Corso di Laurea in Informatica Esame scritto di Elementi di Analisi Matematica I

5 luglio 2024

Canale A-E

- Non si possono consultare libri o appunti. Non si può utilizzare alcun tipo di calcolatrice. È vietato uscire dall'aula prima di aver consegnato definitivamente il proprio elaborato.
- Risolvere almeno un esercizio del gruppo T ed uno del gruppo E.
- Tempo a disposizione. 90 minuti.

Parte T

- T1 | Enunciare e dimostrare il teorema per cui derivabilità implica continuità.
- Siano $f,g:(a,b)\to\mathbb{R}$ due funzioni. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera e esibire un controesempio in quella falsa.
 - a) Se f e g sono derivabili allora f + g è derivabile.
 - b) Se f + g è derivabile, allora f e g sono derivabili.

Parte E

E1 Determinare per quali $k \in \mathbb{R}$ la seguente funzione è continua e/o derivabile in \mathbb{R} :

$$f(x) = \begin{cases} \lim_{n} \left(1 + \frac{x+1}{2n} \right)^{2n} & \text{se } x > -1 \\ k & \text{se } x = -1 \\ e^{\frac{1}{x+1}} + 1 & \text{se } x < -1. \end{cases}$$

E2 Determinare il dominio e tutti i possibili asintoti di

$$f(x) = x \frac{2\log x - 3}{\log x - 2}.$$

Corso di Laurea in Informatica Esame scritto di Elementi di Analisi Matematica I

5 luglio 2024

Canale A-E

- Non si possono consultare libri o appunti. Non si può utilizzare alcun tipo di calcolatrice. È vietato uscire dall'aula prima di aver consegnato definitivamente il proprio elaborato.
- Risolvere almeno un esercizio del gruppo T ed uno del gruppo E.
- Tempo a disposizione. 90 minuti.

Parte T

- T1 | Enunciare e dimostrare il teorema per cui derivabilità implica continuità.
- Siano $f,g:(a,b)\to\mathbb{R}$ due funzioni. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera e esibire un controesempio in quella falsa.
 - a) Se f e g sono derivabili allora $f \cdot g$ è derivabile.
 - b) Se $f \cdot g$ è derivabile, allora f e g sono derivabili.

Parte E

E1 Determinare per quali $k \in \mathbb{R}$ la seguente funzione è continua e/o derivabile in \mathbb{R} :

$$f(x) = \begin{cases} \lim_{n} \left(1 + \frac{x - 1}{n} \right)^{n} & \text{se } x > 1 \\ k & \text{se } x = 1 \\ 1 - e^{\frac{1}{x - 1}} & \text{se } x < 1. \end{cases}$$

E2 Determinare il dominio e tutti i possibili asintoti di

$$f(x) = x \frac{2 - 3\log x}{\log x - 1}.$$

Corso di Laurea in Informatica Esame scritto di Elementi di Analisi Matematica I

5 luglio 2024

Canale F-N

- Non si possono consultare libri o appunti. Non si può utilizzare alcun tipo di calcolatrice. È vietato uscire dall'aula prima di aver consegnato definitivamente il proprio elaborato.
- Risolvere almeno un esercizio del gruppo T ed uno del gruppo E.
- Tempo a disposizione. 90 minuti.

Parte T

- **T1** Enunciare e dimostrare il teorema di unicità del limite di successioni.
- Siano f, g : $\mathbb{R} \to \mathbb{R}$ due funzioni. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera e esibire un controesempio in quella falsa.
 - a) Se f + g è continua, allora f e g sono continue.
 - b) Se f e g sono continue, allora f + g è continua.

Parte E

E1 Determinare le radici quadrate di

$$z = \frac{\sqrt{3} - i}{2i(1+i)^8}.$$

E2 Determinare, se esiste, l'equazione della retta tangente al grafico di

$$f(x) = |x^2 - 9| - 2x + 1$$

nei punti di ascissa -1,3 e 4.

Corso di Laurea in Informatica

Simulazione dell'esame scritto di Elementi di Analisi Matematica I

5 luglio 2024

Canale F-N

- Non si possono consultare libri o appunti. Non si può utilizzare alcun tipo di calcolatrice. È vietato uscire dall'aula prima di aver consegnato definitivamente il proprio elaborato.
- Risolvere almeno un esercizio del gruppo T ed uno del gruppo E.
- Tempo a disposizione. 90 minuti.

Parte T

- **T1** Enunciare e dimostrare il teorema di unicità del limite di successioni.
- Siano f, g : $\mathbb{R} \to \mathbb{R}$ due funzioni. Dire quale delle seguenti affermazioni è vera e esibire un controesempio in quella falsa.
 - a) Se f e g sono continue, allora $f \cdot g$ è continua.
 - b) Se $f \cdot g$ è continua, allora f e g sono continue.

Parte E

E1 Determinare le radici quadrate di

$$z = \frac{i - \sqrt{3}}{2i(1-i)^8}.$$

E2 Determinare, se esiste, l'equazione della retta tangente al grafico di

$$f(x) = |x^2 - 4| + 2x - 1$$

nei punti di ascissa -1, 2 e 3.