

Cahier-réponses Contrôle périodique 1

PHS1101

Sigle du cours

	Identifica	ation de l'étudiant(e)		
Nom :		Prénom :		Réservé
Signature :		Matricule :	Groupe:	Q1 : / 5 /50
:				Q2 : 2 6 /50
	tre du cours	Groupe	Trimestre	Q3: <u>7</u> 7-/50
PHS1101 Mécanique pour ingénieurs		Tous	Automne 2021	Q4: ID /50
Coorde	onnateur	Courriel		
Jérémie '	Villeneuve	Jeremie.villeneuve@	@polymtl.ca	
Jour	Date	Durée	Heures	
Mardi	5 octobre 2021	1 heure 50 minutes	18h30 à 20h20	
	Direct	tives particulières		
 Détaillez les point. 	étapes de vos soluti	amen individuellement . ons. Une réponse sans justifica		Total : 78
_		compagnée des unités appropri		
 Si vous pens 	sez qu'il y a une erre	eur dans le questionnaire, répo	ndez du mieux aue 📗	200

Important

vous pouvez.

Cet examen contient x4 questions sur un total de 18 pages (Excluant cette page).

La pondération de cet examen est de 25 %

Aucune documentation n'est permise.

Inscrire votre matricule sur toutes les pages numérotées.

Un aide-mémoire pour les formules vues en cours se trouve à la fin de ce cahier.

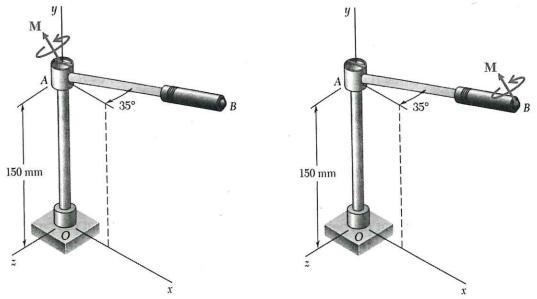
Les calculatrices non programmables sont permises.

L'étudiant doit honorer l'engagement pris lors de la signature du code de conduite.

Question 1 (50 points) - Questions conceptuelles et à réponses courtes

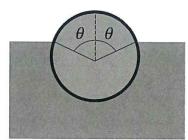
Répondez aux sous-questions suivantes en expliquant votre raisonnement. Les sousquestions A à D sont indépendantes les unes des autres.

- A. [10 pts] Vrai ou faux. Dans un fluide statique qui est soumis à la gravité, la pression augmente avec la profondeur : par conséquent, on ne peut pas affirmer que la pression dans ce fluide est isotrope. Justifiez.
- B. [10 pts] Un bloc glisse sur une surface rugueuse horizontale. Pour chacune des forces ci-dessous, nommez la force qui complète la paire action-réaction :
 - i. Le poids du bloc;
 - ii. La force de frottement qui agit sur le bloc.
- C. [10 pts] Considérez les deux situations ci-dessous, où un même couple M de module 20 N·m est appliqué à la pièce OAB que l'on suppose parfaitement rigide.



Vrai ou faux. Le couple produit les mêmes effets externes de translation et de rotation sur la pièce dans les deux situations. Justifiez.

D. [20 pts] Un billot de bois (masse volumique ρ_b) de forme cylindrique (rayon R et longueur L) flotte à la surface de l'eau (masse volumique ρ_e), tel qu'illustré sur la figure ci-contre. À partir de principes de la mécanique, obtenez l'équation qui permet de calculer l'angle θ . Présentez l'équation sous une forme simplifiée, mais ne tentez pas de la résoudre.



#1

A Het vivi que la pression augmente avec la profondem selon le principe de l'oscal. Selon le principe (3) de Pascal, la pression est la même à un enshait.

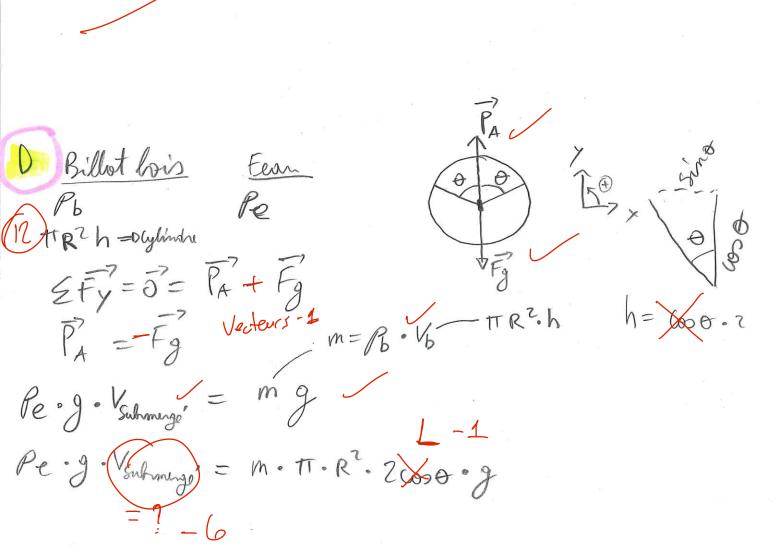
Isotrope signifique qu'elle est parollèle! On pent offinner qu'elle est inotrope (Fouse). " c'est un scalaire!

Les forces sont la force granitationnelle et la force normale qui completent l'action -reaction. -s

(i)

lour qu'in bloc glisse sur une surface rugueuse, il fant qu'il ait une certaine force qui la pourse dans le sens offrose à la fonce de hottement et avec une certaine vitesse.

M= 20 N.m



PHS1101 - Mécaniqu	e pour ingénieurs
--------------------	-------------------

Contrôle périodique 1 – Automne 2021

Question 2 (50 points)

On applique une force F = 200 N sur l'extrémité du manche d'une valve afin de la fermer.

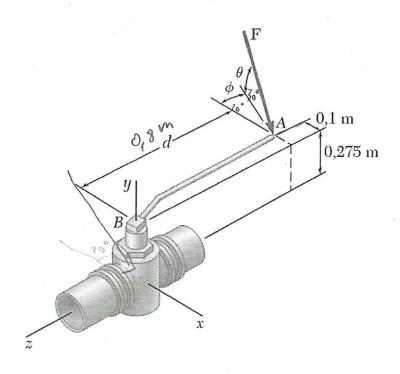
La forme et les dimensions de la valve sont indiquées sur la figure ci-dessous. L'orientation de la force F est donnée par $\theta=30^\circ$ et $\phi=20^\circ$. On donne $d=0.8\,\mathrm{m}$.

Déterminer, en utilisant le système d'axes de la figure :

A. [15 pts] L'expression de la force \vec{F} .



- B. [20 pts] Le système force-couple équivalent de \vec{F} au point B.
- C. [15 pts] Le moment de \vec{F} par rapport à l'axe z.



2

A Coordonnées de F

0 = angle sens horaine osce y

Ø = angle sen antihoning

$$\emptyset = 90 + (90 - 20)$$

Notes de como X

$$F_z = 200 \cdot \sin 60 \cos 60 = -162,76 N(-3)$$

 $F_x = 200 \cdot \sin 60 \sin 160 = 5974 N(-3)$
 $F_y = -700 \cdot \cos 60 = -100 N$

$$M_{F/B} = \Gamma_{BF} \times F_{-4}$$
 $(-0,1)(+0,275) \rightarrow 0,82$

C
$$M_{F/Z} \Rightarrow M_{FZ} = (M_{F}) \cdot \hat{u}_{FZ} \cdot \hat{u}_{FZ}$$
o Fromer $\hat{u}_{FZ} \Rightarrow D(0,0,1)$ can vector unitaine griant

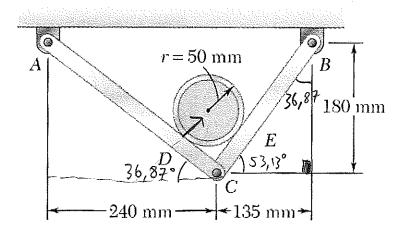
 $M_{FZ} = \left[(35,241-63,662-76,241) \cdot (0+0+1) \right] \cdot (0+0+1)$
 $= (0 \cdot 1+0 \cdot 1-26,241 \cdot 2) \cdot (0+0+1)$
 $= (0 \cdot 1+0 \cdot 1-26,241 \cdot 2) \cdot (0+0+1)$

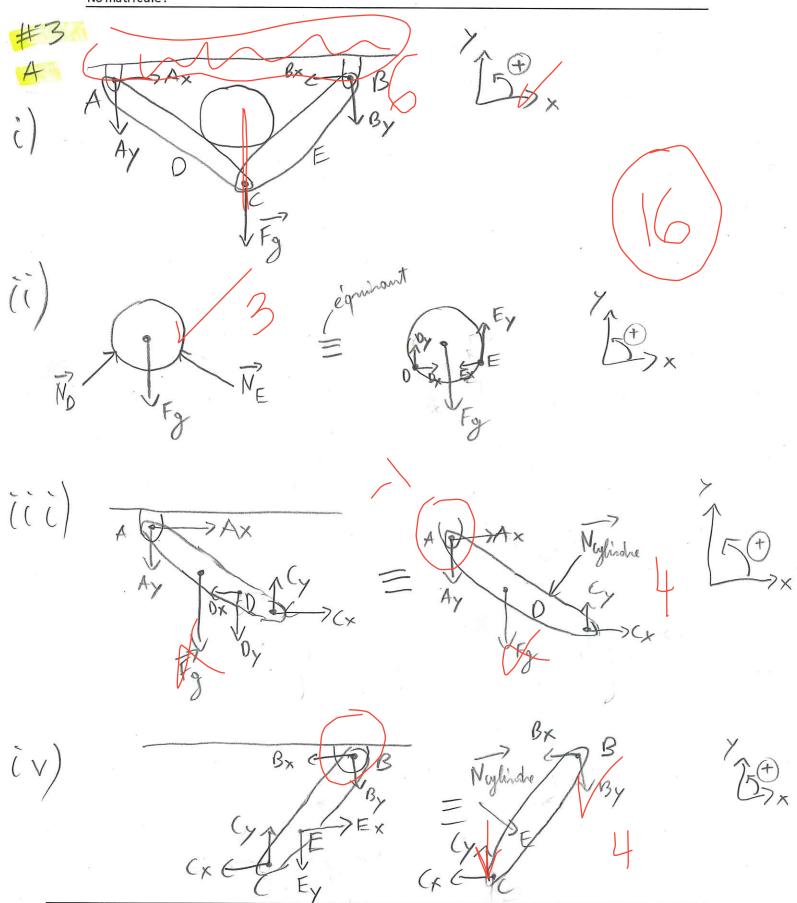
Contrôle périodique 1 – Automne 2021

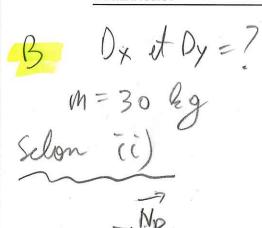
Question 3 (50 points)

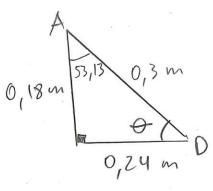
Un cylindre de masse $m=30~{\rm kg}$ repose sur une structure composée de deux membrures accrochées au plafond tel que représenté sur la figure ci-dessous. Les dimensions des membrures et du disque sont représentées sur la figure.

- A. [20 pts] Faire le DCL:
 - i. Des deux membrures avec le disque ;
 - ii. Du disque ;
 - iii. De la membrure AC;
 - iv. De la membrure BC.
- B. [15 pts] Déterminer les modules des réactions de la structure sur le disque en D et en E.
- C. [15 pts] Déterminer le module de la réaction du pivot C.









$$\frac{0.3}{\sin 90} = \frac{0.18}{\sin 9}$$

$$\frac{0.3}{5in 90} = \frac{0.18}{5in 9}$$

$$2ME = 0 = M_0 + M_{eq}$$
 $= 0.05 \frac{1}{313}$
 $= 0.0$



$$\frac{x}{\sin 36,87} = \frac{0.05}{\sin 90}$$
 $x = 1.72 \text{ m}$

$$\vec{R_0} = (\vec{o_1} + \vec{o_2} - 4, 01 \text{ Moy } \vec{k}) N \cdot m + N \vec{f_g} = (\vec{o_1} + \vec{o_2} + 673, 947 \vec{k}) N \cdot m$$

$$0 = -4, 01 \text{ Noy} + 673, 947$$

$$N \vec{o_2} = 168, 07 \text{ Noy}$$

$$2M_{D} = 0 = M_{Fg} + M_{E}$$

$$(1,77i + 0.05j + 0.2)$$

$$(1,77i + 0.05j + 0.2)$$

$$(1,77i + 0.05j + 0.2)$$

C) On utilize (ii)

Page manquarte a'jortée

P

$$\Rightarrow 2f_{x} = 0 = 0_{x} - C_{x}$$

$$C_{x} = 0_{x}$$



Question 4 (50 points)

Un bloc homogène en béton (ρ_b = 1,44 g/cm³) ayant la forme d'un prisme triangulaire, tel qu'illustré dans le schéma ci-dessous, permet de retenir un certain volume d'eau (ρ_e = 1 g/cm³) le long de sa profondeur.

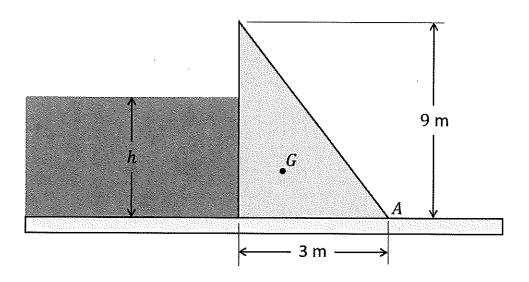
Le bloc a une hauteur de 9 m, une base de 3 m et une profondeur de 15 m. La distance entre le centre de masse G du bloc et chacun de ses côtés horizontal et vertical est égale au tiers de la longueur de ces mêmes côtés. Le bloc repose sur le sol horizontal sans y être fixé. Les coefficients de frottement entre le sol et le bloc sont $\mu_s = 0.9$ et $\mu_k = 0.5$.

On s'intéresse ici au mouvement du bloc lorsqu'on augmente progressivement le niveau d'eau. On souhaite déterminer ce qui survient en premier :

• Le bloc bascule autour du point A;

OU

- Le bloc se met à glisser sur le sol.
- A. [10 pts] Faites le DCL du bloc de béton en supposant qu'il est sur le point de basculer autour de A.
- B. [20 pts] Quelle est la hauteur maximale d'eau que le bloc peut supporter sans basculer autour de A ?
- C. [15 pts] Quelle est la hauteur maximale d'eau que le bloc peut supporter sans glisser sur le sol ?
- D. [5 pts] Est-ce que le bloc bascule ou glisse en premier ?



= 1.9,81.h.(A 2FX=0=FH-FF FU = FE = 0,9 - mg = 0,9 - Pb - V - g 7 =0,9.1,44.(9-3.15).9,81 F4 = 5149,07 N.

PHS1101 - Mécanique pour ingénieurs Aide-mémoire

Moment d'une force :	$\vec{M}_O = \vec{r} \times \vec{F}$		$\vec{v} = \vec{v}_0 + \vec{a}t$	
Moment d'une force par rapport à un axe:	$\vec{M}_{OO'} = (\vec{M}_O \cdot \hat{u}_{OO'}) \hat{u}_{OO'}$	Mouvement uniformément accéléré :	$\vec{r} = \vec{r_0} + \vec{v_0}t + \frac{1}{2}\vec{a}t^2$	
Moment d'un couple :	M = Fd	decelere.	$v^2 = v_0^2 + 2\vec{a} \cdot (\vec{r} - \vec{r_0})$	
Système force-couple	$\vec{R} = \sum \vec{F}_i$	Accélération non	$\int_0^t dt = \int_{v_0}^v \frac{dv}{a(v)}$	
équivalent :	$\vec{M}_O^R = \sum \vec{M}_i + \sum \vec{r}_{Oi} \times \vec{F}_i$	uniforme :	$\int_{v_0}^v v dv = \int_{x_0}^x a(x) dx$	
Équilibre statique:	$\sum \vec{F} = \vec{0}, \qquad \sum \vec{M}_O = \vec{0}$		$\vec{r} = r\hat{u}_r$	
Loi de Hooke :	$\vec{F} = -k(\vec{L} - \vec{L}_0)$	Coordonnées polaires :	$\vec{v} = \dot{r}\hat{u}_r + r\dot{\theta}\hat{u}_t$	
Frottement sec :	$f_{s,\max} = \mu_s N,$ $f_k = \mu_k N$,	$\vec{a} = (\ddot{r} - r\dot{\theta}^2)\hat{u}_r + (r\ddot{\theta} + 2\dot{r}\dot{\theta})\hat{u}_t$	
Pression :	$p = F_n/A$, $\widetilde{p} = p - p_0$		$ec{v} = v \hat{u}_t$	
Principe de Pascal:	$p_2 = p_1 + \rho g h$	Coordonnées normale et tangentielle :	$\vec{a} = (v^2/\rho)\hat{u}_n + (dv/dt)\hat{u}_t$	
Poussée d'Archimède :	$P_A = \rho g V$		$\rho(x) = \frac{[1 + (dy/dx)^2]^{3/2}}{ d^2y/dx^2 }$	
Force hydrostatique sur une paroi :	$F_{H} = \frac{\rho g h A}{2}$	Deuxième loi de Newton :	$\sum ec{F} = m ec{a}_{\mathit{CM}}$	
Variables du mouvement :	$\vec{v} = \frac{d\vec{r}}{dt}, \qquad \vec{a} = \frac{d\vec{v}}{dt}$	Mouvement contraint:	$\sum \Delta \ell_i = 0$	
	$\vec{r} = \vec{r}_0 + \int_0^t \vec{v} dt$	Travail d'une force :	$U = \int \vec{F} \cdot d\vec{r}$	
	$\vec{v} = \vec{v}_0 + \int_0^t \vec{a} dt$	Énergie cinétique (particule) :	$T = \frac{1}{2}mv^2$	
	$\omega = \frac{d\theta}{dt}, \qquad \alpha = \frac{d\omega}{dt}$	Énergie	$V_g = mgh$	
Variables du mouvement (angulaires) :	$\theta = \theta_0 + \int_0^t \omega dt$	potentielle :	$V_{res} = \frac{1}{2}k(L - L_0)^2$	
	$\omega = \omega_0 + \int_0^t \alpha dt$	Énergie mécanique :	E = T + V	
	$ec{r}_{\scriptscriptstyle B/A} = ec{r}_{\scriptscriptstyle B} - ec{r}_{\scriptscriptstyle A}$	Principe travail- énergie :	$\sum U = \Delta T, \qquad \sum U_{nc} = \Delta E$	
Mouvement relatif:	$\vec{v}_{B/A} = \vec{v}_B - \vec{v}_A$	Puissance :	$\bar{P} = U/\Delta t$, $P = dU/dt = \vec{F} \cdot \vec{v}$	
	$\vec{a}_{B/A} = \vec{a}_B - \vec{a}_A$	Rendement	$\eta = P_{ m sortie}/P_{ m entr\'ee}$	

PHS1101 – Mécanique pour ingénieurs Aide-mémoire

Quantité de mouvement (QM) :	$ec{L} = m ec{v} \ ec{L} = M ec{v}_{\mathit{CM}}$	Vitesse de rotation :	$\vec{v} =$	$\vec{\omega} \times \vec{r}$
Principe impulsion-	$\sum ec{F} = rac{dec{L}}{dt}$	Décomposition translation-rotation:	$ec{v}_{\scriptscriptstyle B} = ec{v}_{\scriptscriptstyle A}$ -	$+ ec{\omega} imes ec{r}_{\scriptscriptstyle B/A}$
QM:	$\Delta \vec{L} = \int \sum \vec{F} dt$	Centre instantané de rotation :	$\omega = \frac{v_A}{r_{A/C}}$	$r_R = \frac{v_B}{r_{B/CIR}}$
Force moyenne :	$ec{F}_{ m moy} \Delta t = \int ec{F} dt$		Δr =	= <i>R</i> Δ <i>θ</i>
Centre de masse :	$ec{r}_{\!\scriptscriptstyle CM} = rac{\sum m_i ec{r}_i}{\sum m_i}$	Roulement sans glissement :	17 =	: ωR
	$ec{v}_{\mathit{CM}} = rac{\sum m_i ec{v}_i}{\sum m_i}$		$a = \alpha R$	
	$ec{a}_{\mathit{CM}} = rac{\sum m_i ec{a}_i}{\sum m_i}$	Deuxième loi de	$\sum \vec{M}_O = \vec{r}_{CM/O}$	$\times M\vec{a}_{CM} + \mathbf{I}_{CM}\vec{a}$
Moment d'inertie d'une particule :	$I_0 = mR^2$	Newton en rotation :	$\sum \vec{M}_{c}$	$_{0}=\mathrm{I}_{0}\vec{\alpha}$
Rayon de giration :	$\kappa_O = \sqrt{I_O/m}$	Énergie cinétique	$T = \frac{1}{2}Mv_C^2$	$M + \frac{1}{2}I_{CM}\omega^2$
Théorème des axes parallèles :	$I_{O'} = I_{O,CM} + md_{OO'}^2$	d'un corps rigide :	$T = \frac{1}{2}I_O\omega^2$	
	$\vec{H}_O = \vec{r} \times m\vec{v}$	Travail d'un couple :	$U = \int \vec{M} \cdot d\vec{\theta}$	
Moment cinétique :	$\vec{H}_O = I_O \vec{\omega}$	Decembed to be union.	\vec{M}_{res} =	$=-\kappa\Deltaec{ heta}$
	$\vec{H}_O = \vec{r}_{CM} \times M\vec{v}_{CM} + \mathbf{I}_{CM}\vec{\omega}$	Ressort de torsion :	$V_{res} = \frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}\kappa(\Delta\theta)^2$
Principe impulsion-	$\sum \vec{M}_O = \frac{d\vec{H}_O}{dt}$	Puissance d'un couple :	$P = \overrightarrow{M} \cdot \overrightarrow{\omega}$	
MC:	$\Delta \vec{H}_O = \int \sum \vec{M}_O \ dt$	Géométrie $\frac{\sin \alpha}{a} = \frac{\sin \beta}{b} = \frac{\sin \gamma}{c}$		
Système à masse variable :	$\sum \vec{F} + \frac{dm}{dt} (\vec{v}_p - \vec{v}) = m\vec{a}$	$c^2 = a$	$\frac{1}{b} = \frac{1}{c}$ $a^2 + b^2 - 2ab\cos\gamma$	
Débit dans une	dV/dt = Sv,		Aire	Volume
conduite :	$ dm/dt = \rho Sv$	Cylindre	$2\pi rL$	2

Masse en fonction

Force exercée par un courant de

 $\vec{F}_e = |dm/dt|\vec{v}_e$

 $\vec{F}_{\!s} = -|dm/dt|\vec{v}_{\!s}$

du temps:

particules:

	Aire	Volume
Cylindre $(rayon r, longueur L)$	2πrL (sans la base)	$\pi r^2 L$
Sphère (rayon <i>r</i>)	4πr²	$\frac{4\pi r^3}{3}$
Cône ci rculaire $(rayonr,hauteurh)$	$\pi r \sqrt{r^2 + h^2}$ (sans la base)	$\frac{\pi r^2 h}{3}$