

ASFD

$$L(A) = \{ x \in \Sigma^* \mid (q_0, x) \xrightarrow[A]{} (q, \epsilon), q \in F \}$$

Funzione di transizione estesa

La funzione di transizione estesa di un autome è stati finiti deterministico  $A = \langle \Sigma, Q, \delta, q_0, F \rangle$  e la funzione  $\bar{\delta}: Q \times \Sigma^* \rightarrow Q$  definita da:

$$\begin{aligned} \textcircled{1} \quad \bar{\delta}(q, \epsilon) &= q && \text{dove } \epsilon \in \Sigma - x \in \Sigma^* \\ \textcircled{2} \quad \bar{\delta}(q, x) &= \delta(\bar{\delta}(q, x), x) \end{aligned}$$

Dato uno stato  $q$  e una stringhe di input  $x \in \Sigma^*$  lo stato  $q'$  è tale che  $q' = \bar{\delta}(q, x) \Leftrightarrow$  le concatenazione erputte dall'autome è partite da  $q$  conduce l'autome stesso allo stato  $q'$

Possiamo scrivere  $q' = \bar{\delta}(q, x) \Leftrightarrow \exists y \in \Sigma^* \text{ tale che } (q, x y) \xrightarrow{*} (q', y)$

di conseguenza ottemmo una stringhe  $x \in \Sigma^*$  accettate de um ASFD  $\Leftrightarrow \bar{\delta}(q_0, x) \in F$

"  
"

Il linguaggio riconosciuto de um autome e stati finiti  $A$  è l'insieme  $L(A) = \{ x \in \Sigma^* \mid \bar{\delta}(q_0, x) \in F \}$

Se  $(q_0, x) \xrightarrow{A} (q, \epsilon)$  com  $q \in F \Rightarrow \bar{\delta}(q_0, x) \in F$

Se  $q' = \bar{\delta}(q, x) \Leftrightarrow \exists y \in \Sigma^* : (q, x y) \xrightarrow[A]{} (q', y)$

## Definizione

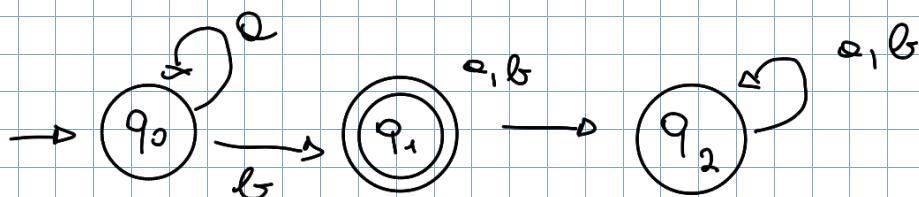
$\mathcal{R} = \langle \Sigma, Q, \delta, q_0, F \rangle$  una configurazione di  $A$  è  
una coppia  $(q, x)$  con  $q \in Q$   $x \in \Sigma^*$

una configurazione  $\langle q, x \rangle$   $q \in Q$  ed  $x \in \Sigma^*$

- iniziale  $q = q_0$
- accettore  $x = \epsilon$  e  $q \in F$
- rifiutatore  $x = \epsilon$   $q \notin F$

## Esempio Pog 75

$aeb$  è accettore dell'AFD



$$\bar{\delta}(q_0, aeb)$$

$$1 \quad \bar{\delta}(q_1, \epsilon) = q$$

$$2 \quad \bar{\delta}(q_1, x_a) = \delta(\bar{\delta}(q_1, x), a)$$

$$\bar{\delta}(q_0, aeb) \xrightarrow[2]{\bar{\delta}(q_0, a)} \bar{\delta}(\bar{\delta}(q_0, a), b) \xrightarrow[2]{\bar{\delta}(\bar{\delta}(q_0, a), b)} \bar{\delta}(\bar{\delta}(\bar{\delta}(q_0, a), b), b)$$

$$\xrightarrow[2]{\bar{\delta}(\bar{\delta}(q_0, a), b)} \bar{\delta}(\bar{\delta}(\bar{\delta}(q_0, a), b), b) \xrightarrow[2]{\bar{\delta}(\bar{\delta}(\bar{\delta}(q_0, a), b), b)} \bar{\delta}(\bar{\delta}(\bar{\delta}(\bar{\delta}(q_0, a), b), b), b)$$

$$\xrightarrow[1]{\bar{\delta}(\bar{\delta}(\bar{\delta}(q_0, a), b), b)} \bar{\delta}(\bar{\delta}(\bar{\delta}(\bar{\delta}(q_0, a), b), b), b)$$

Dal punto  
nappiamo  
che

$$\left\{ \begin{array}{l} \bar{\delta}(q_0, a) = q_1 \\ \bar{\delta}(q_0, b) = q_2 \end{array} \right.$$

# ASFND

## Definizione

Un autome e stoti finiti non deterministici e' una qualsiasi  
formata da:  $A = \langle \Sigma, Q, \delta_n, q_0, F \rangle$  in cui  $\Sigma = \{a_1, \dots, a_m\}$   
e l'alfabeto  $q_0 \in Q = \{q_0, \dots, q_m\}$  l'insieme finito  
di stoti  $Q \neq \emptyset$

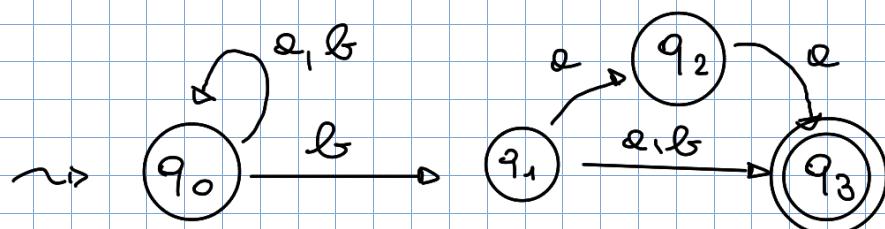
$F \subseteq Q$  insieme stoti finali,

$\delta_n: Q \times \Sigma \rightarrow P(Q)$  funzione  $\delta_n$  che mappa una configurazione  
ad un insieme di stoti  
insieme delle  
ponti di  $Q$

corre ad ogni coppia di  $\langle \text{stoto}, carattere \rangle$  un  
sottoinsieme di  $Q$

$\delta_n$	$a$	$b$	insieme di stoti
$q_0$	$\{q_0\}$	$\{q_0, q_1\}$	
$q_1$	$\{q_2, q_3\}$	$\{q_3\}$	
$q_2$	$\{q_3\}$	$\emptyset$	
$q_3$	$\emptyset$	$\emptyset$	

$$\delta(q_0, b) = \{q_0, q_1\}$$



Graph dell'autome

$(q_0, bba) \leftarrow (q_0, ba) \leftarrow (q_0, a) \leftarrow (q_0, \epsilon)$  finale

$(q_0, bba) \leftarrow (q_0, ba) \leftarrow (q_1, a) \leftarrow (q_2, \epsilon)$  finale

$(q_0, bba) \leftarrow (q_0, ba) \leftarrow (q_1, a) \leftarrow (q_3, \epsilon)$  finale

$(q_0, bba) \leftarrow (q_1, ba) \leftarrow (q_3, a)$  non finale

Se otteniamo una possibile computazione finale che  
de stoptope e accettore

$$(\{q_0\}, \text{blue}) \vdash (\{q_0, q_1\}, \text{blue}) \vdash (\{q_0, q_1, q_3\}, e) \vdash (\{q_0, q_1, q_3\}, \varepsilon)$$

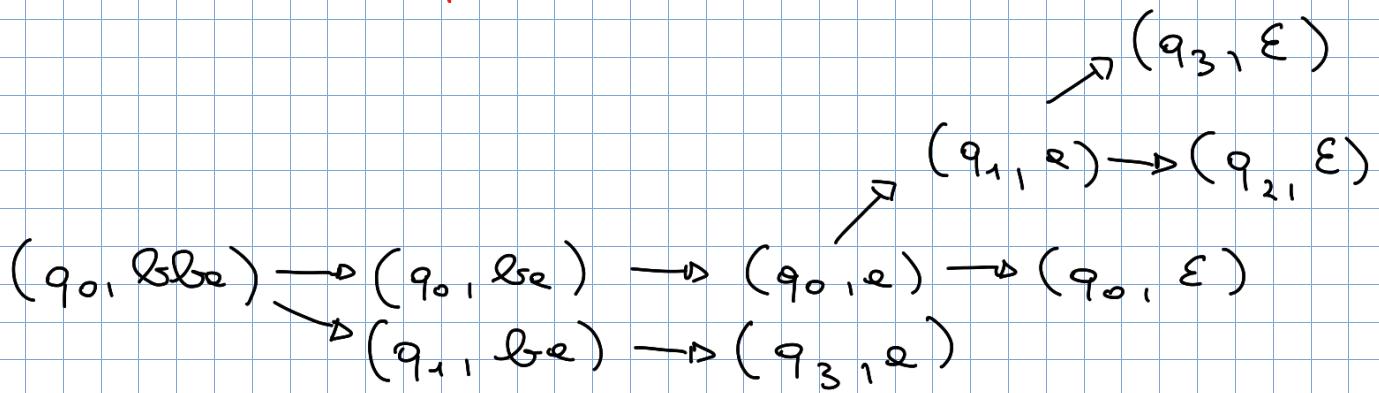
Une strate  $x \in \text{ocette } \pi(q_0, x) \subseteq (\mathcal{I}, \varepsilon)$  done  
 $\mathcal{I} \subseteq Q$      $\mathcal{I} \cap F \neq \emptyset$

insieme di linguaggi operativi

$$\mathcal{L}(A) = \{ x \in \Sigma^* \mid (\{q_0\}, x) \vdash_A (I, \varepsilon), I \cap F \neq \emptyset \}$$

$\neq 0 \Rightarrow$  implica che almeno uno stato che appartiene ad  $F$  deve appartenere ad  $I =$ insiemi di configurazioni alle fine delle computo  
 $(q_1, E) \in F$

# Albooro di competizione



## Definizione

Dato un AFND la funzione di traduzione estera è la funzione:  $\bar{f}_N : Q \times \Sigma^* \rightarrow P(Q)$  definita:

$$\textcircled{1} \quad \overline{\delta_N}(q, \varepsilon) = \{q\}$$

$$\textcircled{2} \quad \bar{\mathcal{S}}_N(q_1, \epsilon) = \cup \mathcal{S}_N(q_1, \epsilon)$$

$P \in \bar{\delta}_n(q, x)$  misjemi degi statu

Sotto sono stato q ed una struttura di input x, lo stato q' appartenente all'insieme  $\bar{S}_N(q, x) \Leftrightarrow$  esiste una componibile dell'automa la quale, a partire da q e da x conduce a q'

**Linguaggio** è accettato da AFND  $\mathcal{R}_N$

$$L(A_N) = \{x \in \Sigma^* \mid S_n(q_0, x) \cap F \neq \emptyset\}$$

Esempio

$\Sigma = \{e, b\}$  definito parole terminali con lib o be a base

$$A_N \quad Q = \{q_0, q_1, q_2, q_3\} \quad F = \{q_3\}$$

Consideriamo "base" cose possiamo dire?

$S_n$	e	b
$q_0$	$\{q_0\}$	$\{q_0, q_1\}$
$q_1$	$\{q_2, q_3\}$	$\{q_3\}$
$q_2$	$\{q_3\}$	$\emptyset$
$q_3$	$\emptyset$	$\emptyset$

$(q_0, \text{base})$



$(q_0, \text{base})$

$(\{q_0, q_1\}, \text{base})$

$(\{q_0, q_1\}, e)$        $(\{\{q_3\}\}, e)$

$q_0 (\{q_2, q_3\}, e)$



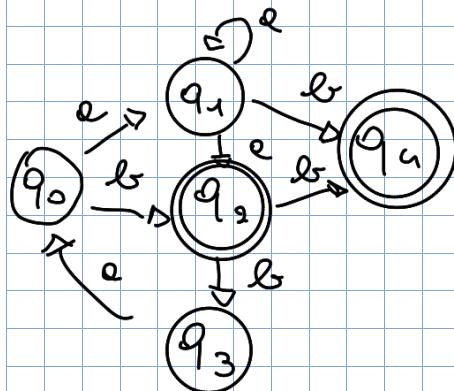
finito

## Relazioni tra ASF e ASFN

**teorema:** Dato un ASF che riconosce un linguaggio  $L$ , esiste il corrispondente ASFN che riconosce lo stesso linguaggio  $L$ . Viceversa dato un ASFN che riconosce un linguaggio  $L'$  esiste un ASF che riconosce lo stesso linguaggio  $L'$ .

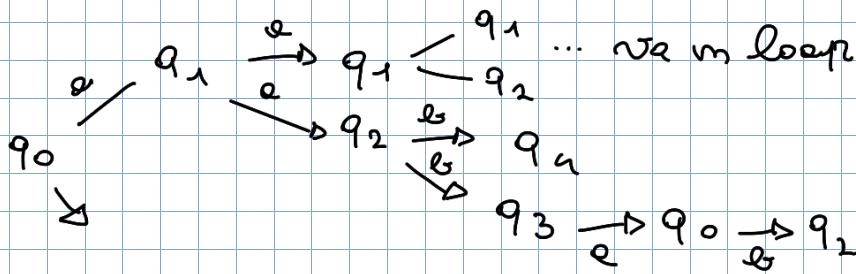
**teorema:** Date una grammatica regolare  $G = \langle V_T, V_N, P, S \rangle$  esiste un ASFN  $A_N = \langle \Sigma, Q, \delta_N, q_0, F \rangle$  che riconosce il linguaggio che essa genera. Viceversa dato un ASFN esiste una grammatica regolare che genera il linguaggio che esso riconosce.

Linguaggio definito dall'espressione regolare  
 $((e^+ e + b)ba)^* (b + bb + Q^+(b+e+ab))$



$$F = \{q_2, q_4\}$$

$\{e^?eb$



Costruire un AFND che riconosce il linguaggio delle  
stringhe in  $\{a, b\}$  in cui il penultimo carattere è una  $b$

$$\{a, b\}^* \circ b \circ \{a, b\}$$

