

Ordenação: Mergesort

Algoritmos e Estruturas de Dados II

Introdução

- ▶ Baseado em *merging*
 - ▶ Combinação de dois vetores ordenados em um vetor maior que também esteja ordenado
- ▶ Quicksort vs. Mergesort
 - ▶ **Quicksort:**
 - ▶ divide o vetor em vetores independentes
 - ▶ Indexação da posição do pivô + duas chamadas recursivas
 - ▶ **Mergesort:**
 - ▶ une dois vetores para criar um único
 - ▶ Duas chamadas recursivas + procedimento para unir vetores

Merging

- ▶ Dois vetores **a** e **b** ordenados para um vetor **c**
- ▶ **Ideia**
 - ▶ Escolhe para **c**, o menor de dos elementos que ainda não foram escolhidos dos vetores **a** e **b**.

```
mergeAB(Item c[], Item a[], int N, Item b[], int M ) {  
    int i, j, k;  
    for (i = 0, j = 0, k = 0; k < N+M; k++) {  
        if (i == N) { c[k] = b[j++]; continue; }  
        if (j == M) { c[k] = a[i++]; continue; }  
        if (a[i].chave < b[j].chave)  
            c[k] = a[i++];  
        else  
            c[k] = b[j++];  
    }  
}
```

Merging

▶ Problema

- ▶ Há dois testes no laço interno.
- ▶ Dois vetores separados são passados (a e b)

▶ Solução

- ▶ Para evitá-los, copia um dos vetores em ordem reversa e o percorre da direita para esquerda.
- ▶ Passa vetor único, indicando o índice do último elemento do vetor da esquerda (variável m).

Merging

```
Item aux[maxN];
```

```
merge(Item a[], int e, int m, int d){  
    int i, j, k;
```

```
    /* copia a e b (reverso) para vetor auxiliar */
```

```
    for (i = 0; i <= m; i++)
```

```
        aux[i] = a[i];
```

```
    for (j = m+1; j <= d; j++)
```

```
        aux[d-m+j+1] = a[j];
```

```
    i = e; j = d;
```

```
    for (k = e; k <= d; k++)
```

```
        if (aux[i].chave <= aux[j].chave)
```

```
            a[k] = aux[i++];
```

```
        else
```

```
            a[k] = aux[j--];
```

```
    }
```

Mergesort

```
void mergesort(Item a[], int e, int d)  {  
    int m = (d+e)/2;  
  
    if (d <= e) return;  
    mergesort(a, e, m);  
    mergesort(a, m+1, d);  
    merge(a, e, m, d);  
}
```

Mergesort não Recursivo

```
#define min(A, B) (A < B) ? A : B

void mergesortBU(Item a[], int e, int d) {
    int i, m;

    for (m = 1; m < d-e; m = m+m)
        for (i = e; i <= d-m; i += m+m)
            merge(a, i, i+m-1, min(i+m+m-1, d));
}
```

Considerações

► Vantagens

- Ordena vetor com N elementos e tempo proporcional a $N\log N$, não importa a entrada.
- Deve ser considerado quando alto custo de pior caso não pode ser tolerável.
- Método de ordenação estável.

► Desvantagens

- Requer espaço extra proporcional a N .
- Não é adaptável (tempo de execução independe dos dados da entrada).