

Lab4 Documentatie

Structura fisierului din care se citeste gramatica

```
{
  "non_terminale": ["S", "A", "B", "C"],
  "terminale": ["a", "b", "c"],
  "productii": {
    "S": ["aB", "bA"],
    "A": ["cB"],
    "B": ["aS", "c"],
    "C": ["b"]
  },
  "simbol_start": "S"
}
```

Arhitectura gramaticii

```
class Gramatica:

    def __init__(self, non_terminale:list, terminale:list,
productii:dict, simbol_start:str):
        self.__non_terminale = non_terminale
        self.__terminale = terminale
        self.__productii = productii
        self.__simbol_start = simbol_start

    def get_non_terminale(self):
        return self.__non_terminale

    def get_terminale(self):
        return self.__terminale

    def get_productii(self):
        return self.__productii

    def get_simbol_start(self):
        return self.__simbol_start
```

Afisarea elementelor gramaticii

```
def afiseaza_gramatica(gramatica: Gramatica):
    s = ", "
    non_terminale = s.join(gramatica.get_non_terminale())
    terminale = s.join(gramatica.get_terminale())
    print("Non-terminale: {}".format(non_terminale))
    print("Terminale: {}".format(terminale))
    print("Productii: ")
    productii = gramatica.get_productii()
    for (key, values) in productii.items():
        print("{} -> {}".format(key, '|' .join(values)))
    print("Simbol de start: {}".format(gramatica.get_simbol_start()))
```

Afisarea productiilor pentru un non-terminal dat

```
def afiseaza_productii_non_terminal(gramatica: Gramatica, non_terminal):
    if non_terminal in gramatica.get_non_terminale():
        productii = gramatica.get_productii().get(non_terminal)
        print("Productiile pentru {} sunt: {}".format(non_terminal))
        print("{} -> {}".format(non_terminal, '|' .join(productii)))
    else:
        print("Non-terminalul dat nu se afla in gramatica")
```

Verificarea daca o gramatica este regulara

O gramatica regulara trebuie sa verifice conditiile din poza de mai jos

Gramatica liniara la dreapta. Gramatica regulara

$G = (N, \Sigma, P, S)$ este o **gramatica liniara la dreapta** daca $\forall p \in P: A \rightarrow aB$ sau $A \rightarrow b$, unde $A, B \in N$ si $a, b \in \Sigma$.

$$L(G) = \{w | w \in \Sigma^* \text{ a. i. } S \xRightarrow{*} w\} \text{ limbaj liniar la dreapta.}$$

$G = (N, \Sigma, P, S)$ este o **gramatica regulara** daca

- G este liniara la dreapta

si

- $A \rightarrow \varepsilon \notin P$, cu exceptia $S \rightarrow \varepsilon \in P$, caz in care S nu apare in partea dreapta a niciunei productii.

Implementare

```
def verifica_daca_este_regulara(self):
    """
    Verifica daca gramatica este regulara. O gramatica este regulara
    daca este liniara la dreapta si singurul non-terminal care poate merge
    in epsilon este simbolul de start. In acest caz simbolul de start nu
    mai apare in partea dreapta a niciunei productii
    :return: True daca gramatica este regulara, False altfel
    """

    exista_epsilon_start = False
    exista_simbol_start_in_dreapta = False
    este liniara_la_dreapta = True

    for (key, values) in self.__productii.items():
        #verificare liniaritate la dreapta
        for elem in values:
            if len(elem) > 2:
                este liniara_la_dreapta = False
            if len(elem) == 1:
                if elem not in self.__terminale:
                    este liniara_la_dreapta = False
            if len(elem) == 2:
                if elem[0] not in self.__terminale and elem[1] not in
self.__non_terminale:
                    este liniara_la_dreapta = False

        #-----

        #verificare productii cu epsilon
        if self.__simbol_start in elem:
            exista_simbol_start_in_dreapta = True

    if EPSILON in values:
        if key != self.__simbol_start:
            return False
        else:
            exista_epsilon_start = True

    #-----

    if exista_epsilon_start and exista_simbol_start_in_dreapta:
        return False
    if este liniara_la_dreapta is False:
        return False
```

```
return True
```

Conversie gramatica regulară -> automat finit

Teorie curs:

GR → AF

› Teorema:

Oricare ar fi o gramatică regulată $G=(N, \Sigma, P, S)$, există un automat finit $M = (Q, \Sigma, \delta, q_0, F)$ astfel încât limbajul acceptat de M să coincidă cu limbajul generat de G , $T(M)=L(G)$.

› Construcție:

› $Q = N \cup \{k\}$

› $q_0=S$

› $F = \begin{cases} \{k\}, & \text{dacă } S \rightarrow \varepsilon \notin P \\ \{S, k\}, & \text{dacă } S \rightarrow \varepsilon \in P \end{cases}$

› $\delta(A, a) = \{B \mid (A \rightarrow aB \in P) \cup K, \text{ unde}$

› $K = \begin{cases} \{k\}, & \text{dacă } A \rightarrow a \in P \\ \phi, & \text{altfel} \end{cases}$

Construcție:

- Multimea de stări: non terminale + stare k (finală) ex: (S, A, K)
- Stare inițială: S
Când avem producții cu un singur terminal mergem în K ($S \rightarrow b$ devine din S în K prin b)
- Alfabetul = multimea de terminale
- Tranzitiile se obțin din producții
- Multimea stărilor finale = $\{K \cup \{S\}\}$ dacă S merge în epsilon

Exemplu:

Exemplu

› $G = (\{S, A, B, C\}, \{a, b, c\}, P, S)$ › Automatul finit echivalent:

› P:

$S \rightarrow aB \mid bA$

$A \rightarrow cB$

$C \rightarrow aS \mid c$

$B \rightarrow b$

› $M = (\{S, A, B, C, K\}, \{a, b, c\}, \delta, S, \{K\})$

› $\delta(S, a) = \{B\}$

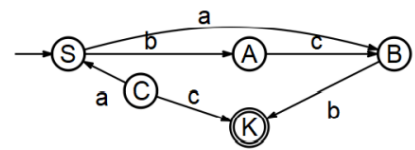
› $\delta(S, b) = \{A\}$

› $\delta(A, c) = \{B\}$

› $\delta(C, a) = \{S\}$

› $\delta(C, c) = \{K\}$

› $\delta(B, b) = \{K\}$



Implementare:

```
def convert_GR_AF(gramatica: Gramatica):
    """
    Transforma o gramatica regulara in automat finit
    :param gramatica: gramatica regulara
    :return: automatul finit corespunzator
    """
    if gramatica.verifica_daca_este_regulara() is False:
        return None

    multime_stari = gramatica.get_non_terminale()
    multime_stari.append("k")
    stare_initiala = gramatica.get_simbol_start()
    alfabet = gramatica.get_terminale()

    stari_finale = ["k"]
    productii_gramatica = gramatica.get_productii()
    if EPSILON in productii_gramatica.get(stare_initiala):
        stari_finale.append(stare_initiala)

    tranzitii = []
    for (key, values) in productii_gramatica.items():
        for val in values:
            if len(val) == 1:
                tranzitie = [key, [val], "k"]
```

```

else:
    tranzitie = [key, [val[0]], val[1]]
    tranzitii.append(tranzitie)

TAD = TADAutomat(stare_initiala, multime_stari, alfabet, tranzitii,
stari_finale)
return TAD

```

Conversie automat finit -> gramatica regulara

Teorie curs:

AF \rightarrow GR

› Teorema:

Oricare ar fi un automat finit $M = (Q, \Sigma, \delta, q_0, F)$ exista o gramatica regulara $G = (N, \Sigma, P, S)$ astfel incat limbajul generat de G sa coincida cu limbajul acceptat de M , adica $L(G) = T(M)$.

› Constructia:

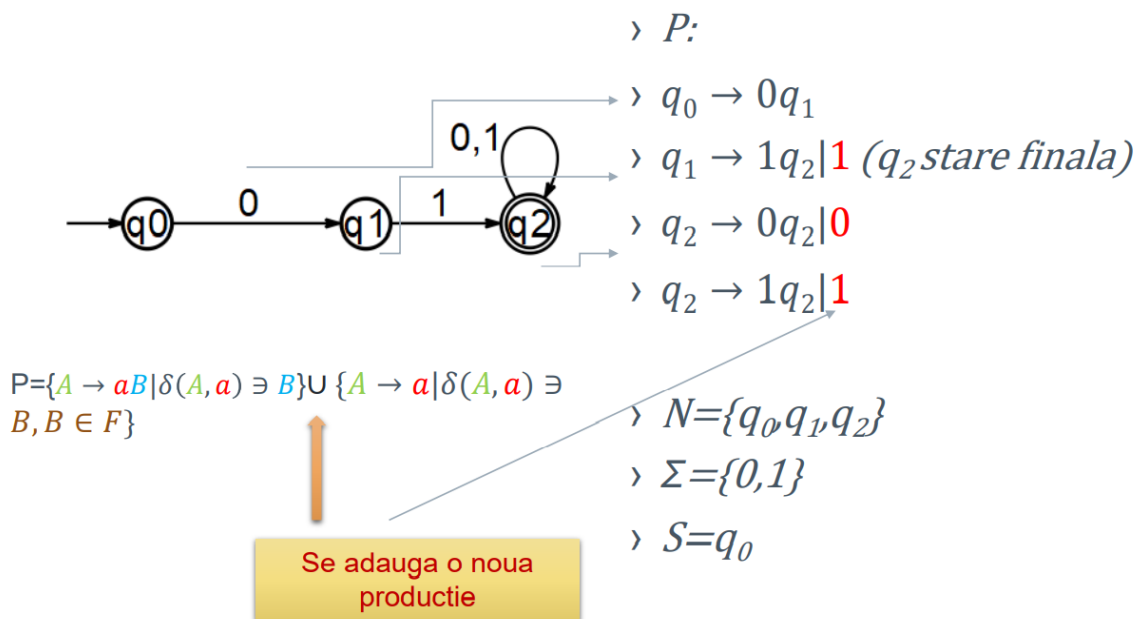
- › $N = Q$
- › $S = q_0$
- › Σ acelasi
- › $P = \{A \rightarrow aB \mid \delta(A, a) \ni B\} \cup \{A \rightarrow a \mid \delta(A, a) \ni B, B \in F\}$

Constructie:

- S = starea initiala de la automat
- Non terminale = starile automatului
- Terminalele = alfabetul
- Productiile = din tranzitii (o sa il avem si pe K)

Exemplu:

Exemplu



Implementare:

```
def convert_AF_GR(TAD: TADAutomat):  
    """  
    Transforma un automat finit in gramatica regulara  
    :param TAD: automatul finit  
    :return: gramatica regulara  
    """  
  
    simbol_start = TAD.get_stare_initiala().upper()  
    non_terminale = [x.upper() for x in TAD.get_stari()]  
    terminale = TAD.get_alfabet()  
    tranzitii = TAD.get_tranzitii()  
    stari_finale = TAD.get_stari_finale()  
    productii = {}  
    for nt in non_terminale:  
        productii[nt] = []  
    for tranzitie in tranzitii:  
        stare_stanga = tranzitie[0].upper()  
        stare_dreapta = tranzitie[2].upper()  
        terminale_stare = tranzitie[1]  
        for ter in terminale_stare:  
            productii[stare_stanga].append(ter+stare_dreapta)  
            if stare_dreapta.lower() in stari_finale:  
                productii[stare_stanga].append(ter)
```

```
stari_finale_fara_tranzitii = []
for (key, value) in productii.items():
    if len(value) == 0:
        stari_finale_fara_tranzitii.append(key)
for key in stari_finale_fara_tranzitii:
    del productii[key]

gramatica = Gramatica(non_terminale, terminale, productii,
simbol_start)
return gramatica
```