en osorterad vektor med heltal Utdata: en sorterad vektor med heltal

```
def selectionSort(xs: Vector[Int]): Vector[Int] = {
  val unsorted = xs.toBuffer
  val sorted = scala.collection.mutable.ArrayBuffer.empty[Int]
  while (/* unsorted inte är tom */) {
    var indexOfMin = /* index för minsta element i unsorted */
    /* flytta elementet unsorted(indexOfMin) till sist i sorted */
  }
}
```

Sortera till ny vektor med urvalssortering: implementation i Scala

```
def selectionSort(xs: Vector[Int]): Vector[Int] = {
    val unsorted = xs.toBuffer
    val sorted = scala.collection.mutable.ArrayBuffer.empty[Int]
    while (unsorted.nonEmpty) {
        var indexOfMin = 0
        // index för minsta element i unsorted:
        for (i <- 1 until unsorted.length) {
            if (unsorted(i) < unsorted(indexOfMin)) indexOfMin = i
        }
        val elem = unsorted.remove(indexOfMin) // ta bort ur unsorted
        sorted.append(elem) // lägg sist i sekvensen med sorterade
    }
    sorted.toVector
}</pre>
```

Sortera till ny vektor med urvalssortering: implementation i Scala

```
def selectionSort(xs: Vector[Int]): Vector[Int] = {
  val unsorted = xs.toBuffer
  val sorted = scala.collection.mutable.ArrayBuffer.empty[Int]
  while (unsorted.nonEmpty) {
    var indexOfMin = 0
    // index för minsta element i unsorted:
    for (i <- 1 until unsorted.length) {
        if (unsorted(i) < unsorted(indexOfMin)) indexOfMin = i
      }
    val elem = unsorted.remove(indexOfMin) // ta bort ur unsorted
    sorted.append(elem) // lägg sist i sekvensen med sorterade
    }
    sorted.toVector
}</pre>
```

- Funkar tom sekvens?
- Funkar en sekvens med ett element?
- Funkar det för osorterad sekvens med (minst) två element?
- Vad händer om sekvensen är sorterad?

Sortera till ny vektor med urvalssortering: implementation i Java

```
public static ArrayList<Integer> selectionSort(ArrayList<Integer> unsorted) {
    ArrayList<Integer> sorted = new ArrayList<Integer>();
    while (unsorted.size() > 0) {
        int indexOfMin = 0:
        // index för minsta element i unsorted:
        for (int i = 1: i < unsorted.size(): i++) {</pre>
            if (unsorted.get(i) < unsorted.get(indexOfMin)) {</pre>
                indexOfMin = i:
        int elem = unsorted.remove(indexOfMin): // ta bort ur unsorted
        sorted.add(elem): // lägg sist i sekvensen med sorterade
    return sorted:
```

OBS! Ovan algoritm "förstör" innehållet i inparametern! Hur förhindra det?

```
Sortering
```

Sortera till ny vektor med urvalssortering: implementation i Java

```
public static ArrayList<Integer> selectionSort(ArrayList<Integer> xs) {
    ArrayList<Integer> unsorted = new ArrayList<Integer>(xs); //ref copy
    ArrayList<Integer> sorted = new ArrayList<Integer>();
    while (unsorted.size() > 0) {
        int indexOfMin = 0:
        // index för minsta element i unsorted:
        for (int i = 1: i < unsorted.size(): i++) {</pre>
            if (unsorted.get(i) < unsorted.get(indexOfMin)) {</pre>
                indexOfMin = i:
        int x = unsorted.remove(indexOfMin): // ta bort ur unsorted
        sorted.add(x): // lägg sist i sekvensen med sorterade
    return sorted;
```

Urvalssortering på plats – pseudo-kod

```
Indata: int[] xs

for (int i : från första till NÄST sista index) {
    minIndex = index för MINSTA talet från platserna i till SISTA plats
    byt plats mellan xs[i] och xs[minIndex]
}
```

Vecka 11: Sökning, sortering

Sortering

Selection sort, in place, Java

```
public void selectionSortInPlace(int[] xs) {
    for (int i = 0; i < xs.length - 1; i++) {
        int min = Integer.MAX_VALUE;
        int minIndex = -1;
        // sök minsta bland ännu ej sorterade
        for (int k = i; k < xs.length; k++) {
            if (xs[k] < min) {
                min = xs[k]:
                minIndex = k:
        // byt plats mellan xs[i] och xs[minIndex]
        xs[minIndex] = xs[i];
        xs[i] = min:
```

```
└─Vecka 11: Sökning, sortering
└─Sortering
```

Selection sort, in place, Java

```
public void selectionSortInPlace(int[] xs) {
    for (int i = 0; i < xs.length - 1; i++) {
        int min = Integer.MAX_VALUE;
        int minIndex = -1;
        // sök minsta bland ännu ej sorterade
        for (int k = i; k < xs.length; k++) {
            if (xs[k] < min) {
                min = xs[k];
                minIndex = k:
        // byt plats mellan xs[i] och xs[minIndex]
        xs[minIndex] = xs[i];
        xs[i] = min:
```

Övning: Kör denna implementation med $xs = \{8,5,2,6,9,3,1,4,0,7\}$

Selection sort, in place, Java

```
public void selectionSortInPlace(int[] xs) {
    for (int i = 0; i < xs.length - 1; i++) {
        int min = Integer.MAX_VALUE;
        int minIndex = -1;
        // sök minsta bland ännu ej sorterade
        for (int k = i; k < xs.length; k++) {
            if (xs[k] < min) {
                min = xs[k];
                minIndex = k:
        // byt plats mellan xs[i] och xs[minIndex]
        xs[minIndex] = xs[i]:
        xs[i] = min:
```

Övning: Kör denna implementation med $xs = \{8,5,2,6,9,3,1,4,0,7\}$ Se animering här: Urvalssortering på Wikipedia └Vecka 11: Sökning, sortering

L Sortering

Selection sort, in place, Java

```
public void selectionSortInPlace(int[] xs) {
    for (int i = 0; i < xs.length - 1; i++) {
        int min = Integer.MAX_VALUE;
        int minIndex = -1;
        // sök minsta bland ännu ej sorterade
        for (int k = i; k < xs.length; k++) {
            if (xs[k] < min) {
                min = xs[k];
                minIndex = k:
        // byt plats mellan xs[i] och xs[minIndex]
        xs[minIndex] = xs[i]:
        xs[i] = min:
```

Övning: Kör denna implementation med $xs = \{8,5,2,6,9,3,1,4,0,7\}$ Se animering här: Urvalssortering på Wikipedia

Det finns ett specialfall som kommer krascha denna implementation. Vilket?

Insättningssortering på plats – pseudo-kod

Insertion sort, in place, with swap, Java

```
private void swap(int[] xs, int a, int b) {
    int temp = xs[a];
   xs[a] = xs[b]:
   xs[b] = temp;
public void insertionSortInPlaceSwap(int[] xs) {
    for (int i = 1; i < xs.length; i++) {</pre>
        int j = i;
        while (j > 0 \&\& xs[j - 1] > xs[j]) {
            swap(xs, j, j - 1);
            i = i - 1;
```

Funkar denna implementation för alla specialfall?

Insertion sort, in place, Java

```
public void insertionSortInPlace(int[] xs) {
    for (int i = 1; i < xs.length; i++) {
        int current = xs[i];
        int j = i;
        while (j > 0 && xs[j - 1] > current) {
            xs[j] = xs[j - 1];
            j--;
        }
        xs[j] = current;
    }
}
```

Se animering här: Insättningssortering på wikipedia

Läs mer om insättnings- och urvalssortering

Insertion sort

- Wikipedia: svenska och engelska: Insertion sort
- AlgoRythmics Insert-sort with Romanian folk dance

Selection sort

- Wikipedia: svenska och engelska: Selection sort
- AlgoRythmics Select-sort with Gypsy folk dance

Vecka 11: Sökning, sortering
Sortering

Det finns många olika sorteringsalgoritmer

- Visualisering av 15 olika sorteringsalgoritmer på 6 min
- Olika sorteringsalgoritmer har olika komplexitet:
 i bästa fall, i värsta fall, i medeltal, för nästan sorterad.
 Olika sorteringsalgoritmers egenskaper enl. wikipedia
- Olika sorteringsalgoritmer lämpar sig olika väl för parallellisering på många kärnor.

└Vecka 11: Sökning, sortering

Sortering

Tidskomplexitet, sortering, medeltal

Urvalssortering, insättningssortering: $O(n^2)$ "Bra" metoder, tex Quicksort, Timsort: $O(n \log n)$

Vi har en vektor med 1000 element. Vi har mätt tiden för att sortera elementen många gånger och funnit att det tar ungefär 1 ms både med urvalssortering (eller någon annan "dålig" metod) och en "bra" metod. Hur lång tid tar det om vi har fler element i vektorn?

	1,000	10,000	100,000	1,000,000	10,000,000
dålig	1	100	10 ⁴	10 ⁶	10 ⁸
bra	1	13.3	167	2000	23000

Bogo sort

```
def bogoSort(xs: Vector[Int]) = {
  var result = xs
  while(result != result.sorted) {
    result = scala.util.Random.shuffle(result)
  }
  result
}
```

När blir denna färdig?

Bogo sort

```
def bogoSort(xs: Vector[Int]) = {
  var result = xs
  while(result != result.sorted) {
    result = scala.util.Random.shuffle(result)
  }
  result
}
```

När blir denna färdig? https://en.wikipedia.org/wiki/Bogosort Förväntat antal jämförelser: O(n!) └Vecka 11: Sökning, sortering

Sortering

Sortera samlingar med element av godtycklig typ

case class Gurka(...) extends Grönsak sortBy sortWith

Vad kommer (inte) på tentan?

Detta kan komma på tentan:

- Använda färdiga söknings- och sorteringsfunktioner på samlingar av specifik typ
- Implementera egen linjärsökning i samlingar av specifik typ
- Implementera egen binärsökning i samlingar av specifik typ
- Implementera egen sortering till ny samling av specifik typ (du får själv välja algoritm, lämpligen insättnings- eller urvalssortering)

Detta kommer inte på tentan:

- Implementera generisk linjärsökning
- Implementera generisk sortering
- Implementera sortering "på plats"