Modellierung und Optimierung mit OPL 2 Einführung in OPL

Andreas Popp



Dieser Foliensatz ist lizenziert unter einer Creative Commons Namensnennung - Weitergabe unter gleichen Bedingungen 4.0 International Lizenz 2 Einführung in OPL

- 2.1 Aufbau eines OPL-Projekts
- 2.2 Grundlegende Datentypen und Operatoren _{Datentypen}
- 2.3 Mathematische Modelle in OPL-Svntax
- 2.4 Die CPLEX Studio IDE
- 2.5 Fehler und Warnungen in OPL

Inhalt

2.1 Aufbau eines OPL-Projekts

2.2 Grundlegende Datentypen und Operatoren

Datentypen

Operatoren

- 2.3 Mathematische Modelle in OPL-Syntax
- 2.4 Die CPLEX Studio IDE
- 2.5 Fehler und Warnungen in OPL

2 Einführung in OPL

CC-BY-SA A. Popp

- 2.1 Aufbau eines OPL-Projekts
- 2 Grundlegende atentypen und peratoren

parentypen Operatoren

- 2.3 Mathematische Modelle in OPL-Syntax
- 2.4 Die CPLEX Studio IDE
- 2.5 Fehler und Warnungen in OPL

Über CPLEX

- seit 1988 vertriebener Solver (Software in die Lösungsverfahren implementiert sind) für lineare Optimierungsmodelle
- zuerst von CPLEX Optimization Inc., dann ILOG, dann IBM verkauft
- starke Verbreitung in Wissenschaft und Industrie
- ► Schnittstellen für bekannte Programmiersprachen wie C++, Java oder C#
- eigene Modellierungssprache: OPL (Optimization Programming Language)
- ▶ im Rahmen der IBM Academic Iniative konstenfrei für akademische Anwendungen

2 Einführung in OPL

- 2.1 Aufbau eines OPL-Projekts
 - ..2 Grundlegende Datentypen und Operatoren Datentypen
- 2.3 Mathematische Modelle in OPL-Syntax
- 2.4 Die CPLEX Studio IDE
- 2.5 Fehler und Warnungen in OPL

2.1 Aufbau eines OPL-Projekts

2 Einführung in OPL

CC-BY-SA A. Popp

2.1 Aufbau eines OPL-Projekts

2.2 Grundlegende Datentypen und Operatoren Datentypen

2.3 Mathematische Modelle in OPL-Syntax

2.4 Die CPLEX Studio IDE

Arten von OPL-Dateien

Modelldateien Beschreibung des allgemeinen Optimierungsmodells (Endung: .mod)

Datendateien Daten zur Instanziierung eines OPL-Modells (Endung: .dat)

Einstellungsdateien Einstellungen für den Solver (Endung: .ops)

2 Einführung in OPL

- 2.1 Aufbau eines OPL-Projekts
- 2.2 Grundlegende Datentypen und Operatoren Datentypen
- 2.3 Mathematische Modelle in
 - OPL-Syntax

 2.4 Die CPLEX
 - 2.5 Fehler und Warnungen in OPL

Arten von OPL-Dateien

Modelldateien Beschreibung des allgemeinen Optimierungsmodells (Endung: .mod)

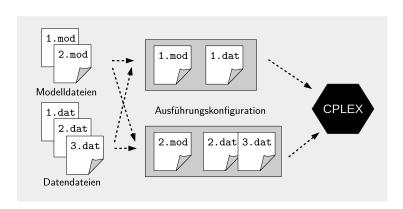
Datendateien Daten zur Instanziierung eines OPL-Modells (Endung: .dat)

Einstellungsdateien Einstellungen für den Solver (Endung: .ops)

2 Einführung in OPL

- 2.1 Aufbau eines OPL-Projekts
- 2.2 Grundlegende
 Datentypen und
 Operatoren
- 2.3 Mathematische Modelle in
- OPL-Syntax
 2.4 Die CPLEX
- 2.5 Fehler und
- 2.5 Fehler und Warnungen in OPL

Aufbau eines OPL-Projekts



- 2 Einführung in OPL
 - CC-BY-SA A. Popp
- 2.1 Aufbau eines OPL-Projekts
 - .2 Grundlegende Datentypen und Operatoren Datentypen
 - 2.3 Mathematische Modelle in OPL-Syntax
 - Studio IDE
- 2.5 Fehler und Warnungen in OPL

2.2 Grundlegende Datentypen und Operatoren

2 Einführung in OPL

CC-BY-SA A. Popp

2.1 Aufbau eines OPL-Projekts

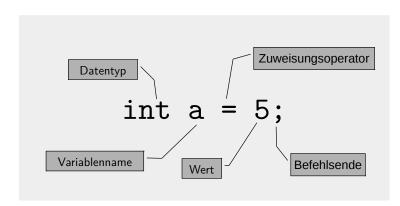
2.2 Grundlegende Datentypen und Operatoren

Operatore

2.3 Mathematische Modelle in OPL-Syntax

2.4 Die CPLEX Studio IDE

Aufbau einer einfachen Zuweisungsanweisung



2 Einführung in OPL

CC-BY-SA A. Popp

2.1 Aufbau eines OPL-Projekts

2.2 Grundlegende Datentypen und Operatoren

Operatoren

- 2.3 Mathematische Modelle in OPL-Svntax
- 2.4 Die CPLEX
- 2.5 Fehler und Warnungen in OPL

- 2.1 Aufbau eines OPL-Projekts
 - 2.2 Grundlegende Datentypen und Operatoren

Datentypen

Operatoren

- Modelle in OPL-Syntax
- Studio IDE
- 2.5 Fehler und Warnungen in OPL

```
int (kurz für: "Integer"); ein ganzzahliger Wert mit beliebigem Vorzeichen. Beispielliterale: 0, 1, -2, -786
```

- float Gleitkommazahl mit beliebigem Vorzeichen. Beispielliterale: 0.0, 1.0, 3.14, -7.86
- boolean eigentlich ein logischer Wahrheitswert; bei Entscheidungsvariablen eine 0-1-Variable.

```
{string} Standorte =
   {"Ansbach", "Berlin", "Cottbus"};
```

Array ein über ein Set indiziertes Tupel von (u.a.) primitiven Datentypen, Sets oder anderen Arrays, z.B.

```
float Fixkosten[Standorte] =
  [27.4, 58.3, 30.0];
Zugriff mittels Index, z.B.:
Fixkosten["Cottbus"] → 30.0
```

2 Einführung in OPL

CC-BY-SA A. Popp

- 2.1 Aufbau eines OPL-Projekts
 - ..2 Grundlegende Datentypen und Operatoren

Datentypen

- 2.3 Mathematische Modelle in
- OPL-Syntax
- Studio IDE
- 2.5 Fehler und Warnungen in OPL

- 2.1 Aufbau eines OPL-Projekts
 - 2.2 Grundlegende Datentypen und Operatoren

Datentypen

Operatoren

- 2.3 Mathematische Modelle in
 - 2.4 Die CPLEX
- 2.5 Fehler und Warnungen in OPL

 Arrays können ineinander geschachtelt werden um mehrfache Indizes abzubilden, z.B.

```
float Entf[Standorte][Standorte] = [[0.0, 5.05, 4.89], [5.05, 0.0, 1.22], [4.89, 1.22, 0.0]];
```

 Zuordnungsregel: von links nach rechts, von außen nach innen

Einfache Operatoren

- Zuweisungsoperator =
- ► Arithmetische Operatoren
 - + Addition
 - Subtraktion
 - * Multiplikation
 - / Division (selten in linearen Modellen)
- ► Vergleichsoperatoren (für lineare Modelle)
 - == Addition
 - <= Addition
 - >= Addition

2 Einführung in OPL

CC-BY-SA A. Popp

- 2.1 Aufbau eines OPL-Projekts
- ..2 Grundlegende Datentypen und Operatoren

Operatoren

- 2.3 Mathematisc Modelle in OPL-Syntax
- Studio IDE
- 2.5 Fehler und Warnungen in OPL

Indizierte Operatoren

Summenoperator

$$\sum_{i \in I} \ldots \to \operatorname{sum}(\mathbf{i} \text{ in } \mathbf{I})(\ldots)$$

Allquantor

$$\forall i \in I \rightarrow \text{forall}(i \text{ in } I)$$

2 Einführung in OPL

CC-BY-SA A. Popp

- 2.1 Aufbau eines OPL-Projekts
- 2.2 Grundlegende Datentypen und Operatoren

_

Operatoren

- 2.3 Mathematische Modelle in OPL-Syntax
 - 2.4 Die CPLEX Studio IDE
- 2.5 Fehler und Warnungen in OPL

2.3 Mathematische Modelle in OPL-Syntax

2 Einführung in OPL

CC-BY-SA A. Popp

2.1 Aufbau eines OPL-Projekts

2.2 Grundlegende Datentypen und Operatoren

Operatoren

2.3 Mathematische Modelle in OPL-Syntax

2.4 Die CPLEX

Beispiel: Produktionsproblem - Indexmengen

Mathematisches Modell

Indexmengen:

Menge der Produkte

R Menge der Ressourcen

Modelldatei

```
//Indexmengen
{string} I = ...; //Produkte
{string} R = ...; //Ressourcen
```

Datendatei

```
//Indexmengen
I = {"Produkt 1", "Produkt 2", "Produkt 3"};
R = {"Maschine A", "Maschine B"};
```

2 Einführung in OPL

- 2.1 Aufbau eines OPL-Projekts
 - .2 Grundlegende Datentypen und Operatoren Datentypen
- 2.3 Mathematische Modelle in OPL-Syntax
- 2.4 Die CPLEX
- 2.5 Fehler und Warnungen in OPL

Beispiel: Produktionsproblem – Parameter

Mathematisches Modell

Parameter:

- p_i Preis von Produkt $i \in I$
- c_r Kapazität von Ressource $r \in R$
- v_{ri} Kapazitätsverbrauch von Produkt $i \in I$ auf Ressource $r \in R$

Modelldatei

```
//Parameter
float p[I] = ...; //Preis
float c[R] = ...; //Kapazität
float v[R][I] = ...; //Kapazitätsverbrauch
```

2 Einführung in OPL

- 2.1 Aufbau eines OPL-Projekts
- ...2 Grundlegend Datentypen und Dperatoren Datentypen
- 2.3 Mathematische Modelle in OPL-Syntax
 - 2.4 Die CPLEX Studio IDE
- 2.5 Fehler und Warnungen in OPL

Beispiel: Produktionsproblem – Parameter

Mathematisches Modell

Parameter:

- p_i Preis von Produkt $i \in I$
- c_r Kapazität von Ressource $r \in R$
- v_{ri} Kapazitätsverbrauch von Produkt $i \in I$ auf Ressource $r \in R$

Datendatei

```
//Parameter
p = [2.9, 3.3, 2.2];
c = [64.0, 48.0];
v = [
  [5.3, 2.9, 2.5],
  [3.9, 4.8, 3.1]
];
```

2 Einführung in OPL

- 2.1 Aufbau eines OPL-Projekts
- 2.2 Grundlegende Datentypen und Operatoren _{Datentypen}
- 2.3 Mathematische Modelle in OPL-Syntax
- 2.4 Die CPLEX Studio IDE
- 2.5 Fehler und Warnungen in OPL

Beispiel: Produktionsproblem – Entscheidungsvariablen

Mathematisches Modell

Entscheidungsvariablen:

 x_i Produktionsmenge von Produkt $i \in I$

[...]

 $x_i > 0 \quad \forall i \in I$

Modelldatei

```
//Entscheidungsvariablen
dvar float+ x[I]; //Produktionsmenge
```

2 Einführung in OPL

CC-BY-SA A. Popp

- 2.1 Aufbau eines OPL-Projekts
 - .2 Grundlegend Patentypen und Operatoren

Datentypen

2.3 Mathematische Modelle in OPL-Syntax

2.4 Die CPLEX Studio IDE

Beispiel: Produktionsproblem - Zielfunktion

Mathematisches Modell

$$\max \quad \sum_{i \in I} p_i \cdot x_i$$

Modelldatei

```
//Zielfunktion
maximize sum(i in I)(p[i]*x[i]);
```

2 Einführung in OPL

- 2.1 Aufbau eines OPL-Projekts
- 2.2 Grundlegende Datentypen und Operatoren
 - Datentypen Doeratoren
- 2.3 Mathematische Modelle in OPL-Syntax
 - 2.4 Die CPLEX
 - 5 Fehler und
- 2.5 Fehler und Warnungen in OPL

Beispiel: Produktionsproblem – Nebenbedingungen

Mathematisches Modell

s.t.
$$\sum_{i \in I} v_{ri} \cdot x_i \le c_i \quad \forall r \in R$$

Modelldatei

```
//Nebenbedingungen
subject to{

//Kapazitätsrestriktion
forall(r in R)
    sum(i in I)(v[r,i]*x[i]) <= c[r];
}</pre>
```

2 Einführung in OPL

- 2.1 Aufbau eines OPL-Projekts
 - 2 Grundlegende atentypen und peratoren _{atentypen}
- 2.3 Mathematische Modelle in
- OPL-Syntax

 2.4 Die CPLEX
 Studio IDE
- 2.5 Fehler und Warnungen in OPL

Beispiel: Produktionsproblem.mod

```
1 // Indexmengen
2 {string} I = ...; //Produkte
3 {string} R = ...; //Ressourcen
4
5 //Parameter
6 float p[I] = ...; //Preis
7 float c[R] = ...; //Kapazität
8 float v[R][I] = ...; //Kapazitätsverbrauch
9
10 //Entscheidungsvariablen
  dvar float+ x[I]; //Produktionsmenge
12
  //Zielfunktion
14 maximize sum(i in I)(p[i] * x[i]);
15
16 // Nebenbedingungen
  subject to{
18
    //Kapazitätsrestriktion
19
    forall(r in R)
20
       sum(i in I)(v[r][i]*x[i]) <= c[r];</pre>
21
22
23 }
```

2 Einführung in OPL

- 2.1 Aufbau eines OPL-Projekts
 - .2 Grundlegende latentypen und lperatoren Datentypen
- 2.3 Mathematische Modelle in OPL-Syntax
- 2.4 Die CPLEX Studio IDE
- 2.5 Fehler und Warnungen in OPL

Beispiel: LewigSanstetten.dat

```
1 // Indexmengen
2 I = {"Produkt_1", "Produkt_2", "Produkt_3"};
3 R = {"Maschine_A", "Maschine_B"};
4
  //Parameter
  p = [2.9, 3.3, 2.2];
7 c = [64.0, 48.0];
  v = [
    [5.3, 2.9, 2.5],
    [3.9, 4.8, 3.1]
10
11 ];
```

2 Einführung in OPL

- 2.3 Mathematische Modelle in **OPL-Syntax**

Lösung der Modellinstanz

> oplrun -v Produktionsproblem.mod LewigSanstetten.dat

. . .

OBJECTIVE: 35.61677

 \leftarrow Optimalwert

. .

 $x = [11.737 \ 0 \ 0.71856];$

← Optimallösung

2 Einführung in OPL

CC-BY-SA A. Popp

2.1 Aufbau eines OPL-Proiekts

2 Grundlegende atentypen und peratoren atentypen

2.3 Mathematische Modelle in OPL-Syntax

2.4 Die CPLEX

2 Einführung in OPL

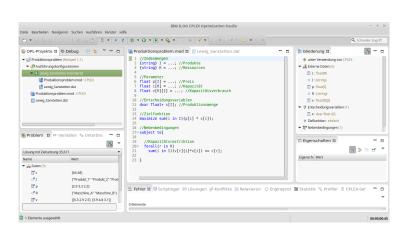
CC-BY-SA A. Popp

2.1 Aufbau eines OPL-Projekts

2.2 Grundlegende Datentypen und Operatoren Datentypen

2.3 Mathematische

2.4 Die CPLEX Studio IDE



2 Einführung in OPL

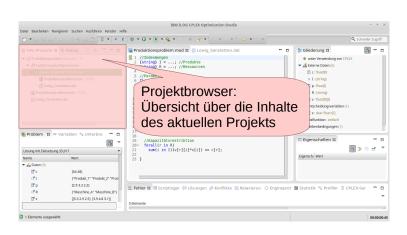
CC-BY-SA A. Popp

.1 Aufbau eines PL-Projekts

ratentypen und
peratoren
Datentypen
Depratoren

2.3 Mathematische Modelle in OPL-Syntax

2.4 Die CPLEX Studio IDE

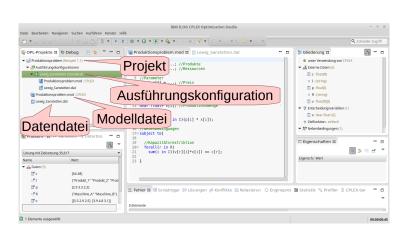


2 Einführung in OPL

CC-BY-SA A. Popp

- 2.1 Aufbau eines OPL-Projekts
- .2 Grundlegende Datentypen und Operatoren Datentypen Operatoren
- 2.3 Mathematische Modelle in OPL-Syntax

2.4 Die CPLEX Studio IDE



2 Einführung in OPL

- 2.1 Aufbau eines OPL-Projekts
- peratoren

 Detentypen

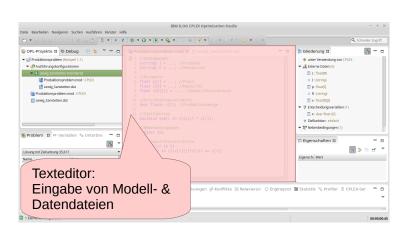
 Detentypen

 Detentypen

 3 Mathematische
- OPL-Syntax

 2.4 Die CPLEX
- Studio IDE

 2.5 Fehler und



2 Einführung in OPL

- 2.1 Aufbau eines OPL-Projekts
- .2 Grundlegende datentypen und Operatoren
- 2.3 Mathematische Modelle in OPL-Syntax
- 2.4 Die CPLEX Studio IDE
- 2.5 Fehler und Warnungen in OPL

2.5 Fehler und Warnungen in OPL

2 Einführung in OPL

CC-BY-SA A. Popp

2.1 Aufbau eines OPL-Projekts

2.2 Grundlegende Datentypen und Operatoren Datentypen

2.3 Mathematische Modelle in OPL-Syntax

> 2.4 Die CPLEX Studio IDE

Arten von Fehlern

Einteilung nach Schwere

Fehler Verhindert das erfolgreiche Abschließen eines Lösungslaufs

Warnung Behindert den Lösungslauf nicht, es kann aber zu unerwünschten Ergebnissen kommen. Manchmal Hinweis auf Fehler im Code.

Einteilung nach Zeitpunkt des Auftretens

Compilerfehler Treten bei Übersetzung des Problems für den Solver auf. Werden von der IDE erkannt.

Laufzeitfehler Treten erst zur Laufzeit des Solvers auf. Werden nicht von der IDE erkannt, aber nach Lösungslauf angezeigt. 2 Einführung in OPL

CC-BY-SA A. Popp

- 2.1 Aufbau eines OPL-Projekts
 - ? Grundlegende tentypen und eratoren

atentypen peratoren

2.3 Mathematische Modelle in

tudio IDE

- 2.1 Aufbau eines OPL-Projekts
 - 2.2 Grundlegende Datentypen und Operatoren Datentypen
- 2.3 Mathematische Modelle in
- 2.4 Die CPLEX
- 2.5 Fehler und Warnungen in OPL

- syntax errpor, unexpected ... (Compilerfehler)
 - Compiler versteht die Anweisung nach "unexpected" an dieser Stelle nicht
 - fehlender Strichpunkt?
- syntax errpor, unexpected = (Compilerfehler)
 - Spezialfall zu oben
 - meist Verwechslung von Zuweisungsoperator = und Vergleichsoperator ==
- ▶ Der Typ ... kann nicht für ... verwendet werden (Compilerfehler)
 - Datentypen durcheinander gebracht
- ▶ Der Index für den Array ... liegt außerhalb des gültigen Bereichs (Laufzeitfehler)
 - ein Array wurde mit einem ungültigen Index angesprochen