# Baze de date Algebra relațională

Nicolae-Cosmin Vârlan

October 11, 2018

- ▶ U mulţime de atribute:  $U = \{A_1, A_2, \dots, A_n\}$ ;
- $ightharpoonup dom(A_i)$  domeniul valorilor atributului  $A_i$ ;

Definim uplu peste U ca fiind funcția:

$$\varphi: U \to \bigcup_{1 \le i \le n} dom(A_i)$$
 a.i.  $\varphi(A_i) \in dom(A_i), 1 \le i \le n$ 

Fie valorile  $v_i$  astfel încât  $v_i = \varphi(A_i)$ .

Notăm cu  $\{A_1: v_1, A_2: v_2, \ldots, A_n: v_n\}$  asocierea dintre atributele existente în U și valorile acestora. În cazul în care sunt considerate mulțimi ordonate (de forma  $(A_1, A_2, \ldots, A_n)$ ), notația va fi de forma:  $(v_1, v_2, \ldots, v_n)$ .

Exercitii

## Elemente ale modelului relational

Considerăm mulțimea ordonată  $(A_1, A_2, \dots A_n)$ . Pentru orice uplu  $\varphi$ , există vectorul  $(v_1, v_2, \dots v_n)$  a.î.  $\varphi(A_i) = v_i, 1 \le i \le n$ .

Pentru un vector  $(v_1, v_2, \dots v_n)$  cu  $v_i \in dom(A_i), 1 \le i \le n$  există un uplu  $\varphi$  a.î.  $\varphi(A_i) = v_i$ .

În practică este considerată o anumită ordonare a atributelor.

O mulțime de uple peste U se numește relație și se notează cu r. r poate varia în timp dar nu și în structură.

#### Exemplu:

$$r = \{(v_{11}, v_{12}, \dots v_{1n}), (v_{21}, v_{22}, \dots v_{2n}), \dots, (v_{m1}, v_{m2}, \dots v_{mn})\}.$$

Structura relației se va nota cu R[U] unde R se numește *numele relației* iar U este mulțimea de *atribute* corespunzătoare.

Notații echivalente 
$$R(U)$$
,  $R(A_1, A_2, \ldots, A_n)$ ,  $R[A_1, A_2, \ldots, A_n]$ .

R[U] se mai numește și *schemă de relație*.

În practică, o relație r poate fi reprezentată printr-o matrice:

unde  $(v_{i1},v_{i2},\ldots,v_{in})$  este un uplu din  $r,\ 1\leq i\leq m$  și  $v_{ij}\in dom(A_j),\ 1\leq j\leq n, 1\leq i\leq m$ 

Vom nota cu  $t_i$  linia (tuplul) cu numărul i din matrice:  $t_i = (v_{i1}, v_{i2}, \dots, v_{in}), \forall i \in [1, m]$ 

O mulțime finită D de scheme de relație se numește schemă de baze de date. Formal,  $D=\{R_1[U_1],\ldots,R_h[U_h]\}$  unde  $R_i[U_i]$  este o schemă de relație,  $1\leq i\leq h$ .

O bază de date peste D este o corespondență ce asociază fiecărei scheme de relație din D o relație.

#### Exemplu:

$$r_1, r_2, \dots r_h$$
 este o bază de date peste  $D = \{R_1[U_1], \dots, R_h[U_h]\}.$ 

Considerand D ca fiind ordonată  $D=(R_1[U_1],\ldots,R_h[U_h])$ , putem nota baza de date sub forma  $(r_1,r_2,\ldots r_h)$ 

## Corespondența cu terminologia din practică

- ▶ atribut  $(A_i)$  = denumirea unei coloane dintr-un tabel;
- ▶ valoarea atributului  $A_i$  ( $\varphi(A_i)$  sau  $v_i$ ) = valoarea dintr-o celulă a tabelului
- ightharpoonup relație (r) =tabel
- schema de relație (R[U]) = schema tabelei
- ightharpoonup tuplu  $(t_i)$  = linie din tabel

## Operații

Asupra unei mulțimi de relații putem efectua o serie de operații. Există două categorii de operatori:

- Operatori din teoria mulțimilor: Reuniunea(∪), Intersecția (∩), Diferența(−), Produsul Cartezian(×)
- ▶ Operatori specifici algebrelor relaționale: Proiecția  $(\pi)$ , Selecția $(\sigma)$ , Redenumirea $(\rho)$ , Joinul Natural $(\bowtie)$ ,  $\theta$ -Joinul, equijoinul, Semijoinul $(\bowtie \ \ \ \ \ \ )$ , Antijoinul $(\trianglerighteq)$ , Divizarea $(\div)$ , Joinul la Stânga  $(\bowtie)$ , Joinul la Dreapta $(\bowtie)$ , Joinul Exterior $(\bowtie)$

## Operații pe mulțimi de tuple - Reuniunea: ∪

În cazul operațiilor pe mulțimi (cu excepția Produsului Cartezian), acestea se realizează între două relații  $r_1$  și  $r_2$  care sunt NEAPĂRAT construite peste aceeași mulțime de atribute.

Reuniunea a două relații  $r_1$  și  $r_2$ , ambele peste R[U], este o relație notată cu  $r_1 \cup r_2$  definită astfel:

$$r_1 \cup r_2 = \{t \mid t = \mathsf{uplu}, \ t \in r_1 \mathsf{ sau } t \in r_2\}$$

În practică, acest lucru se realizează utilizând cuvântul cheie UNION. Studenții din anii 1 și 3 sunt selectați de interogarea:

SELECT \* FROM studenti WHERE an=1
UNION

SELECT \* FROM studenti WHERE an=3;

### Operații pe mulțimi de tuple - *Diferența*: —

*Diferența a două relații*  $r_1$  și  $r_2$ , ambele peste R[U], este o relație notată cu  $r_1 - r_2$  definită astfel:

$$r_1 - r_2 = \{t \mid t = uplu, \ t \in r_1 \ si \ t \notin r_2\}$$

În practică, acest lucru se realizează utilizând cuvântul cheie MINUS. Pentru a-i selecta pe studenții din anul 2 fără bursă, putem să îi selectăm pe toți studenții din anul 2 și apoi să îi eliminăm pe cei cu bursa:

SELECT \* FROM studenti WHERE an=2

#### **MINUS**

SELECT \* FROM studenti WHERE bursa IS NOT NULL;

Se observă că, la fel ca în cazul reuniunii, cele două relații peste care s-a făcut diferența sunt construite peste aceeași mulțime de atribute (au aceeași schemă de relație R[U]).

### Operații pe mulțimi de tuple - *Intersecția*: ∩

Intersecția a două relații  $r_1$  și  $r_2$ , ambele peste R[U], este o relație notată cu  $r_1 \cap r_2$  definită astfel:

$$r_1 \cap r_2 = \{t \mid t = uplu, \ t \in r_1 \ si \ t \in r_2\}$$

În practică, acest lucru se realizează utilizând cuvântul cheie INTERSECT. Putem afla care studenți din anul 2 au bursă rulând:

SELECT \* FROM studenti WHERE an=2

#### INTERSECT

SELECT \* FROM studenti WHERE bursa IS NOT NULL;

Operatorul de intersecție poate fi obținut din ceilalți doi:

$$r_1 \cap r_2 = r_1 - (r_1 - r_2).$$

### Operații pe mulțimi de tuple - Produsul Cartezian: ×

*Produsul cartezian a două relații*  $r_1$  definită peste  $R_1[U_1]$  și  $r_2$  definită peste  $R_2[U_2]$  cu  $U_1 \cap U_2 = \emptyset$  este o relație notată cu  $r_1 \times r_2$  definită astfel:

$$r_1\times r_2=\{t\mid t=\text{uplu peste }U_1\cup U_2,\; t[U_1]\in r_1\;\text{si }t[U_2]\in r_2\}$$

De aceasta dată, cele două relații nu trebuie să fie peste aceeași mulțime de atribute. Rezultatul va fi o nouă relație peste o mulțime de atribute formată din atributele relațiilor inițiale.

### Operații pe mulțimi de tuple - *Produsul Cartezian*: ×

Dacă un atribut s-ar repeta, el va fi identificat diferit. Spre exemplu, chiar dacă tabelele note și cursuri au un același atribut (id\_curs), nu se face nici o sincronizare după acesta ci se vor crea două atribute diferite: note.id\_curs respectiv cursuri.id\_curs.

Produsul cartezian între aceste tabele, în practică, se obține executând interogarea:

SELECT \* FROM cursuri, note;

## Operații specifice algebrelor relaționale

Operațiile pe mulțimi aveau ca elemente tuplele. Uneori aceste tuple nu sunt compatibile (de exemplu nu putem reuni o relație peste  $R_1[U_1]$  cu una peste  $R_2[U_2]$  dacă  $U_1 \neq U_2$ ).

Pentru a opera asupra atributelor ce definesc tuplele din rezultat, avem nevoie de o serie de operatori specifici algebrelor relaționale.

## Operații în algebra relațională - *Proiecția*: $\pi$

#### Considerăm:

- ightharpoonup R[U] =schemă de relație;
- $ightharpoonup X \subseteq U$ ;
- ightharpoonup t = uplu peste R[U] ( $t \in r$ ).

Se numește *proiecția lui t relativă la X* și notată cu  $\pi_X[t]$ , restricția lui t la mulțimea de atribute X. (Uneori vom scrie t[X])

#### Exemplu:

Dacă 
$$U=(A_1,A_2,\ldots,A_n)$$
 atunci  $t=(v_1,v_2,\ldots,v_n)$ . Considerăm  $X=(A_{i_1},A_{i_2},\ldots,A_{i_k}),\ 1\leq i_1< i_2<\ldots< i_k\leq n$ . atunci  $\pi_X[t]=(v_{i_1},v_{i_2},\ldots,v_{i_k});$ 

## Operații în algebra relațională - *Proiecția*: $\pi$

Dacă r este o relație peste R[U] și  $X\subseteq U$ , atunci proiecția lui r relativă la X este  $\pi_X[r]=\{\pi_X[t]\mid t\in r\}$ 

#### Exemplu:

Dacă 
$$U=(A_1,A_2,\ldots,A_n)$$
 atunci  $r=\{(v_{11},v_{12},\ldots v_{1n}),(v_{21},v_{22},\ldots v_{2n}),\ldots,(v_{m1},v_{m2},\ldots v_{mn})\}.$  Considerăm  $X=(A_{i_1},A_{i_2},\ldots,A_{i_k}),\ 1\leq i_1< i_2<\ldots< i_k\leq n.$ 

atunci

$$\pi_X[r] = \{(v_{1_{i_1}}, v_{1_{i_2}}, \dots v_{1_{i_k}}), (v_{2_{i_1}}, \dots v_{2_{i_k}}), \dots, (v_{m_{i_1}}, \dots v_{m_{i_k}})\}$$

În practică, proiecția se realizează selectând doar anumite câmpuri ale tabelei (anumite atribute):

SELECT nume, prenume FROM studenti;

## Operații în algebra relațională - *Proiecția*: $\pi$

Ca și exemplu, vom scrie o interogare care să returneze toate persoanele care trec pragul Facultății (studenți și profesori): SELECT nume, prenume FROM studenti UNION SELECT nume, prenume FROM profesori;

În cazul în care cele două câmpuri (nume, prenume) din cele două tabele au același tip (de exemplu nume este de tip VARCHAR2(10) în ambele tabele), interogarea va afișa toate persoanele ce "trec pragul Facultății".

Observație: Pentru a modifica tipul nume din tabela profesori la VARCHAR2(10) executați comanda: ALTER TABLE profesori MODIFY nume VARCHAR2(10);

## Operații în algebra relațională - Selecția: $\sigma$

Fie r o relație peste R[U],  $A,B\in U$  și c este o constantă

O expresie elementară de selecție este definită prin următoarea formulă (forma Backus-Naur):

$$e = A \varphi B \mid A \varphi c \mid c \varphi B$$

Unde  $\varphi$  este o relație booleană între operanzi.

Se numește expresie de selecție (forma Backus-Naur):

$$\theta = e \mid \theta \wedge \theta \mid \theta \vee \theta \mid (\theta)$$

### Operații în algebra relațională - Selecția: $\sigma$

Fie  $\theta$  o expresie de selecție. Atunci:

- lacktriangle când  $heta=A\,arphi\,B$ , t satisface heta dacă are loc  $\pi_A[t]\,arphi\,\pi_B[t]$ ,
- lacktriangle când  $heta=A\,arphi\,c$ , t satisface heta dacă are loc  $\pi_A[t]\,arphi\,c$ ,
- lacktriangle când  $heta=c\,arphi\,B$ , t satisface heta dacă are loc  $c\,arphi\,\pi_B[t]$ ,
- ▶ când  $\theta = \theta_1 \wedge \theta_2$ , t satisface  $\theta$  dacă t satisface atât pe  $\theta_1$  cât și pe  $\theta_2$ ,
- ▶ când  $\theta = \theta_1 \vee \theta_2$ , t satisface  $\theta$  dacă t satisface măcar pe unul dintre  $\theta_1$  și  $\theta_2$ .

Dacă  $\theta$  este o expresie de selecție atunci selecția se notează cu  $\sigma_{\theta}(r)$  și este definită ca:

$$\sigma_{\theta}(r) = \{t | t \in r, t \text{ satisface } \theta\}$$

### Operații în algebra relațională - Selecția: $\sigma$

În SQL, selecția se obține utilizând o formulă logică ce are rolul de a selecta doar anumite rânduri.

#### Exemplu:

```
SELECT * FROM studenti
WHERE ((an=2) AND (bursa IS NULL));
```

În acest exemplu,  $\theta_1$  este an=2,  $\theta_2$  este bursa~IS~NULL,  $\theta=\theta_1\wedge\theta_2$  și r este mulțimea de rânduri din tabela studenți.

Rezultatul este mulțimea studenților din anul 2 care nu au bursă.

## Operații în algebra relațională - Redenumirea: $\rho$

Operatorul de *redenumire* are rolul de a schimba numele unui atribut cu alt nume. Formal, dacă dorim să schimbăm atributul  $A_1$  în  $A_1'$  vom utiliza scrierea  $\rho_{A_1/A_1'}(r)$ . Restul atributelor peste care a fost construit r vor rămâne neschimbate.

În SQL, redenumirea se realizează prin utilizarea cuvântului AS:

#### Exemplu:

SELECT bursa \* 1.25 AS "BursaNoua" FROM studenti; SELECT bursa + bursa/4 AS "BursaNoua" FROM studenti; Dacă nu am redenumi atributul nou obținut, cele două relații ar fi considerate diferite (în prima numele atributului ar fi "bursa \* 1.25", iar în a doua ar fi fost "bursa + bursa/4") - ATENTIE cand introduceți exerciții.

### Operații în algebra relațională - Join natural: 🖂

#### Considerăm:

- $ightharpoonup r_1$  relație peste  $R_1[U_1]$ ;
- $ightharpoonup r_2$  relație peste  $R_2[U_2]$ ;

Se numește Join natural a relațiilor  $r_1$  și  $r_2$ , relația  $r_1\bowtie r_2$  peste  $U_1\cup U_2$  definită prin:

$$r_1\bowtie r_2=\{t\mid t \text{ uplu peste } U_1\cup U_2,\ t[U_i]\in r_i,\ i=1,2\}$$

Dacă R este un nume pentru relația peste  $U_1\cup U_2$  atunci  $r_1\bowtie r_2$  este definită peste  $R[U_1\cup U_2]$ 

Pentru simplitate vom nota  $U_1 \cup U_2$  cu  $U_1U_2$ .

## Operații în algebra relațională - Join natural: 🖂

#### Exemplu:

Fie  $R_1[A, B, C, D]$ , si  $R_2[C, D, E]$  si  $r_1, r_2$  a.i.:

### Operații în algebra relațională - Join natural: 🖂

Următoarea interogare identifică cui aparține fiecare nota din tabelul note. Joinul se face după câmpul nr\_matricol între tabelele studenti și note:

SELECT nume, valoare FROM studenti NATURAL JOIN note;

SELECT nume, valoare FROM studenti

JOIN note ON studenti.nr\_matricol = note.nr\_matricol;

Se poate observa că dacă din produsul cartezian am elimina acele cazuri în care câmpul "nr\_matricol" nu este identic în ambele tabele, am obține, de fapt, același rezultat. Din acest motiv, joinul de mai sus poate fi scris și sub forma:

SELECT nume, valoare FROM studenti,note

WHERE studenti.nr\_matricol = note.nr\_matricol;

## Proprietăți ale Joinului natural

- $(r_1 \bowtie r_2)[U_1] \subseteq r_1$
- $(r_2 \bowtie r_1)[U_2] \subseteq r_2$

Dacă 
$$X = U_1 \cap U_2$$
 și:  $r_1' = \{t_1 | t_1 \in r_1, \exists t_2 \in r_2 \text{ a.i. } t_1[X] = t_2[X]\}$  și  $r_1'' = r_1 - r_1',$   $r_2' = \{t_2 | t_2 \in r_2, \exists t_1 \in r_1 \text{ a.i. } t_1[X] = t_2[X]\}$  și  $r_2'' = r_2 - r_2',$  atunci:  $r_1 \bowtie r_2 = r_1' \bowtie r_2', (r_1 \bowtie r_2)[U_1] = r_1', (r_2 \bowtie r_1)[U_2] = r_2'.$ 

$$\mathsf{Dac\check{a}} \ \overline{r_1} \subseteq r_1, \overline{r_2} \subseteq r_2 \ \mathsf{ și } \ \overline{r_1} \bowtie \overline{r_2} = r_1 \bowtie r_2 \ \mathsf{atunci} \ r_1' \subseteq \overline{r_1} \ \mathsf{ si } \ r_2' \subseteq \overline{r_2}$$

Dacă  $U_1 \cap U_2 = \emptyset$  atunci  $r_1 \bowtie r_2 = r_1 \times r_2$ .

#### Extindere Join natural

Fie  $r_i$  relație peste  $R_i[U_i], i = \overline{1,h}$  atunci:

$$r_1\bowtie r_2\bowtie\ldots\bowtie r_h=\{t|t \text{ uplu peste } U_1,\ldots U_h, \text{ a.i. } t[U_i]\in r_i, i=\overline{1,h}\}$$

Notații echivalente:

- $ightharpoonup r_1 \bowtie r_2 \bowtie \ldots \bowtie r_h$
- $ightharpoonup \langle r_i, i=1,h \rangle$
- $\blacktriangleright *\langle r_i, i=1,h\rangle$

Operația join este asociativă.

## Operații în algebra relațională - $\theta$ -join, equijoin

Fie 
$$r_i$$
 peste  $R_i[U_i]$ ,  $i=\overline{1,2}$  cu  $A_{\alpha_1},A_{\alpha_2},\ldots A_{\alpha_k}\in U_1$  și  $B_{\beta_1},B_{\beta_2},\ldots B_{\beta_k}\in U_2$  și  $\theta_i:dom(A_{\alpha_i})\times dom(B_{\beta_i})\to \{true,false\}, \forall i=\overline{1,k}$ 

 $\theta$ -joinul a două relații  $r_1$  și  $r_2$ , notat cu  $r_1 \overset{\bowtie}{\theta} r_2$ , este definit prin:

$$r_1 \overset{\bowtie}{\theta} r_2 = \{(t_1,t_2) | t_1 \in r_1, t_2 \in r_2, t_1[A_{\alpha_i}]\theta_i t_2[B_{\beta_i}], i = \overline{1,k}\}$$
 unde  $\theta = (A_{\alpha_1}\theta_1 B_{\beta_1}) \wedge (A_{\alpha_2}\theta_2 B_{\beta_2}) \wedge \ldots \wedge (A_{\alpha_k}\theta_k B_{\beta_k})$ 

Daca  $\theta_i$  este operatorul de egalitate, atunci  $\theta$ -joinul se mai numeste si equijoin.

## Operații în algebra relațională - $\theta$ -join, equijoin

Observație 1: un join oarecare cu condiția TRUE pentru orice combinație de tuple este un produs cartezian:  $r_1 \stackrel{\bowtie}{true} r_2 = r_1 \times r_2$ 

Observație 2: Joinul oarecare poate fi considerat ca fiind o filtrare după anumite criterii ale rezultatelor unui produs cartezian:

$$r_1 \overset{\bowtie}{\theta} r_2 = \sigma_{\theta}(r_1 \times r_2)$$

#### Exemplu SQL:

SELECT s.nume, p.nume FROM studenti s, profesori p WHERE s.nume > p.nume;

## Operații în algebra relațională - Semijoin: k și x

Operația de semijoin stâng selectează acele rânduri din relația aflată în partea stângă ( $\times$ ) care au corespondent (în sensul joinului natural) în relația din partea dreapta.

Formal, definim semijoinul stâng a două relații  $r_1$  peste  $R_1[U_1]$  și  $r_2$  peste  $R_2[U_2]$  ca fiind:

$$r_1 \ltimes r_2 = \pi_{U_1}(r_1 \bowtie r_2)$$

Deja întâlnit la proprietațile Joinului natural sub denumrea  $r_1'$ .

Semijoinul drept este definit similar dar preluând liniile din relația aflată în dreapta (doar cele ce au corespondent în relația din stânga).

## Operații în algebra relațională - Antijoin: >

Tuplele rămase din relația din stânga (care nu au fost preluate de semijoinul stâng), formează rezultatul operatorului Antijoin.

Formal, definim antijoinul stâng a două relații  $r_1$  peste  $R_1[U_1]$  și  $r_2$  peste  $R_2[U_2]$  ca fiind:

$$r_1 \triangleright r_2 = r_1 - \pi_{U_1}(r_1 \bowtie r_2)$$

$$\dots r_1$$
"

### Operații în algebra relațională - Joinul la Stânga: 🖂

Fie  $r_1$  și  $r_2$  două relații în care nu toate tuplele din  $r_1$  au un corespondent în  $r_2$ .

Operația Join la Stanga a celor două relații  $r_1$  și  $r_2$  este reuniunea dintre tuplele existente în  $r_1\bowtie r_2$  și tuplele din  $r_1$  ce nu sunt utilizate în join completate cu valoarea NULL pentru atributele din  $U_2$ .

$$r_1 \bowtie r_2 = r_1 \bowtie r_2 \text{ UNION } \pi_{U_1U_2}(r_1 - (r_1 \bowtie r_2))$$

Joinul la Dreapta este definit similar, de această dată preluând și liniile ce nu s-au folosit in Joinul natural din tabela din dreapta  $(r_2)$ .

### Operații în algebra relațională - Joinul Extern: 🖂

Operația de Join exterior cuprinde toate liniile din Joinul la Stânga și din Joinul la Dreapta.

$$r_1 \bowtie r_2 = (r_1 \bowtie r_2) \cup (r_1 \bowtie r_2)$$

## Operații în algebra relațională - Joinul Extern: 🖂

#### Exemple:

SELECT \* FROM studenti LEFT JOIN profesori ON studenti.prenume = profesori.prenume; (Toti studenții și asociați cu profesorii cu același prenume când este cazul)

SELECT \* FROM studenti RIGHT JOIN profesori ON studenti.prenume = profesori.prenume; (Unii studenți care sunt asociați cu profesorii având același prenume împreună cu restul profesorilor)

SELECT \* FROM studenti FULL JOIN profesori ON studenti.prenume = profesori.prenume; (Studenții și profesorii și asocierile între ei, dacă există)

# Notații (alternative) pentru operatorii din alg. relațională

```
Proiectia (\pi_U(r_1)): r_1[U]
Join natural (r_1 \bowtie r_2): r_1 * r_2
Join oarecare (sau theta-join): r_1 \stackrel{\bowtie}{\sim} r_2
Selecția : \sigma_{\theta}(r_1) [obs: r_1 \stackrel{\bowtie}{\theta} r_2 = \sigma_{\theta}(r_1 \times r_2)]
Join la stânga: r_1 \triangleright \circ \triangleleft_L r_2
Join la dreapta: r_1 \triangleright \circ \triangleleft_R r_2
Full outer join : r_1 \triangleright \circ \triangleleft r_2
Redenumirea: Dacă r este definit peste B_1, B_2, \ldots, B_n și vrem să
redenumim numele atributelor, vom folosi operatorul de
redenumire \rho: r' = \rho(r_1)_{A_1,A_2,...,A_n} - redenumirea atributelor lui r
\hat{\mathbf{n}} A_1, A_2, \ldots, A_n
```

## Exerciții:

- 1. Pentru  $r_1$ ,  $r_2$  exemplificate la Joinul natural, construiți restul tipurilor de Join studiate.
- 2. Utilizând schema de baze de date de la laborator, scrieți în algebra relațională expresii de selecție pentru următoarele:
  - Cursurile din facultate împreună cu numele prof. ce le ţin.
  - Numele şi prenumele studenţilor din anul 1 şi care au bursă mai mare de 300 ron.
  - Prenumele studenților care au același nume de familie ca măcar unul din profesori.
  - Numele şi prenumele studenţilor, cursurile pe care le-au urmat şi notele pe care le-au obţinut.

Scrieți interogările SQL asociate formulelor din algebra relațională scrise mai sus.

## Bibliografie

Baze de date relaţionale. Dependenţe - Victor Felea; Univ. Al.
 I. Cuza, 1996

Modelul Relațional Operații pe mulțimi în modelul relațional Operații specifice algebrelor relaționale Exerciții

### Software

Relational