Cognome:	Nome:	
# Matricola:	Riga:	Col:

# Algoritmi e Strutture Dati 09/07/12

**Esercizio 0** Scrivere correttamente nome, cognome, numero di matricola, riga e colonna.

### Esercizio 1 – Punti > 6

Si trovino, tramite il *metodo della sostituzione*, un limite superiore ed un limite inferiore per la seguente ricorrenza:

$$T(n) = \begin{cases} T(m) + T(n-m) + 1 & n > m \\ 1 & n \le m \end{cases}$$

dove m è una costante. Fare particolare attenzione ai casi base.

## Esercizio 2 – Punti > 6

Descrivete un algoritmo che, dato un vettore  $A[1 \dots n]$  contenente n interi distinti non ordinati e dato un intero positivo  $k \le n$ , stampa i k o k+1 numeri di A che sono più vicini alla mediana (nota: k o k+1 perchè ci sono alcuni casi in cui due numeri hanno la stessa distanza della mediana).

## Esercizio 3 – Punti > 6

Mostrare un grafo pesato con almeno 5 nodi e 8 archi, tale per cui (i) esiste un unico *albero di copertura minimo* e (ii) esiste un *albero dei cammini di peso minimo* diverso dall'albero di copertura, con sorgente in uno qualsiasi dei nodi.

Mostrare (i) il grafo pesato, (ii) l'albero di copertura minimo, (iii) l'albero dei cammini minimi, evidenziando il nodo sorgente. Spiegare perchè l'albero di copertura è unico.

Cognome:	Nome:	
# Matricola:	Riga:	Col:

### Esercizio 4 – Punti > 12

Dato un insieme S contenente m stringhe dette primitive ed una stringa  $X[1\dots n]$ , si vuole determinare in quanti modi diversi X è ottenibile dalla concatenazione di stringhe primitive. Ad esempio: dato l'insieme di primitive  $\{01,10,011,101\}$ , per la stringa X=0111010101 la risposta è 3(011-10-10-101,011-10-101-01) mentre per la stringa X=0110001 la risposta è 0.

Descrivere in pseudo-codice un algoritmo che conta il numero di modi diversi in cui è possibile concatenere una stringa. Discuterne correttezza e complessità. Suggerimento: programmazione dinamica.

Per comodità, supponete che la lunghezza di una stringa s sia |s| e di avere a disposizione una primitiva  $\mathrm{check}(X,s,i)$  che ritorna vero se la stringa s è contenuta nella stringa X a partire dalla posizione i. Il costo della chiamata a  $\mathrm{check}()$  è O(|s|), dove |s| è la lunghezza di s. Ad esempio, se X=1001 e s=00,  $\mathrm{check}(X,s,2)$  ritorna vero, per tutti gli altri indici i ritorna falso.