

# Неар / Купа

Йович Анастасія

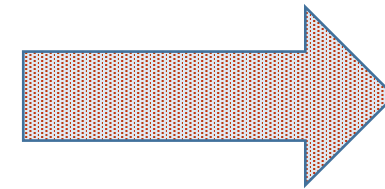
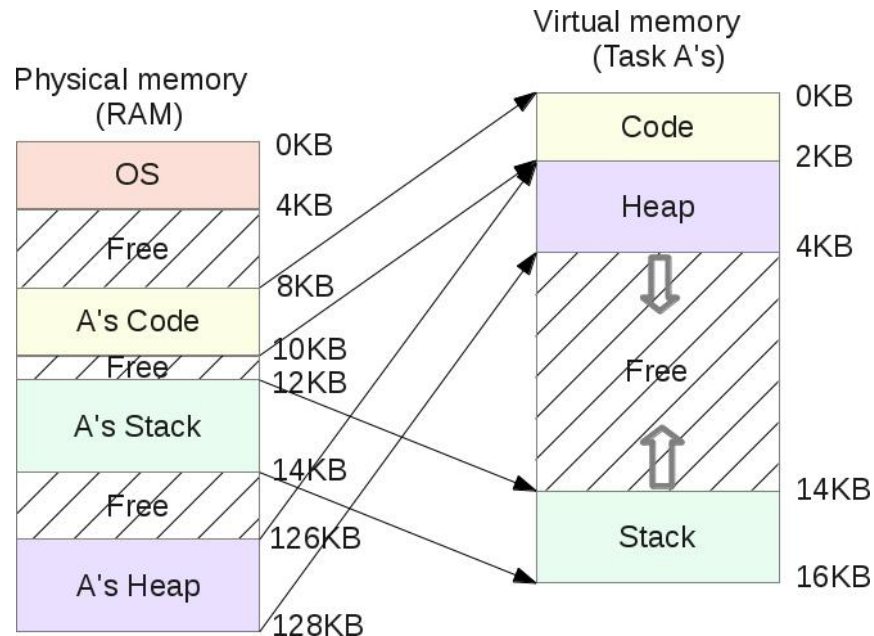
01.05.20

# Heap (пам'ять) vs heap (структура даних)

## Пам'ять

- Купа дозволяє створювати змінні, які живуть в пам'яті незалежно від функції
- Працює трохи повільніше, ніж стек
- Набагато більший об'єм пам'яті в порівнянні зі стеком
- Заповнюється від найменших адресів, до найбільших
- `int * numPtr = new int;`

## Структура даних



наступний слайд

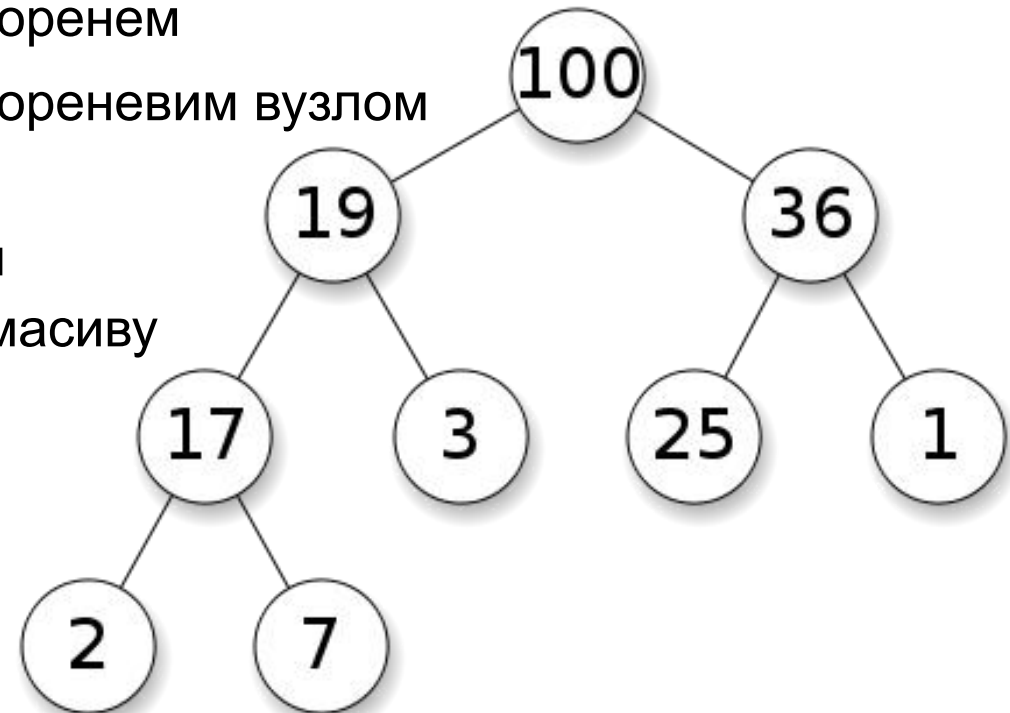
# Купа

- Структура типу дерево, яка задовільняє умові:

**якщо  $B$  є вузлом-нащадком вузла  $A$ , то  $\text{ключ}(A) \geq \text{ключ}(B)$**

- Елемент з найбільшим ключем завжди є коренем
- Елемент з найбільшим ключем завжди є кореневим вузлом
- Базові операції з купою такі:

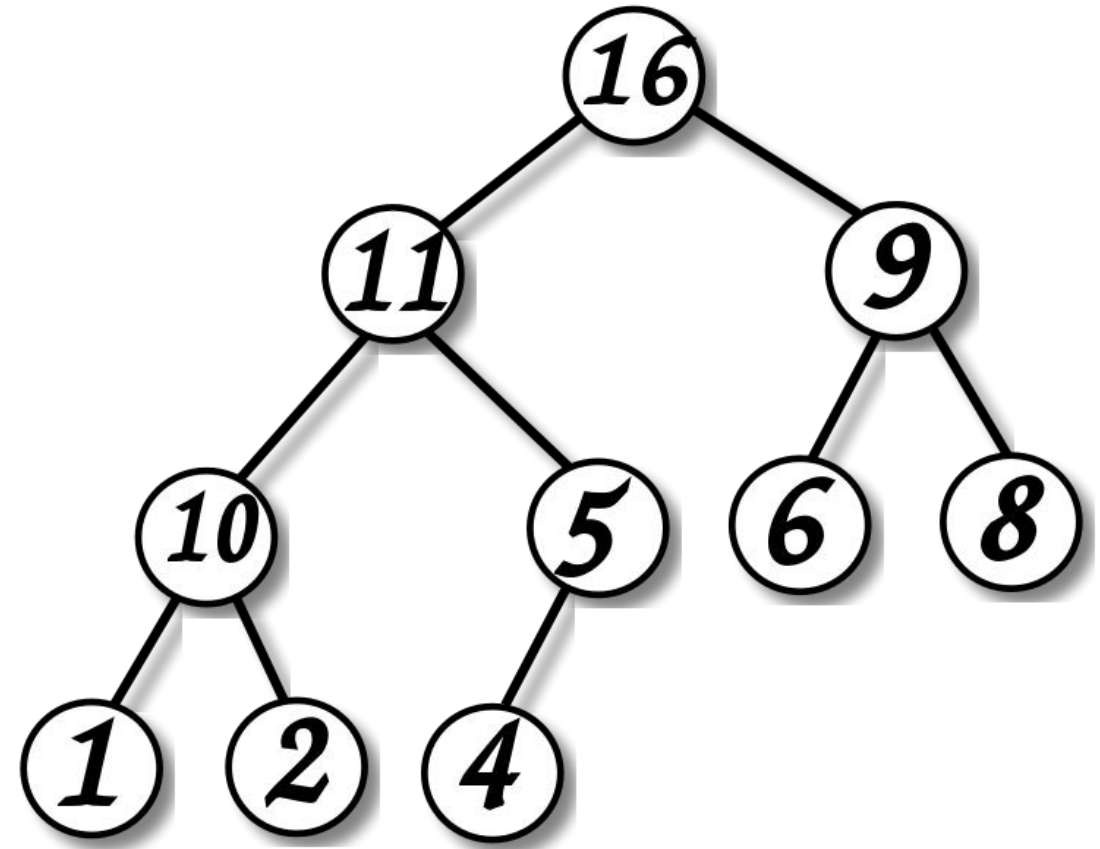
- ˘ підтримка основної властивості купи
- ˘ побудова купи з невпорядкованого масиву
- ˘ сортування купи
- ˘ видалення найменшого елемента
- ˘ отримання найбільшого елемента
- ˘ додавання елемента



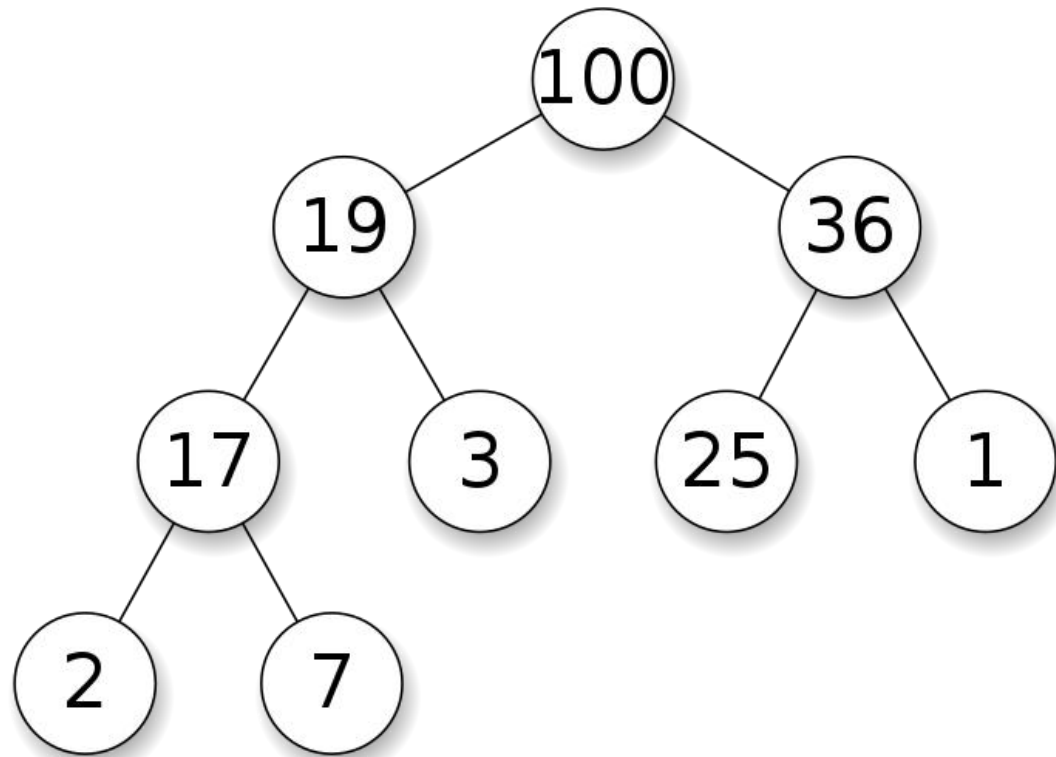
# Бінарна купа

**У кожного вузла максимум 2 нащадки**

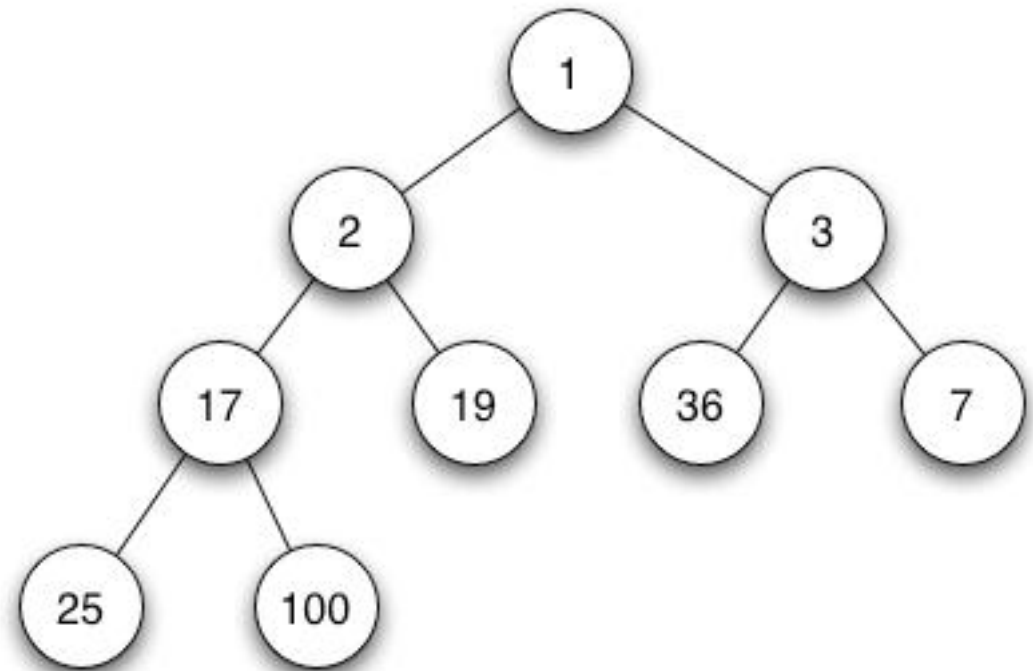
1. Значення в будь-якій вершині не менше, ніж значення в нащадків.
2. Дерево є повним (complete tree)
3. Останній слой заповнюється зліва направо без дірок



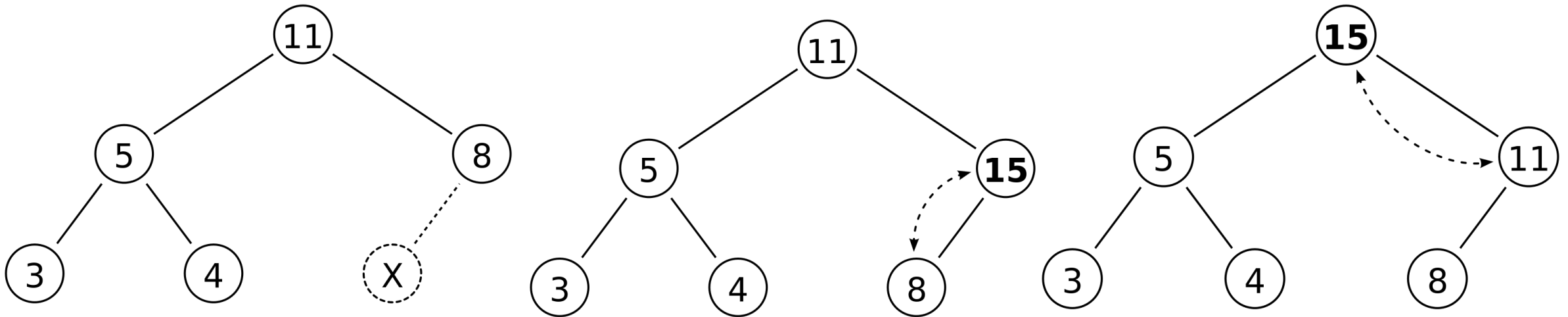
## Binary max heap



## Binary min heap

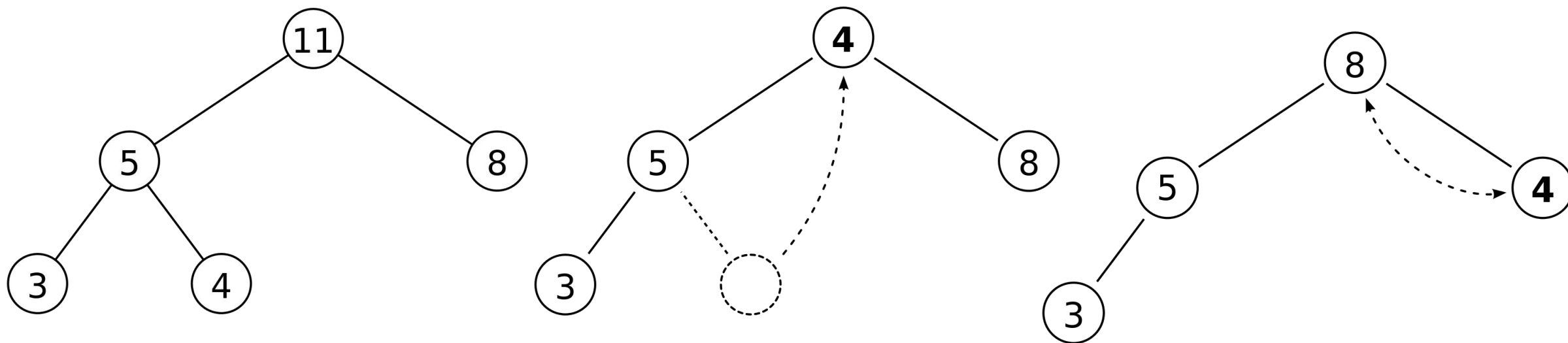


## Вставка елементу в купу



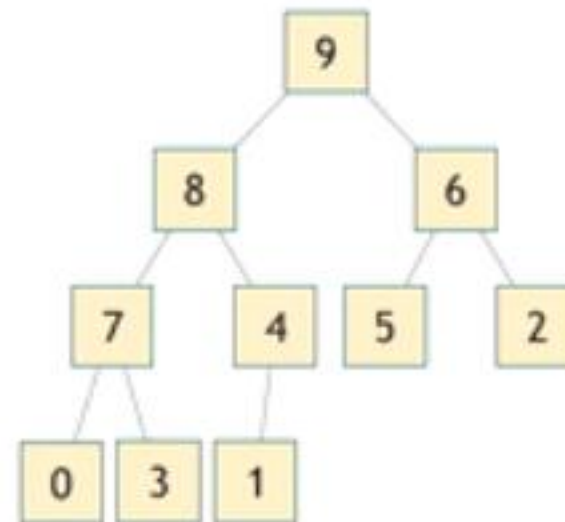
Складність операції залежить від висоти дерева, тому загалом це  $O(\lg n)$

## Видалення елемента з купи



В найгіршому випадку  $O(\lg n)$

## Купа в stl



Купа може бути реалізована за допомогою  
`std::vector`



## **std::make\_heap**

```
std::vector<int> numbers = {0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9};
```

```
std::make_heap(begin(numbers), end(numbers));
```

```
for (int number : numbers)
{
    std::cout << number << '  ';
}
```

Output:

9 8 6 7 4 5 2 0 3 1

## **Черга з пріоритетами (priority queue)**

Черга з пріоритетами - це черга, де важливо не хто останнім став в чергу (порядок додавання в чергу не грає ролі), а хто важливіший. При додаванні до черги указується пріоритет елементу, а при взятті елемента з черги обрається елемент з найбільшим пріоритетом.

*Зазвичай реалізується на основі heap.*

**Дякую за увагу!**

