Esame di Laboratorio di Fisica Computazionale 9 luglio 2012, ore 14.00

shell scripting

Si scriva uno script che prende in input un file modello input-base e sostituisce al parametro cut presente in questo file i valori da 1 a 10, salvando il risultato in 10 files distinti chiamati input1,...,input10.

Mathematica

1. Si studi lo sviluppo in serie di Fourier della funzione periodica f(x) definita come

$$f(x) = x x \in [-\pi, \pi]$$

$$f(x + 2\pi n) = f(x) n \text{ intero}$$
(1)

Si ricordi che lo sviluppo all'ordine k della funzione è della forma

$$\tilde{f}(x) = \frac{a_0}{2} + \sum_{n=1}^{k} \left[a_n \cos(nx) + b_n \sin(nx) \right]$$
 (2)

dove

$$a_n = \int_{-\pi}^{\pi} dx \ f(x) \cos(nx) \tag{3}$$

$$b_n = \int_{-\pi}^{\pi} dx \ f(x) \sin(nx) \tag{4}$$

Si confrontino, nello stesso grafico con $x \in [-10, 10]$, le cinque approssimazioni ottenute troncando lo sviluppo con k = 1, ..., 5.

(Suggerimento: i coefficienti possono essere calcolati esattamente)

2. Si disegni la funzione

$$V(x) = -\mu x^2 + \lambda x^4 \tag{5}$$

con $\mu = 4, \lambda = 1$ nell'intervallo $x \in [-3, 3]$.

Si calcolino gli eventuali punti di massimo e di minimo della funzione, per μ e λ arbitrari. Qualitativamente, per quali valori di μ e λ la funzione ha due minimi?

Quanto vale la funzione nei punti di massimo/minimo?

Si disegni, con $\mu = 4, \lambda = 1$, utilizzando il comando ParametricPlot3D, la figura ottenuta ruotando la funzione V(x) attorno all'asse delle ordinate.

(Suggerimento: si scelgano due variabili $r \in \phi$, con $r \in [0,2]$ e si calcoli V(r)).

3. Si sviluppi in serie di Taylor la funzione $\operatorname{arcsinh}(x)$ rispettivamente fino al quinto, nono e undicesimo ordine. Si disegnino nello stesso grafico, per $x \in [-5, 5]$, la funzione di partenza e i tre sviluppi, limitando il plot sull'asse delle y all'intervallo $y \in [-3, 3]$.