### MTH1102D Calcul II

Chapitre 6, section 5 : Les applications des intégrales doubles

Moments d'inertie d'une plaque mince

### Introduction

• Moments d'inertie d'une plaque mince

### Moments d'inertie d'une plaque mince

#### Définition

Soit une plaque mince occupant une région D du plan et dont la densité en chaque point est donnée par la fonction  $\rho(x, y)$ .

1 Le moment d'inertie par rapport à l'axe des x de la plaque est

$$I_{x} = \iint_{D} y^{2} \rho(x, y) \, dA.$$

2 Le moment d'inertie par rapport à l'axe des y de la plaque est

$$I_{y} = \iint_{D} x^{2} \rho(x, y) \, dA.$$

### Moments d'inertie d'une plaque mince

#### **Définition**

Soit une plaque mince occupant une région D du plan et dont la densité en chaque point est donnée par la fonction  $\rho(x, y)$ .

3 Le moment d'inertie par rapport à l'origine de la plaque est

$$I_0 = \iint_D (x^2 + y^2) \rho(x, y) dA.$$

Les moments d'inertie sont aussi appelés seconds moments.

#### Moments d'inertie d'une plaque mince

• En mécanique, les moments d'inertie  $I_x$  et  $I_y$  mesurent la résistance au changement de vitesse angulaire d'une masse en rotation autour de l'axe Ox ou Oy.

mouvement rectiligne : F = ma

#### Moments d'inertie d'une plaque mince

• En mécanique, les moments d'inertie  $I_x$  et  $I_y$  mesurent la résistance au changement de vitesse angulaire d'une plaque masse en rotation autour de l'axe Ox ou Oy.

```
mouvement rectiligne : F = ma
```

mouvement circulaire :  $\tau$  =

moment de force

#### Moments d'inertie d'une plaque mince

• En mécanique, les moments d'inertie  $I_x$  et  $I_y$  mesurent la résistance au changement de vitesse angulaire d'une plaque masse en rotation autour de l'axe Ox ou Oy.

```
mouvement rectiligne : F = ma
```

mouvement circulaire :  $\tau = I$ 

moment d'inertie

#### Moments d'inertie d'une plaque mince

• En mécanique, les moments d'inertie  $I_x$  et  $I_y$  mesurent la résistance au changement de vitesse angulaire d'une plaque masse en rotation autour de l'axe Ox ou Oy.

mouvement rectiligne : F = ma

mouvement circulaire :  $\tau = I\alpha$ 

accélération angulaire

### Moments d'inertie d'une plaque mince

• En mécanique, les moments d'inertie  $I_x$  et  $I_y$  mesurent la résistance au changement de vitesse angulaire d'une plaque masse en rotation autour de l'axe Ox ou Oy.

```
mouvement rectiligne : F = ma
```

mouvement circulaire :  $\tau = I\alpha$ 

### Moments d'inertie d'une plaque mince

- Dans le contexte de la mécanique des solides, les moments d'inertie sont appelés seconds moments d'aire et sont utilisés, entre autres, dans l'étude du stress dans les structures.
- (Facultatif) En probabilités, les seconds moments permettent de calculer la variance de variables aléatoires.

### Résumé

- Moments d'inertie d'une plaque mince.
- Interprétation physique dans différents contextes.