Corso di Laurea in Informatica Esame scritto di Elementi di Analisi Matematica I

19 luglio 2024

Canale A-E

- Non si possono consultare libri o appunti. Non si può utilizzare alcun tipo di calcolatrice. È vietato uscire dall'aula prima di aver consegnato definitivamente il proprio elaborato.
- Risolvere almeno un esercizio del gruppo T ed uno del gruppo E.
- Tempo a disposizione. 90 minuti.

Parte T

- **T1** Enunciare e dimostrare il teorema di Rolle.
- Sia (a_n) una successione di numeri reali. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera e esibire un controesempio in quella falsa.
 - a) Se (a_n) non é limitata, tende a +∞
 - b) Se (a_n) tende a +∞, non é limitata.

Parte E

E1 Risolvere nel campo complesso l'equazione

$$z^2 + 1 = \frac{\overline{z}}{i}.$$

E2 Sia

$$f(x) = \frac{x - 1}{\arctan x}.$$

Determinare il dominio di f e scrivere le equazioni degli eventuali asintoti della derivata di f.

Corso di Laurea in Informatica Esame scritto di Elementi di Analisi Matematica I

19 luglio 2024

Canale A-E

- Non si possono consultare libri o appunti. Non si può utilizzare alcun tipo di calcolatrice. È vietato uscire dall'aula prima di aver consegnato definitivamente il proprio elaborato.
- Risolvere almeno un esercizio del gruppo T ed uno del gruppo E.
- Tempo a disposizione. 90 minuti.

Parte T

- **T1** Enunciare e dimostrare il teorema di Rolle.
- Sia (a_n) una successione di numeri reali. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera e esibire un controesempio in quella falsa.
 - a) Se (a_n) non é limitata, tende a -∞
 - b) Se (a_n) tende a $-\infty$, non é limitata.

Parte E

E1 Risolvere nel campo complesso l'equazione

$$z^2 + 1 = -\frac{\overline{z}}{i}.$$

E2 Sia

$$f(x) = 1 + \frac{1 - x}{\arctan x}.$$

Determinare il dominio di f e scrivere le equazioni degli eventuali asintoti della derivata di f.