Pesquisa digital

Algoritmos e Estruturas de Dados II

Pesquisa digital

- A pesquisa digital usa a representação das chaves para estruturar os dados na memória
 - Por exemplo, a representação de um número em binário
 - A representação de um string com uma sequência de caracteres
- A pesquisa digital está para árvores binárias de pesquisa como radixsort está para os métodos de ordenação
 - Pesquisa não é baseada em comparação de chaves, mas sim em processamento feito sob a chave

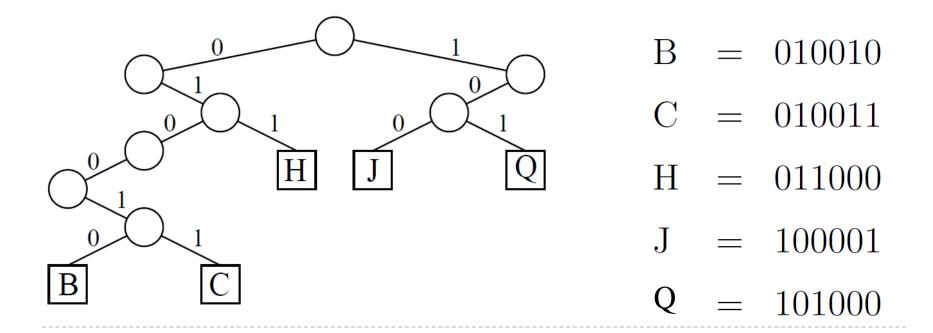


Trie binária

- lacktriangle Cada nó no nível i representa o conjunto de todas as chaves que começam com a mesma sequência de i bits
- ▶ Cada nó tem duas ramificações, uma para as chaves cujo bit (i+1) é zero e outra para chaves cujo bit (i+1) é um

Trie binária – exemplo de pesquisa

- Busca em uma trie binária é parecida com pesquisa em árvore de busca
 - Mas não comparamos chaves
 - Percorremos a trie de acordo com os bits da chave



Trie - estruturas

```
struct no {
    struct no *esq;
    struct no *dir;
    struct registro *reg;
};

struct registro {
    int chave;
    /* outros dados */
};
```

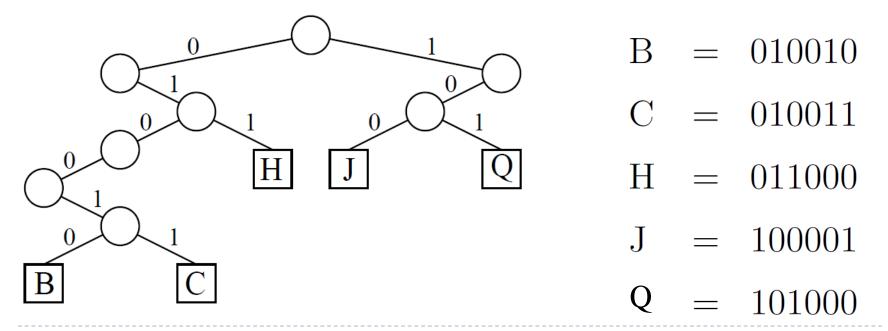


Trie binária – pesquisa

```
struct registro *pesquisaR(struct no *t, int chave, int p) {
    if(t == NULL) return NULL;
    if(t-)esq == NULL && t-)dir == NULL) {
        int regchave = t->reg->chave;
        if (regchave == chave) { return t->req; }
        else { return NULL; }
    if (digito (chave, p) == 0) { /*busca sub-árvore esquerda */
        return pesquisaR(t->esq, chave, p+1); }
    else { /* busca sub-árvore direita */
        return pesquisaR(t->dir, chave, p+1); }
struct registro *pesquisa(struct no *trie, int chave) {
    return pesquisaR(trie, chave, 0);
```

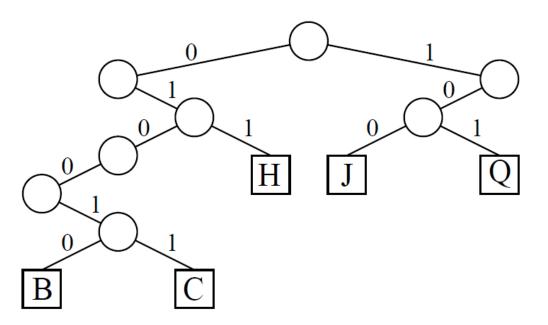
Trie binária – exemplo de inserção

- Fazemos uma pesquisa na árvore para descobrir onde a chave será inserida
 - Primeiro caso: se o nó externo onde a pesquisa terminar for vazio, basta cria um novo nó para conter a nova chave
 - ▶ Inserindo W = 110110



Trie binária - exemplo de inserção

- Fazemos uma pesquisa na árvore para descobrir onde a chave será inserida
 - Segundo caso: se o nó externo onde a pesquisa terminar tiver uma chave, criamos nós internos até encontrar o bit onde a nova chave difere da chave já existente
 - ▶ Inserindo K = 100010



$$B = 010010$$

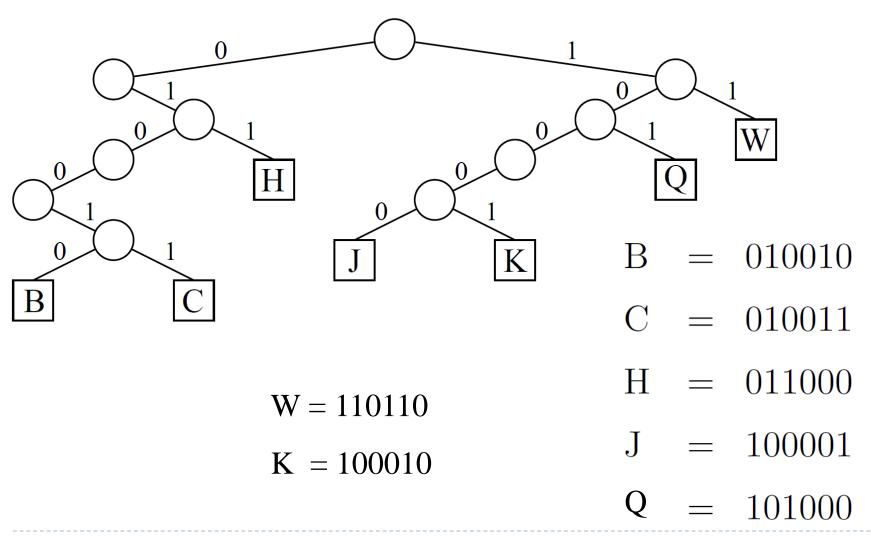
$$C = 010011$$

$$H = 011000$$

$$J = 100001$$

$$Q = 101000$$

Trie - exemplo de inserção





Trie – inserção

```
struct no *insereR(struct no *t, struct registro *reg, int p){
int chave = req->chave;
    if(t == NULL) return cria trie(reg);
    if(t-)esq == NULL && t-)dir == NULL) {
        return separa(cria trie(reg), t, p);
    if (digito (chave, p) == 0) /* insere sub-arvore esquerda */
        t\rightarrow esq = insereR(t\rightarrow esq, req, p+1);
    else /* insere na sub-árvore direita */
        t->dir = insereR(t->dir, req, p+1);
    return t;
void insere(struct no **trie, struct registro *reg) {
    *trie = insereR(*trie, reg, 0);
```

Trie – inserção

```
struct no *separa(struct no *no1, struct no *no2, int p) {
    novo = cria trie(NULL);
    int chave1 = no1->req->chave;
    int chave2 = no2->req->chave;
    if (digito (chave1, p) == 0 \& \& digito (chave2, p) == 0) {
        novo->esq = separa(no1, no2, p+1);
    else if(/* chave1 == 0 && chave2 == 1 */) {
        novo->esq = no1; novo->dir = no2;
    else if (/* chave1 == 1 && chave2 == 0 */) {
        novo->dir = no1; novo->esq = no2;
    else if (/* chave1 == 1 && chave2 == 1 */) {
        novo->dir = separa(no1, no2, p+1);
    return novo;
```

Vantagens

- O formato das tries não depende da ordem em que as chaves são inseridas
 - Depende apenas dos valores das chaves
- Inserção e busca numa trie com N chaves aleatórias requer aproximadamente $\lg(N)$ comparações de bits no caso médio
- O pior caso é limitado pelo número de bits das chaves



Desvantagens

- Caminhos de uma única direção acontecem quando chaves compartilham vários bits em comum
 - Por exemplo, as chaves B (00010) e C (00011) são idênticas exceto no último bit
 - Requer inspeção de todos os bits da chave independente do número de registros na trie
- Os registros são armazenados apenas nas folhas, o que desperdiça memória em nós intermediário



Patricia

- Practical Algorithm To Retrieve Information Coded in Alphanumeric
- Criada por Morrison 1968 para recuperação de informação em arquivos de texto
- Estendido por Knuth em 73, Sedgewick em 88, Gonnet e Baeza-Yates em 91

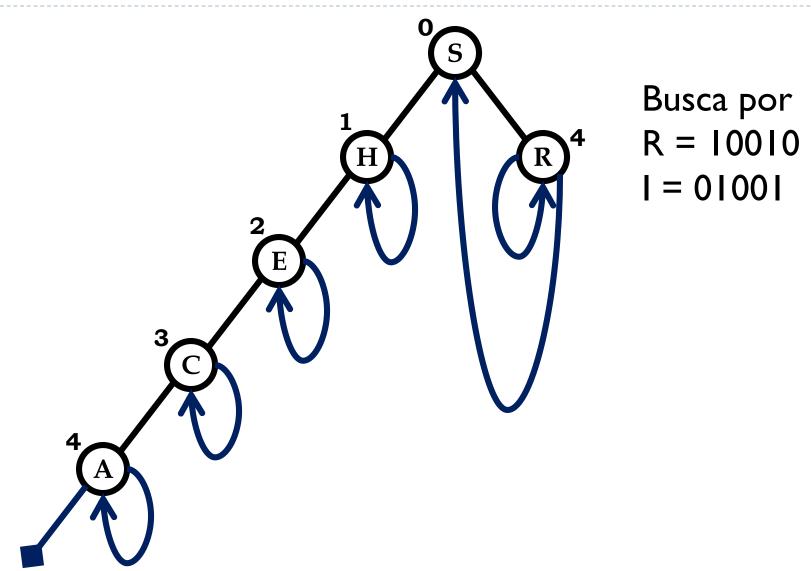


Patricia

- Patricia usa o conceito de pesquisa digital, mas estrutura os dados de forma a evitar as desvantagens citadas das tries
 - Remove caminhos de única direção
 - Evita o desperdício de memória em nós internos
- Cada nó da árvore contém uma chave e um índice indicando qual bit deve ser testado para decidir qual ramo seguir



Patricia – exemplo de pesquisa



Patricia – estruturas

```
struct no {
    struct no *esq;
    struct no *dir;
    int bit;
    struct registro *reg;
};

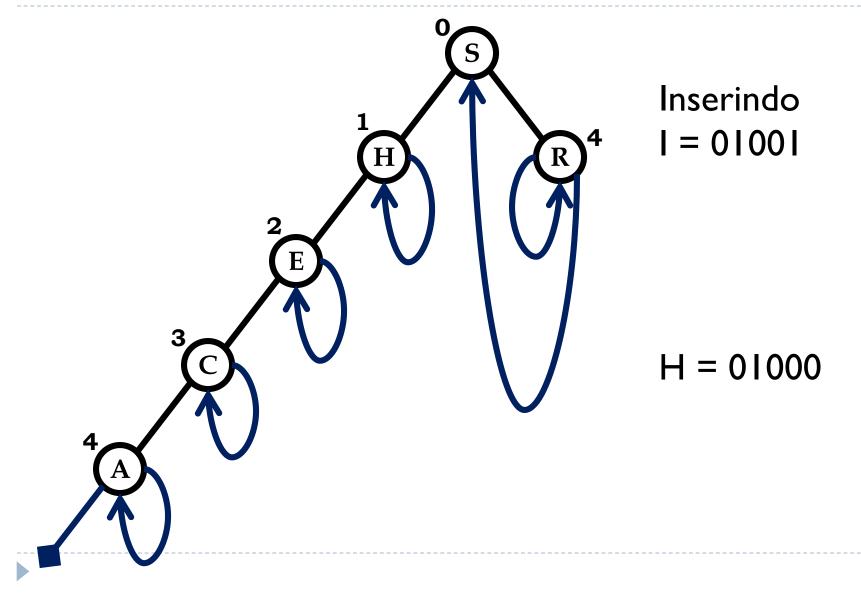
struct registro {
    int chave;
    /* outros dados */
};
```



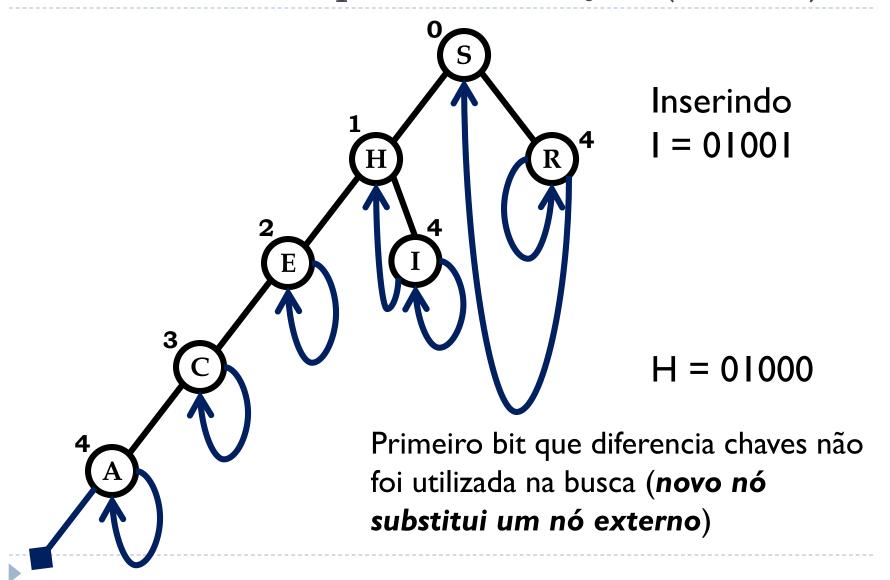
Patricia – pesquisa

```
struct registro *pesquisaR(struct no *t, int chave, int bit) {
    if(t->bit <= bit) return t;
    if (digito (chave, t->bit) == 0) {
        return pesquisaR(t->esq, chave, t->bit);
    else {
        return pesquisaR(t->dir, chave, t->bit);
struct registro *pesquisa(struct no *pat, int chave) {
struct registro *reg;
    reg = pesquisaR(pat->esq, chave, -1);
    if(reg->chave == chave) { return reg; }
    else { return NULL; }
```

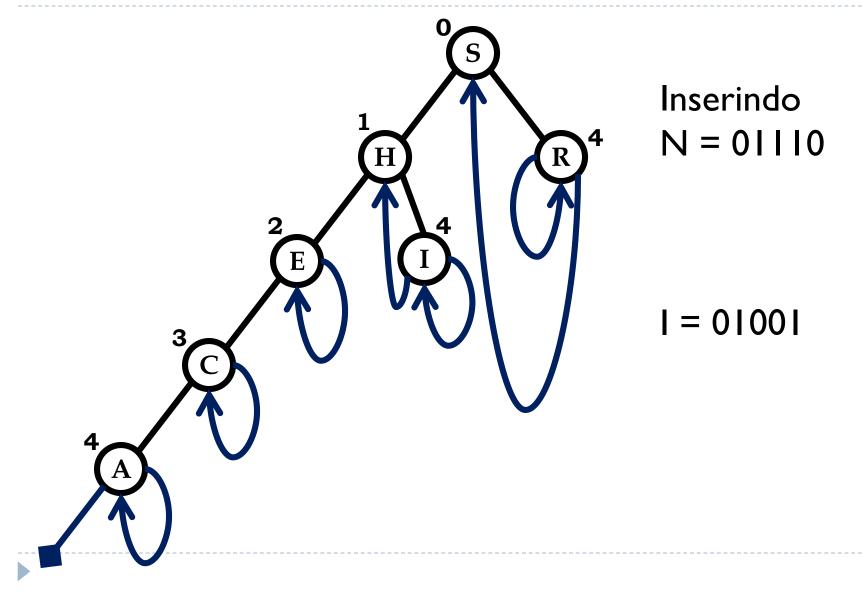
Patricia – exemplo de inserção



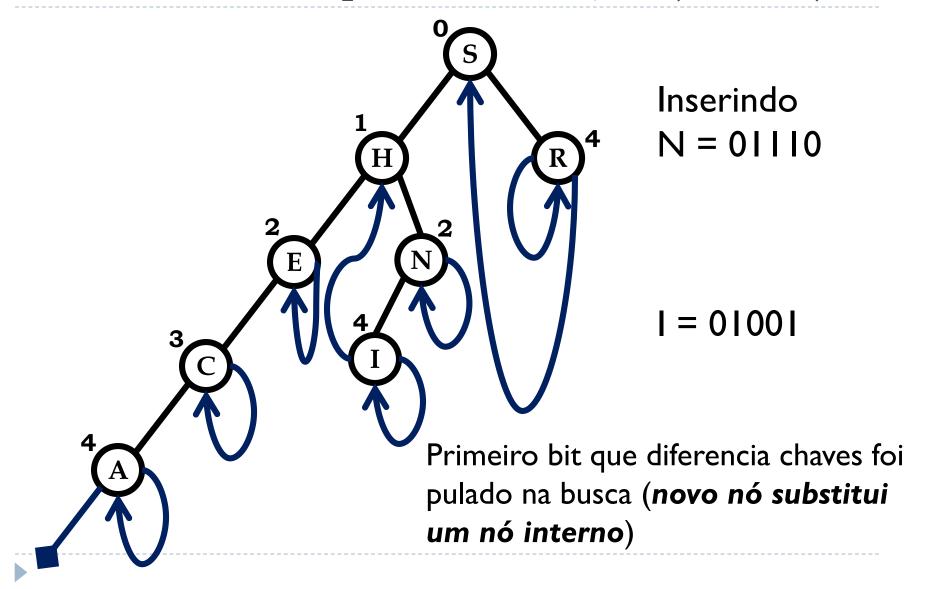
Patricia – exemplo de inserção (caso 1)



Patricia – exemplo de inserção



Patricia – exemplo de inserção (caso 2)



Casos da Inserção

- Caso I: O novo nó substitui um nó externo
 - Acontece quando o bit que diferencia a nova chave da chave encontrada não foi utilizado na busca
- Caso 2: O novo nó substitui um nó interno
 - Acontece quando o bit que diferencia a nova chave da chave encontrada foi pulado durante a busca

```
struct no *inicializa() {
struct no *novo;
   novo = cria_pat(NULL, -1);
   novo->esq = novo->dir = novo;
   return novo;
}
```



Patricia – inserção

```
void insere(struct no *pat, struct registro *reg) {
int chave = req->chave;
struct registro *ins;
int ichave;
int i = 0;
    ins = pesquisaR(pat->esq, chave, -1);
    ichave = ObtemChave(ins);  /* 0 se não há chaves */
    if (chave == ichave) return; /* chave já existe */
    /* procura pelo bit diferenciador */
    while (digito(chave, i) == digito(ichave, i)) i++;
    /* i é o bit diferenciador */
   pat->esq = insereR(pat->esq, reg, i, pat);
```

Patricia – inserção

```
struct no *insereR(struct no *t, struct registro *reg,
                   int bit, struct no *pai) {
int chave = req->chave;
        if((bit <= t->bit) || (t->bit <= pai->bit)) {
        struct no *x = cria pat(reg, bit);
        x->esq = digito(chave, x->bit) ? t : x;
       x->dir = digito(chave, x->bit) ? x : t;
        return x;
    } else if (digito(chave, t->bit) == 0) {
       t\rightarrow esq = insereR(t\rightarrow esq, req, bit, t);
    } else {
       t->dir = insereR(t->dir, req, bit, t);
    return t;
```