# Regelungstechnik Zusammenfassung

Joel von Rotz / \* Quelldateien

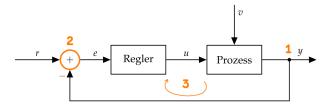
T	ble of contents ————————————————————————————————————
1	Regelung  1.1 Rückkopplung  1.2 Eigenschaften  1.2.1 Robustheit  1.2.2 Dynamik  1.2.3 Modularität  1.2.4 Genauigkeit  1.2.5 Herauserforderungen  1.3 Steuerung
2	Modellierung  2.1 Zustandsraumdarstellung 2.1.1 Autonomes, zeitinvariantes System 2.1.2 Allgemeine Systeme 2.1.3 Lineares Zustandsraummodell  2.2 Übertragungsfunktion 2.3 Führungsverhalten 2.3.1 Merkmale  2.4 Störverhalten 2.4.1 Merkmale  2.5 Vorsteuerung
3	Dynamik 3.1 Lösen von Differential Gleichungen
5	Testfunktion Sprungantwort  Linearität & Zeitinvarianzen  5.1 Adjunkte adj(A)  5.2 LTI-Systeme  5.2.1 Zeitinvarianz  5.2.2 Linearität  5.3 Linearisierung  5.3.1 Zustandsraumdarstellung  5.3.2 Differentialgleichung
6	Grundelemente 6.1 Elementare Glieder
7	PID-Regler

	Integral $k_i/T_i$ 3 Proportional $k_d/T_d$ 4 Übertragungsfunktion         5 Auslegung         7.5.1 Anhand Bodediagramm         7.5.2 Anhand von Einstellregeln         Stellgrössen-Sättigung         7.6.1 Windup & Anti-Windup	10 10 10 11 11 11 11
8	Diskretisierung	11
9	MATLAB  1.1 Vektoren 1.2 Plotting 1.3 Plotting 1.4 Syry-Graph 1.5 Transferfunktion tf() 1.6 9.3.1 PlD-Regler pidstd 1.7 Pld-Regler pidstd 1.8 Syrungantwort step 1.9 9.3.2 Bode-Diagramm nyquist 1.9 9.3.4 Sprungantwort step 1.9 9.3.5 Impulsantwort impulse 1.9 9.3.6 Pol-Nullstellen-Diagramm pzmap 1.9 Margin margin(tf) 1.9 Zustandsraumdarstellung ss() 1.9 Reglersimulator Sisotool(tf())	12 12 12 13 13 13 13 14 14 14 14 15 15
10	imulink	15
11	Prozess Typen           1.1 PT1            1.2 PT2	15 15 15
12	Anleitungen / Vorgehen 2.1 Modellierung dynamischer Systeme	<b>15</b> 15
13	Übertragungsfunktion 3.1 Harmonische Anregung linearer Systeme	<b>15</b>
14	Glossar	16

### 1. Regelung

Feedback Control

Ziel eines Reglers ist die Angleichung einer Regelgrösse y an eine Führungsgrösse r, sodass idealerweise y = r.



r : Führungsgrösse (Soll-Wert)

e: Regelfehler

u : Stell-/Steuergrösse

y : Regelgrösse (Ist-Wert)

v : Störgrösse



#### 🅊 Merkmale einer Regelung

Folgende Merkmale **muss** eine Regelung aufweisen. Liegt eines nicht vor, so handelt es sich nicht um eine Regelung.

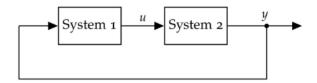
- 1. Erfassung (Messen) der Regelgrösse
- 2. Vergleich von Regel- und Führungsgrösse
- 3. Geschlossener Wirkungskreis

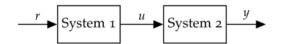
$$y = C \cdot P \cdot e = CP(r - y)$$
$$y + CP \cdot y = CP \cdot r$$

$$\frac{y}{r} = \frac{PC}{1 + PC} \stackrel{!}{=} \underline{1}$$

#### 1.1 Rückkopplung

Rückkopplung beschreibt eine Anordnung, bei welcher zwei oder mehr dynamische Systeme Systeme untereinander so verbunden sind, dass sie sich gegenseitig beeinflussen.







#### Caution

**Geschlossene** Kreise → schwieriger zum Berechnen und zum Untersuchen, da diese ein rückgekoppeltes Signal (mit dem Eingangssignal kombinierend) Teil des Eingangssignals zum System besitzen.

**Offene** Kreise → kein rückgekoppeltes Signal.

#### 1.2 Eigenschaften

#### 1.2.1 Robustheit

Robustheit bezeichnet die Fähigkeit eines Systems, Veränderungen ohne Anpassung seiner anfänglich stabilen Struktur standzuhalten.

Robustheit gegenüber Unsicherheit -> Standhaltung gegenüber Störungen

#### 1.2.2 Dvnamik

Die Dynamik eines Systems kann durch eine Regelung beeinflusst und verändert werden.

- Instabile Systeme  $\rightarrow$  stabil
- Träges System → schnell
- Abdriftende System → konstant.



Viele Systemeigenschaften sind nicht unabhängig voneinander. Sie unterliegen von Natur aus bestimmten Beschränkungen

- Stabiles Flugverhalten → keine hohe Manövrierbarkeit
- !! Regelungen können helfen, diese Abhängigkeiten teilweise aufzuheben!



### Safety Critical

Werden instabile Systeme mittels Regelung stabilisiert, so wird die Regelung kritisch für die Sicherheit des Systems.

#### 1.2.3 Modularität

In einem modularen System sind die einzelnen Module möglichst unabhängig voneinander → Module können einfach ersetzt oder erweitert werden.

• Wohldefinierte Ein-/Ausgänge, Beziehungen dazwischen → Verhalten unabhängig von äusseren Umstän $den \rightarrow ebenfalls$  Ziel von Regler

Mittels Regelulng lassen sich Komponenten unabhängiger und damit zusammengesetzte Systeme Modularer machen.

#### 1.2.4 Genauigkeit

Mit Regelung können unerwünschte Störeinflüsse ausgeglichen werden  $\rightarrow$  Verbessert Genauigkeit und Auflösung (z.B. bei Sensoren).

### **i** Anwendungen

Ein Konzept einer hohen Genauigkeit ist, mittels Regelung wird ein bestimmten und wohldefinierten Arbeitspunkt ausgeregelt und dabei aufgewendete Stellgrösse als Messgrösse des Sensors interpretiert dies.

→ Beispiel: Seismographgen, sehr präzise Waagen

#### 1.2.5 Herauserforderungen

Regelungen bringen viele Vorteile, aber auch einige Nachteile:

**Gefahr der Instabilität** – Auch geregelte Systeme haben einen Kipppunkt, wo die Mitkopplung dominant wird und zur Instabilität führt. Ziel einer Regelung ist das System unter allen Umständen stabil zu halten (nicht nur unter Normalbedingung sondern auch unter allen Störeinflüssen → anspruchsvoll).

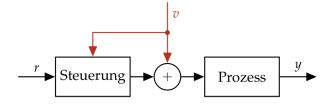
Beispiel: Mikrophonverstärkung bei Beschallungsanlage zu weit aufgedreht  $\rightarrow$  pfeifen

**Messfehler** − Jede Regelgrösse wird messtechnisch verfasst → verbundene Messfehler gehen in Systemverhalten ein (betrifft statische Fehler, dynamische Fehler, wie Rauschen)

**Komplexität** – Die Implementation eines Regelsystems bei hoher Komplexität wird anspruchsvoller und mit entsprechendem Aufwand verbunden.

### 1.3 Steuerung

Feedforward Control



### 2. Modellierung

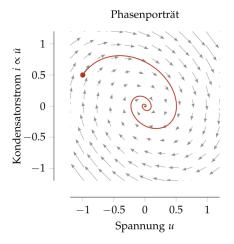
### Vereinfachung

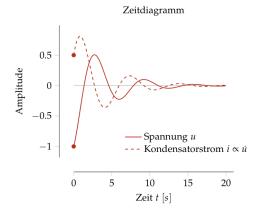
Modelle repräsentieren immer eine Vereinfachung des eigentlichen Systems und fokusiert daher immer auf ein Teil des Systems.

Beispiel Die Modellierung des Tempomats konzentriert sich mehr auf die Geschwindigkeit des Fahrzeugs als auf die Auswirkungen eines Atombombeneinschlags auf das Fahrzeug.

### 2.1 Zustandsraumdarstellung

Die Zustandsraumdarstellung erlaubt ein Einblick in das Verhalten eines dynamischen Systems. Anhand eines Zeitdiagrammes und Phasenporträit kann das System visualisiert werden. Man gibt Startkonditionen an und kann über das Phasenporträit den zeitlichen Verlauf verfolgen.





### 2.1.1 Autonomes, zeitinvariantes System

$$\frac{dx}{dt} = f(x) \xrightarrow{X}$$

$$\frac{dx}{dt} = f(x)$$

Autonome Systeme berücksichtigen äusserliche Beeinflussungen <u>nicht</u> und sind ausschliesslich vom Anfangszustand abhängig.

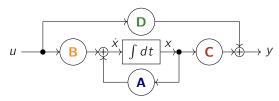
### 2.1.2 Allgemeine Systeme

$$\begin{array}{c}
\underline{u} \\
\xrightarrow{dx} = f(x, u) \\
y = h(x, u)
\end{array}$$

$$\frac{dx}{dt} = f(x, u) \qquad y = h(x, u)$$

#### 2.1.3 Lineares Zustandsraummodell

Viele der Systeme können an ein zeitinvariantes und lineares System (LTI-System) angenähert werden.



$$\frac{dx}{dt} = \begin{pmatrix} \dot{x}_1 \\ \dot{x}_2 \end{pmatrix} = \mathbf{A}x + \mathbf{B}u \qquad y = \mathbf{C}x + \mathbf{D}u$$

A: beschreibt DynamikB: beschreibt SteuereinflussC: beschreibt MessungD: beschreibt Durchgriff

### 2.2 Übertragungsfunktion

Die Übertragungsfunktion (oder Transferfunktion) beschreibt die Beziehung zwischen Ein- und Ausgangsgrösse.

$$G_{AE}(s) = \frac{A(s)}{E(s)}$$

A : **A**usgangssignal E : **E**ingangssignal

### 2.3 Führungsverhalten

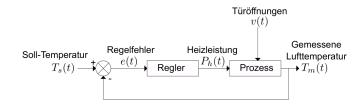
Das Führungsverhalten beschreibt die Beziehung zwischen der Führungsgrösse und der Regelgrösse (sogenannter *Soll-Ist*-Vergleich).

#### 2.3.1 Merkmale

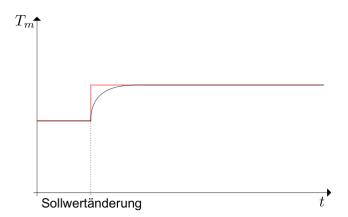
Das Führungsverhalten verfügt über vier Merkmale, welche für jedes System betrachtet soll:

- Stabilität
- Statischer Fehler / stationäre Genauigkeit
- Überschwingen
- Schnelles Erreichen des stationären Wertes

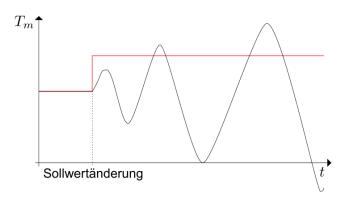
Folgendes Beispiel ist eine Sauna:



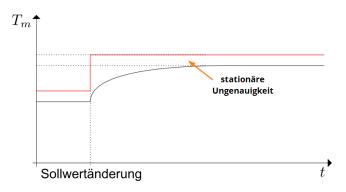
### Gutes Führungsverhalten



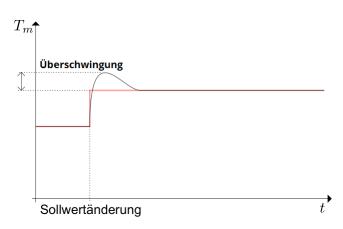
### Instabilität



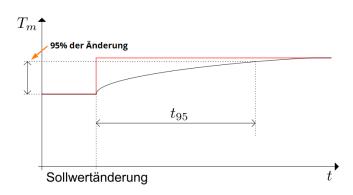
### Statischer Fehler / stationäre Ungenauigkeit



### Überschwingen



### Langsames Erreichen des neuen stationären Wertes



### 2.4 Störverhalten

Das Störverhalten beschreibt den Einfluss der Störgrössen v auf die Regelgrösse y bei einer konstanten Führungsgrösse r. Ein gutes Störverhalten minimiert diese Einflüsse, wobei die Definition von "gut" abhängig vom entsprechenden System ist.

$$G_{er}(s) = \frac{E(s)}{R(s)}$$

#### Beispiel

• Eine Saune kann sich dies eher noch erlauben, da eine Überschwingung nur einen kleinen Einfluss auf

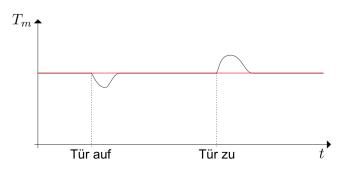
die Systemqualität hat.

#### 2.4.1 Merkmale

Das Störverhlaten verfügt ebenfalls über vier Merkmale, welche für jedes System betrachtet soll:

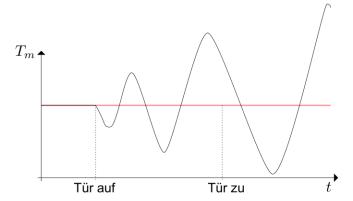
- Stabilität
- Statischer Fehler / stationäre Genauigkeit
- Überschwingen
- Schnelles Erreichen des stationären Wertes.

#### Gutes Störverhalten

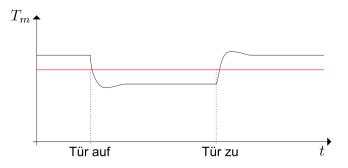


rot: Sollwert

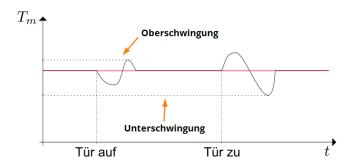
#### Instabilität



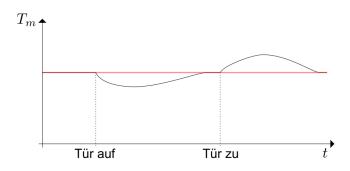
### Stationärer Fehler / Ungenauigkeit



### Überschwingen

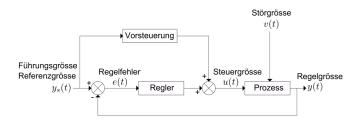


#### Langsames Erreichen des stationären Wertes



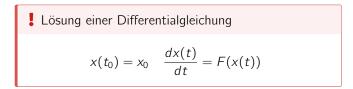
### 2.5 Vorsteuerung

Mit einer Vorsteuerung kann die Regelungszeit gekürzt werden (kleinerer Fehler zum Auskorrigieren).



### 3. Dynamik

### 3.1 Lösen von Differential Gleichungen



### 3.2 Gleichgewichtslage

Eine Gleichgewichtslage ist ein Zustand in dem das System stabil ist. Dies ist auch bekannt als *stationäres* Verhalten und weist keine Veränderungen auf mit der Zeit.

 $x_e$  ist eine Gleichgewichtslage des dynamischen Systems  $\frac{dx}{dt} = F(x)$  falls:

$$F(x_e) = 0 \to \frac{dx}{dt}\Big|_{x_e} = 0$$

### 3.3 Stabilität

### i Stabilität (allgemein)

Die Stabilität ist in drei Zustände eingeteilt.

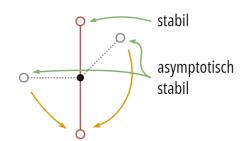
- **stabil**, falls alle Zustände (unterschiedliche Anfangspositionen) in der Nähe der Gleichgewichtslage  $x_e$  zu Lösungen führen.
- asymptotisch stabil, falls alle Zustände in der Nähe von  $x_e$  nach langer Zeit  $(t \to \infty)$  in  $x_e$  enden.
- **instabil**, falls der Zustand nie eine Gleichgewichtslage erreicht.

Stabilität ist im Allgemeinen eine *lokale* Eigenschaft innerhalb eines Bereiches des Zustandsraums!

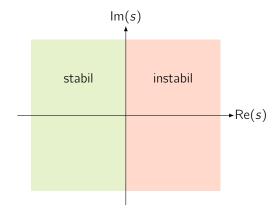
#### Beispiel - Pendel

Das Pendel, welches die gesamte Rotationsachse (360°, rundherum) ausnützen kann, hat zwei Gleichgewichtslagen:

- stabile Position oben
- **asymptotische stabile** Positionen, welche immer nach unten gehen.



#### 3.3.1 Stabilität linearer Systeme



Polstellen eines linearen Systems ( $\frac{dx}{dt} = Ax \& x(0) = x_0$ ) können mit dem *charakteristischen Polynoms* berechnet werden.

### i charakteristisches Polynom

Die Nullstellen von  $\lambda$  werden mit der Dynamik-Matrix A berechnet.

$$\lambda(A) := \{ s \in \mathbb{C} : \det(sI - A) = 0 \}$$

### Gültigkeit

Stabilität linearer Systeme ist <u>nur von A abhängig</u>, nicht vom Anfangswert  $x_0$ . Dies gilt Global!

### 4. Testfunktion Sprungantwort

$$y(t) = Ce^{At}x(0) + \int_0^t Ce^{A(t-\tau)}Bu(\tau)d\tau + Du(t)$$

$$y(t) = \underbrace{CA^{-1}e^{At}B}_{\text{zeitabhängig}} \underbrace{-CA^{-1}B + D}_{\text{konstant}} \qquad t > 0$$

System strebt gegen Wert wenn A asymptotisch stabil ist.

### 5. Linearität & Zeitinvarianzen

### 5.1 Adjunkte adj(A)

$$adi(A) =$$

### 5.2 LTI-Systeme

#### Anforderung

Alle Kriterien Zeitinvarianz, Verstärkungs und Überlagerungsprinzip müssen für LTI-System gelten.

### Tipp

Zustands-, Ein- oder Ausgangsgrössen in nichtlinearen Operationen ( $\cdot^2$ , sin, In...) in Differenzialgleichung deuten auf ein **nicht lineares** System.

$$y = e^{-t} \cdot \dot{u} + 1$$
  $\rightarrow$  zeitvariant  
 $y = \int_0^t u(\tau)d\tau$   $\rightarrow$  zeitinvariant  
 $y = \dot{u} + 1$   $\rightarrow$  zeitinvariant  
 $y = \ddot{y} - u \cdot \dot{y}$   $\rightarrow$  nicht linear  
 $y = \sqrt{u^2 + 1}$   $\rightarrow$  nicht linear  
 $y = 2 \cdot u + 4$   $\rightarrow$  linear

#### 5.2.1 Zeitinvarianz

System ist zeitinvariant, falls dessen Wirkungsweise  $\underline{nicht}$  von der Zeit t abhängig ist. Das heisst, das System

$$y(t) = H\{x(t)\}$$

liefert auf ein Signal x(t) mit einer Verzögerung a>0 ebenfalls ein verzögertes Ausgangssignal

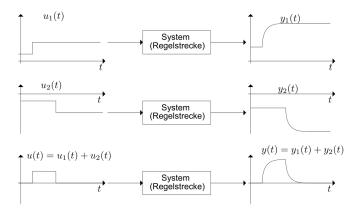
$$y(t+a) = H\{x(t+a)\}\$$

#### 5.2.2 Linearität

Ein System ist *linear*, falls das Verstärkungs- <u>und</u> Überlagerungsprinzip gelten.

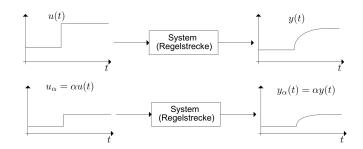
### Überlagerungsprinzip

Wenn  $y_1(t)$  die Antwort auf  $u_1(t)$  ist und  $y_2(t)$  die Antwort auf  $u_2(t)$  ist, so ist  $y_1(t) + y_2(t)$  die Antwort auf  $u_1(t) + u_2(t)$ .



#### Verstärkungsprinzip

Wenn y(t) die Antwort auf u(t) ist,  $\alpha \cdot y(t)$  ist die Antwort auf  $\alpha \cdot u(t)$ .

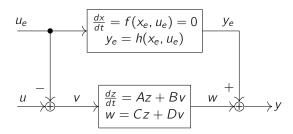


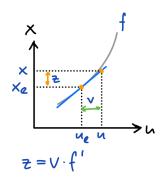
### 5.3 Linearisierung

#### Stabilität Linearisierung

Ist das *linearisiterte* System asymptotisch stabil, so ist das *nicht-lineare* System in der Umgebung der Gleichgewichtslage ebenfalls asymptotisch stabil.

### Zustandsraumdarstellung





Ein nicht-lineares System:

$$\frac{dx}{dt} = f(x, u) \qquad y = h(x, u)$$

kann an einem Arbeitspunkt mit folgenden Gleichungen

$$A = \frac{\partial f}{\partial x}\bigg|_{(x_e, u_e)} = \begin{bmatrix} \frac{\partial f_1}{\partial x_1} & \frac{\partial f_1}{\partial x_2} \\ \frac{\partial f_2}{\partial x_1} & \frac{\partial f_2}{\partial x_2} \end{bmatrix} \quad B = \frac{\partial f}{\partial u}\bigg|_{(x_e, u_e)} = \begin{bmatrix} \frac{\partial f_1}{\partial u} \\ \frac{\partial f_2}{\partial u} \end{bmatrix}$$

$$C = \frac{\partial h}{\partial x}\Big|_{(x_e, u_e)} = \begin{bmatrix} \frac{\partial h}{\partial x_1} & \frac{\partial h}{\partial x_2} \end{bmatrix} \quad D = \frac{\partial h}{\partial u}\Big|_{(x_e, u_e)}$$

ergibt die Linearisierung

$$\frac{dz}{dt} = Az + Bv \qquad w = Cz + Dv$$

mit  $z = x - x_e$ ,  $v = u - u_e$  und  $w = y - y_e$  mit  $y_e = h(x_e, u_e).$ 

### 5.3.2 Differentialgleichung



$$M \cdot \frac{d^2h}{dt^2} + \alpha \frac{dh}{dt} + k \cdot h^3 = M \cdot g - k \cdot h^3$$

1. Differentialgleichung gleich 0 setzen  $f(\cdots) =$  $F(\cdots)=0$ 

$$\underbrace{M \cdot \frac{d^2h}{dt^2} + \alpha \frac{dh}{dt} + k \cdot h^3 - M \cdot g}_{F(y^{(n)}, \dots, y, u^{(m)}, \dots, u)} = 0$$

$$\rightarrow$$
  $f(\ddot{h}, \dot{h}, h) = 0$ 

2. Arbeitspunkt/stationärer Zustand berechnen  $(h^{(n>0)}=0)$ 

$$\overline{h} = h_0 = \sqrt[3]{\frac{M \cdot g}{k}}$$
  
3. Deltagrössendefinieren

$$\Delta h = h - \overline{h}$$
 $\Delta$ 

3. In Linearisierungsgleichung einsetzten

$$\left. \frac{\delta f}{\delta \ddot{h}} \right|_{h=\overline{h}}$$

### 6. Grundelemente –

#### **Elementare Glieder** 6.1

$$G(s) = \frac{b_0 \cdot s^m + b_1 \cdot s^{m-1} + \dots + b_m}{s^n + a_1 \cdot s^{n-1} + \dots + a_n}$$
$$= b_0 \cdot (s + z_1) \cdot (s + z_2) \cdot \dots \cdot (s + z_m) \cdot \frac{1}{s + p_1} \cdot \frac{1}{s + p_2} \cdot \dots \cdot \frac{1}{s + p_n}$$

m: Nullstellen  $z_{1...m}$ n: Polstellen  $p_{1...m}$ 

#### 6.1.1 Elementare Funktionen

Mit Parametern k, a,  $\zeta$ ,  $\omega_0$ ,  $\tau \in \mathbb{R}$ 

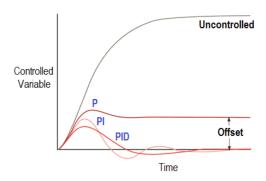
G(s) = k: konstanter Faktor

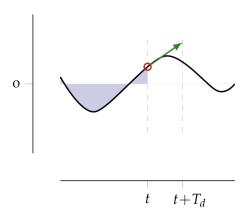
 $\begin{array}{lll} G(s) = s + a & : \text{ konstanter Faktor} \\ G(s) = s + a & : \text{ einfache reelle Nullstelle} \\ G(s) = s^2 + 2\zeta\omega_0s + \omega_o^2 : \text{ konj. komplexe Nullstellen } (\zeta \leq 1) \\ G(s) = \frac{1}{s+a} & : \text{ einfacher reller Pol} \\ G(s) = \frac{1}{s^2 + 2\zeta\omega_0s + \omega_o^2} & : \text{ konj. komplexe Pole } (\zeta \leq 1) \\ G(s) = e^{-s\tau} & : \text{ Totzeitglied } \tau > 0 \end{array}$ 

Die zugehörigen Nullstellen

$$\lambda = \begin{cases} -a & \text{einfach reell} \\ -\zeta \omega_0 \pm \omega_0 \sqrt{\zeta^2 - 1} & \textit{konj.komplex} \end{cases}$$

### 7. PID-Regler





Die Aufgabe eines Reglers besteht darin, ausgehen von einem Regelfehler e zum Zeitpunkt t eine Stellgrösse u so zu bestimmen, dass der Fehler in absehbarer Zeit reduziert wird.

### i Verhalten Regler

Grössere Fehler sollten zu grösseren Stellgrössen führen und kleinere Fehler zu kleineren Stellgrössen.

#### 7.1 **Proportional** $k_p$

P-Anteil verstärkt den Regelfehler e um die Proportionalverstärkung  $k_p$ .

$$u = k_p(r - y) = k_p \cdot e$$



P-Regler

e=0 ist mit einem P-Regler nicht möglich. Unter Annahme eines stabilen Regelkreises:

$$G_{er} = \frac{1}{1 + P \cdot C} = \frac{1}{1 + P \cdot k_p}$$

entsteht ein bleibender Fehler von:

$$G_{er}(0) = \frac{1}{1 + P(0) \cdot C(0)} = \frac{1}{1 + P(0) \cdot k_p}$$

### Proportionalband

$$u = \left\{ \begin{array}{ll} u_{max} & \text{falls } e \geq e_{max} \\ k_p \cdot e & \text{falls } e_{min} < e < e_{max} \\ u_{min} & \text{falls } e \geq e_{min} \end{array} \right.$$

mit

$$e_{min} = \frac{u_{min}}{k_{p}}$$
  $e_{max} = \frac{u_{max}}{k_{p}}$ 

### Permanentes Stellsignal u

Wird ein permanentes Stellsignal u benötigt, so gilt für den P-Regler einen bestimmten Fehler  $e \neq 0$ .

#### 7.2 Integral $k_i/T_i$

Mit dem I-Anteil werden vergangene Fehler mitberechnet → stationäre Fehler des P-Anteils wird korrigiert.

$$u = k_i \cdot \int_0^t e(\tau) \ d\tau$$

Die Stellgrösse wird dadurch solange geregelt, bis der Regelfehler e = 0 wird.

### **Proportional** $k_d/T_d$

Der D-Anteil reagiert auf zukünftige Fehler, indem die Steigung mit einem Verstärkungsfaktor  $k_d$  verstärkt wird.

$$e(t + T_d) \approx e(t) + T_d \frac{de}{dt}$$
  $u = k_d \frac{de}{dt}$ 

### Limitierung der D-Verstärkung

Grund: Für träge Prozess führt eine sprungartige Veränderung (z.B. Sprungantwort oder Dirac-Impuls) zu einem sprungartigen Regelfehler  $e(t) \approx \sigma$ .

### Übertragungsfunktion

$$C(s) = k_p \left( 1 + \frac{k_i}{s} + k_d \cdot s \right) = k_p \left( 1 + \frac{1}{T_i \cdot s} + T_d \cdot s \right)$$

### Important

Diese Beschreibung ist nur eine idealisierte Repräsentation, welche für das Verständnis des System hilfre-

ich ist. Im <u>praktischen</u> Einsatz sind Modifikationen notwendig.

### 7.5 Auslegung

#### 7.5.1 Anhand Bodediagramm

Diese Auslegung fokussiert anhand des **offenen** Kreises  $(L = C \cdot P)$  des Regelkreises.

$$C(s) = k_i \frac{(1+s T_1)(1+s T_2)}{s} = k_p \frac{(1+s T_i)(1+s T_d)}{s \cdot T_i}$$

Zielgrössen: Durchtrittsfrequenz  $\omega_{gc}$ , die Phasenreserve  $\varphi_m$  und allenfalls Amplitudenreserve  $g_m$ .

### Vorgehen

Prozess:  $P(s) = \frac{10}{(1+s)^2}$  mit Ziel  $\omega_{gc} \geq 10 \frac{rad}{s}$ ,  $\varphi_m \geq 50$ .

1. P-Regler für Erreichung von  $\omega_{gc}$ . Mit  $|k_p \cdot P(j\omega_{gc})| = 1$  (Nyquist-Kriterium) folgt:

$$k_p = \frac{1}{\left|\frac{10}{1+10j}\right|} = \frac{(\sqrt{1^2 + 10^2})^2}{10} = 10.1$$

$$C(s) = k_p = 10.1$$

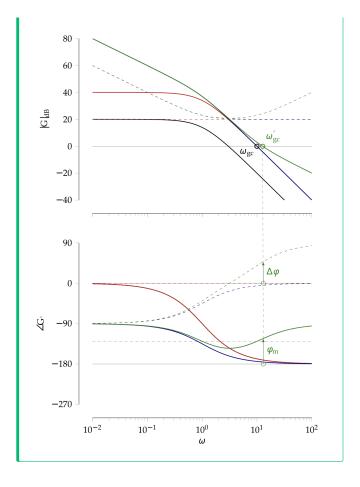
2. PI-Regler für Reduktion der zusätzlichen Phasensenkung im Bereich von  $\omega_{qc}$ 

$$C(s) = k_i \cdot \frac{(1+s \cdot T_1)}{s} = \frac{10 \cdot (1+s)}{s}$$

1. PID-Regler für genügend Phasenabhebung im Bereich von  $\omega_{gc}$ 

$$C(s) = k_i \cdot \frac{(1 + s \cdot T_1)(1 + s \cdot T_2)}{s}$$
$$= 10 \cdot \frac{(1 + s)(1 + 0.1s)}{s}$$

4. Kontrolle von resultiernden Durchtrittsfrequenz  $\omega_{qc}'$  und damit ergebenden Phasenreserve  $\varphi_m$ .



#### 7.5.2 Anhand von Einstellregeln

### 7.6 Stellgrössen-Sättigung



Sättigungseffekt

#### 7.6.1 Windup & Anti-Windup

Windup entsteht durch

### 8. Diskretisierung –

Digitalrechner arbeiten zeitdiskret  $\leftrightarrow$  Prozesse sind von zeitkontinuierlicher Natur

- i Perspektiven für Entwurf zeitdiskrete Regler
  - 1. Prozess:
  - 2. Regler:

### 9. MATLAB

### 9.1 Vektoren

Vektoren werden mit [...] deklariert. Elemente werden Spaltenweise mit einem Leerschlag ' ' oder Komma , eingeteilt und mit einem Semikolon ; Reihenweise geteilt.

```
data = [1,2,3;4,5,6;7,8,9]; % same as [1 \ 2 \ 3;4 \ 5 \ 6;7]

\rightarrow 8 9];
```

### i Grösse size

Mit size kann die Grösse einer Variable ermittelt werden. size gibt als Resultat ein 1x2 Vektor zurück ([Rows Columns])

```
>> a = 1
>> size(a)
1 1 % rows, columns
```

```
a = 1
```

[1] oder einfach 1

Die size-Funktion gibt auch bei einzelnen Werte eine Grösse aus, nämlich  $\begin{bmatrix} 1 & 1 \end{bmatrix}$ 

```
b = [1 2 3] % Linienvektor
```

[1 2 3]

```
c = [2;3;4] % Spaltenvektor
```

[2] 3 4

### Slicing

Mit *Slicing* kann ein Teil einer Matrix **kopiert** werden und einer anderen Variable zugewiesen werden.

### 9.2 Plotting

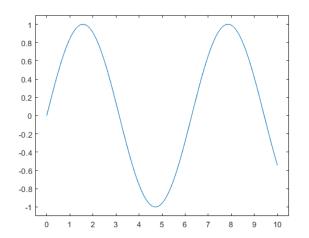
### i Figure-Separierung

Mit figure(n) können mehrere Plot-Befehle in eigene Figuren geladen werden.

### 9.2.1 XY-Graph

```
figure(1);
t = 0:0.5:10;
y = sin(t);
```

```
plot(t,y);
xlim([-0.5 10.5]);
ylim([-1.1 1.1]);
```



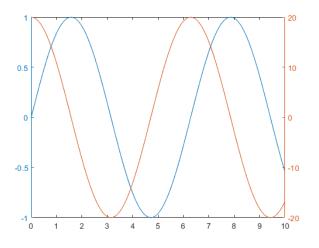
#### 9.2.2 XYY-Graph

Mit yyaxis kann die Y-Achse beim selben Plot mit left & right gewechselt werden.

```
figure(1);
t = 0:0.5:10;

yyaxis left;
plot(t, sin(t));
xlim([-0.5 10.5]);
ylim([-1.1 1.1]);

yyaxis right;
plot(t, 20*cos(t));
xlim([-0.5 10.5]);
ylim([-20.5 20.5]);
```



### 9.3 Transferfunktion tf(...)

Mit dem Befehl tf(...) kann eine Transferfunktion deklariert werden mit Zähler- und Nenner-Zeilenvektoren.

```
sys = tf(numerator, denominator);
```

Die Transferfunktion kann in anderen Funktion wiederverwendet werden, wie zum Beispiel step oder bode. Folgende Beispiele sind mit der sys-Transferfunktion (folgende Gleichung) gemacht.

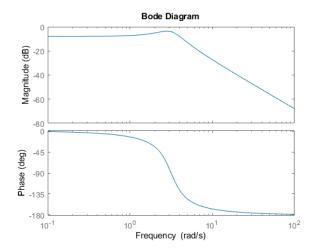
$$G_{\mathsf{sys}}(s) = \frac{4}{s^2 + s + 10}$$

```
sys = tf(4,[1 2 10]);
```

#### 9.3.1 PID-Regler pidstd

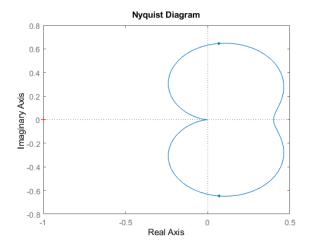
### 9.3.2 Bode-Diagramm bode

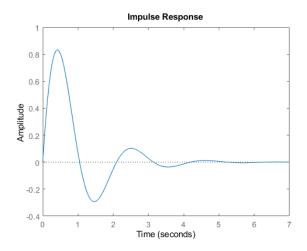
```
bode(sys,{0.1,100}); % or bode(sys);
% grid on; to enable Grid in Plot
```



#### 9.3.3 Nyquist-Diagramm nyquist

```
nyquist(sys)
```

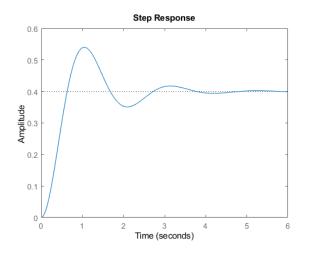




### 9.3.4 Sprungantwort step

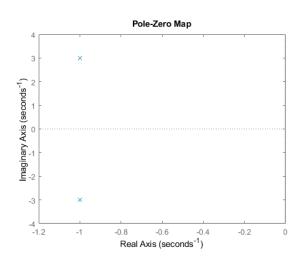
Mit step(. . . ) kann eine Transferfunktion mit der Sprungfunktion  $\sigma$  verwendet werden. Damit

## step(sys);



### 9.3.6 Pol-Nullstellen-Diagramm pzmap

```
pzmap(sys);
ylim([-4 4]); xlim([-1.2 0]);
```



### MATLAB Zauber

Damit die Pol- und Nullstellen erkennbar sind, muss eventuell mit den Darstellungsgrenzen gespielt werden.

### 9.3.5 Impulsantwort impulse

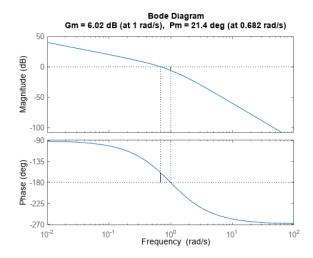
 $\label{limpulse} \mbox{Mit impulse(. . .) kann die Impulsantwort der Transferfunktion ausgegeben werden.}$ 

### impulse(sys);

### 9.4 Margin margin(tf)

Mit dem Befehl margin(tf) kann das Bode-Diagramm

```
margin(tf(1,[1 2 1 0]))
```



### 9.5 Zustandsraumdarstellung ss()

Mit ss(...) können vier Matrizen A, B, C, D zu einer Zustandsraumdarstellung zusammengeführt werden.

```
A = [0 1;-5 -2];

B = [0;3];

C = [0 1];

D = 0;

Ts = 0.25;

sys = ss(A,B,C,D,Ts);
```

Es kann ebenfalls bode, nyquist, step, etc. angewendet werden, da die ZRD eine andere Darstellung der Übertragungsfunktion ist.

### 9.6 Reglersimulator Sisotool(tf(...))

Mit sisotool kann ein Regler C basierend auf einem Prozess P ausgelegt werdne.

```
P = tf(...);
sisotool(P); % Der Prozess wird angegeben
```

### 10. Simulink -

### i Warum Simulink?

In MATLAB können Übertragungsfunktionen berechnet werden und Regelkreise simuliert werden. Warum trotzdem Simulink verwenden?

### 11. Prozess Typen

- 11.1 PT1
- 11.2 PT2

### 12. Anleitungen / Vorgehen –

### 12.1 Modellierung dynamischer Systeme

- Festlegung der Systemgrenzen sowie der Ein-/ Ausgangsgrössen.
- 2. Identifikation der relevanten Energiespeicher und der zugehörigen 'Füllstandsgrössen'.
- 3. Formulierung der Bilanzgleichungen für die Energiespeicher.

$$\frac{d}{dt}$$
Füllstand =  $\sum$  Zufluss -  $\sum$  Abfluss

- 4. Formulierung der Ausgleichsströme zwischen den einzelnen Energiespeichern.
- Identifikation der Systemparameter anhand von Spezifikationen oder Experimenten.
- 6. Validierung des Modells durch Experimente. Je nach Resultat Iteration des Verfahrens.

### 13. Übertragungsfunktion

### Important

Egal welche Methode verwendet wird um die Übertragungsfunktion herzuleiten, es wird immer die gleiche Funktion ergeben.

# 13.1 Harmonische Anregung linearer Systeme

Eingangssignal u:

$$u = \cos(\omega t) = \frac{1}{2}(e^{+j\omega t} + e^{-j\omega t})$$

$$y(t) = \underbrace{Ce^{At}(x(0) - (sI - A)^{-1}B)}_{\text{transient } y_t} + \underbrace{\underbrace{(C(sI - A)^{-1}B + D)}_{\text{station\"{a}r } y_s}}^{\text{Übertragungsfunktion}} e^{st}$$

### **i** Note

lst A stabil, so geht transiente Anteil  $y_t$  asymptotisch gegen Null. Der stationäre Anteil bleibt übrig und entspricht der Übertragungsfunktion

### 14. Glossar

- MIMO Multiple Input Multiple Output