## Entrega 2

## Andoni Latorre Galarraga

## Proposición:

Sean  $\tilde{\Phi_1}, \tilde{\Phi}_2 : X \longrightarrow \mathbb{R}$  dos elevaciones de una aplicación continua  $\Phi : X \longrightarrow \mathbb{S}^1$ , donde X es un espacio topológico conexo, entonces  $\exists k \in \mathbb{Z} : \tilde{\Phi}_2 - \tilde{\Phi}_1 = 2k\pi$ .

## Dem:

Por ser  $\tilde{\Phi}_1$ ,  $\tilde{\Phi}_2$  elevaciones de  $\Phi$ , tenemos que  $\Phi = exp \circ \tilde{\Phi}_1 = exp \circ \tilde{\Phi}_2$ . Por la periodicidad de exp, tenemos que  $\tilde{\Phi}_1 - \tilde{\Phi}_2 = 2\pi k(x)$  donde  $k: X \to \mathbb{Z}$ . Como X es conexo,  $(\frac{\tilde{\Phi}_1 - \tilde{\Phi}_2}{2\pi})(X) = k(X)$  es conexo ya que  $\frac{\tilde{\Phi}_1 - \tilde{\Phi}_2}{2\pi} = k$  es continua. Pero los únicos conexos en  $\mathbb{Z}$  son los puntos por lo tanto, k es contante.