

Péndulo físico

Resumen

Se estudia la relación entre el periodo de oscilación de un péndulo físico y la distancia entre el eje de rotación y el centro de masas de dicho péndulo. A partir de los datos experimentales se calcula el valor de la aceleración de la gravedad g .

1. Introducción

de Huygens-Steiner, se tiene:

2. Fundamento Teórico

Si se tiene un cuerpo rígido, de masa M , suspendido en un eje de giro O a una distancia b del centro de masas del objeto, C . Cuando el objeto está desplazado de su posición de equilibrio por un ángulo θ . La aceleración tangencial del centro de masas se puede expresar de dos formas distintas, al igualar estas se tiene.

$$-Mgb \sin(\theta) = I \frac{d^2\theta}{dt^2}$$

Donde I es el momento de inercia del cuerpo respecto al eje O .

Cuando se tienen valores pequeños de θ , menores a 20° , se puede aproximar $\theta \sim \sin(\theta)$.

$$-Mgb\theta = I \frac{d^2\theta}{dt^2}$$

Que tiene por solución $\sin\left(\theta\sqrt{\frac{Mgb}{I}} + \phi\right) + C$ (ver apéndice A). Que corresponde a un movimiento armónico simple de periodo P

$$T = 2\pi\sqrt{\frac{I}{Mgb}}$$

Si se llama I_0 al momento de inercia respecto al eje paralelo a O que pasa por C , por el teorema

$$T = 2\pi\sqrt{\frac{I_0 + Mb^2}{Mgb}}$$

I_0 está relacionado con el radio de giro, k , mediante la relación $k = \sqrt{\frac{I_0}{M}}$. Por lo tanto,

$$T = 2\pi\sqrt{\frac{Mk^2 + Mb^2}{Mgb}} = 2\pi\sqrt{\frac{k^2 + b^2}{gb}}$$

Utilizaremos esta última expresión para el periodo de oscilación, en nuestro cálculo de g . Linealizamos la expresión de la siguiente manera:

$$bT^2 = 4\pi^2 \frac{k^2}{g} + 4\pi^2 \frac{b^2}{g}$$

Obtenemos una relación lineal entre bT^2 y b^2 . Estimaremos la pendiente y la ordenada en el origen de dicha relación para obtener el valor de g .

3. Dispositivo Experimental

En nuestro experimento hemos utilizado una varilla metálica como péndulo. La varilla tiene unas marcas cada centímetro, estas marcas son tales que se puede situar un pequeño trozo de metal mediante un tornillo de presión para sujetar la varilla y que esta tenga como eje

de rotación la marca en la que se situa el metal triangular. Además, la varilla central indica el centro de masas. De esta manera, contando ranuras desde el centro de la varilla podemos conocer el valor de b . En la Fig. 1 se puede ver el dispositivo experimental ya montado.

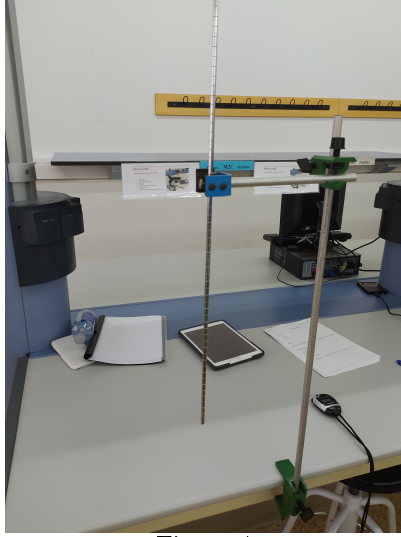


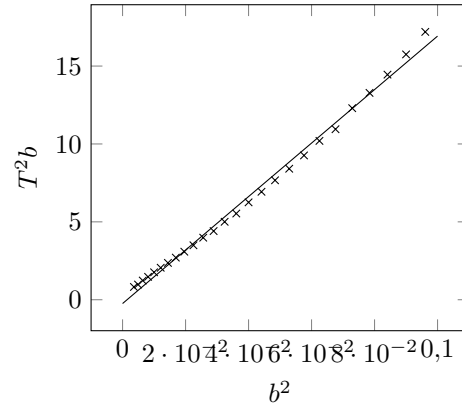
Figura 1

4. Procedimiento y Resultados

Hemos tomado mediciones para $b \in \{6\text{cm}, 7\text{cm}, \dots, 31\text{cm}, 32\text{cm}\}$. Para cada valor de b hemos tomado 5 tiempos independientes, cada uno de estos correspondiente a 10 oscilaciones. Siempre hemos tenido cuidado de que la varilla no oscile con ángulos superiores a 20° .

Los datos obtenidos son los siguientes:

$b(\text{m})$	$T_1(\text{s})$	$T_2(\text{s})$	$T_3(\text{s})$	$T_4(\text{s})$	$T_5(\text{s})$
0,06	15,07	15,13	15,19	15,13	15,00
0,07	14,31	13,28	14,31	14,28	14,38
0,08	13,91	13,91	13,97	13,82	13,78
0,09	13,53	13,44	13,25	13,37	13,78
0,10	13,25	13,37	13,40	13,16	13,19
0,11	13,06	12,97	13,03	13,12	12,97
0,12	12,84	12,81	12,88	12,84	12,72
0,13	12,56	12,50	12,72	12,69	12,78
0,14	12,53	12,63	12,59	12,50	12,47
0,15	12,44	12,41	12,53	12,44	12,50
0,16	12,44	12,43	12,50	12,54	12,47
0,17	12,34	12,47	12,31	12,35	12,28
0,18	12,37	12,50	12,37	12,47	12,43
0,19	12,16	12,40	12,56	12,60	12,19
0,20	12,46	12,53	12,62	12,53	12,37
0,21	12,59	12,50	12,41	12,62	12,56
0,22	12,56	12,62	12,57	12,59	12,59
0,23	25,03	25,22	25,31	25,18	25,35
0,24	25,34	25,37	25,41	25,44	25,25
0,25	25,50	25,47	25,59	25,57	25,60
0,26	25,78	24,38	25,78	25,72	25,59
0,27	12,97	12,94	13,03	13,00	13,00
0,28	13,00	13,06	12,91	13,03	13,07
0,29	12,94	13,12	13,19	13,13	13,16
0,30	13,29	13,22	13,35	13,09	13,19
0,31	13,50	13,54	13,21	13,41	13,22



5. Conclusiones

A. Demostración de la ecuación diferencial