## UNIVERSITATEA BABEȘ-BOLYAI FACULTATEA DE MATEMATICĂ SI INFORMATICĂ

# Concurs admitere septembrie 2018 Proba scrisă la Informatică

#### În atenția concurenților:

- 1. Se consideră că indexarea tuturor șirurilor începe de la 1.
- 2. Problemele tip grilă (Partea A) pot avea unul sau mai multe răspunsuri corecte. Răspunsurile trebuie scrise de candidat pe foaia de concurs (nu pe foaia cu enunțuri). Obținerea punctajului aferent problemei este condiționată de identificarea tuturor variantelor de răspuns corecte și numai a acestora.
- 3. Pentru problemele din Partea B se cer rezolvări complete pe foaia de concurs.
  - **a.** Rezolvările se vor scrie în pseudocod sau într-un limbaj de programare (Pascal/C/C++).
  - **b.** Primul criteriu în evaluarea rezolvărilor va fi *corectitudinea* algoritmului, iar apoi *performanța* din punct de vedere al *timpului de executare* și al *spațiului de memorie utilizat*.
  - **c.** *Este obligatorie descrierea și justificarea* (sub) algoritmilor înaintea rezolvărilor. Se vor scrie, de asemenea, *comentarii* pentru a ușura înțelegerea detaliilor tehnice ale soluției date, a semnificației identificatorilor, a structurilor de date folosite etc. Neîndeplinirea acestor cerințe duce la pierderea a 10% din punctajul aferent subiectului.
  - **d.** Nu se vor folosi funcții sau biblioteci predefinite (de exemplu: *STL*, funcții predefinite pe șiruri de caractere).

# Partea A (30 puncte)

## A.1. Oare ce face? (5 puncte)

Subalgoritmul generare(n) prelucrează un număr natural n (0 < n < 100).

```
Subalgoritm generare(n):

nr ← 0

Pentru i ← 1, 1801 execută
folosit; ← fals

SfPentru

CâtTimp nu folosit, execută
suma ← 0, folosit, ← adevărat
CâtTimp (n ≠ 0) execută
cifra ← n MOD 10, n ← n DIV 10
suma ← suma + cifra * cifra * cifra

SfCâtTimp
n ← suma, nr ← nr + 1

SfCâtTimp
returnează nr

SfSubalgoritm
```

Precizați care este efectul acestui subalgoritm.

- A. calculează, în mod repetat, suma cuburilor cifrelor numărului n până când suma egalează numărul n și returnează numărul repetărilor efectuate
- B. calculează suma cuburilor cifrelor numărului n și returnează această sumă
- C. calculează suma cuburilor cifrelor numărului n, înlocuieste numărul n cu suma obtinută si returnează această sumă
- D. calculează, în mod repetat, suma cuburilor cifrelor numărului *n* până când o sumă se obține a doua oară și returnează numărul repetărilor efectuate
- E. calculează numărul înlocuirilor lui *n* cu suma cuburilor cifrelor sale până când se obține o valoare calculată anterior sau numărul însuși și returnează acest număr

### A.2. Ce valori sunt necesare? (5 puncte)

Se consideră subalgoritmul prelucreaza(v, k), unde v este un șir cu k numere naturale ( $1 \le k \le 1000$ ).

```
| Subalgoritm prelucreaza(v, k)
| i ← 1, n ← 0 |
| CâtTimp i ≤ k și vi ≠ 0 execută
| y ← vi, c ← 0 |
| CâtTimp y > 0 execută
| Dacă y MOD 10 > c atunci
| c ← y MOD 10 |
| SfDacă |
| y ← y DIV 10 |
| SfCâtTimp |
| n ← n * 10 + c |
| i ← i + 1 |
| SfCâtTimp |
| returnează n |
| SfSubalgoritm
```

Precizați pentru care valori ale lui v și k subalgoritmul returnează valoarea 928.

```
A. \mathbf{v} = (194, 121, 782, 0) şi \mathbf{k} = 4

B. \mathbf{v} = (928) şi \mathbf{k} = 1

C. \mathbf{v} = (9, 2, 8, 0) şi \mathbf{k} = 4

D. \mathbf{v} = (8, 2, 9) şi \mathbf{k} = 3

E. \mathbf{v} = (912, 0, 120, 8, 0) şi \mathbf{k} = 5
```

1

### A.3. Evaluare logică (5 puncte)

Fie s un şir cu k elemente de tip boolean şi subalgoritmul evaluare(s, k, i), unde k şi i sunt numere naturale  $(0 \le i \le k \le 100)$ .

```
Subalgoritm evaluare(s, k, i)

Dacă i ≤ k atunci

Dacă s<sub>i</sub> atunci

returnează s<sub>i</sub>

altfel

returnează (s<sub>i</sub> sau evaluare(s, k, i + 1))

SfDacă

altfel

returnează fals

SfDacă

SfDacă
```

Precizați de câte ori se autoapelează subalgoritmul evaluare(s, k, i) în următoarea secvență de instrucțiuni:

```
s ← (fals, fals, fals, fals, fals, adevărat, fals, fals, fals)
k ← 10
i ← 3
evaluare(s, k, i)
```

- A. de 3 ori
- B. de același număr de ori ca în următoarea secvență de instrucțiuni

```
s ← (fals, fals, fals, fals, fals, fals, adevărat)
k ← 8
i ← 4
evaluare(s, k, i)
```

- C. de 6 ori
- D. niciodată
- E. de o infinitate de ori

### A.4. Reuniune (5 puncte)

Se consideră dat subalgoritmul aparține(x, a, n) care verifică dacă un număr natural x aparține mulțimii a cu n elemente; a este un șir cu n elemente și reprezintă o mulțime de numere naturale ( $1 \le n \le 200$ ,  $1 \le x \le 1000$ ).

Fie subalgoritmii reuniune(a, n, b, m, c, p) și calcul(a, n, b, m, c, p), descriși mai jos, unde a, b și c sunt șiruri care reprezintă mulțimi de numere naturale cu n, m și respectiv p elemente ( $1 \le n \le 200$ ,  $1 \le m \le 200$ ,  $1 \le p \le 400$ ). Parametrii de intrare sunt a, n, b, m și p, iar parametrii de ieșire sunt c și p.

```
Subalgoritm reuniune(a, n, b, m, c, p):
1.
                                                                     1.
                                                                          Subalgoritm calcul(a, n, b, m, c, p):
2.
             Dacă n = 0 atunci
                                                                     2.
                                                                                p ← 0
               Pentru i \leftarrow 1, m execută
                                                                                reuniune(a, n, b, m, c, p)
3.
                                                                     3.
                                                                          SfSubalgoritm
4.
                 p \leftarrow p + 1
                  c_p \leftarrow b_i
5.
               SfPentru
6.
             altfel
8.
               Dacă nu aparține(a<sub>n</sub>, b, m) atunci
9.
                 p \leftarrow p + 1
                  c_p \leftarrow a_n
10.
               SfDacă
11.
12.
               reuniune(a, n - 1, b, m, c, p)
13.
            SfDacă
          SfSubalgoritm
```

Precizați care dintre afirmațiile de mai jos sunt întotdeauna adevărate:

- A. când mulțimea a conține un singur element, apelul subalgoritmului calcul(a, n, b, m, c, p) provoacă apariția unui ciclu infinit
- B. când mulțimea *a* conține 4 elemente, apelul subalgoritmului calcul(a, n, b, m, c, p) provoacă executarea instrucțiunii de pe linia 12 a subalgoritmului reuniune de 4 ori
- C. când mulțimea *a* conține 5 elemente, apelul subalgoritmului calcul(a, n, b, m, c, p) provoacă executarea instrucțiunii de pe linia 2 a subalgoritmului reuniune de 5 ori
- D. când mulțimea a are același număr de elemente ca și mulțimea b, în urma execuției subalgoritmului calcul(a, n, b, m, c, p) mulțimea c va avea același număr de elemente ca și mulțimea a
- E. când mulțimea a are aceleași elemente ca și mulțimea b, în urma execuției subalgoritmului calcul(a, n, b, m, c, p) mulțimea c va avea același număr de elemente ca și mulțimea a

# A.5. Exponentiere (5 puncte)

Care dintre următorii algoritmi calculează corect valoarea  $a^b$ ,  $a ext{ si } b$  fiind două numere naturale  $(1 \le a \le 11, 0 \le b \le 11)$ .

```
Subalgoritm expo(a, b):
                                                      Subalgoritm expo(a, b):
       rezultat ← 1
                                                         Dacă b ≠ 0 atunci
       CâtTimp b > 0 execută
                                                            Dacă b MOD 2 = 1 atunci
          Dacă b MOD 2 = 1 atunci
                                                               returnează expo(a * a, b / 2) * a
             rezultat ← rezultat * a
                                                            altfel
           SfDacă
                                                               returnează expo(a * a, b / 2)
          b ← b DIV 2
                                                            SfDacă
           a ← a * a
                                                         altfel
       SfCâtTimp
                                                            returnează 1
       returnează rezultat
                                                         SfDacă
    SfSubalgoritm
                                                      SfSubalgoritm
C.
   Subalgoritm expo(a, b):
                                                     Subalgoritm expo(a, b):
                                                 D.
       rezultat ← 1
                                                         Dacă b = 0 atunci
       CâtTimp b > 0 execută
                                                             returnează 1
           rezultat ← rezultat * a
                                                          SfDacă
          b ← b - 1
                                                          aux ← expo(a, b DIV 2)
       SfCâtTimp
                                                         Dacă b MOD 2 = 0 atunci
       returnează rezultat
                                                            returnează aux * aux
    SfSubalgoritm
                                                          altfel
                                                             returnează a * aux * aux
                                                          SfDacă
                                                      SfSub<u>algoritm</u>
    Subalgoritm expo(a, b):
       Dacă b = 0 atunci
          returnează 1
       SfDacă
       returnează a * expo(a, b - 1)
    SfSubalgoritm
```

# A.6. Cel mai mare multiplu (5 puncte)

Care dintre subalgoritmii de mai jos returnează cel mai mare multiplu al numărului natural a, multiplu care este mai mic sau egal cu numărul natural b ( $0 < a < 10\,000, 0 < b < 10\,000, a < b$ )?

A.	Subalgoritm f(a, b): c ← b CâtTimp c MOD a = 0 execută c ← c - 1 SfCâtTimp	В.	Subalgoritm f(a, b): Dacă a < b atunci returnează f(2 * a, b) altfel Dacă a = b atunci
	returnează c SfSubalgoritm		returnează a altfel
C.	Subalgoritm f(a, b): returnează (b DIV a) * a SfSubalgoritm		returnează b SfDacă SfSubalgoritm
D.	Subalgoritm f(a, b):  Dacă b MOD a = 0 atunci  returnează b  SfDacă  returnează f(a, b - 1)  SfSubalgoritm	E.	Subalgoritm f(a, b):     c ← a     CâtTimp c < b execută     c ← c + a     SfCâtTimp     Dacă c = b atunci     returnează c     altfel     returnează c - a     SfDacă SfSubalgoritm

# Partea B (60 puncte)

# **B.1.** Evaluare polinom (10 puncte)

Se consideră subalgoritmul evaluare(n, coef, x), unde *coef* este un vector cu n+1 elemente numere reale din intervalul [-100, 100] reprezentând coeficienții unui polinom de grad n,  $P(x) = coef_1 * x^n + coef_2 * x^{n-1} + .... + coef_n * x + coef_{n+1}$ , dați în ordinea descrescătoare a puterilor lui x (n este număr natural,  $1 \le n \le 10$ ). Subalgoritmul determină valoarea polinomului într-un punct dat x (x număr real din intervalul [-10, 10]).

```
Subalgoritm evaluare(n, coef, x):

val ← 0.0

Pentru i ← 1, n + 1 execută

val ← val * x + coef[i]

SfPentru

returnează val

SfSubalgoritm
```

Scrieți o variantă *recursivă* (care nu conține structuri repetitive) a subalgoritmului evaluare(n, coef, x) care are același antet și același efect cu acesta.

## **B.2.** Intersecție (25 puncte)

Se consideră două șiruri, fiecare conținând numere întregi *distincte*, cuprinse între -30 000 și 30 000. Șirul a are n (0 < n  $\leq$  10 000) elemente, iar șirul b are m (0 < m  $\leq$  10 000) elemente și este *ordonat crescător*.

Scrieți un subalgoritm care determină șirul c, având k ( $0 \le k \le 10\,000$ ) elemente, format din toate elementele *comune* ale celor două șiruri, luate o singură dată în orice ordine. Parametrii de intrare sunt cele două șiruri (a și b) și lungimile lor (n și m). Parametrii de ieșire vor fi șirul c și lungimea c0 a șirului. Dacă nu există elemente comune, c1 va fi c2.

**Exemplu:** dacă n = 4, a = (5, -7, -2, 3), m = 5 și b = (-2, 3, 5, 7, 8), șirul c are k = 3 elemente și este c = (5, -2, 3).

### **B.3.** Secvență de numere fără frați (25 puncte)

Se consideră un şir x, având n ( $0 < n \le 10\,000$ ) elemente numere naturale *distincte* nenule mai mici decât 30 000. Două numere se numesc *frați* dacă *sunt distincte* și dacă *au cel puțin două cifre distincte comune*. De exemplu, 5867 și 17526 sunt *frați*, dar 5867 și 152 nu sunt *frați*. De asemenea, 131 și 114 nu sunt frați.

# Cerințe:

- i. Scrieți un subalgoritm care verifică dacă un număr natural a este frate cu un număr natural b ( $0 < a \le 30\,000$ ,  $0 < b \le 30\,000$ ) Parametrii de intrare sunt cele două numere a și b. Parametrul de ieșire va fi esteFrate și va avea valoarea adevărat dacă a este frate cu b și fals, altfel. (11 puncte)
- ii. Scrieți un subalgoritm care determină cea mai lungă subsecvență a șirului x, formată din elemente care nu au niciun frate în șirul x. O subsecvență a unui șir este formată din elemente ale șirului aflate pe poziții consecutive. Parametrii de intrare sunt șirul x și lungimea lui n. Parametrii de ieșire vor fi poziția de început a subsecvenței start și lungimea acesteia k. Dacă există mai multe subsecvențe de aceeași lungime maximă, se va considera ultima dintre ele. Dacă nu există nicio astfel de subsecvență, start va fi -1 și k va fi 0. (14 puncte)

*Exemplu:* Fie n = 11 și x = (12345, 9, 100, 567, 5678, 345, 123, 8989, 222, 11, 78). Numerele fără frați din șirul x sunt: 9, 100, 8989, 222, 11, iar subsecvența căutată este (8989, 222, 11), deci *start* = 8 și k = 3.

#### Notă:

- 1. Toate subjectele sunt obligatorii.
- **2.** Ciornele nu se iau în considerare.
- 3. Se acordă 10 puncte din oficiu.
- **4.** Timpul efectiv de lucru este de 3 ore.