

# Aufgabe 1

1. Für den obigen Algorithmus benötigt man  $n$  Additionen und  $n + \frac{n(n+1)(2n+1)}{6}$  Multiplikationen, denn man addiert jedes Mitglied des Polynoms  $n$ -mal und man berechnet jede Potenz mit der Formel  $\sum_{i=0}^N i^2$ . Dann gibt es auch  $n$  für die Koeffizienten-Multiplikation.

2. a) Wir wissen dass  $n^2$  gleich mit der Summe der ungeraden Zahlen bis einem Index ist, deswegen können wir das Polynom folgendes mit dem Horner Schema schreiben:

$$(\dots(a_n x^{2n-1} + a_{n-1})x^{2n-3} + a_{n-2})\dots)x + a_0$$

- b) Mit dem Ergebnis von 2 a) berechnet man effizienter das Polynom, weil man nicht die Quadrate jeder Potenz berechnen muss. Das impliziert, dass die Nummer der Multiplikationen kleiner ist. Ein Beispiel wäre für  $n = 3$ , wenn man 17 Multiplikationen mit dem klassischen Algorithmus im Vergleich zu 12 macht.

c)

```
q=1;
for(i=n;i>0;i--)
{
    potenz=0;
    for(j=1;j<2*i-1;j++)
        potenz=potenz*x;
    q=a[i]*potenz+a[i-1]+q;
    a[i-1]=q;
}
```

- d) Der verbesserte Algorithmus berechnet das Polynom mit einer Komplexität von  $O(n^2)$  und macht  $n(n+1)$  Multiplikationen und  $n-1$  Additionen.

3. a) Mit dem Hinweis können wir jede Potenz in Bezug auf die vorherige Potenz berechnen. Zusätzlich, wissen wir dass die Differenz zwischen  $n^2 - n^{n-1}$  gleich  $2n - 1$  ist. Zum Beispiel, können wir  $(x^3)^2$  als  $(x^2)^2$  mal  $(x^2)^{3 \cdot 2 - 1}$

b)

#Codeblock

```
q=x[0]+x[1]*x;
lastpotenz=x;
for(i=2;i<=n;i++)
{
    potenz=1;
    for(j=1;j<2*i-1;j++)
        potenz=lastpotenz*x;
    lastpotenz=potenz;
    q=a[i]*potenz+q;
}
```

---

c) Diese verbesserte Version macht insgesamt  $n$  Additionen und  $(3n + 1 + n \cdot (n + 1))$  Multiplikationen.