LU2IN006

Cours 4 - Structure de données non linéaires

"Structures de données"

Pierre-Henri Wuillemin 2025fev pierre-henri.wuillemin@lip6.fr

Structures de données linaires (SDL)

LU2IN006

 SD(N)L Arbre

2. Relations en

Implémentation
Aggrégation

Composition into

Arbre Graphe orienté

Structure de données linéaire

Une structure d'aggrégation de données est dite linéaire si, structurellement, il existe dans l'aggrégat un premier et un dernier élément ainsi qu'une fonction 'suivant' permettant d'itérer univoquement sur l'ensemble des éléments.

- un tableau est linéaire,
- une liste est linéaire,
 - une pile est linéaire,
 - une file est linéaire,
- une table de hashage est linéaire, etc.

La complexité des algorithmes dans les SDL est donnée en fonction du nombre d'éléments dans la structure.

LU2IN006

1. SD(N)

Arbre

Graphe

2. Relations en

UML

J. Impléments

Implementation

.....

Composition interne

.

Arbre

Granhe orie

Structure de données non linéaire (SDNL)

LU2IN006

l. SD(N)L

2. Relations en UML

Aggrégation
Composition
Composition intern

4. SDNL en C

Un tas est linéaire peut être codé par une structure linéaire.

SDNL prototype 1 : arbre

Une structure de données en arbre est une organisation récursive d'un ensemble d'éléments selon une partition : $\{x\} \times \prod_i K_i$ où chaque K_i a une structure d'arbre.

- Le $\{x\}$ de la partition principale est appelé la racine.
- Les arbres à un seul élément sont appelé les feuilles.
 - Un tas est un arbre qui isole le plus grand élément et une partition en 2 sous-ensembles des éléments restants, chacun organisé en tas (c'est un arbre mais particulier).
 - Un document est décomposé en paragraphes, eux-même décomposés en phrases, elles-même décomposées en mot, etc...
- Dans un arbre, il y a un premier élément.
- Dans un arbre, il n'y a pas de dernier (sauf?).
- Dans un arbre, la complexité d'un algorithme peut dépendre :
 - du nombre de nœuds (les éléments),
 - de la hauteur de l'arbre,

SDNL (2)

LU2IN00

1. SD(N)

2. Relations en UML

Aggrégation
Composition

Composition internates
4. SDNL en C

Arbre Graphe orienté

SDNL prototype 2 : graphe

Un structure de donnée en graphe est une représentation d'un ensemble d'éléments et d'une relation par paire dans cet ensemble.

- Un ensemble de villes, la relation entre 2 villes A et B est : il y a une route directe entre A et B.
- Un ensemble d'étudiants, la relation entre 2 étudiants A et B est : A et B sont dans le même groupe de TD en LI213.
- Un ensemble d'entier, la relation entre 2 entiers A et B est : A < B, etc.
- Dans un graphe, il n'y a ni premier ni dernier élément.
- Dans un graphe, la complexité d'un algorithme peut dépendre :
 - du nombre de nœuds (les éléments),
 - du nombre d'arcs (le nombre de pairs en relation),
 - du diamètre du graphe (le plus long chemin du graphe),
 - de la treewidth du graphe (≈ le plus grand nombre de voisins pour un nœud du graphe), etc.

Digression UMLesque : Aggrégation/Composition

LU2IN006

Arbre Graphe

2. Relations en UML

Implémentation
Aggrégation
Composition
Composition interne

Composition interne
4. SDNL en C

Problème : Comment représenter deux entités en relation ?

- Le cheval porte le cavalier,
- L'ordinateur contient un microprocesseur,
- Le capitaine donne des ordres aux soldats,
- La voiture a 4 roues, etc.
- Le bus contient des passagers.

Ces relations logiques sont parfois symétrique mais, lorsque l'on doit énoncer la relation en français, on doit faire un **choix asymétrique** dans la représentation B [verbe transitif] A.



On pourra noter ainsi la relation qui devient non-symétrique

Digression UMLesque : Aggrégation/Composition

LU2IN006

1. SD(N)L Arbre

2. Relations en UML

Implémentation
Aggrégation
Composition

4. SDNL en C

Aggrégation/Composition

Une aggrégation $A \rightarrow B$ tout comme une composition $A \rightarrow B$ est une relation non symétrique entre A et B indiquant un couplage fort entre des valeurs de type A et B, voire une relation d'appartenance (élément/ensemble).

- Une composition indique qu'un élément de type B nécessite un élément de type A alors qu'une aggrégation est plus souple.
- La composition indique également l'exclusivité de la ressouce de type A : elle ne peut être partagée.

Le choix entre aggrégation et composition dépend

- de l'interprétation que l'on donne à la relation
- mais aussi d'un choix d'implémentation : en effet, cela implique que B contienne un lien vers A.

Digression UMLesque : Aggrégation/Composition

LU2IN006

1. SD(N)L Arbre Graphe

2. Relations en UML

Implémentation
Aggrégation

Composition interr

Arbre Graphe orienté Si l'on désire créer une relation symétrique entre A et B.



On s'éloigne de UML : cette représentation (et les suivantes) n'existe que pour ce cours. UML utiliserait des arités sur les relations.

On peut utiliser deux références croisées, qu'elles soient des aggrégations ou des compositions :





Implémentation d'une aggrégation en C

LU2IN006

Arbre
Graphe

2. Relations en
UML

3.
Implémentation
Aggrégation
Composition

```
processeur ordinateur
```

: Lien faible entre les 2 entités.

Un processeur : typedef struct { int vitesse:

} processeur;

```
Un ordinateur:

typedef struct {
   float prix;
   processeur* proc;
} ordi;
```

Création (un processeur étant donné) :

```
ordi* cree_ordinateur(float prix,processeur* p) {
  ordi* o=(ordi *)malloc(sizeof(ordi));
  o->prix=prix;
  o->proc=p;
  return o;
}
```

Utilisation :

```
if (o!=NULL) {
   if (o->proc!=NULL) {
      o->proc->vitesse=1;
   }
}
```

Suppression:

```
free(o);

free(p);
```

Différents cycle de vie.

Implémentation d'une composition en C

LU2IN006

Arbre Graphe

2. Relations en UML

mplémentation
Aggrégation
Composition
Composition interne

J. SDNL en C
Arbre

```
lacktriangle ordinateur : Lien fort \Rightarrow délégation de création.
```

Un processeur:

```
typedef struct {
   int vitesse;
} processeur;
```

Un ordinateur :

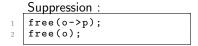
```
typedef struct {
    float prix;
    processeur* proc;
} ordi;
```

Création (délégation de création) :

```
ordi* cree_ordinateur(float prix,int vitesse) {
  ordi* o=(ordi *)malloc(sizeof(ordi));
  processeur *p=(processeur *)malloc(sizeof(processeur));
  o->prix=prix;
  o->proc=p;
  p->vitesse=vitesse;
  return o;
}
```

Utilisation :

```
if (o!=NULL) {
    o->proc->vitesse=1;
}
```





Seule la logique des fonctions est différente!



Implémentation d'une composition en C (2)

LU2IN006

```
Composition interne
```

```
processeur
             lacktriangle ordinateur : Lien TRES fort \Rightarrow modification de la structure.
Un ordinateur et son processeur (Composition interne)
Création :
ordi* cree_ordinateur(float prix,int vitesse) {
   ordi* o=(ordi *)malloc(sizeof(ordi));
  o->prix=prix;
  o->proc.vitesse=vitesse;
```

```
<u>Utilisation:</u>
```

return o;

```
if (o!=NULL) {
  o->proc.vitesse=1;
}
```

```
Suppression:

free(o);
```

Choix d'implémentations : comparaison rapide

LU2IN006

- 1. SD(N)L Arbre Graphe
- 2. Relations en UML
- Aggrégation

 Composition
- Composition interne
- Arbre Graphe orienté

- Souplesse d'utilisation : l'aggrégation simple permet à la relation et aux entités d'exister ou non. La composition interne est la plus stricte.
- Générateur de bug : plus la structure est souple, plus elle est génératrice de bug.
- Aide au développement : les relations externes permettent aux entités d'être développé séparément alors que la composition interne fusionne les 2 objets.

	Aggrégation (externe)	Composition externe	Composition interne
Souplesse	++	+	-
Anti-bug	-	+	++
Développement	++	++	-

Avantage des relations externes : référence doublée

LU2IN006

1. SD(N)L
Arbre
Graphe

2. Relations er UML

J. Implémentation Aggrégation

Composition interne

4. SDNL en C

Arbre Graphe orienté Il est important pour l'ordinateur de pouvoir avoir accès à son processeur. Réciproquement, il serait intéressant au microprocesseur de savoir quel est son ordinateur.



On s'éloigne de UML : cette représentation (et les suivantes) n'existe que pour ce cours. UML utiliserait des arités sur les relations.

Un processeur:

```
/* defini ailleurs */
struct s_ordi;

typedef struct s_proc {
   int vitesse;

struct s_ordi* ordi;
processeur;
```

Un ordinateur :

```
/* defini ailleurs */
struct s_proc;

typedef struct s_ordi {
float prix;

struct s_proc* proc;
} ordinateur;
```

Référence doublée (2)

LU2IN006

Composition interne

Processeur Ordinateur

Création (délégation de création) :

```
ordinateur* cree_ordinateur(float prix, int vitesse) {
    ordinateur* o=(ordinateur *)malloc(sizeof(ordinateur));
    processeur* p=(processeur *)malloc(sizeof(processeur));
    o->prix=prix;
    o->proc=p;
    p->vitesse=vitesse;
8
    p->ordi=o;
    return o:
```

Avantage des relations externes : référence multiple

LU2IN006

1. SD(N)L Arbre Graphe

2. Relations er UML

Implémentation
Aggrégation
Composition

Composition interne

4. SDNL en C Arbre

```
Un ordinateur peut avoir plusieurs microprocesseurs.
```

```
Processeur
Ordinateur
Ou
Processeur
Ordinateur
Ordinateur
```

Un processeur :

```
struct s_ordi;

typedef struct s_proc {
   int vitesse;
   struct s_ordi* ordi;
} processeur;
```

Un ordinateur :

```
struct s_proc;

typedef struct s_ordi {
  float prix;
  struct s_proc** procs;
} ordinateur;
```

Référence multiple (2)

LU2IN006

Arbre
Graphe

2. Relations enumble

Implémentation
Aggrégation
Composition
Composition interne

4. SDNL en C

```
Processeur Ordinateur
```

Création (délégation de créations) :

```
ordinateur* cree_ordinateur(float prix, int nbr, int
    vitesse) {
  ordinateur* o=(ordinateur *)malloc(sizeof(ordinateur));
  o->prix=prix;
  /* creation du tableau des processeurs */
  o->procs=(processeur**)malloc(nbr*sizeof(processeur*));
  /* creation des nbr processeurs */
  for(int i=0;i<nbr;i++) {</pre>
    o->procs[i]=(processeur *)malloc(sizeof(processeur));
    o->procs[i]->vitesse=vitesse;
    o->procs[i]->ordi=o;
  }
  return o;
```

Retour sur les SDNL

LU2IN006

1. SD(N)L Arbre

2. Relations en UML

Implémentation
Aggrégation
Composition

4 SDNI en C

Arbre Graphe orienté

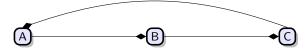
Aggrégation récursive

On appelle **aggrégation (resp. composition) récursive** une relation d'aggrégation (resp. composition) entre une entité et elle-même.

• Les cellules d'une liste linéaire chainée sont des valeurs d'une entité possédant une relation d'aggrégation récursive (appelée suivant).



une aggrégation récursive n'est pas forcément directe :



Structure de données non linéaire

Les structures de données non linéaires sont des entités possédant plusieurs relations d'aggrégation récursive (non redondantes).

SDNL 1: arbre binaire en C

LU2IN00

Arbre
Graphe

2. Relations en

Aggrégation
Composition

Composition intern

4. SDNL en C

Arbre Graphe orienté Un arbre binaire est défini par la présence en chaque nœud d'au plus deux fils. La structure de données représentant un tel arbre doit donc vérifier cette propriété.

SDL arbre binaire

Un arbre binaire peut être représenté par une structure de données possédant deux relations d'aggrégation récursive.

On nomme arbitrairement ces 2 relations : "fils gauche" et "fils droit".



```
typedef struct s_noeudB {
  int contenu; /* contenu de chaque noeud */

  struct s_noeudB* fg;
  struct s_noeudB* fd;
} noeud_binaire;
```



Les relations sont bien des aggrégations et non des compositions : il faut pouvoir ne pas mettre de fils gauche ou droit.

SDNL 2 : arbre *n*-aire V1 en C

LU2IN006

1. SD(N)L Arbre Graphe

2. Relations er UML

mplémentation
Aggrégation
Composition

4. SDNL en C

Un arbre *n*-aire est défini par la présence en chaque nœud d'un nombre indéfini de fils. La structure de données représentant un tel arbre doit donc vérifier cette propriété.

SDNL arbre *n*-aire V1

Un arbre *n*-aire peut être représenté par une structure de données possédant une référence multiple représentant des relations d'aggrégation récursive.



```
typedef struct s_noeudN {
  int contenu; /* contenu de chaque noeud */

struct s_noeudN** fils;
noeud_naire;
```



Qu'obtient-on comme SDNL en remplaçant fils par voisins?

SDNL 3 : arbre *n*-aire V2 en C

LU2IN006

1. SD(N)L

2. Relations en UML

UML 3.

Aggrégation
Composition
Composition interne

4. SDNL en C

Arbre Graphe orienté Une relation n'est pas représentée dans la V1 : la relation d'aggrégation permettant de retrouver le nœud père (s'il existe).

SDNL arbre *n*-aire V2

Un arbre *n*-aire peut être représenté par une structure de données qui posséde également une relation d'aggrégation récursive nommée "père".

```
fils[] Nœud pere
```

```
typedef struct s_noeudN {
  int contenu; /* contenu de chaque noeud */

struct s_noeudN* pere;
  struct s_noeudN** fils;
} noeud_naire;
```



La SDNL ne dit rien sur la présence de cycle, etc. Ce sera à la logique des programmes de vérifier ou de s'en assurer.

SDNL 4 : graphe orienté V1

LU2IN006

1. SD(N)L

2. Relations en UML

Aggrégation Composition Composition interne I. SDNL en C

Graphe orienté

Un graphe orienté est défini par la présence en chaque nœud d'une nombre indéfini de parents et d'un nombre indéfini d'enfants.

SDNL graphe orienté V1

Un graphe orienté peut être représenté par une structure de données qui posséde deux références multiples représentant des relations d'aggrégation récursive "parents" et "enfants".

```
parents[] Nœud enfants[]
```

```
typedef struct s_noeudG {
  int contenu; /* contenu de chaque noeud */

struct s_noeudG** parents;
struct s_noeudG** enfants;
noeud_graphe_oriente;
```



Les SDNLs peuvent également utiliser des listes linéaires chaînées au lieu de tableau pour ses références multipes.

SDNL 5 : graphe orienté V2

LU2IN006

1. SD(N)L Arbre Graphe

2. Relations ei UML

Implémentation
Aggrégation

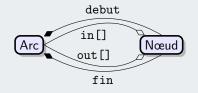
Composition intern

Graphe orienté

Un graphe orienté est défini par la présence en chaque nœud d'une nombre indéfini d'arcs entrants et d'arcs sortants.

Un arc est défini par la présence d'un nœud début et d'un nœud fin.

SDNL graphe orienté V2



```
struct s_arc;

typedef struct s_noeudG {
   int contenu;

struct s_arc** in;
struct s_arc** out;
noeud_graphe_oriente;
```

```
struct s_noeudG;

typedef struct s_arc {
    struct s_noeudG* debut;
    struct s_noeudG* fin;
}
```