# Concurs Mate-Info - varianta 1 Proba scrisă la Informatică

# În atenția concurenților:

- 1. Se consideră că indexarea șirurilor începe de la 1.
- 2. Problemele tip grilă (Partea A) pot avea unul sau mai multe răspunsuri corecte. Răspunsurile trebuie scrise de candidat pe foaia de concurs (nu pe foaia cu enunțuri). Obținerea punctajului aferent problemei este condiționată de identificarea tuturor variantelor de răspuns corecte și numai a acestora.
- 3. Pentru problemele din Partea B se cer rezolvări complete pe foaia de concurs.
  - **a.** Rezolvările se vor scrie în pseudocod sau într-un limbaj de programare (Pascal/C/C++).
  - **b.** Primul criteriu în evaluarea rezolvărilor va fi *corectitudinea* algoritmului, iar apoi *performanța* din punct de vedere al *timpului* de executare și al spațiului de memorie utilizat.
  - **c.** *Este obligatorie descrierea și justificarea* (sub) algoritmilor înaintea rezolvărilor. Se vor scrie, de asemenea, *comentarii* pentru a ușura înțelegerea detaliilor tehnice ale soluției date, a semnificației identificatorilor, a structurilor de date folosite etc. Neîndeplinirea acestor cerințe duce la pierderea a 10% din punctajul aferent subiectului.
  - **d.** Nu se vor folosi funcții sau biblioteci predefinite (de exemplu: STL, funcții predefinite pe șiruri de caractere).

# Partea A (30 puncte)

# A.1. Oare ce face? (5p)

Se consideră subalgoritmul alg(x, b) cu parametrii de intrare două numere naturale x și b ( $1 \le x \le 1000$ ,  $1 < b \le 10$ ).

```
Subalgoritm alg(x, b):
    s ← 0
    CâtTimp x > 0 execută
    s ← s + x MOD b
    x ← x DIV b
    SfCâtTimp
    returnează s MOD (b - 1) = 0
SfSubalgoritm
```

Precizați efectul acestui subalgoritm.

- a. calculează suma cifrelor reprezentării în baza b a numărului natural x
- b. verifică dacă suma cifrelor reprezentării în baza b 1 a numărului x este divizibilă cu b 1
- c. verifică dacă numărul natural x este divizibil cu b 1
- d. verifică dacă suma cifrelor reprezentării în baza b a numărului x este divizibilă cu b 1
- e. verifică dacă suma cifrelor numărului x este divizibilă cu b 1

### A.2. Ce se afișează? (5p)

Se consideră următorul program:

```
Varianta C++/C

int sum(int n, int a[], int s){
    s = 0;
    int i = 1;
    while(i <= n){
        if(a[i] != 0) s += a[i];
        ++i;
    }
    return s;
}

int main(){
    int n = 3, p = 0, a[10];
    a[1] = -1; a[2] = 0; a[3] = 3;
    int s = sum(n, a, p);
    cout << s << ";" << p; // printf("%d;%d", s, p);
    return 0;
}</pre>
```

```
Varianta Pascal
type vector = array[1..10] of integer;
function sum(n:integer; a:vector; s:integer):integer;
  var i : integer;
  begin
     s := 0; i := 1;
     while (i <= n) do
         begin
             if (a[i] \leftrightarrow 0) then s := s + a[i];
             i := i + 1;
         end:
     sum := s;
  end;
var n, p, s : integer;
           a : vector;
begin
   n := 3; a[1] := -1; a[2] := 0; a[3] := 3; p := 0;
    s := sum(n, a, p);
writeln(s, ';', p);
end.
```

Care este rezultatul afișat în urma execuției programului?

- a. 0;0
- b. 2;0
- c. 2;2
- d. Niciun rezultat nu este corect
- e. 0;2

# A.3. Expresie logică (5p)

Se consideră următoarea expresie logică (X OR Z) AND (NOT X OR Y). Alegeți valorile pentru **X**, **Y**, **Z** astfel încât evaluarea expresiei să dea rezultatul TRUE:

```
a. X \leftarrow \text{FALSE}; Y \leftarrow \text{FALSE}; Z \leftarrow \text{TRUE};
b. X \leftarrow \text{TRUE}; Y \leftarrow \text{FALSE}; Z \leftarrow \text{FALSE};
c. X \leftarrow \text{FALSE}; Y \leftarrow \text{TRUE}; Z \leftarrow \text{FALSE};
d. X \leftarrow \text{TRUE}; Y \leftarrow \text{TRUE}; Z \leftarrow \text{TRUE};
e. X \leftarrow \text{FALSE}; Y \leftarrow \text{FALSE}; Z \leftarrow \text{FALSE};
```

# **A.4.** Calcul (5p)

Fie subalgoritmul calcul(a, b) cu parametrii de intrare a și b numere naturale,  $1 \le a \le 1000$ ,  $1 \le b \le 1000$ .

```
    Subalgoritm calcul(a, b):
    Dacă a ≠ 0 atunci
    returnează calcul(a DIV 2, b + b) + b * (a MOD 2)
    SfDacă
    returnează 0
    SfSubalgoritm
```

Care din afirmațiile de mai jos sunt false?

- **a.** dacă a și b sunt egale, subalgoritmul returnează valoarea lui a
- **b.** dacă a = 1000 și b = 2, subalgoritmul se autoapelează de 10 ori
- **c.** valoarea calculată și returnată de subalgoritm este a / 2 + 2 \* b
- d. instrucțiunea de pe linia 5 nu se execută niciodată
- e. instrucțiunea de pe linia 5 se execută o singură dată

# A.5. Identificare element (5p)

**SfSubalgoritm** 

Se consideră șirul (1, 2, 3, 2, 5, 2, 3, 7, 2, 4, 3, 2, 5, 11, ...) format astfel: plecând de la șirul numerelor naturale, se înlocuiesc numerele care nu sunt prime cu divizorii lor proprii, fiecare divizor d fiind considerat o singură dată pentru fiecare număr. Care dintre subalgoritmi determină al n-lea element al acestui șir (n - număr natural,  $1 \le n \le 1000$ )?

```
Subalgoritm identificare(n):
                                                                           Subalgoritm identificare(n):
           a \leftarrow 1, b \leftarrow 1, c \leftarrow 1
                                                                                a \leftarrow 1, b \leftarrow 1, c \leftarrow 1
           CâtTimp c < n execută
                                                                                CâtTimp c < n execută
              a \leftarrow a + 1, b \leftarrow a, c \leftarrow c + 1, d \leftarrow 2
                                                                                    c \leftarrow c + 1, d \leftarrow 2
              CâtTimp c ≤ n și d ≤ a DIV 2 execută
                                                                                    CâtTimp c ≤ n și d ≤ a DIV 2 execută
                  Dacă a MOD d = 0 atunci
                                                                                         Dacă a MOD d = 0 atunci
                      c \leftarrow c + 1, b \leftarrow d
                                                                                            c \leftarrow c + 1, b \leftarrow d
                   SfDacă
                                                                                         SfDacă
                   d \leftarrow d + 1
                                                                                         d \leftarrow d + 1
                 SfCâtTimp
                                                                                    SfCâtTimp
           SfCatTimp
                                                                                    a \leftarrow a + 1, b \leftarrow a
           returnează b
                                                                               SfCâtTimp
      SfSubalgoritm
                                                                                returnează b
                                                                           SfSubalgoritm
      Subalgoritm identificare(n):
                                                                           Subalgoritm identificare(n):
                                                                    d.
с.
           a \leftarrow 1, b \leftarrow 1, c \leftarrow 1
                                                                                a \leftarrow 1, b \leftarrow 1, c \leftarrow 1
                                                                                CâtTimp c < n execută
           CâtTimp c < n execută
                                                                                      b \leftarrow a, a \leftarrow a + 1, c \leftarrow c + 1, d \leftarrow 2
              a \leftarrow a + 1, d \leftarrow 2
              CâtTimp c < n și d ≤ a execută
                                                                                       CâtTimp c ≤ n și d ≤ a DIV 2 execută
                  Dacă a MOD d = 0 atunci
                                                                                           Dacă a MOD d = 0 atunci
                       c \leftarrow c + 1, b \leftarrow d
                                                                                               c \leftarrow c + 1, b \leftarrow d
                   SfDacă
                                                                                           SfDacă
                   d \leftarrow d + 1
                                                                                           d \leftarrow d + 1
              SfCâtTimp
                                                                                      SfCâtTimp
           SfCatTimp
                                                                                SfCâtTimp
           returnează b
                                                                                returnează b
      SfSubalgoritm
                                                                           SfSubalgoritm
      Subalgoritm identificare(n):
           a \leftarrow 1, b \leftarrow 1, c \leftarrow 1
           CâtTimp c < n execută
              a \leftarrow a + 1, b \leftarrow a, c \leftarrow c + 1, d \leftarrow 2
              f ← false
              CâtTimp c ≤ n și d ≤ a DIV 2 execută
                   Dacă a MOD d = 0 atunci
                       c \leftarrow c + 1, b \leftarrow d, f \leftarrow true
                   SfDacă
                   d \leftarrow d + 1
              SfCâtTimp
              Dacă f atunci
                  c ← c - 1
              SfDacă
           SfCâtTimp
           returnează b
```

# A.6. Factori primi (5p)

Fie subalgoritmul factoriPrimi(n, d, k, x) care determină cei k factori primi ai unui număr natural n, începând căutarea factorilor primi de la valoarea d. Parametrii de intrare sunt numerele naturale n, d și k, iar parametrii de ieșire sunt șirul x cu cei k factori primi ( $1 \le n \le 10000$ ,  $2 \le d \le 10000$ ).

```
Subalgoritm factoriPrimi(n, d, k, x):

Dacă n MOD d = 0 atunci

k ← k + 1

x[k] ← d

SfDacă

CâtTimp n MOD d = 0 execută

n ← n DIV d

SfCâtTimp

Dacă n > 1 atunci

factoriPrimi(n, d + 1, k, x)

SfDacă

SfSubalgoritm
```

Stabiliți de câte ori se autoapelează subalgoritmul factoriPrimi(n, d, k, x) în următoarea secvență de instrucțiuni:

```
n ← 120
d ← 2
k ← 0
factoriPrimi(n, d, k, x)
```

- a. de 3 ori
- b. de 5 ori
- c. de 9 ori
- d. de 6 ori
- e. de același număr de ori ca și în cadrul secvenței de instrucțiuni:

```
n ← 750
d ← 2
k ← 0
factoriPrimi(n, d, k, x)
```

# Partea B (60 puncte)

#### **B.1.** Conversie (10 puncte)

Fie subalgoritmul conversie(s, lung) care transformă un șir s de caractere, exprimând un număr în baza 16, în numărul corespunzător scris în baza 10. Şirul s este format din *lung* caractere care pot avea ca valori doar cifrele '0', '1', '2', '3', '4', '5', '6', '7', '8', '9' si literele mari 'A', 'B', 'C', 'D', 'E', 'F' (*lung* este număr natural,  $1 \le lung \le 10$ ).

Scrieți o variantă recursivă a subalgoritmului conversie(s, lung) care are același antet și același efect cu acesta.

```
Subalgoritm conversie(s, lung):

nr ← 0

Pentru i ← 1, lung execută

Dacă s[i] ≥ 'A' atunci

nr ← nr * 16 + s[i] - 'A' + 10

altfel

nr ← nr * 16 + s[i] - '0'

SfDacă

SfPentru

returnează nr

SfSubalgoritm
```

# **B.2.** Cifre identice (20 puncte)

Se consideră două numere naturale  $\boldsymbol{a}$  și  $\boldsymbol{b}$ , unde  $1 \le \boldsymbol{a} \le 1~000~000$  și  $1 \le \boldsymbol{b} \le 1~000~000$ .

Scrieți un subalgoritm care determină șirul x, având k elemente (k - număr natural,  $0 \le k \le 1000$ ), format din toate numerele naturale cuprinse în intervalul [a, b] care au toate cifrele identice. Dacă nu există astfel de numere, k va fi 0. Numerele a și b sunt parametrii de intrare ai subalgoritmului, iar k și x vor fi parametrii de ieșire.

```
Exemplul 1: dacă a = 8 și b = 120, atunci k = 12 și x = (8, 9, 11, 22, 33, 44, 55, 66, 77, 88, 99, 111). 
Exemplul 2: dacă <math>a = 590 și b = 623, atunci k = 0 și x este șirul vid.
```

# **B.3.** Robotel plimbăret (30 puncte)

Un roboțel se poate plimba pe o hartă dată sub forma unei matrice pătratice de dimensiune impară, lăsând în fiecare celulă a hărții un anumit număr de obiecte. Plimbarea roboțelului se desfășoară după următoarele reguli:

- în celula din care pornește roboțelul lasă un obiect, în a doua celulă în care ajunge lasă 2 obiecte, în a treia celulă în care ajunge lasă 3 obiecte, ș.a.m.d.;
- roboțelul pornește din mijlocul ultimei coloane și merge întotdeauna un pas pe diagonală în celula alăturată de sus-dreapta (direcție paralelă cu diagonala secundară) dacă această celulă există și ea este liberă; dacă celula nu există, atunci:
  - o dacă roboțelul se află pe ultima coloană, atunci el "sare" în celula aflată pe coloana întâi și linia de deasupra lui dacă aceasta este liberă;
  - o dacă roboțelul se află pe prima linie, el "sare" în celula aflată pe ultima linie și coloana din dreapta lui dacă aceasta este liberă;
  - o dacă roboțelul se află în colțul dreapta-sus al hărții, el "sare" în celula aflată pe ultima linie și prima coloană dacă aceasta este liberă.
- în situația în care celula pe care trebuie să ajungă nu este liberă, roboțelul face un pas la stânga în celula alăturată de pe aceeași linie cu el.

Aceste reguli asigură vizitarea o singură dată a tuturor celulelor din hartă (și, implicit, evitarea blocajelor în deplasare). După ce roboțelul lasă obiecte în toate celulele hărții, el se oprește.

De exemplu, pentru o hartă cu 5 × 5 celule, primii 22 pași efectuați de roboțel ar fi:

9	3	22	16	15
2	21	20	14	8
	19	13	7	1
18	12	6	5	
11	10	4		17

Scrieți un subalgoritm care determină numărul de obiecte nr lăsate de roboțel în celulele de pe diagonala principală a hărții. Parametrul de intrare al subalgoritmului este dimensiunea hărții n (n - număr natural impar,  $3 \le n \le 100$ ), iar nr va fi parametrul de ieșire (nr - număr natural).

Exemplu 1: dacă n = 5, atunci nr = 65. Exemplu 2: dacă n = 11, atunci nr = 671.

### Notă:

- 1. Toate subjectele sunt obligatorii.
- 2. Ciornele nu se iau în considerare.
- 3. Se acordă 10 puncte din oficiu.
- **4.** Timpul efectiv de lucru este de 3 ore.