



PLANEJAMENTO DE SISTEMAS ELÉTRICOS

Análise e Desenvolvimento: Otimização e Cálculo das Vazões Naturais Afluentes(Z_t)

Aluno: João Vitor de Souza Assis

Sumário



- 1. Introdução.
 - 1. Modelo PAR(p).
 - 2. Histórico de Vazões da UHE.
- 2. Estudo de Caso.
- 3. Resultados.
- 4. Conclusão.

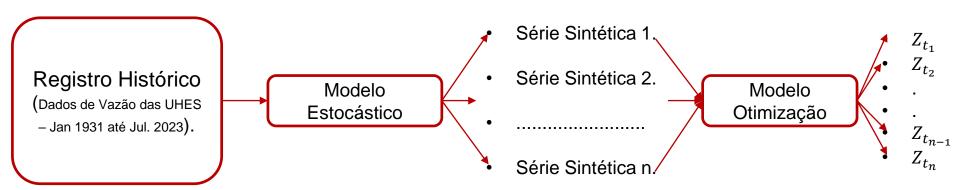


1 - Introdução

Modelo PAR(p)



• Estrutura do Modelo PAR (\vec{p}) :



Modelo PAR(p)



• Estrutura do Modelo PAR(\vec{p}):

$$Z_t = \Phi_1 * Z_{t-1} + \Phi_2 * Z_{t-2} + \dots + \Phi_{P_m} * Z_{t-P_m} + \varepsilon_t$$

Modelo de Otimização



PAR(p)

$$Min \quad \epsilon_{Ago,1931}^2 + \epsilon_{Ago,1932}^2 + + \epsilon_{Ago,2021}^2 + \epsilon_{Ago,2022}^2$$

Sujeito a:

•
$$Z_{Ago,1931} = \phi_1 \cdot Z_{Jul,1931} + \phi_2 \cdot Z_{Jun,1931} + \phi_3 \cdot Z_{Mai,1931} + \epsilon_{Ago,1931}$$

$$ullet Z_{Ago,1932} = \phi_1 \cdot Z_{Jul,1932} + \phi_2 \cdot Z_{Jun,1932} + \phi_3 \cdot Z_{Mai,1932} + \epsilon_{Ago,1932}$$

-
-
- $ullet Z_{Ago,2022} = \phi_1 \cdot Z_{Jul,2022} + \phi_2 \cdot Z_{Jun,2022} + \phi_3 \cdot Z_{Mai,2022} + \epsilon_{Ago,2022}$
- $ullet Z_{Ago,2023} = \phi_1 \cdot Z_{Jul,2023} + \phi_2 \cdot Z_{Jun,2023} + \phi_3 \cdot Z_{Mai,2023} + \epsilon_{Ago,2023}$

Modelos de Otimização



PAR(p) Matricial

$$\begin{bmatrix} Z_{t-1} & \dots & Z_{t-P_m} & 1 & \dots & \dots & 0 & 0 & 0 \\ \vdots & & \dots & \vdots & & \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \vdots & \vdots \\ \vdots & & \dots & & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \vdots & \vdots \\ Z_{t-1} & & \dots & Z_{t-P_m} & 0 & \dots & \dots & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} * X = \begin{bmatrix} Z_{t1} \\ Z_{t2} \\ \vdots \\ Z_{t-Pm} \\ Z_{tPm} \end{bmatrix}$$

$$egin{aligned} Min & q^T \cdot X + rac{1}{2} \cdot X^T \cdot P \cdot X \end{aligned}$$

•
$$Aeq = X \cdot Beq$$



2 – Estudo de Caso

Casos de Estudo



Caso

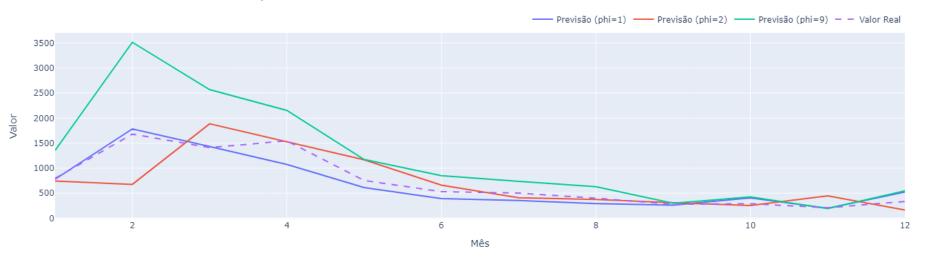
- Código Automatizado para rodar qualquer mês para vários anos.
- Análise do Mês de Fevereiro, Agosto e Dezembro.
- Análise dos Anos 2000, 2020 e 2022.
- Análise com vários valores para (ϕ) .



3 – Resultados

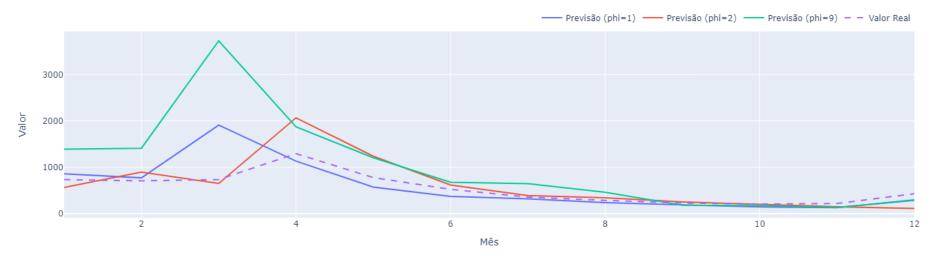


Valores da Previsão e Valores Reais para o Ano 2000



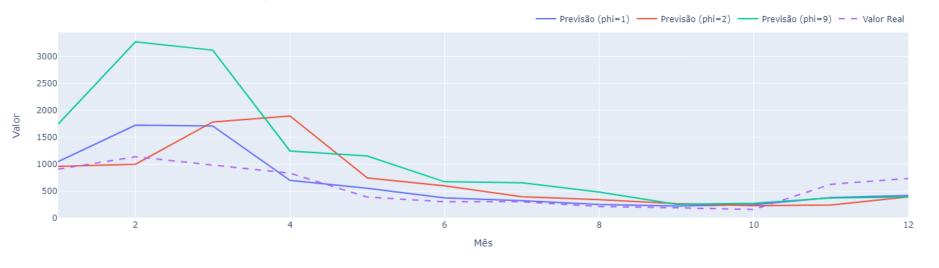


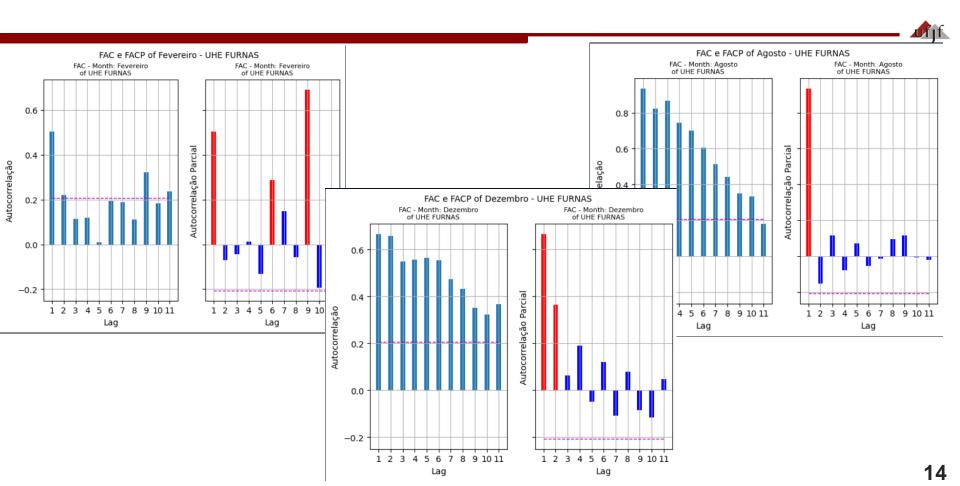
Valores da Previsão e Valores Reais para o Ano 2020





Valores da Previsão e Valores Reais para o Ano 2022







4 – Conclusão

Conclusão



- Conseguimos perceber que a ordem do modelo PAR(p) pode influenciar no valor de vazão natural, aproximando o do mesmo ou afastando-o do valor real, como percebemos.
- Os Meses de agosto e Dezembro tem uma maior influencia do primeiro mês anterior ao mesmo, mas com valores maiores de Phi como 8 ou 9, o mesmo também se aproximou do valor real de Vazão natural para os meses.
- O mês de Janeiro Indica através da plotagem da FAC e FACP que tem ordem 9, mas se acomodou melhor com menores números de Phi, como 1 e 2.

