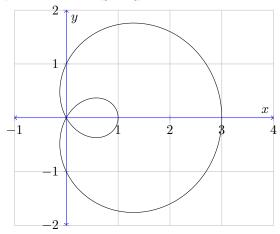
Entrega 3

Andoni Latorre Galarraga

Problema:

Sea $\alpha:[0,2\pi]\longrightarrow \mathbb{R}^2$ dada por $\alpha(t)=(2\cos t-1)(\cos t,\sin t).$

i) Representar $\alpha([0, 2\pi])$.



ii) ¿Es α simple?

No es simple por no ser inyectiva. $\alpha(\frac{\pi}{3}) = \alpha(\frac{5\pi}{3}) = (0,0)$.

iii) ¿Es α convexa?

No es convexa, evidentemente la recta tangente en $\alpha(1)$ que es x=1 corta la curva en otros dos puntos. Además veremos que solo tiene 2 vértices, por el teorema de los 4 vértices no puede ser convexa.

iv) Calcular los vértices de α .

Calculamos la <u>curvatura</u> y su <u>derivada</u>. Tenemos que

$$k_2'(t) = \frac{12 \operatorname{sen} t(\cos t - 2)}{(5 - 4 \cos t)^{5/2}}$$

Tenemos ceros, y por lo tanto vértices, en $0, \pi$ y 2π , es decir, en (3,0) y (1,0).