



UNIVERSIDAD NACIONAL DEL ALTIPLANO

FACULTAD DE INGENIERÍA ESTADÍSTICA E
INFORMÁTICA

Estructuras de Datos

Autor: Condori Calapuja Andre

Docente: Ing. Torres Cruz Fred

2025
Puno - Perú

31 de mayo de 2025

Índice

1. Introducción a Estructuras de Datos	2
1.1. Conceptos	2
1.2. Ejemplo en C++	2
2. Arrays o Arreglos	3
2.1. Conceptos	3
2.2. Ejemplo en C++	3
3. Registros (Structs)	4
3.1. Conceptos	4
3.2. Ejemplo en C++	4
4. Listas Enlazadas	6
4.1. Conceptos	6
4.2. Ejemplo en C++	6
5. Listas Dobles y Circulares	8
5.1. Conceptos	8
5.2. Ejemplo en C++	8
6. Pilas (Stacks)	10
6.1. Conceptos	10
6.2. Ejemplo en C++	10
7. Colas (Queues)	12
7.1. Conceptos	12
7.2. Ejemplo en C++	12
8. Recursión	13
8.1. Conceptos	13
8.2. Ejemplo en C++	14

1. Introducción a Estructuras de Datos

1.1. Conceptos

Las estructuras de datos son modelos fundamentales para organizar y almacenar información en la memoria de una computadora. Proporcionan mecanismos eficientes para manipular datos, permitiendo operaciones como inserción, búsqueda, eliminación y ordenamiento de manera óptima.

■ Por organización:

- **Lineales:** Elementos dispuestos secuencialmente (arrays, listas, pilas, colas)
- **No lineales:** Elementos con relaciones jerárquicas o de red (árboles, grafos)

■ Por tamaño:

- **Estáticas:** Tamaño fijo definido en tiempo de compilación (arrays tradicionales)
- **Dinámicas:** Tamaño variable que puede crecer o reducirse en tiempo de ejecución (listas enlazadas, árboles)

1.2. Ejemplo en C++

```
1 #include <iostream>
2 #include <vector>    // Estructura dinámica
3 #include <array>     // Estructura estática
4
5 int main() {
6     // Array estático (tamaño fijo)
7     std::array<int, 5> arrEstatico = {1, 2, 3, 4, 5};
8
9     // Vector dinámico (tamaño variable)
10    std::vector<int> vecDinamico = {1, 2, 3};
11    vecDinamico.push_back(4);    // Añadir elemento
12
13    std::cout << "Array estático: ";
14    for(int num : arrEstatico) {
15        std::cout << num << " ";
16    }
17
18    std::cout << "\nVector dinámico: ";
19    for(int num : vecDinamico) {
20        std::cout << num << " ";
21    }
22
23    return 0;
```

2. Arrays o Arreglos

2.1. Conceptos

Los arrays son estructuras de datos lineales y estáticas que almacenan elementos del mismo tipo en posiciones contiguas de memoria. Cada elemento se accede mediante un índice numérico, generalmente comenzando desde 0.

- **Ventajas:**

- Acceso aleatorio rápido ($O(1)$)
- Eficiencia en memoria (solo almacena datos)

- **Desventajas:**

- Tamaño fijo
- Inserción/eliminación costosas ($O(n)$)

2.2. Ejemplo en C++

```
1 #include <iostream>
2 using namespace std;
3
4 void ordenamientoBurbuja(int arr[], int tamaño) {
5     for(int i = 0; i < tamaño-1; i++) {
6         for(int j = 0; j < tamaño-i-1; j++) {
7             if(arr[j] > arr[j+1]) {
8                 swap(arr[j], arr[j+1]);
9             }
10        }
11    }
12 }
13
14 int main() {
15     const int TAMAÑO = 6;
16     int numeros[TAMAÑO] = {30, 10, 50, 20, 40, 60};
17
18     cout << "Array original: ";
19     for(int i = 0; i < TAMAÑO; i++) {
20         cout << numeros[i] << " ";
21     }
22
23     ordenamientoBurbuja(numeros, TAMAÑO);
```

```

24
25     cout << "\nArray ordenado: ";
26     for(int i = 0; i < TAMANO; i++) {
27         cout << numeros[i] << " ";
28     }
29
30     // Búsqueda binaria
31     int objetivo = 40;
32     int izquierda = 0, derecha = TAMANO - 1;
33     while(izquierda <= derecha) {
34         int medio = izquierda + (derecha - izquierda) / 2;
35         if(numeros[medio] == objetivo) {
36             cout << "\nElemento " << objetivo << "
37                 encontrado en posición " << medio;
38             break;
39         }
40         if(numeros[medio] < objetivo) {
41             izquierda = medio + 1;
42         } else {
43             derecha = medio - 1;
44         }
45     }
46     return 0;
47 }

```

Listing 2: Operaciones con arrays en C++

3. Registros (Structs)

3.1. Conceptos

Los registros (structs en C++) son estructuras de datos compuestas que permiten agrupar variables de diferentes tipos bajo un mismo nombre. Cada variable dentro del struct se denomina miembro o campo.

■ Características:

- Agrupación lógica de datos relacionados
- Acceso a miembros mediante operador punto (.) o flecha (->)
- Pueden contener otros structs

3.2. Ejemplo en C++

```

1 #include <iostream>
2 #include <string>
3 using namespace std;

```

```

4
5 struct Direccion {
6     string calle;
7     int numero;
8     string ciudad;
9 };
10
11 struct Estudiante {
12     string nombre;
13     int edad;
14     float promedio;
15     Direccion dir;
16 };
17
18 void mostrarEstudiante(const Estudiante& est) {
19     cout << "Nombre: " << est.nombre << "\n"
20         << "Edad: " << est.edad << "\n"
21         << "Promedio: " << est.promedio << "\n"
22         << "Direcci n: " << est.dir.calle << " "
23         << est.dir.numero << ", " << est.dir.ciudad <<
24         "\n";
25 }
26
27 int main() {
28     Estudiante estudiante1 = {
29         "Ana Garc a",
30         20,
31         8.5,
32         {"Calle Principal", 123, "Ciudad Ejemplo"}
33     };
34
35     Estudiante grupo[3] = {
36         {"Juan P rez", 21, 7.8, {"Calle 1", 45, "Ciudad
37         A"}},
38         {"Luisa M ndez", 19, 9.1, {"Calle 2", 67, "Ciudad
39         B"}},
40         estudiante1
41     };
42
43     grupo[0].promedio = 8.0;
44
45     for(int i = 0; i < 3; i++) {
46         cout << "\nEstudiante " << i+1 << ":\n";
47         mostrarEstudiante(grupo[i]);
48     }
49
50     return 0;
51 }

```

Listing 3: Uso de structs en C++

4. Listas Enlazadas

4.1. Conceptos

Una lista enlazada es una estructura de datos lineal y dinámica compuesta por nodos, donde cada nodo contiene datos y un puntero al siguiente nodo en la secuencia.

■ Ventajas:

- Tamaño dinámico
- Inserción/eliminación eficientes

■ Desventajas:

- Acceso secuencial ($O(n)$)
- Mayor uso de memoria por punteros

4.2. Ejemplo en C++

```
1 #include <iostream>
2 using namespace std;
3
4 class Nodo {
5 public:
6     int dato;
7     Nodo* siguiente;
8
9     Nodo(int valor) : dato(valor), siguiente(nullptr) {}
10 };
11
12 class ListaEnlazada {
13 private:
14     Nodo* cabeza;
15     Nodo* cola;
16
17 public:
18     ListaEnlazada() : cabeza(nullptr), cola(nullptr) {}
19
20     ~ListaEnlazada() {
21         while(cabeza != nullptr) {
22             Nodo* temp = cabeza;
23             cabeza = cabeza->siguiente;
24             delete temp;
25         }
26     }
27
28     void insertarFinal(int valor) {
29         Nodo* nuevo = new Nodo(valor);
```

```

30     if(cola == nullptr) {
31         cabeza = cola = nuevo;
32     } else {
33         cola->siguiente = nuevo;
34         cola = nuevo;
35     }
36 }
37
38 void eliminar(int valor) {
39     Nodo* actual = cabeza;
40     Nodo* previo = nullptr;
41
42     while(actual != nullptr && actual->dato != valor) {
43         previo = actual;
44         actual = actual->siguiente;
45     }
46
47     if(actual == nullptr) return;
48
49     if(previo == nullptr) {
50         cabeza = actual->siguiente;
51         if(cabeza == nullptr) cola = nullptr;
52     } else {
53         previo->siguiente = actual->siguiente;
54         if(actual == cola) cola = previo;
55     }
56
57     delete actual;
58 }
59
60 void mostrar() const {
61     Nodo* actual = cabeza;
62     while(actual != nullptr) {
63         cout << actual->dato;
64         if(actual->siguiente != nullptr) cout << " -> ";
65         actual = actual->siguiente;
66     }
67     cout << " -> NULL\n";
68 }
69 };
70
71 int main() {
72     ListaEnlazada lista;
73
74     lista.insertarFinal(10);
75     lista.insertarFinal(20);
76     lista.insertarFinal(30);
77     lista.insertarFinal(40);
78
79     cout << "Lista original: ";

```



```

80     lista.mostrar();
81
82     lista.eliminar(20);
83     cout << "Despu s de eliminar 20: ";
84     lista.mostrar();
85
86     lista.insertarFinal(50);
87     cout << "Despu s de insertar 50: ";
88     lista.mostrar();
89
90     return 0;
91 }

```

Listing 4: Implementación de lista enlazada en C++

5. Listas Dobles y Circulares

5.1. Conceptos

- **Listas doblemente enlazadas:** Cada nodo tiene punteros al anterior y siguiente.
- **Listas circulares:** El último nodo apunta al primero.
- **Ventajas:**
 - Recorrido bidireccional (dobles)
 - Acceso circular sin verificar final

5.2. Ejemplo en C++

```

1  #include <iostream>
2  using namespace std;
3
4  class NodoDoble {
5  public:
6      int dato;
7      NodoDoble* anterior;
8      NodoDoble* siguiente;
9
10     NodoDoble(int valor) : dato(valor), anterior(nullptr),
11                           siguiente(nullptr) {}
12 };
13
14 class ListaDobleCircular {
15 private:
16     NodoDoble* cabeza;

```

```

17 public:
18     ListaDobleCircular() : cabeza(nullptr) {}
19
20     ~ListaDobleCircular() {
21         if(cabeza == nullptr) return;
22
23         NodoDoble* actual = cabeza->siguiente;
24         while(actual != cabeza) {
25             NodoDoble* temp = actual;
26             actual = actual->siguiente;
27             delete temp;
28         }
29         delete cabeza;
30     }
31
32     void insertarFinal(int valor) {
33         NodoDoble* nuevo = new NodoDoble(valor);
34
35         if(cabeza == nullptr) {
36             cabeza = nuevo;
37             cabeza->anterior = cabeza;
38             cabeza->siguiente = cabeza;
39         } else {
40             NodoDoble* ultimo = cabeza->anterior;
41
42             nuevo->siguiente = cabeza;
43             nuevo->anterior = ultimo;
44             ultimo->siguiente = nuevo;
45             cabeza->anterior = nuevo;
46         }
47     }
48
49     void mostrarAdelante() const {
50         if(cabeza == nullptr) {
51             cout << "Lista vac a\n";
52             return;
53         }
54
55         NodoDoble* actual = cabeza;
56         do {
57             cout << actual->dato;
58             actual = actual->siguiente;
59             if(actual != cabeza) cout << " <-> ";
60         } while(actual != cabeza);
61         cout << " (Circular)\n";
62     }
63 };
64
65 int main() {
66     ListaDobleCircular lista;

```

```

67
68     lista.insertarFinal(10);
69     lista.insertarFinal(20);
70     lista.insertarFinal(30);
71     lista.insertarFinal(40);
72
73     cout << "Recorrido hacia adelante: ";
74     lista.mostrarAdelante();
75
76     return 0;
77 }

```

Listing 5: Lista doble circular en C++

6. Pilas (Stacks)

6.1. Conceptos

Estructura LIFO (Last In, First Out) donde los elementos se insertan y eliminan por el mismo extremo (tope).

■ Operaciones:

- Push: Insertar en el tope
- Pop: Eliminar del tope
- Peek/Top: Ver el tope sin eliminar

■ Aplicaciones:

- Evaluación de expresiones
- Gestión de llamadas a funciones
- Algoritmos de backtracking

6.2. Ejemplo en C++

```

1  #include <iostream>
2  #include <stack>
3  #include <string>
4  using namespace std;
5
6  bool verificarParentesis(const string& expresion) {
7      stack<char> pila;
8
9      for(char c : expresion) {
10         switch(c) {
11             case '(': case '[': case '{':
12                 pila.push(c);

```

```

13         break;
14
15     case ')':
16         if(pila.empty() || pila.top() != '(')
17             return false;
18         pila.pop();
19         break;
20
21     case ']':
22         if(pila.empty() || pila.top() != '[')
23             return false;
24         pila.pop();
25         break;
26
27     case '}':
28         if(pila.empty() || pila.top() != '{')
29             return false;
30         pila.pop();
31         break;
32     }
33 }
34
35 return pila.empty();
36 }
37
38 int main() {
39     stack<int> pila;
40
41     pila.push(10);
42     pila.push(20);
43     pila.push(30);
44
45     cout << "Tope de la pila: " << pila.top() << endl;
46     pila.pop();
47     cout << "Tope despu s de pop: " << pila.top() << endl;
48
49     string expresion1 = "{(a + b) * [c - d]}";
50     string expresion2 = "{(a + b) * [c - d]}";
51
52     cout << "\nExpresi n 1: " << expresion1 << " - ";
53     cout << (verificarParentesis(expresion1) ? "Balanceado"
54             : "No balanceado") << endl;
55
56     cout << "Expresi n 2: " << expresion2 << " - ";
57     cout << (verificarParentesis(expresion2) ? "Balanceado"
58             : "No balanceado") << endl;
59
60     return 0;
61 }

```

7. Colas (Queues)

7.1. Conceptos

Estructura FIFO (First In, First Out) donde los elementos se insertan por un extremo (final) y se eliminan por el otro (frente).

■ **Variantes:**

- Cola circular
- Cola doble (deque)
- Cola de prioridad

■ **Aplicaciones:**

- Gestión de procesos
- Buffers de impresión
- Simulación de líneas de espera

7.2. Ejemplo en C++

```
1 #include <iostream>
2 #include <queue>
3 #include <deque>
4 using namespace std;
5
6 void simulacionAtencionClientes() {
7     queue<string> colaClientes;
8
9     colaClientes.push("Cliente 1");
10    colaClientes.push("Cliente 2");
11    colaClientes.push("Cliente 3");
12
13    cout << "Proceso de atenci n:\n";
14    while(!colaClientes.empty()) {
15        string clienteActual = colaClientes.front();
16        colaClientes.pop();
17
18        cout << "Atendiendo a " << clienteActual << endl;
19    }
20    cout << "Todos los clientes atendidos\n";
21 }
22
```

```

23 int main() {
24     queue<int> cola;
25
26     cola.push(10);
27     cola.push(20);
28     cola.push(30);
29
30     cout << "Frente de la cola: " << cola.front() << endl;
31     cola.pop();
32     cout << "Nuevo frente despu s de dequeue: " <<
        cola.front() << endl;
33
34     deque<int> colaDoble;
35     colaDoble.push_back(10);
36     colaDoble.push_front(5);
37     colaDoble.push_back(20);
38
39     cout << "\nCola doble: ";
40     for(int num : colaDoble) {
41         cout << num << " ";
42     }
43     cout << endl;
44
45     cout << "\nSimulaci n de atenci n:\n";
46     simulacionAtencionClientes();
47
48     return 0;
49 }

```

Listing 7: Implementaci3n de cola en C++

8. Recursi3n

8.1. Conceptos

T3cnica donde una funci3n se llama a s3 misma para resolver problemas que pueden dividirse en subproblemas m3s peque1os.

■ Componentes:

- Caso base: Condici3n de terminaci3n
- Caso recursivo: Llamada con subproblema m3s peque1o

■ Ventajas:

- C3digo m3s claro para ciertos problemas
- Natural para algoritmos divide y vencer3s

■ Desventajas:

- Posible desbordamiento de pila
- Ineficiencia en algunos casos

8.2. Ejemplo en C++

```

1  #include <iostream>
2  #include <vector>
3  using namespace std;
4
5  unsigned long long factorial(int n) {
6      if(n <= 1) return 1;
7      return n * factorial(n - 1);
8  }
9
10 int busquedaBinaria(const vector<int>& arr, int objetivo,
11 int izquierda, int derecha) {
12     if(izquierda > derecha) return -1;
13
14     int medio = izquierda + (derecha - izquierda) / 2;
15
16     if(arr[medio] == objetivo) {
17         return medio;
18     } else if(arr[medio] < objetivo) {
19         return busquedaBinaria(arr, objetivo, medio + 1,
20 derecha);
21     } else {
22         return busquedaBinaria(arr, objetivo, izquierda,
23 medio - 1);
24     }
25 }
26
27 void recorridoPreorden(int nodo, int nivel) {
28     if(nodo > 15) return;
29
30     cout << string(nivel*2, ' ') << nodo << "\n";
31     recorridoPreorden(2*nodo, nivel+1);
32     recorridoPreorden(2*nodo+1, nivel+1);
33 }
34
35 int main() {
36     int num = 5;
37     cout << "Factorial de " << num << " es " <<
38         factorial(num) << "\n\n";
39
40     vector<int> arr = {2, 5, 8, 12, 16, 23, 38, 56, 72, 91};
41     int objetivo = 23;
42     int resultado = busquedaBinaria(arr, objetivo, 0,
43         arr.size() - 1);

```

```

40     cout << "B squeda binaria: " << objetivo << " est en
      ndice  " << resultado << "\n\n";
41
42     cout << "Recorrido preorden de rbol binario:\n";
43     recorridoPreorden(1, 0);
44
45     return 0;
46 }

```

Listing 8: Ejemplos de recursión en C++