

Limbaje formale, automate și compilatoare

Curs 7

Limbaje formale și automate

- ▶ Limbaje de tipul 3
 - Gramatici regulate
 - Automate finite
 - Deterministe
 - Nedeterministe
 - Expresii regulate
 - $a, a \in \Sigma, \epsilon, \emptyset$
 - $E_1.E_2, E_1|E_2, E_1^*, (E_1)$
- ▶ Limbaje de tipul 2
 - Gramatici de tipul 2

Plan

- ▶ Istoric
- ▶ Pașii compilării
- ▶ Analiza lexicală
 - Descriere lexicală
 - Interpretare
 - Interpretare orientată dreapta
 - Descriere lexicală bine formată
- ▶ Analiza sintactică ascendentă
 - Parser ascendent general
 - Analiză LR
 - LR(0)

Istoric – 1940

- ▶ Programe scrise în instrucțiuni procesor
- ▶ Calculatoare puține
- ▶ Programatori puțini

Istoric – 1950

- ▶ Fortran (1957):
 - Primul compilator (expresii aritmetice, instrucțiuni, proceduri)
 - Încă este folosit pentru aplicații complexe computațional sau pentru testarea performanței
- ▶ Algol (1958):
 - Gramatici BNF (Backus–Naur Normal Form), bloc de instrucțiuni, recursie
 - Precursorul sintaxei curente
- ▶ Lisp (1958)
 - Programare funcțională
 - Structuri aroborescente, gestiunea automată a spațiului de stocare, dynamic typing
- ▶ COBOL (1959)
 - Sintaxă similară limbii engleze
 - Business oriented
 - Pune accent pe citire și scriere de date în format text și numeric

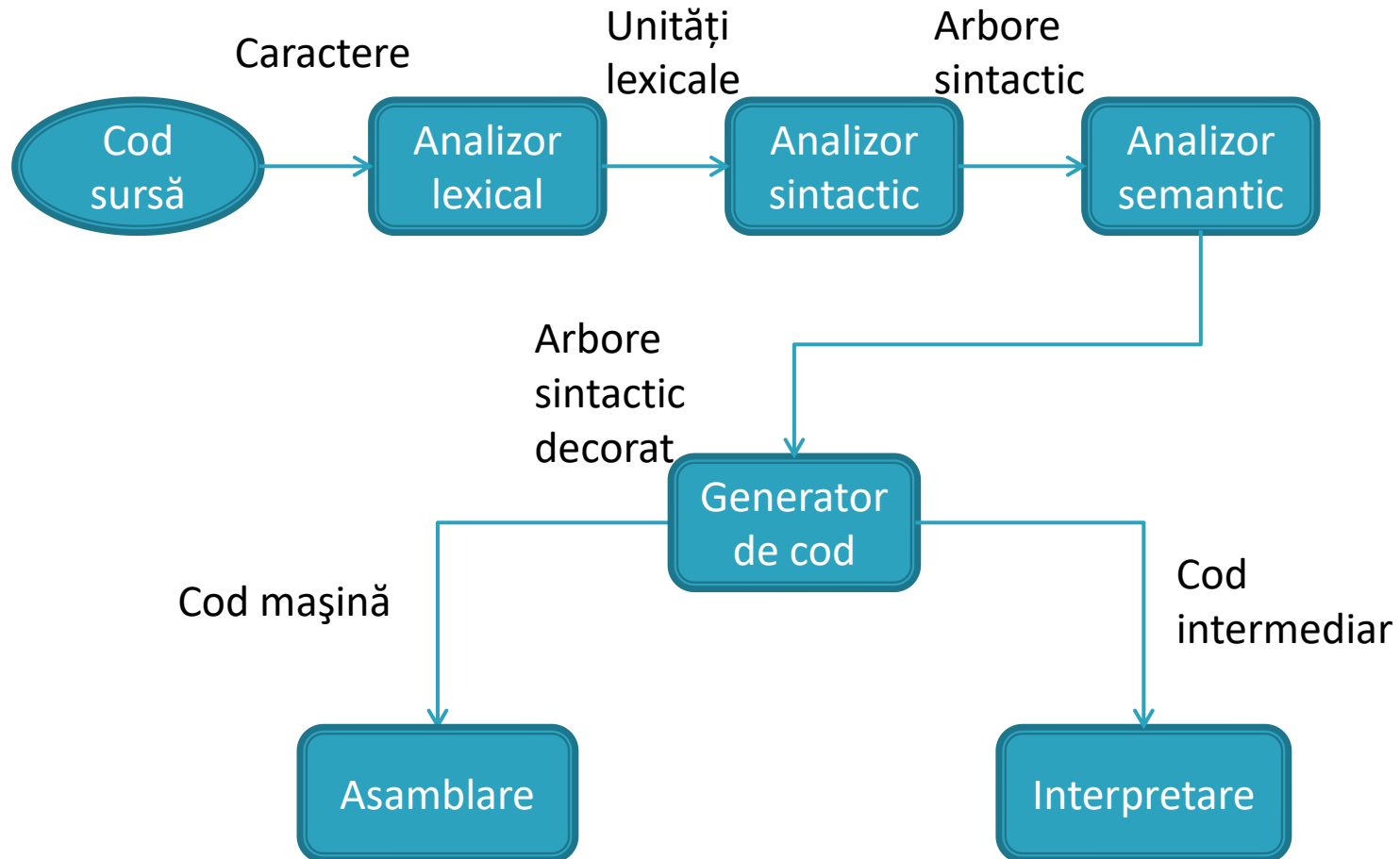
Istoric – 1960 – 1970

- ▶ Simula (1965)
 - Bazat pe ALGOL 60
 - Primul limbaj orientat obiect
 - Obiecte, clase, moștenire, funcții virtuale, etc.
- ▶ Programare structurată (1968)
 - Edsger Dijkstra – GOTO Considered Harmful
- ▶ Pascal (1970)
- ▶ C (1973)
 - IRQ, variabile dinamice, multitasking

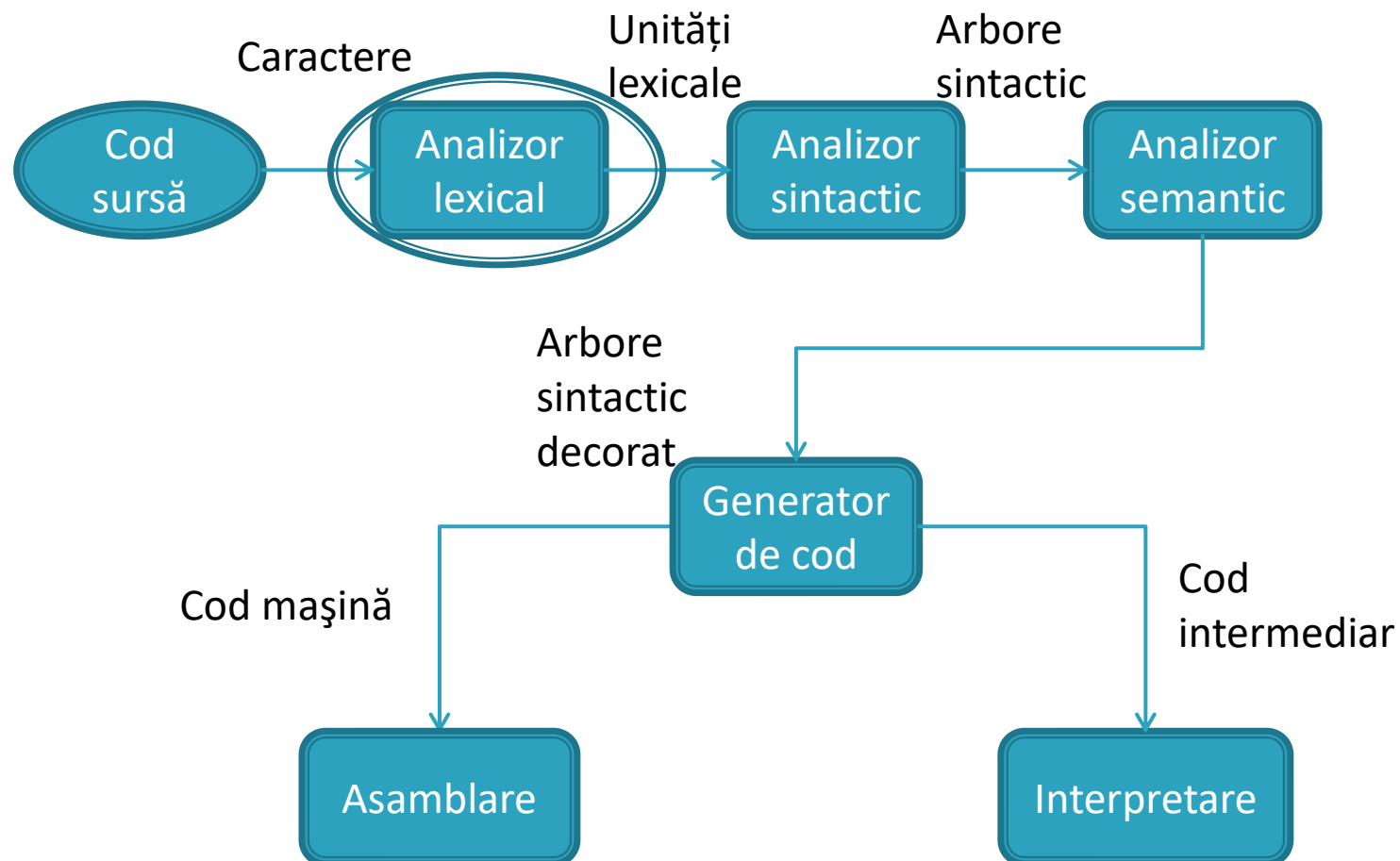
Istoric – 1980 – prezent

- ▶ ADA (1980)
 - primul limbaj standardizat
- ▶ Objective C (1984)
 - Inspirat de Smalltalk
 - Orientare obiect
- ▶ C++ (1985)
 - *C with Classes*;
 - Orientare-obiect, excepții, template-uri
 - Inspirat de Simula
- ▶ Java (1995)
 - just-in-time compilation
- ▶ C# (2000)
 - Tehnologia .NET

Compilare



Compilare



Analiza lexicală

- ▶ **Def. 1** Fie Σ un alfabet (al unui limbaj de programare). O *descriere lexicală* peste Σ este o expresie regulată $E = (E_1 | E_2 | \dots | E_n)^+$, unde n este numărul unităților lexicale, iar E_i descrie o unitate lexicală, $1 \leq i \leq n$.
- ▶ **Def. 2** Fie E o descriere lexicală peste Σ ce conține n unități lexicale și $w \in \Sigma^+$. Cuvântul w este *corect relativ la descrierea* E dacă $w \in L(E)$. O *interpretare* a cuvântului $w \in L(E)$ este o secvență de perechi $(u_1, k_1), (u_2, k_2), \dots, (u_m, k_m)$, unde $w = u_1 u_2 \dots u_m$, $u_i \in L(E_{k_i})$ $1 \leq i \leq m$, $1 \leq k_i \leq n$.

Exemplu

- ▶ `w = alpha := beta = 542`
- ▶ Interpretări ale cuvântului `w`:
 - `(alpha, Id), (:=, Asignare), (beta, Id), (=, Egal), (542, Intreg)`
 - `(alp, Id), (ha, Id), (:=, Asignare), (beta, Id), (=, Egal), (542, Intreg)`
 - `(alpha, Id), (:, Dp), (=, Egal), (beta, Id), (=, Egal), (542, Intreg)`

Analiza lexicală

- ▶ **Def. 3** Fie E o descriere lexicală peste Σ și $w \in L(E)$. O interpretare a cuvântului w , $(u_1, k_1)(u_2, k_2), \dots(u_m, k_m)$, este *interpretare drept –orientată* dacă $(\forall i) 1 \leq i \leq m$, are loc:
 $|u_i| = \max\{|v|, v \in L(E_1 | E_2 | \dots | E_n) \cap \text{Pref}(u_i u_{i+1} \dots u_m)\}.$
(unde $\text{Pref}(w)$ este mulțimea prefixelor cuvântului w).
- ▶ Există descrieri lexicale E în care nu orice cuvânt din $L(E)$ admite o interpretare drept–orientată.
- ▶ $E = (a | ab | bc)^+$ și $w = abc$.

Analiza lexicală

- ▶ **Def. 4** O descriere lexicală E este *bine-formată* dacă orice cuvânt w din limbajul $L(E)$ are exact o interpretare drept-orientată.
- ▶ **Teoremă** Dată o descriere lexicală E este decidabil dacă E este bine formată.
- ▶ **Def. 5** Fie E o descriere lexicală bine formată peste Σ . Un *analizor lexical (scanner)* pentru E este un program ce recunoaște limbajul $L(E)$ și produce, pentru fiecare $w \in L(E)$, interpretarea sa drept-orientată.

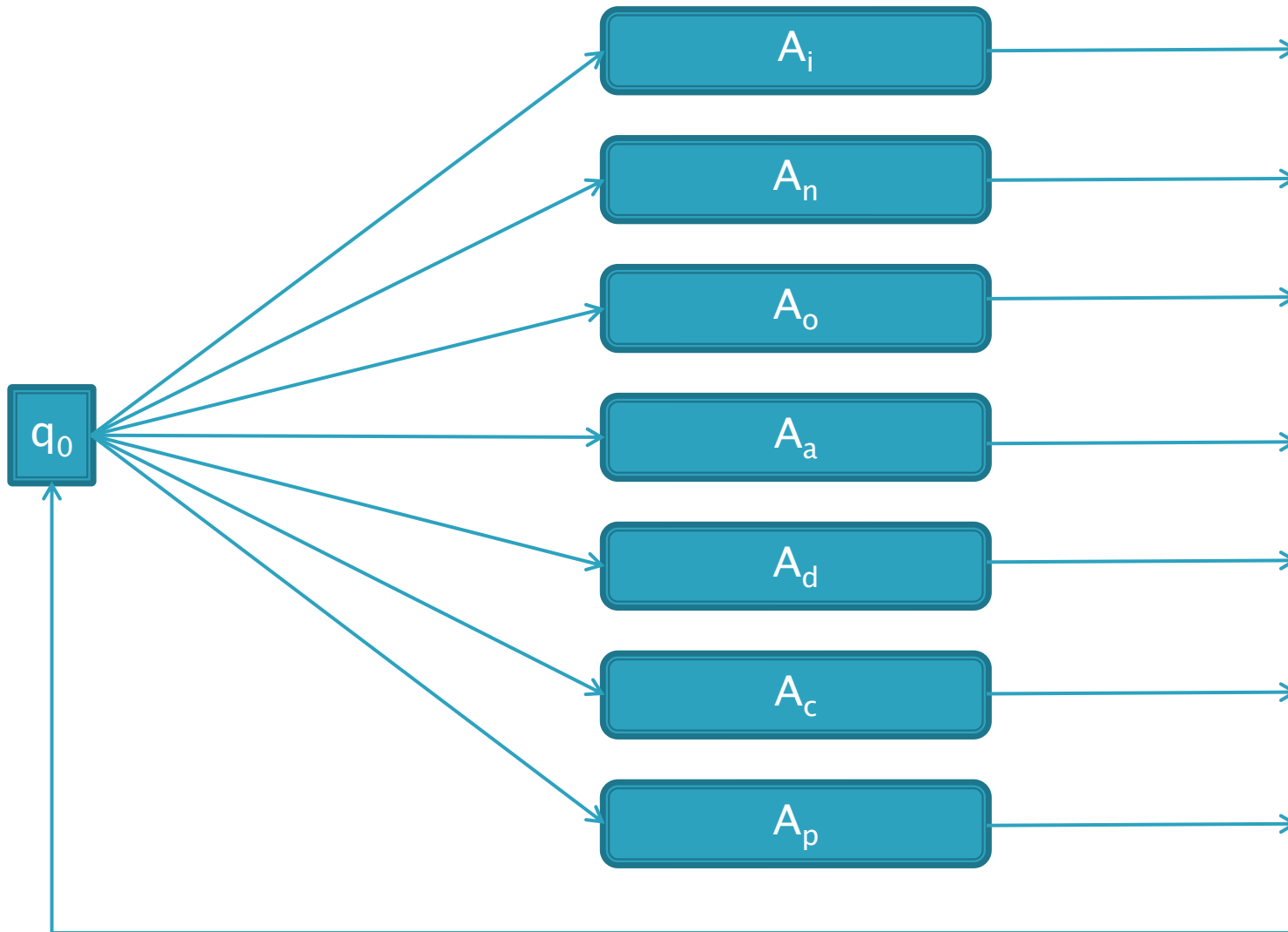
Analiza lexicală

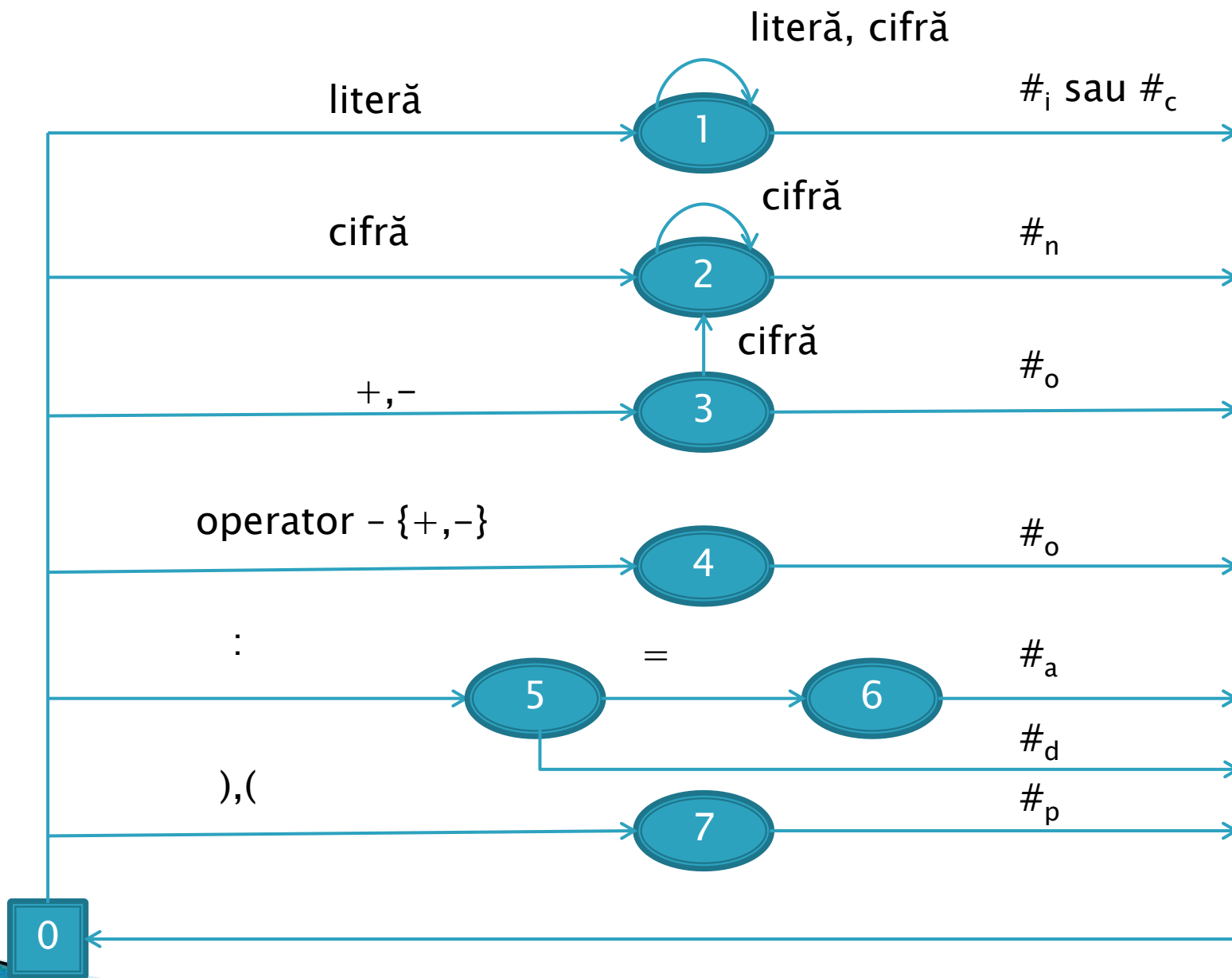
- ▶ Fie o descriere lexicală E peste Σ . Crearea unui analizor lexical pentru E înseamnă:
 - 1. Se construiește automatul finit echivalent A
 - 2. Din A se obține automatul determinist echivalent cu E , fie acesta A' .
 - 3. (Opțional) Automatul minimal echivalent cu A' .
 - 4. Implementarea automatului A' .

Exemplu de analizor lexical

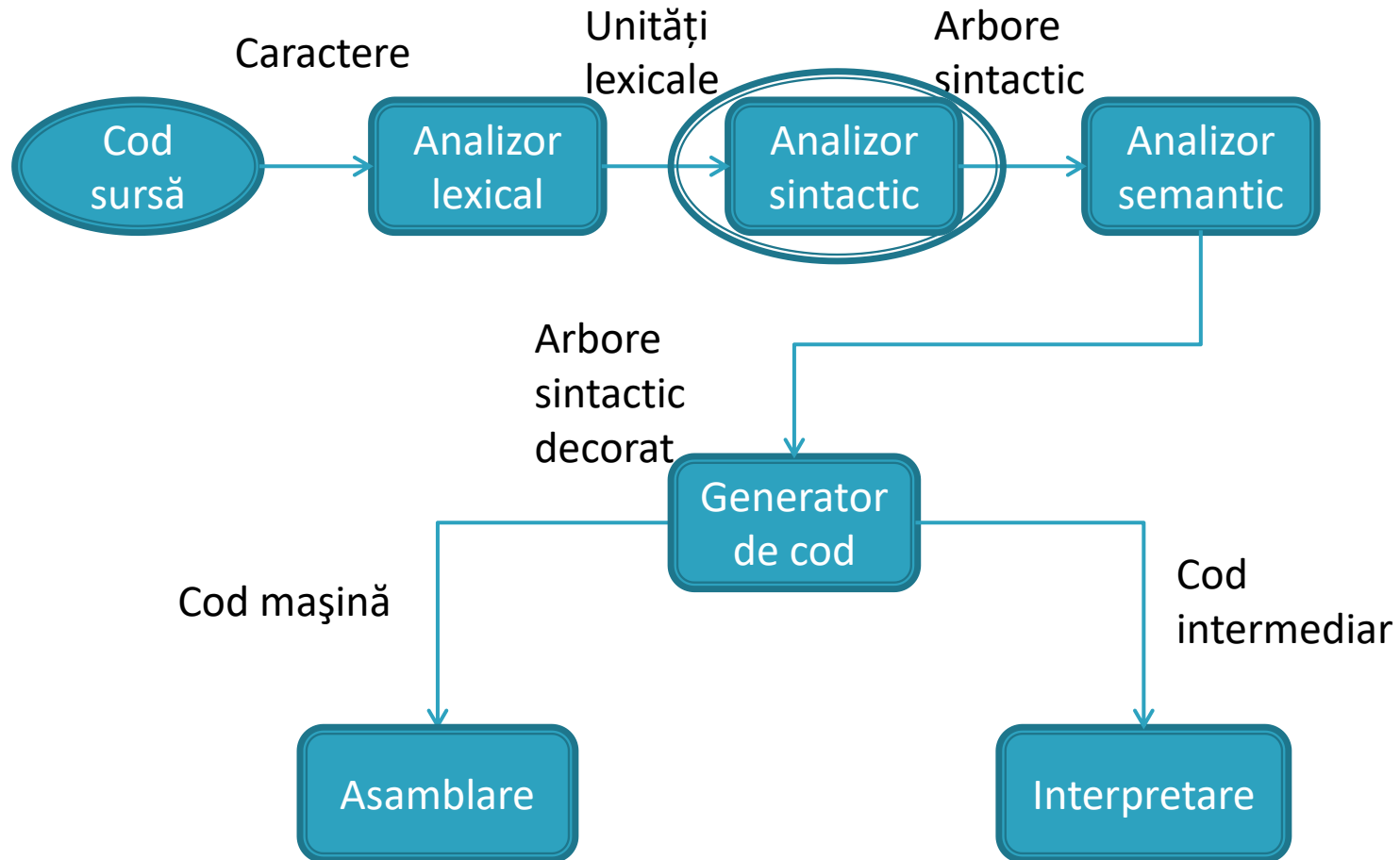
► Fie descrierea lexicală:

- litera $\rightarrow a \mid b \mid \dots \mid z$
- cifra $\rightarrow 0 \mid 1 \mid \dots \mid 9$
- identificator $\rightarrow \text{litera} (\text{litera} \mid \text{cifra})^*$
- semn $\rightarrow + \mid -$
- numar $\rightarrow (\text{semn} \mid \epsilon) \text{cifra}^+$
- operator $\rightarrow + \mid - \mid * \mid / \mid < \mid > \mid <= \mid >= \mid < >$
- asignare $\rightarrow :=$
- doua_puncte $\rightarrow :$
- cuvinte_rezervate $\rightarrow \text{if} \mid \text{then} \mid \text{else}$
- paranteze $\rightarrow) \mid ($

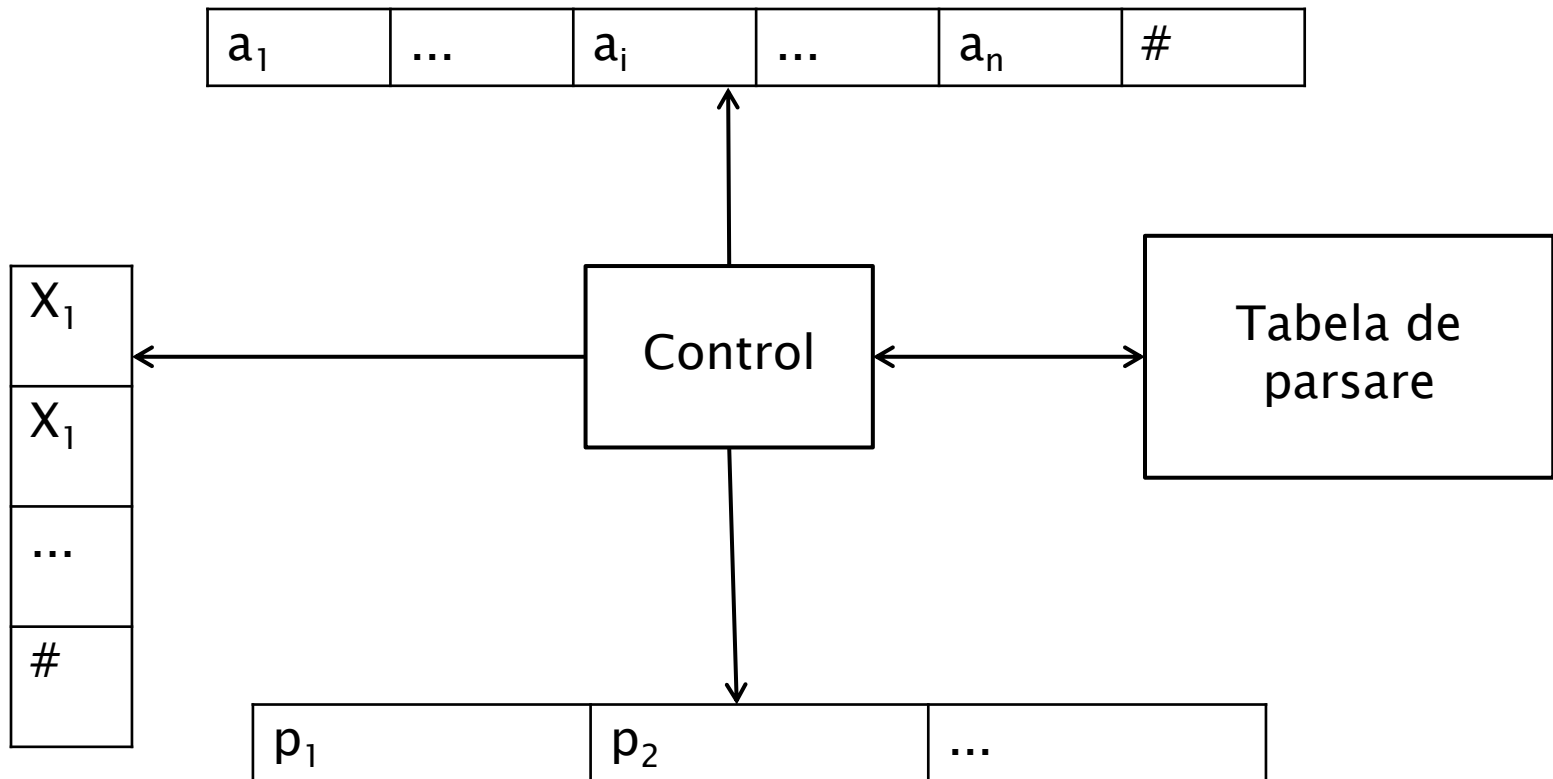




Compilare



Parser ascendente general



Configurații

- ▶ O configurație $(\# \gamma, u\#, \pi)$ este interpretată în felul următor:
 - $\# \gamma$ este conținutul stivei cu simbolul $\#$ la baza.
 - $u\#$ este conținutul intrării.
 - π este conținutul ieșirii.
- ▶ $C_0 = \{(\#, w\#, \varepsilon) \mid w \in T^*\}$ mulțimea configurațiilor inițiale.

Tranziții

- ▶ Parserul ascendent atașat gramaticii G este perechea (C_0, \vdash) unde C_0 este mulțimea configurațiilor inițiale, iar \vdash este o relație de tranziție definită astfel:
 - $(\# \gamma, au\#, \pi) \vdash (\# \gamma a, u\#, \pi)$ (**deplasare**) pentru orice $\gamma \in \Sigma^*$, $a \in T$, $u \in T^*$, $\pi \in P^*$.
 - $(\# \alpha \beta, u\#, \pi) \vdash (\# \alpha A, u\#, \pi r)$ dacă $r = A \rightarrow \beta$ (**reducere**).
 - Configurația $(\# S, \#, \pi)$ unde $\pi \neq \varepsilon$, se numește **configurație de acceptare**.
 - Orice configurație, diferită de cea de acceptare, care nu este în relația \vdash cu nici o altă configurație este o configurație eroare.
- ▶ Parsere de deplasare/reducere.

Exemplu

- ▶ Fie gramatica $S \rightarrow aSb \mid \varepsilon$. Tranzițiile sunt:
 - $(\# \gamma, u\#, \pi) \vdash (\# \gamma S, u\#, \pi 2)$
 - $(\# \gamma aSb, u\#, \pi) \vdash (\# \gamma S, u\#, \pi 1)$
 - $(\# \gamma, au\#, \pi) \vdash (\# \gamma a, u\#, \pi)$
 - $(\# \gamma, bu\#, \pi) \vdash (\# \gamma b, u\#, \pi)$
- ▶ O succesiune de tranziții se numește calcul
 - $(\#, \#, \varepsilon) \vdash (\# S, \#, 2)$
 - $(\#, aabb\#, \varepsilon) \vdash (\# a, abb\#, \varepsilon) \vdash (\# aa, bb\#, \varepsilon) \vdash (\# aaS, bb\#, 2) \vdash (\# aaSb, b\#, 2) \vdash (\# aS, b\#, 21) \vdash (\# aSb, \#, 21) \vdash (\# S, \#, 211)$

Conflicte

- ▶ Parserul este nedeterminist:
 - Pentru o configurație de tipul $(\# \alpha \beta, au\#, \pi)$, $S \rightarrow \beta$, există două posibilități (conflict **deplasare/reducere**):
 - $(\# \alpha \beta, au\#, \pi) \vdash (\# \alpha S, au\#, \pi r)$ (reducere cu $S \rightarrow \beta$)
 - $(\# \alpha \beta, au\#, \pi) \vdash (\# \alpha \beta a, u\#, \pi)$ (deplasare)
 - Pentru o configurație $(\# \gamma, u\#, \pi)$ cu $\gamma = \alpha_1 \beta_1 = \alpha_2 \beta_2$ și $A \rightarrow \beta_1, B \rightarrow \beta_2$, reguli (conflict **reducere/reducere**)
 - $(\# \alpha_1 \beta_1, u\#, \pi) \vdash (\# \alpha_1 A, au\#, \pi r_1)$
 - $(\# \alpha_2 \beta_2, u\#, \pi) \vdash (\# \alpha_2 B, au\#, \pi r_2)$

Corectitudine

- ▶ Spunem că un cuvânt $w \in T^*$ este acceptat de un parser ascendent dacă există măcar un calcul de forma
 - $(\#, w\#, \varepsilon) \vdash^+(\#S, \#, \pi)$
- ▶ Pentru ca parserul descris să fie corect, trebuie ca el să accepte toate cuvintele din $L(G)$ și numai pe acestea.
- ▶ **Teorema**
 - Parserul ascendent general atașat unei gramatici G este corect: pentru orice $w \in T^*$, $w \in L(G)$ dacă și numai dacă în parser are loc calculul $(\#, w\#, \varepsilon) \vdash^+(\#S, \#, \pi)$.

Analiza sintactică LR

- ▶ Gramatici LR(k): Left to right scanning of the input, constructing a Rightmost derivation in reverse, using k symbols lookahead
- ▶ Definiție
 - O gramatică G se numește gramatică LR(k), $k \geq 0$, dacă pentru orice două derivări de forma:
 - $S' \Rightarrow S \xRightarrow{dr} \alpha A u \xRightarrow{dr} \alpha \beta u = \delta u$
 - $S' \Rightarrow S \xRightarrow{dr} \alpha' A' u' \xRightarrow{dr} \alpha' \beta' u' = \alpha \beta v = \delta v$
 - pentru care $k:u = k:v$, are loc $\alpha = \alpha'$, $\beta = \beta'$, $A = A'$

Analiza sintactică LR

▶ Teorema 1

- Dacă G este gramatică $LR(k)$, $k \geq 0$, atunci G este neambiguă.

▶ Un limbaj L este (în clasa) $\mathcal{LR}(k)$ dacă există o gramatică $LR(k)$ care îl generează

▶ Teorema 2

- Orice limbaj $\mathcal{LR}(k)$ este limbaj de tip 2 determinist.

▶ Teorema 3

- Orice limbaj de tip 2 determinist este limbaj $LR(1)$.

▶ Teorema 4

- Pentru orice limbaj $\mathcal{LR}(k)$, $k \geq 1$, există o gramatică $LR(1)$ care generează acest limbaj, adică $LR(0) \subset LR(1) = LR(k)$, $k \geq 1$.

Gramatici LR(0)

► Definiție

- Fie $G = (V, T, S, P)$ o gramatică independentă de context redusă. Să presupunem că simbolul \bullet nu este în Σ . Un **articol** pentru gramatica G este o producție $A \rightarrow \gamma$ în care s-a adăugat simbolul \bullet într-o anumite poziție din γ . Notăm un articol prin $A \rightarrow \alpha \bullet \beta$ dacă $\gamma = \alpha \beta$. Un articol în care \bullet este pe ultima poziție se numește **articol complet**.

► Definiție

- Un **prefix viabil** pentru gramatica G este orice prefix al unui cuvânt $\alpha\beta$ dacă $S \xRightarrow{dr}^* \alpha A u \xRightarrow{dr} \alpha \beta u$. Dacă $\beta = \beta_1 \beta_2$ și $\varphi = \alpha \beta_1$ spunem că articolul $A \rightarrow \beta_1 \bullet \beta_2$ este **valid** pentru **prefixul viabil** φ .

Exemplu

- ▶ Exemplu $S \rightarrow A, A \rightarrow aAa \mid bAb \mid c \mid \varepsilon$.
 - Articole: $S \rightarrow \bullet A, S \rightarrow A \bullet, A \rightarrow \bullet aAa, A \rightarrow a \bullet Aa, A \rightarrow aA \bullet a,$
 $A \rightarrow aAa \bullet, A \rightarrow \bullet bAb, A \rightarrow b \bullet Ab, A \rightarrow bA \bullet b, A \rightarrow bAb \bullet,$
 $A \rightarrow \bullet c, A \rightarrow c \bullet, A \rightarrow \bullet$.
- ▶ Articole valide pentru prefixe viabile:

| Prefixul viabil | Articole valide | Derivarea corespunzătoare |
|-----------------|--|---|
| ab | $A \rightarrow b \bullet Ab$ $A \rightarrow \bullet aAa$ $A \rightarrow \bullet bAb$ | $S \Rightarrow A \Rightarrow aAa \Rightarrow abAba$ $S \Rightarrow A \Rightarrow aAa \Rightarrow abAba \Rightarrow abaAaba$ $S \Rightarrow A \Rightarrow aAa \Rightarrow abAba \Rightarrow abbAbba$ |
| ε | $S \rightarrow \bullet A$ $A \rightarrow \bullet bAb$ $A \rightarrow \bullet c$ | $S \Rightarrow A$ $S \Rightarrow A \Rightarrow bAb$ $S \Rightarrow A \Rightarrow c$ |

Gramatici LR(0)

► Lema

- Fie G o gramatică și $A \rightarrow \beta_1 \bullet B \beta_2$ un articol valid pentru prefixul viabil γ . Atunci, oricare ar fi producția $B \rightarrow \beta$, articolul $B \rightarrow \bullet \beta$ este valid pentru γ .

► Teorema (caracterizare LR(0))

- Gramatica G este gramatică LR(0) dacă și numai dacă, oricare ar fi prefixul viabil γ , sunt îndeplinite condițiile:
 - 1. nu există două articole complete valide pentru γ .
 - 2. dacă articolul $A \rightarrow \beta \bullet$ este valid pentru γ , nu există nici un articol $B \rightarrow \beta_1 \bullet a \beta_2$, $a \in T$, valid pentru γ .

Gramatici LR(0)

► Teorema

- Fie $G = (V, T, S, P)$ o gramatică independentă de context. Mulțimea prefixelor viabile pentru gramatica G este limbaj regulat.

► Demonstrație

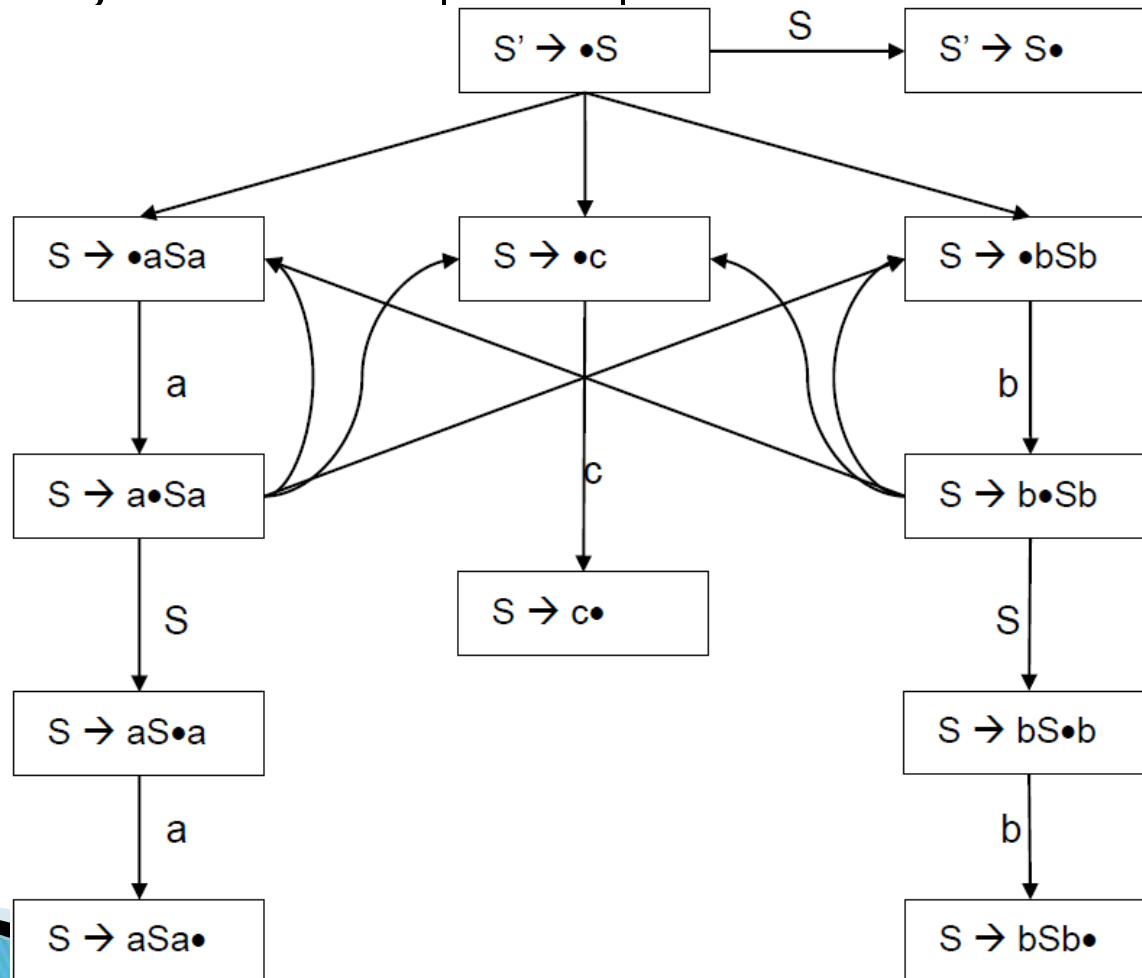
- G' este G la care se adaugă $S' \rightarrow S$.
- $M = (Q, \Sigma, \delta, q_0, Q)$, unde:
 - Q este mulțimea articolelor gramaticii G' ,
 - $\Sigma = V \cup T$, $q_0 = S' \rightarrow \bullet S$
 - $\delta: Q \times (\Sigma \cup \{\epsilon\}) \rightarrow 2^Q$ definită astfel:
 - $\delta(A \rightarrow \alpha \bullet B \beta, \epsilon) = \{B \rightarrow \bullet \alpha \mid B \rightarrow \gamma \in P\}$.
 - $\delta(A \rightarrow \alpha \bullet X \beta, X) = \{A \rightarrow \alpha X \bullet \beta\}$, $X \in \Sigma$.
 - $\delta(A \rightarrow \alpha \bullet a \beta, \epsilon) = \emptyset$, $\forall a \in T$.
 - $\delta(A \rightarrow \alpha \bullet X \beta, Y) = \emptyset$, $\forall X, Y \in \Sigma$ cu $X \neq Y$.

► Se arată că are loc:

- $(A \rightarrow \alpha \bullet \beta \in \delta^*(q_0, \gamma) \Leftrightarrow \gamma \text{ este prefix viabil și } A \rightarrow \alpha \bullet \beta \text{ este valid pentru } \gamma.$

Exemplu

- ▶ $S' \rightarrow S, S \rightarrow aSa \mid bSb \mid c$



Automatul LR(0)

- ▶ Algoritmul 1 (procedura închidere(t))
- ▶ Intrare:
 - Gramatica $G = (V, T, S, P)$;
 - Mulțimea t de articole din gramatica G ;
- ▶ Ieșire: $t' = \text{închidere}(t) = \{q \in Q \mid \exists p \in t, q \in \delta(p, \varepsilon)\} = \delta(t, \varepsilon)$

Automatul LR(0)

- ▶ $t' = t$; flag = true;
- ▶ while(flag) {
 - flag = false;
 - for $(A \rightarrow \alpha \bullet B \beta \in t')$ {
 - for $(B \rightarrow \gamma \in P)$
 - if $(B \rightarrow \bullet \gamma \notin t')$ {
 - $t' = t' \cup \{B \rightarrow \bullet \gamma\}$;
 - flag = true;
 - }//endif
 - }//endforB
 - }//endforA
- ▶ }//endwhile
- ▶ return t' ;

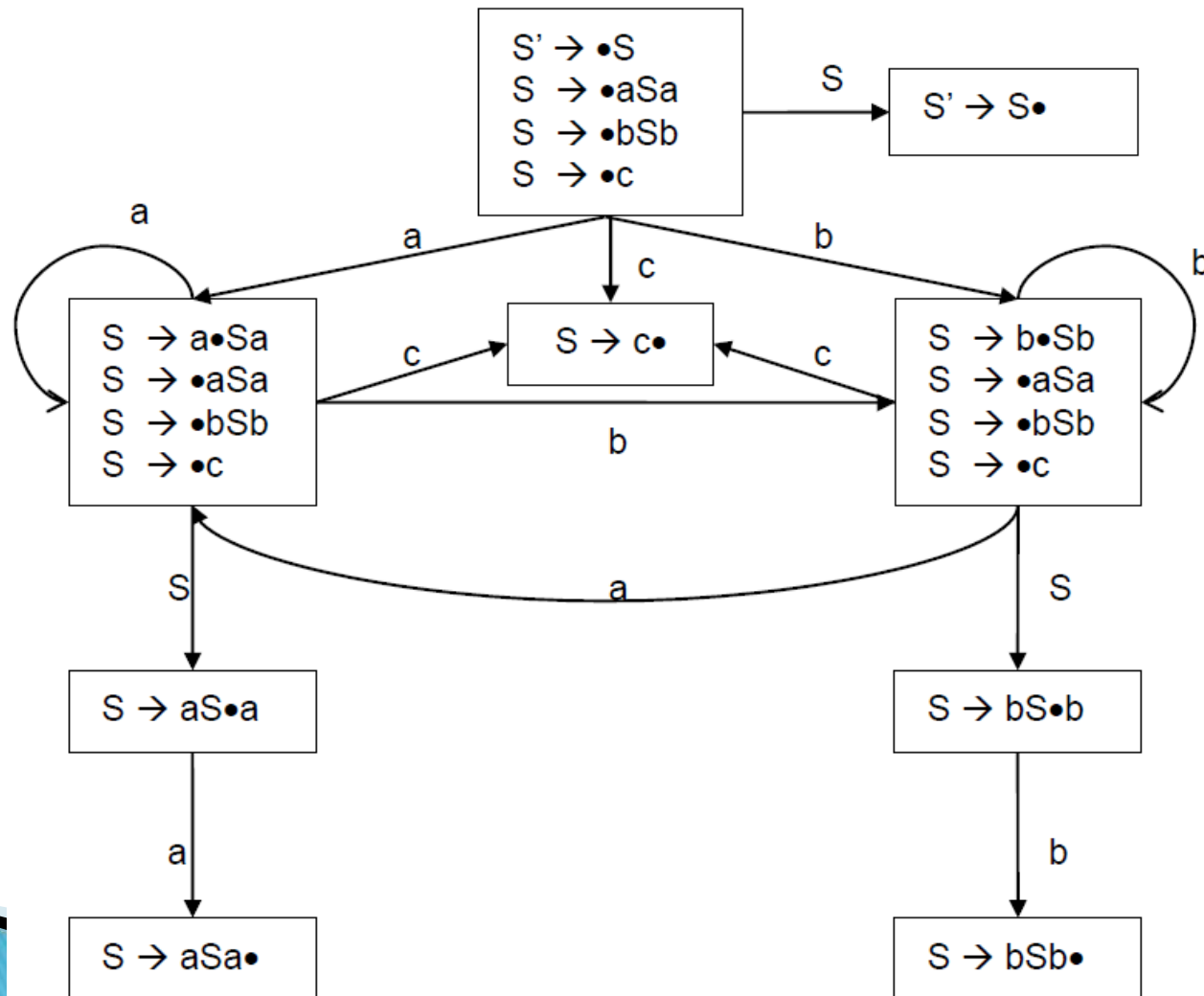
Automatul LR(0)

- ▶ Algoritmul 2 Automatul LR(0)
 - Intrare: Gramatica $G = (N, T, S, P)$ la care s-a adăugat $S' \rightarrow S$;
 - Ieșire: Automatul determinist $M = (T, \Sigma, g, t_0, T)$ echivalent cu M .

- ▶ $t_0 = \text{inchidere}(S' \rightarrow \bullet S); T = \{t_0\}; \text{marcat}(t_0) = \text{false};$
- ▶ $\text{while}(\exists t \in T \ \&\& \ !\text{marcat}(t)) \{ \ // \ \text{marcat}(t) = \text{false}$
 - $\text{for}(X \in \Sigma) \{ \ // \ \Sigma = N \cup T$
 - $t' = \emptyset;$
 - $\text{for}(A \rightarrow \alpha \bullet X \beta \ \epsilon T)$
 - $t' = t' \cup \{B \rightarrow \alpha X \bullet \beta \mid A \rightarrow \alpha \bullet X \beta \ \epsilon T\};$
 - $\text{if}(t' \neq \emptyset)\{$
 - $t' = \text{inchidere}(t');$
 - $\text{if}(t' \notin T) \{$
 - $T = T \cup \{t'\};$
 - $\text{marcat}(t') = \text{false};$
 - $\} // \text{endif}$
 - $g(t, X) = t';$
 - $\} // \text{endif}$
 - $\} // \text{endfor}$
 - $\} // \text{endfor}$
 - $\text{marcat}(t) = \text{true};$
 - ▶ $\} // \text{endwhile}$

Automatul LR(0) – Exemplu

- ▶ $S' \rightarrow S, S \rightarrow aSa \mid bSb \mid c$

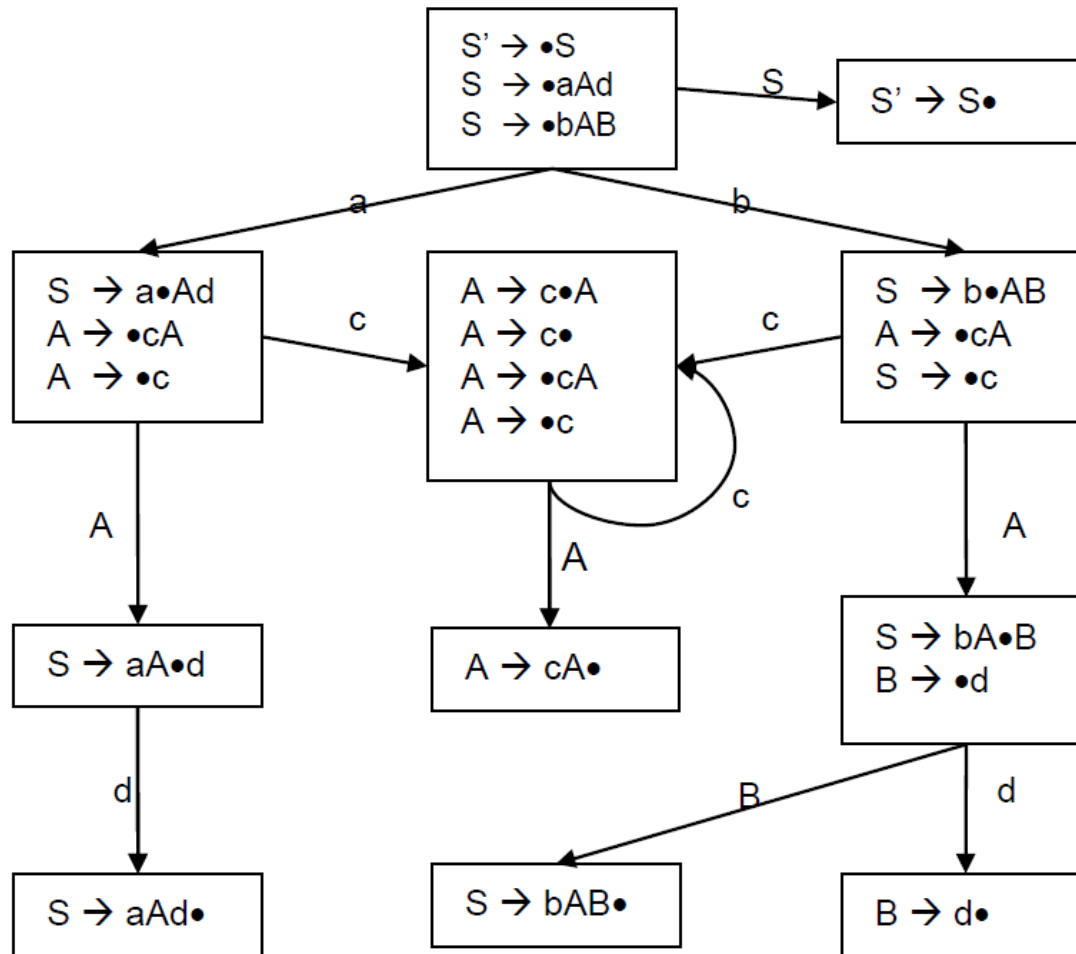


Test LR(0)

- ▶ **Definiție** Fie G o gramatică și M automatul LR(0) atașat lui G .
 - Spunem că o stare a lui M are un conflict **reducere/reducere** dacă ea conține două articole complete distincte $A \rightarrow \alpha \bullet$, $B \rightarrow \beta \bullet$.
 - Spunem că o stare a lui M are un conflict **deplasare/reducere** dacă ea conține un articol complet $A \rightarrow \alpha \bullet$ și un articol cu terminal după punct de forma $B \rightarrow \beta \bullet a \gamma$.
 - Spunem că o stare este **consistentă** dacă ea nu conține conflicte și este **inconsistentă** în caz contrar.
- ▶ **Teorema** Fie G o gramatică și M automatul său LR(0). Gramatica G este LR(0) dacă și numai dacă automatul M nu conține stări inconsistente

Exemplu

- $S \rightarrow aAd \mid bAB$, $A \rightarrow cA \mid c$, $B \rightarrow d$



Algoritmul de analiză LR(0)

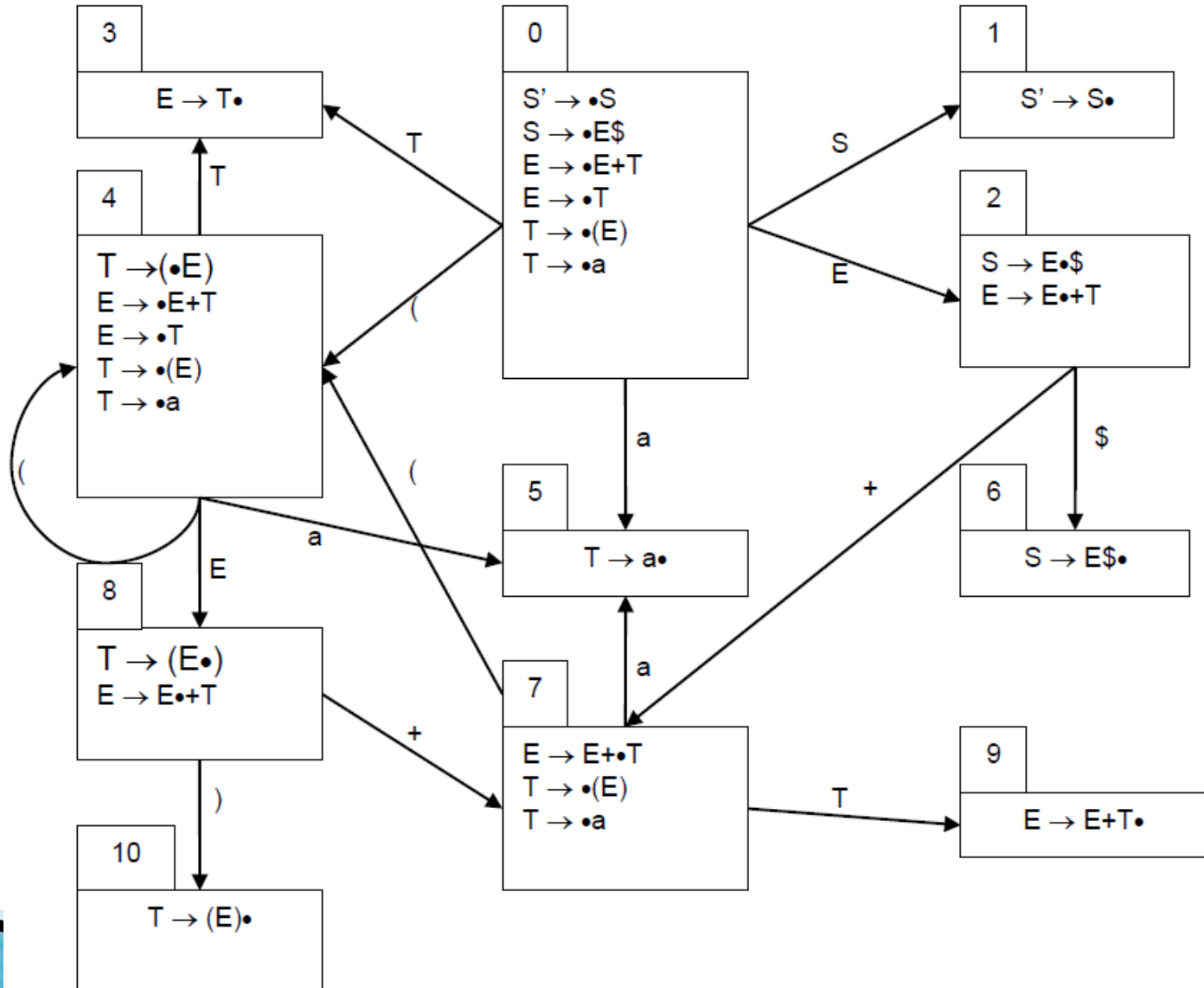
- ▶ Tabela de parsare coincide cu automatul LR(0), M.
- ▶ Configurație: $(\sigma, u\#, \pi)$ unde $\sigma \in t_0 T^*$, $u \in T^*$, $\pi \in P^*$.
- ▶ Configurația inițială este $(t_0, w\#, \varepsilon)$,
- ▶ Tranzițiile:
 - **Deplasare**: $(\sigma t, au\#, \pi) \vdash (\sigma tt', u\#, \pi)$ dacă $g(t, a) = t'$.
 - **Reducere**: $(\sigma t\sigma' t', u\#, \pi) \vdash (\sigma tt'', u\#, \pi r)$ dacă $A \rightarrow \beta \bullet \in t'$, $r = A \rightarrow \beta$, $|\sigma' t'| = |\beta|$ și $t'' = g(t, A)$.
 - **Acceptare**: $(t_0 t_1, \#, \pi)$ este configurația de acceptare dacă $S' \rightarrow S \bullet \in t_1$, π este parsarea acestuia.
 - **Eroare**: o configurație căreia nu i se poate aplica nici o tranziție

Algoritmul de analiză LR(0)

```
▶ char ps[] = "w#"; //ps este sirul de intrare w
▶ i = 0; // pozitia in sirul de intrare
▶ STIVA.push(t0); // se initializeaza stiva cu t0
▶ while(true) { // se repeta pana la succes sau eroare
    ◦ t = STIVA.top();
    ◦ a = ps[i] // a este simbolul curent din intrare
    ◦ if( g(t, a) ≠ ∅ { //deplasare
        • STIVA.push(g(t, a));
        • i++; //se inainteaza in intrare
        • }
    ◦ else {
    ◦ if(A → X1X2...Xm • ∈ t){
        • if(A == „S”)
            • if(a == „#”)exit( "acceptare");
            • else exit("eroare");
        • else // reducere
            • for( i = 1; i <= m; i++) STIVA.pop();
            • STIVA.push(g(top(STIVA), A));
        • } //endif
    ◦ else exit("eroare");
    ◦ }//endelse
▶ }//endwhile
```


Exemplu

► $S' \rightarrow S \quad S \rightarrow E\$ \quad E \rightarrow E+T \quad T \rightarrow (E) \quad E \rightarrow TT \rightarrow a$



Exemplu

► $S' \rightarrow S \quad S \rightarrow E\$ \quad E \rightarrow E+T \quad T \rightarrow (E) \quad E \rightarrow T \quad T \rightarrow a$

| Stiva | Intrare | Acțiune | leșire |
|-----------|------------|-----------|---------------------|
| 0 | a+(a+a)\$# | deplasare | |
| 05 | +(a+a)\$# | reducere | $T \rightarrow a$ |
| 03 | +(a+a)\$# | reducere | $E \rightarrow T$ |
| 02 | +(a+a)\$# | deplasare | |
| 027 | (a+a)\$# | deplasare | |
| 0274 | a+a)\$# | deplasare | |
| 02745 | +a)\$# | reducere | $T \rightarrow a$ |
| 02743 | +a)\$# | reducere | $E \rightarrow T$ |
| 02748 | +a)\$# | deplasare | |
| 027487 | a)\$# | deplasare | |
| 0274875 |)\$# | reducere | $T \rightarrow a$ |
| 0274879 |)\$# | reducere | $E \rightarrow E+T$ |
| 02748 |)\$# | deplasare | |
| 02748'10' | \$# | reducere | $T \rightarrow (E)$ |
| 0279 | \$# | reducere | $E \rightarrow E+T$ |
| 02 | \$# | deplasare | |
| 026 | # | reducere | $S \rightarrow E\$$ |
| 01 | # | acceptare | |

Corectitudinea parserului LR(0)

- ▶ **Lema 1, 2** Fie $G = (N, T, S, P)$ o gramatică LR(0), $t_0\sigma, t_0\tau$ drumuri în automatul LR(0) etichetate cu φ respectiv γ și $u, v \in T^*$. Atunci, dacă în parserul LR(0) are loc $(t_0\sigma, uv\#, \varepsilon) \vdash^+(t_0\tau, v\#, \pi)$, atunci în G are loc derivarea $\varphi \xRightarrow{\text{dr}}_{\pi} u$ și reciproc.
- ▶ **Teoremă** Dacă G este gramatică LR(0) atunci, oricare ar fi cuvântul de intrare $w \in T^*$, parserul LR(0) ajunge la configurația de acceptare pentru w , adică $(t_0\sigma, uv\#, \varepsilon) \vdash^+(t_0\tau, v\#, \pi)$ dacă și numai dacă $\varphi \xRightarrow{\text{dr}}_{\pi} u$

Bibliografie

- ▶ Grigoraș Gh., *Construcția compilatoarelor. Algoritmi fundamentali*, Editura Universității “Alexandru Ioan Cuza”, Iași, 2005