

Impono sh  $49 \bmod 23$

$$49 \bmod 23 = 3$$

$$\varphi(23) = 22$$

$$3^{21} \bmod 23 \rightarrow (3^3)^7 \bmod 23 \rightarrow 27^7 \bmod 23$$

$$4^7 \bmod 23 \rightarrow 4^3 \cdot 4^3 \cdot 4 \bmod 23 \rightarrow 64 \cdot 64 \cdot 4 \bmod 23$$

$$\rightarrow 18 \cdot 18 \cdot 4 \bmod 23 \rightarrow 18 \cdot 72 \bmod 23 \rightarrow 18 \cdot 3 \bmod 23$$

$$54 \bmod 23 = 8$$

$$49 \cdot 8 = 392 \bmod 23$$

$$392 \equiv 1 \bmod 23$$

$$51 \bmod 16$$

$$\varphi(16) = 2^4 - 2^3 = 8$$

↑  
PHI

$$51 \bmod 16 = 3 \rightarrow 3^{8-1} \bmod 16 \rightarrow 3^7 \bmod 16$$

$$3^3 \cdot 3^3 \cdot 3 \bmod 16 \rightarrow 27 \cdot 27 \cdot 3 \bmod 16 \rightarrow$$

$$\rightarrow 11 \cdot 11 \cdot 3 \bmod 16 \rightarrow 11 \cdot 33 \bmod 16 \rightarrow 11 \cdot 1 \bmod 16$$

$$11 \bmod 16 = 11 \rightarrow \text{risultato}$$

VERIFICA

$$51 \cdot 11 = 561 \bmod 16$$

↑

$$3 \cdot 11 = 33 \equiv 1 \bmod 16$$

↑  
resto di  $51 \bmod 16$

$$(m \bmod m)^{\varphi(m)-1} \bmod m$$

$$63 \bmod 10$$

$$\varphi(10) = 4$$

$$63 \bmod 10 = 3$$

$$3^{4-1} \bmod 10$$

$$27 \bmod 10 = 7 \bmod 10$$

$$3 \cdot 7 = 21 \equiv 1 \bmod 10$$

$\rho$   
Resto di  $63 \bmod 10$

$$72 \bmod 5$$

$$2^3 \bmod 5$$

$$8 \bmod 5$$

$$3$$

$$2 \cdot 3 = 6 \equiv 1 \bmod 5$$

$$83 \bmod 10$$

$$3^3 \bmod 10 = 7$$

$$3 \cdot 7 = 21 \equiv 1 \bmod 10$$

$$9 \equiv 9 \pmod{11}$$

$$9^2 \pmod{11}$$

$$9^2 \cdot 9^2 \cdot 9^2 \cdot 9^2 \cdot 9 \pmod{11}$$

$$16 \cdot 16 \cdot 9 \pmod{11} \rightarrow 5 \cdot 5 \cdot 9 \rightarrow 225 \rightarrow 5$$

$$9 \cdot 5 = 45 \equiv 1 \pmod{11}$$

$$100 \pmod{23}$$

$$8$$

$$8^{21} \pmod{23} = (8^3)^7 \pmod{23} \rightarrow (8 \cdot 8^2)^7 \pmod{23} \rightarrow$$

$$\rightarrow (8 \cdot 18)^7 \pmod{23} = (144)^7 \pmod{23} \cdot 6^7 \pmod{23} \rightarrow$$

$$\rightarrow 6^2 \cdot 6^2 \cdot 6^2 \cdot 6 \pmod{23} \rightarrow 13 \cdot 13 \cdot 13 \cdot 6 = 169 \cdot 78 \pmod{23}$$

$$8 \cdot 9 \pmod{23} \rightarrow 72 \pmod{23}$$

$$3 \cdot 8 = 24 \equiv 1 \pmod{23}$$