

Fibonacci Recursivo – Exemplo de uma recursão

```
function fiboRecursivo(n) {  
  if (n == 0) {  
    return 0;  
  } else if (n == 1) {  
    return 1;  
  } else {  
    return fiboRecursivo(n - 1) + fiboRecursivo(n - 2);  
  }  
}  
  
console.log(fiboRecursivo(10)); // forneço o index e ele dá o valor nesse index
```

```

fibonacci(6)
|
+-- fibonacci(5)
| |
| | +-- fibonacci(4)
| | |
| | | +-- fibonacci(3)
| | | |
| | | | +-- fibonacci(2)
| | | | |
| | | | | +-- fibonacci(1) -> retorna 1
| | | | | +-- fibonacci(0) -> retorna 0
| | | | | (1 + 0 = 1) fibonacci(2) retorna 1
| | | | +-- fibonacci(1) -> retorna 1
| | | | (1 + 1 = 2) fibonacci(3) retorna 2
| | | +-- fibonacci(2)
| | | |
| | | | +-- fibonacci(1) -> retorna 1
| | | | +-- fibonacci(0) -> retorna 0
| | | | (1 + 0 = 1) fibonacci(2) retorna 1
| | | (2 + 1 = 3) fibonacci(4) retorna 3
| | +-- fibonacci(3)
| | |
| | | +-- fibonacci(2)
| | | |
| | | | +-- fibonacci(1) -> retorna 1
| | | | +-- fibonacci(0) -> retorna 0
| | | | (1 + 0 = 1) fibonacci(2) retorna 1
| | | +-- fibonacci(1) -> retorna 1
| | | (1 + 1 = 2) fibonacci(3) retorna 2
| | (3 + 2 = 5) fibonacci(5) retorna 5
|
+-- fibonacci(4)
| |
| | +-- fibonacci(3)
| | |
| | | +-- fibonacci(2)
| | | |
| | | | +-- fibonacci(1) -> retorna 1
| | | | +-- fibonacci(0) -> retorna 0
| | | | (1 + 0 = 1) fibonacci(2) retorna 1
| | | +-- fibonacci(1) -> retorna 1
| | | (1 + 1 = 2) fibonacci(3) retorna 2
| | +-- fibonacci(2)
| | |
| | | +-- fibonacci(1) -> retorna 1
| | | +-- fibonacci(0) -> retorna 0
| | | (1 + 0 = 1) fibonacci(2) retorna 1
| | (2 + 1 = 3) fibonacci(4) retorna 3
|
(5 + 3 = 8) fibonacci(6) retorna 8

```

Vamos traçar a execução principal de forma mais linear, focando nos retornos:

1. fibonacci(6) é chamado.

- Não é 0 nem 1. Então, calcula fibonacci(5) + fibonacci(4).

2. **fibonacciRecursivo(5)** é chamado (o primeiro termo da soma).

- Não é 0 nem 1. Calcula fibonacciRecursivo(4) + fibonacciRecursivo(3).
- **fibonacciRecursivo(4)** (para fibonacci(5)):
 - Calcula fibonacciRecursivo(3) + fibonacciRecursivo(2).
 - **fibonacciRecursivo(3)** (para fibonacci(4)):
 - Calcula fibonacciRecursivo(2) + fibonacciRecursivo(1).
 - **fibonacciRecursivo(2)** (para fibonacci(3)):
 - Calcula fibonacciRecursivo(1) + fibonacciRecursivo(0).
 - fibonacciRecursivo(1) retorna 1.
 - fibonacciRecursivo(0) retorna 0.
 - fibonacciRecursivo(2) retorna $1 + 0 = 1$.
 - fibonacciRecursivo(1) retorna 1.
 - fibonacciRecursivo(3) retorna $1 + 1 = 2$.
 - **fibonacciRecursivo(2)** (para fibonacci(4)): (Já sabemos que retorna 1, mas seria recalculado)
 - Retorna 1.
 - fibonacciRecursivo(4) retorna $2 + 1 = 3$.
- **fibonacciRecursivo(3)** (para fibonacci(5)): (Já sabemos que retorna 2, mas seria recalculado)
 - Retorna 2.
- fibonacciRecursivo(5) retorna $3 + 2 = 5$.

3. **fibonacciRecursivo(4)** é chamado (o segundo termo da soma para fibonacci(6)).

- (Já sabemos que retorna 3, mas seria recalculado independentemente).
- Não é 0 nem 1. Calcula fibonacciRecursivo(3) + fibonacciRecursivo(2).
- **fibonacciRecursivo(3)** (para fibonacci(4)):
 - Retorna 2 (após suas próprias chamadas recursivas a fibonacci(2) e fibonacci(1)).
- **fibonacciRecursivo(2)** (para fibonacci(4)):
 - Retorna 1 (após suas próprias chamadas recursivas a fibonacci(1) e fibonacci(0)).
- fibonacciRecursivo(4) retorna $2 + 1 = 3$.

4. Finalmente, fibonacciRecursivo(6) pode calcular seu resultado.

- Recebeu 5 de fibonacciRecursivo(5).
- Recebeu 3 de fibonacciRecursivo(4).
- fibonacciRecursivo(6) retorna $5 + 3 = 8$.

Portanto, `console.log(fibonacciRecursivo(6))` imprimirá 8.

Como a Recursão Funciona nos Bastidores (Pilha de Chamadas)

Cada vez que uma função é chamada em JavaScript (e em muitas outras linguagens), um novo "quadro" (frame) é adicionado à "pilha de chamadas" (call stack). Esse quadro contém informações sobre a chamada da função, como seus parâmetros e variáveis locais.

Quando uma função recursiva se chama, um novo quadro é empilhado sobre o anterior. Quando uma função retorna, seu quadro é removido do topo da pilha, e o controle volta para a função que a chamou (que está no quadro abaixo).

No caso de `fibonacciRecursivo(6)`, a pilha cresce à medida que as chamadas vão se aprofundando até atingir um caso base. Por exemplo, para calcular `fibonacciRecursivo(6)` → `fibonacciRecursivo(5)` → `fibonacciRecursivo(4)` → `fibonacciRecursivo(3)` → `fibonacciRecursivo(2)` → `fibonacciRecursivo(1)`, a pilha teria 6 quadros. Quando `fibonacciRecursivo(1)` retorna 1, seu quadro é removido, e o valor 1 é usado pela chamada de `fibonacciRecursivo(2)`. Esse processo de empilhar e desempilhar continua até que a chamada original (`fibonacciRecursivo(6)`) obtenha seu resultado.

Considerações sobre a Eficiência

Esta implementação recursiva de Fibonacci é muito didática para entender o conceito de recursão, mas é **ineficiente** para valores de n maiores. Observe na árvore de chamadas que muitos cálculos são repetidos. Por exemplo, `fibonacciRecursivo(4)` é calculado duas vezes, `fibonacciRecursivo(3)` é calculado três vezes, `fibonacciRecursivo(2)` é calculado cinco vezes, e assim por diante. Essa redundância leva a um crescimento exponencial no número de operações, tornando-o lento para números de Fibonacci maiores (por exemplo, `fibonacciRecursivo(40)` já demoraria bastante).

Em ciência de dados e desenvolvimento de software, quando enfrentamos problemas de desempenho com recursão devido a subproblemas sobrepostos, frequentemente usamos técnicas como:

- **Memoização (Programação Dinâmica):** Armazenamos os resultados de chamadas de função já calculadas (por exemplo, em um objeto ou array) e, antes de recalculá-las, verificamos se o resultado já existe.
- **Abordagem Iterativa:** Usar um loop (como `for` ou `while`) para calcular os números de Fibonacci sequencialmente, armazenando apenas os dois últimos valores necessários. Esta é geralmente a forma mais eficiente.

Conclusão

O algoritmo `fibonacciRecursivo(n)` demonstra elegantemente como a definição matemática da sequência de Fibonacci pode ser traduzida diretamente em código usando recursão. Ele se baseia em:

1. **Casos base** ($n=0$ e $n=1$) que fornecem resultados diretos e param a recursão.
2. Um **passo recursivo** que quebra o problema em subproblemas menores (`fibonacci(n-1)` e `fibonacci(n-2)`) até que os casos base sejam alcançados.

O fluxo de execução envolve múltiplas chamadas de função que são gerenciadas pela pilha de chamadas, com os resultados sendo propagados de volta à medida que as chamadas recursivas retornam. Embora seja conceitualmente simples, é importante estar ciente de suas implicações de desempenho para problemas maiores.

Espero que esta explicação didática tenha sido útil para entender o funcionamento do algoritmo!