

# Cifrado Payfair

Andoni Latorre Galarraga y Mariana Zaballa Bernabé

## Cifrado

Utilizamos un bucle [While Wend](#) para recorrer el mensaje. La variable  $k$  es la posición del mensaje que vamos a leer. Dependiendo de si tenemos que introducir un caracter sin sentido ( $\odot$ ) avanzamos  $k$  por 1 o por 2.

$$\begin{array}{cc} a_1 & a_2 \\ \text{letra} & \text{letra} & k \leftarrow k + 2 \\ \text{letra} & \odot & k \leftarrow k + 1 \end{array}$$

En la última posición nos aseguramos de aumentar el valor de  $k$  para que no se cumpla la condición  $k \leq l$ . Cuando ambas letras están en la misma fila/columna queremos sumar 1 módulo 5. Pero en vez de tener el resultado en  $\{0, 1, 2, 3, 4\}$  lo queremos en  $\{1, 2, 3, 4, 5\}$ . Hemos logrado esto de la siguiente manera

$$(x \bmod 5) + 1$$

Para cuando no comparten ni fila ni columna hemos hecho una observación,

$$\begin{array}{c|cc} & j_1 & j_2 \\ \hline i_1 & a_1 & \\ i_2 & & a_2 \end{array}, \quad \begin{array}{c|cc} & j_2 & j_1 \\ \hline i_2 & a_2 & \\ i_1 & & a_1 \end{array} \Rightarrow \text{sig}(j_1 - j_2) = \text{sig}(i_1 - i_2) \Rightarrow (j_1 - j_2)(i_1 - i_2) > 0$$

$$\begin{array}{c|cc} & j_1 & j_2 \\ \hline i_1 & & a_1 \\ i_2 & a_2 & \end{array}, \quad \begin{array}{c|cc} & j_1 & j_2 \\ \hline i_2 & & a_2 \\ i_1 & a_1 & \end{array} \Rightarrow \text{sig}(j_1 - j_2) \neq \text{sig}(i_1 - i_2) \Rightarrow (j_1 - j_2)(i_1 - i_2) < 0$$

Por eso utilizamos  $(j_1 - j_2)(i_1 - i_2) > 0$  como condición en el [If](#). Calculamos  $b_1, b_2$  como corresponde en cada caso

$$\begin{array}{c|cc} & j_1 & j_2 \\ \hline i_1 & a_1 & b_1 \\ i_2 & b_2 & a_2 \end{array}, \quad \begin{array}{c|cc} & j_2 & j_1 \\ \hline i_2 & a_2 & b_2 \\ i_1 & b_1 & a_1 \end{array} \Rightarrow b_1 \text{ en } (i_1, j_2) \quad b_2 \text{ en } (i_2, j_1)$$

$$\begin{array}{c|cc} & j_1 & j_2 \\ \hline i_1 & b_2 & a_1 \\ i_2 & a_2 & b_1 \end{array}, \quad \begin{array}{c|cc} & j_1 & j_2 \\ \hline b_1 & i_2 & b_1 \\ i_1 & a_1 & b_2 \end{array} \Rightarrow b_1 \text{ en } (i_2, j_1) \quad b_2 \text{ en } (i_1, j_2)$$

## Descifrado

El código es basicamente el mismo con el cambio de restar 1 módulo 5 en vez de sumarlo y el cambio correspondiente al caso de fila y columna diferentes.

$$\begin{array}{c|c} x & ((x + 3) \bmod 5) + 1 \\ \hline 1 & 5 \\ 2 & 1 \\ 3 & 2 \\ 4 & 3 \\ 5 & 4 \end{array}$$

La idea para esta fórmula ha venido de  $-1 \equiv_5 4 = 3 + 1$ .