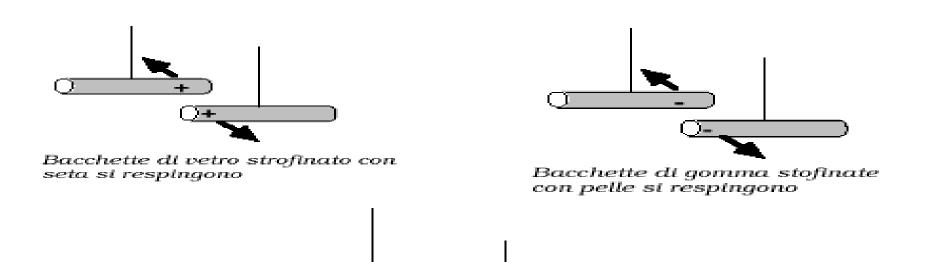
PRIMA LEZIONE INTERAZIONE ELETTROSTATICA: Forza elettrica e Campo elettrico

- •Evidenza dell' interazione elettrica;
- •Interazione fra cariche elettriche;
- Forza di Coulomb;
- •Unità di misura della carica elettrica;
- •Principio di conservazione della carica;
- •Confronto tra interazione gravitazionale e interazione elettrica;
- •Il campo elettrico;
- •Le linee di forza del campo elettrico;
- •Il campo elettrico di una carica puntiforme;
- •Campo elettrico di una distribuzione di carica puntiformi;
- •Campo di una distribuzione continua di carica;

INTERAZIONE ELETTRICA



Una bacchetta di vetro ed una di gomma, se stofinate, si attraggono

Si è costretti ad introdurre due tipi di carica per convenzione:

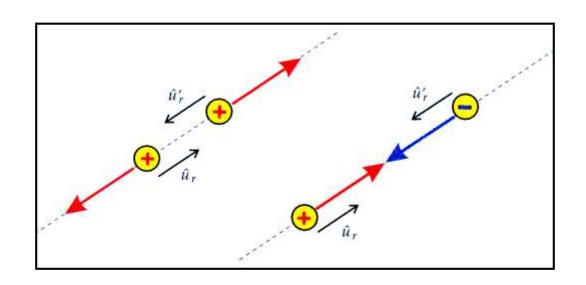
CARICA ELETTRICA POSITIVA

(vetro strofinato su seta)

CARICA ELETTRICA NEGATIVA

(gomma strofinata su pelle)

Due cariche di ugual segno si respingono. Due cariche di segno opposto si attraggono.

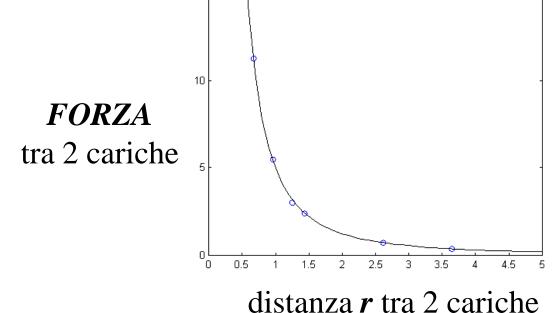


$$\vec{u}_r$$
 e \vec{u}_r sono versori

La forza di Coulomb

descrive la forza che si scambiano due cariche puntiformi poste alla distanza r

 \overrightarrow{u}_r è un versore con direzione congiungente le due cariche k_e è una costante



Andamento sperimentale della forza che si scambiano 2 cariche puntiformi in funzione della distanza

UNITA' DI MISURA DELLA CARICA

fissato il valore della costante k_e nel S.I.

$$\mathbf{k_e} = 10^{-7} \text{ c}^2 = 8.9874 \ 10^9 \text{ N m}^2 \text{ C}^{-2}$$

(c velocità della luce nel vuoto)

$$\vec{F} = k_e \frac{qq}{r^2} \vec{u}_r$$

resta fissata l'unità di carica che prende il nome di **Coulomb**, con il simbolo **C**.

Un coulomb è quella carica che, posta alla distanza di un metro da una carica uguale nel vuoto, la respinge con una forza pari a

$$10^{-7} c^2 N = 8.9874 10^9 N$$

Per motivi di calcolo si esprime k_e come:

$$k_e = \frac{1}{4\pi\varepsilon_o}$$

per cui nel vuoto:

$$\vec{F} = \frac{qq'}{4\pi\varepsilon_o r^2} \vec{u}_r \qquad \text{Legge di}$$
Coulomb

$$\varepsilon_0 = 10^7/(4\pi \text{ c}^2) = 8.854 \text{ } 10^{-12} \text{ } \text{N}^{-1} \text{ m}^{-2} \text{ C}^2$$

PRINCIPIO DI CONSERVAZIONE DELLA QUANTITA' DI CARICA

Si è sperimentalmente verificato che in tutti i processi osservati

LA CARICA NETTA O TOTALE DI UN SISTEMA ISOLATO NON CAMBIA

CONFRONTO TRA INTERAZIONE GRAVITAZIONALE E INTERAZIONE ELETTRICA

e con

di due corpi con massa m_1 e carica q_1 massa m_2 e carica q_2

Forza gravitazionale

$$F_g = G \frac{m_1 m_2}{r^2}$$

Forza elettrica

$$F_E = \frac{q_1 q_2}{4\pi \varepsilon_0 r^2}$$

Confrontiamo l'entità dell'interazione gravitazionale

e di quella elettrica per due protoni | m_p=1.67 10⁻²⁷ Kg carica e=1.6 10⁻¹⁹ C

$$m_p = 1.67 \ 10^{-27} \ \text{Kg}$$
 carica $e = 1.6 \ 10^{-19} \ \text{C}$

di massa m_p e carica e:

$$\frac{\text{int.elettrica}}{\text{int.gravit.}} = \frac{F_E}{F_G} = \frac{e^2}{4\pi\varepsilon_0 G m_p^2} = 1.24 \cdot 10^{36}$$

Per un protone ed un elettrone abbiamo: $\frac{\text{int.}elettrica}{\text{elettrica}} = 2.27 \cdot 10^{39}$ int .gravit.

Quindi nella struttura della materia a livello atomico l'interazione gravitazionale non gioca alcun ruolo

Per le forze elettriche vale il **principio di sovrapposizione degli effetti**.

Cioè la forza che agisce sulla carica di prova q'è la somma vettoriale delle forze dovute a q_1 , q_2 e q_3 prese separatamente

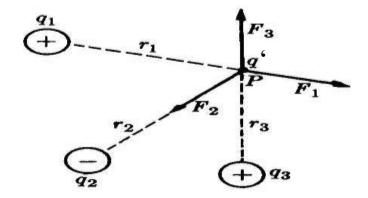


Figura 21.7 Forza elettrica risultante su q prodotta da diverse cariche.

$$\vec{F} = \left(\vec{F}_1 + \vec{F}_2 + \vec{F}_3\right)$$

IL CAMPO ELETTRICO \overrightarrow{E}

è definito come la forza che agisce su una carica unitaria "di sonda" per via di una qualsiasi distribuzione di cariche.

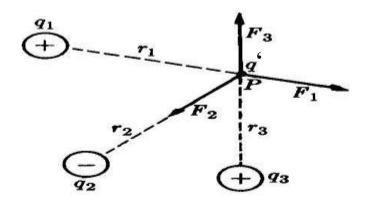


Figura 21.7 Forza elettrica risultante su q prodotta da diverse cariche.

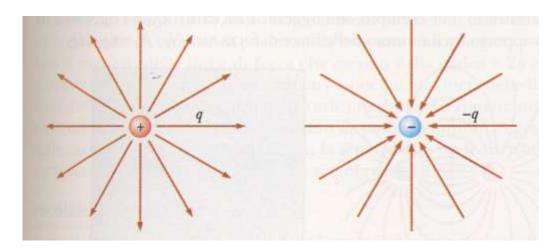
$$\vec{E} = \frac{\left(\vec{F}_1 + \vec{F}_2 + \vec{F}_3\right)}{q'} = \frac{\vec{F}}{q'}$$

L'unità di misura del campo elettrico nel S.I. è [E]= N/C

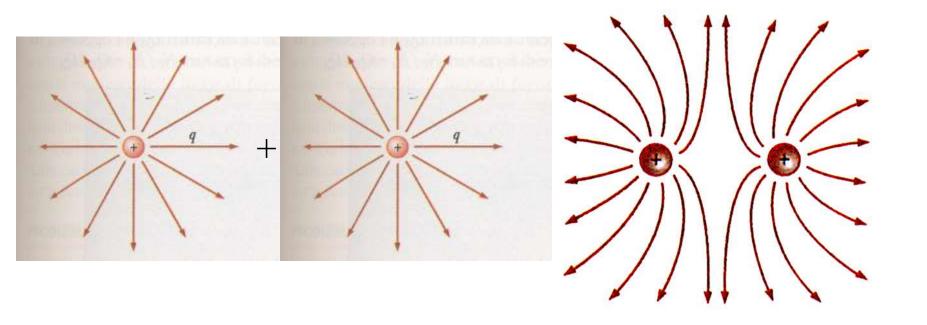
Le linee di forza del campo elettrico

sono una rappresentazione del campo in cui si disegnano linee tangenti ad \vec{E} in ogni punto dello spazio.

Le linee di forza del campo elettrico di una carica puntiforme sono radiali



Le linee di forza del campo di più cariche si deformano e si incurvano per seguire l'andamento del campo risultante

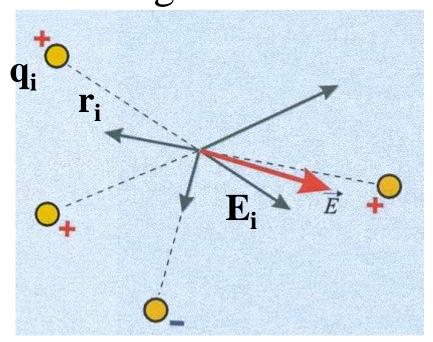


Il campo elettrico di una carica puntiforme è espresso dalla formula

$$\vec{E} = \frac{\vec{F}}{q'} = \frac{q}{4\pi\varepsilon_o r^2} \vec{u}_r$$

 $\overrightarrow{u_r}$ carica sorgente $\overrightarrow{v_r}$ versore $\overrightarrow{v_r}$ distanza tra carica sorgente $\overrightarrow{v_r}$ e carica di prova $\overrightarrow{q_r}$

Per i campi elettrici vale il principio di sovrapposizione degli effetti



$$\vec{E}(\vec{r}) = \sum_{i} \vec{E}_{i}(\vec{r}) = \sum_{i} \frac{q_{i}}{4\pi\varepsilon_{o}r_{i}^{2}} \vec{u}_{\vec{r},i}$$

 $\vec{E_i}$ campo elettrico generato dalla i-esima carica, \vec{r}_i vettore posizione della carica di prova unitaria, $\vec{u}_{r,i}$ versore con la direzione della congiungente carica sorgente - carica di prova.

Campo di una continua di carica

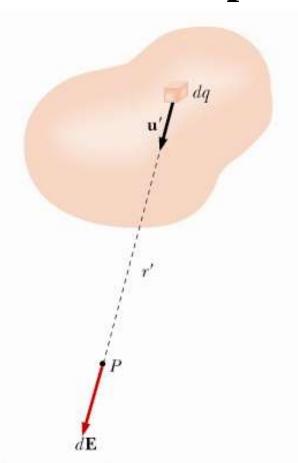
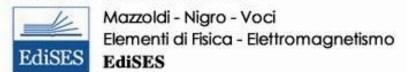


Figura 1.18

Campo elettrostatico prodotto da un elemento di una distribuzione di carica continua.



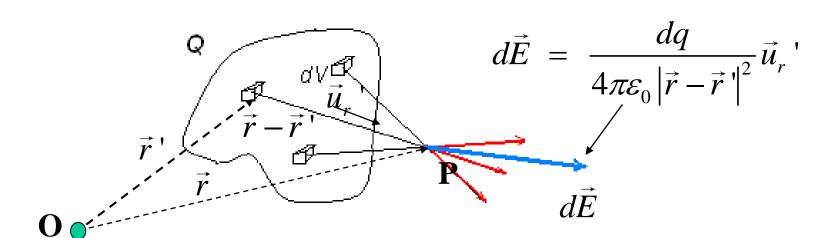
Il campo elettrico E nel punto P si ottiene scomponendo la distribuzione continua di carica di densità volumica $\rho=dq/dV$ in tanti volumetti dV contenenti una carica dq Ogni carica dq genera un campo dE in direzione del versore u'

Campo di una distribuzione continua di carica

Il campo elettrico E nel punto P si ottiene scomponendo la distribuzione continua di carica di densità volumica $\rho = dq/dV$ in tanti volumetti dV contenenti una carica dq

Ogni carica dq genera un campo dE in direzione del versore u_r

$$\vec{E}(P) = \int_{Q} d\vec{E} = k_e \int_{Q} \frac{dq}{\left|\vec{r} - \vec{r}'\right|^2} \vec{u}_r' = \frac{1}{4\pi\varepsilon_o} \int_{Q} \frac{\rho}{\left|\vec{r} - \vec{r}'\right|^2} dV' \vec{u}_r'$$



PRINCIPI DELLA E.S.

- Legge di Coulomb → carica, campo elettrico
- Conservazione della carica
- Sovrapposizione degli effetti