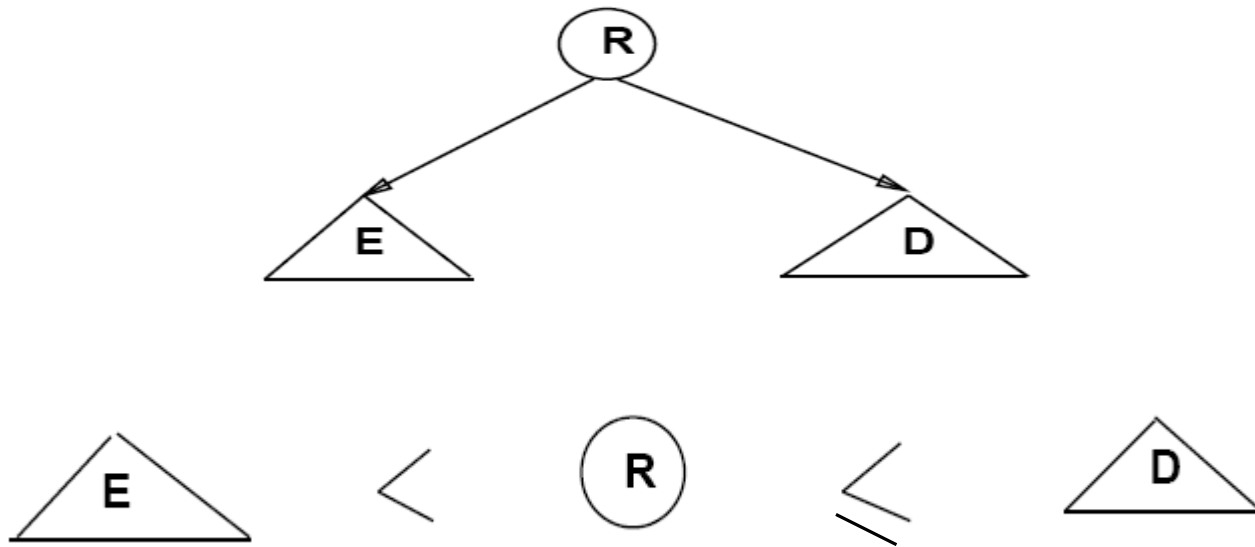


Árvores de Pesquisa sem Balanceamento

Algoritmos e Estruturas de Dados II

Árvore Binária de Pesquisa

- ▶ Árvores de pesquisa mantêm uma ordem entre seus elementos
 - ▶ Raiz é maior que os elementos na árvore à esquerda
 - ▶ Raiz é menor que os elementos na árvore à direita

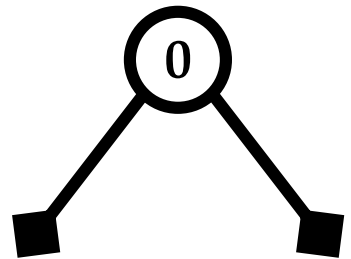


Árvore Binária de Pesquisa

```
struct arvore {  
    struct arvore *esq;  
    struct arvore *dir;  
    Registro reg;  
};
```

```
struct arvore *cria_arvore(Registro reg) {  
    struct arvore *novo;
```

```
    novo = malloc(sizeof(struct arvore));  
    novo->esq = NULL;  
    novo->dir = NULL;  
    novo->reg = reg;  
}
```

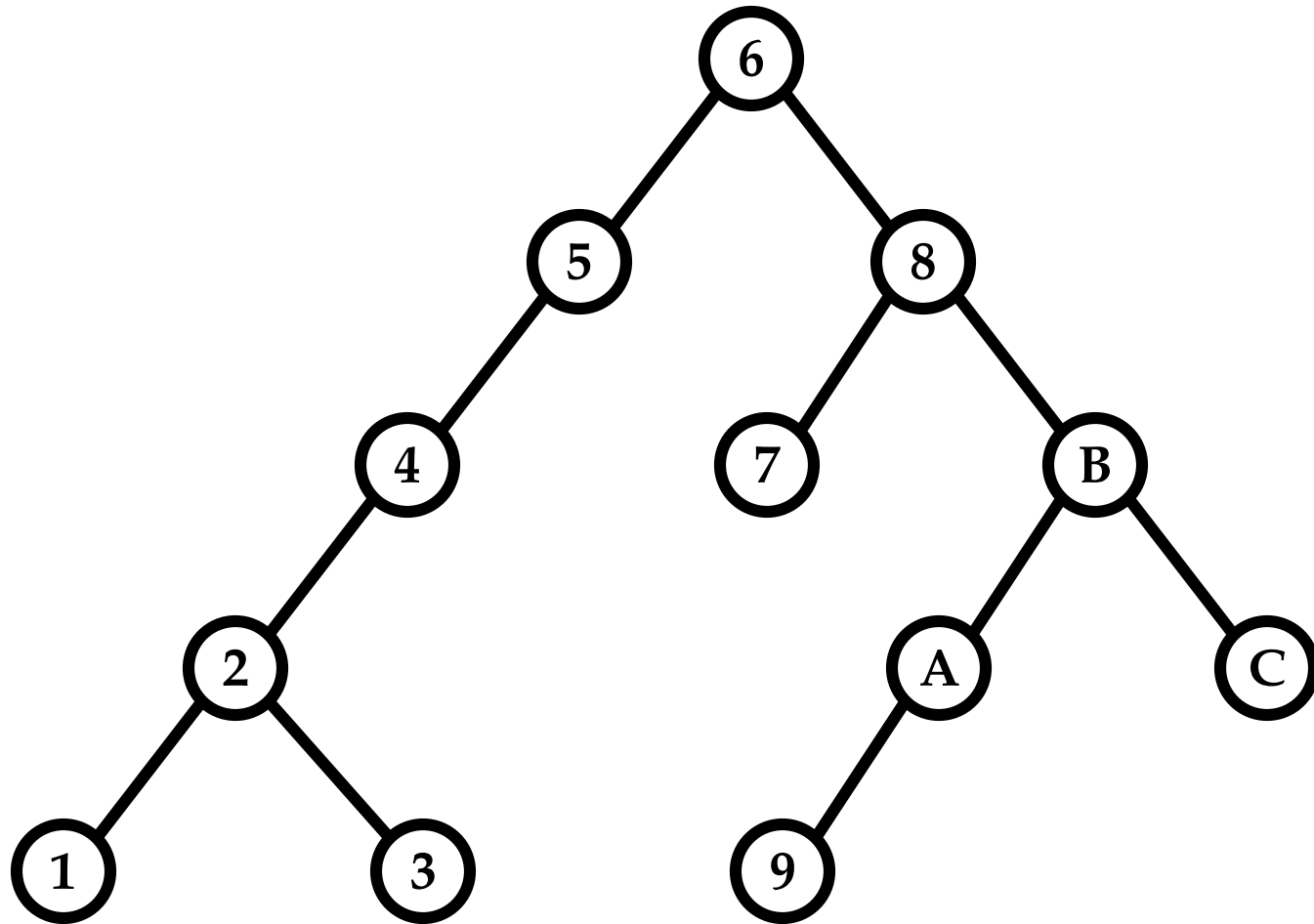


Árvore Binária de Pesquisa: Busca

```
void Pesquisa(Registro *x, struct arvore *t) {  
  
    if (t == NULL) {  
        printf("Registro não esta presente na árvore\n");  
    }  
    else if (x->Chave < t->reg.Chave)  
        Pesquisa(x, t->Esq); /* busca no filho esquerdo */  
    else if (x->Chave > t->reg.Chave)  
        Pesquisa(x, t->Dir); /* busca no filho direito */  
    else  
        *x = t->reg;  
}
```



Árvore Binária de Pesquisa: Busca

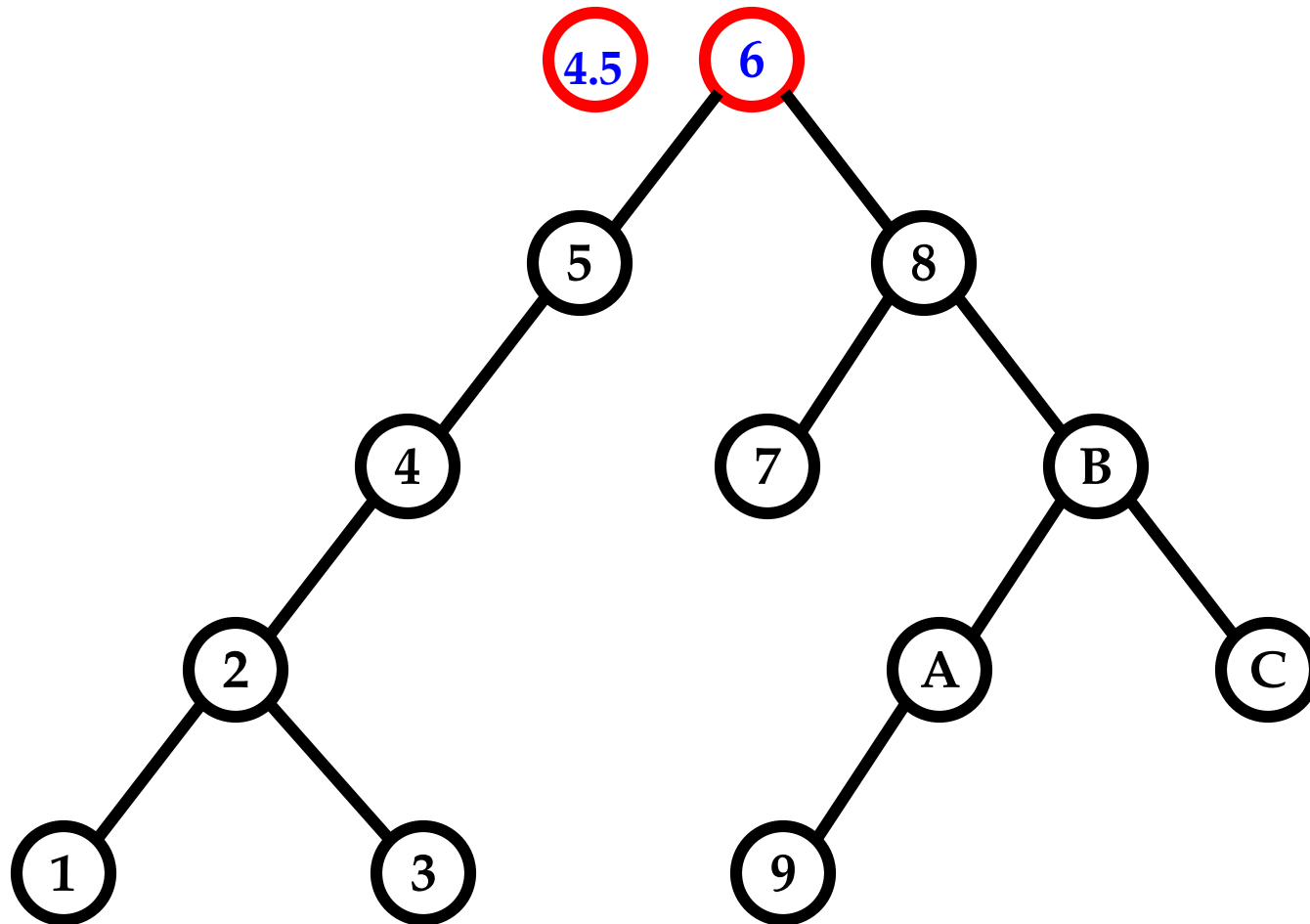


Árvore Binária de Pesquisa: Inserção

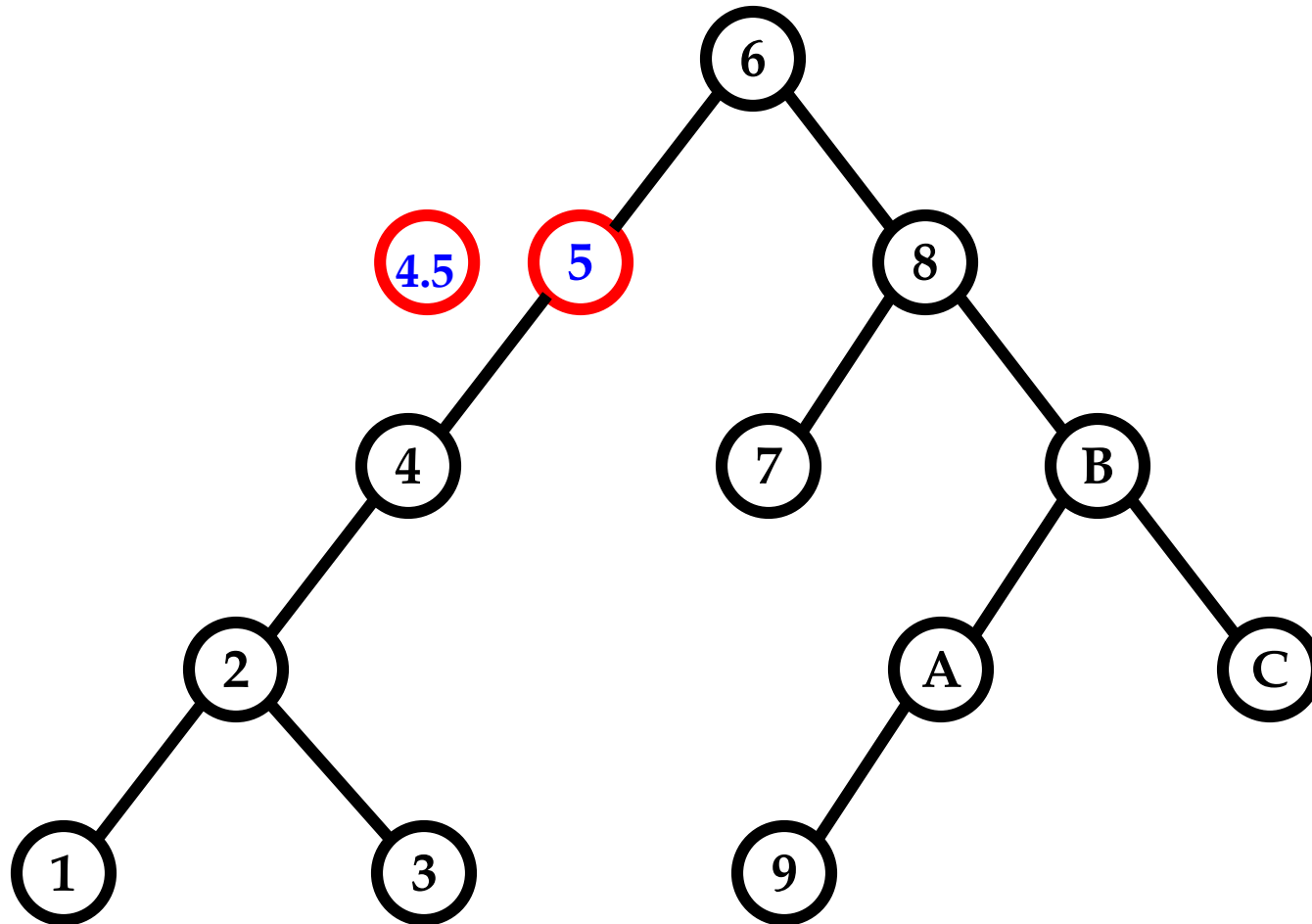
- ▶ O elemento vai ser inserido como uma *folha* da árvore de busca
- ▶ Vamos procurar o lugar de inserção navegando da raiz até a *folha* onde ele será inserido



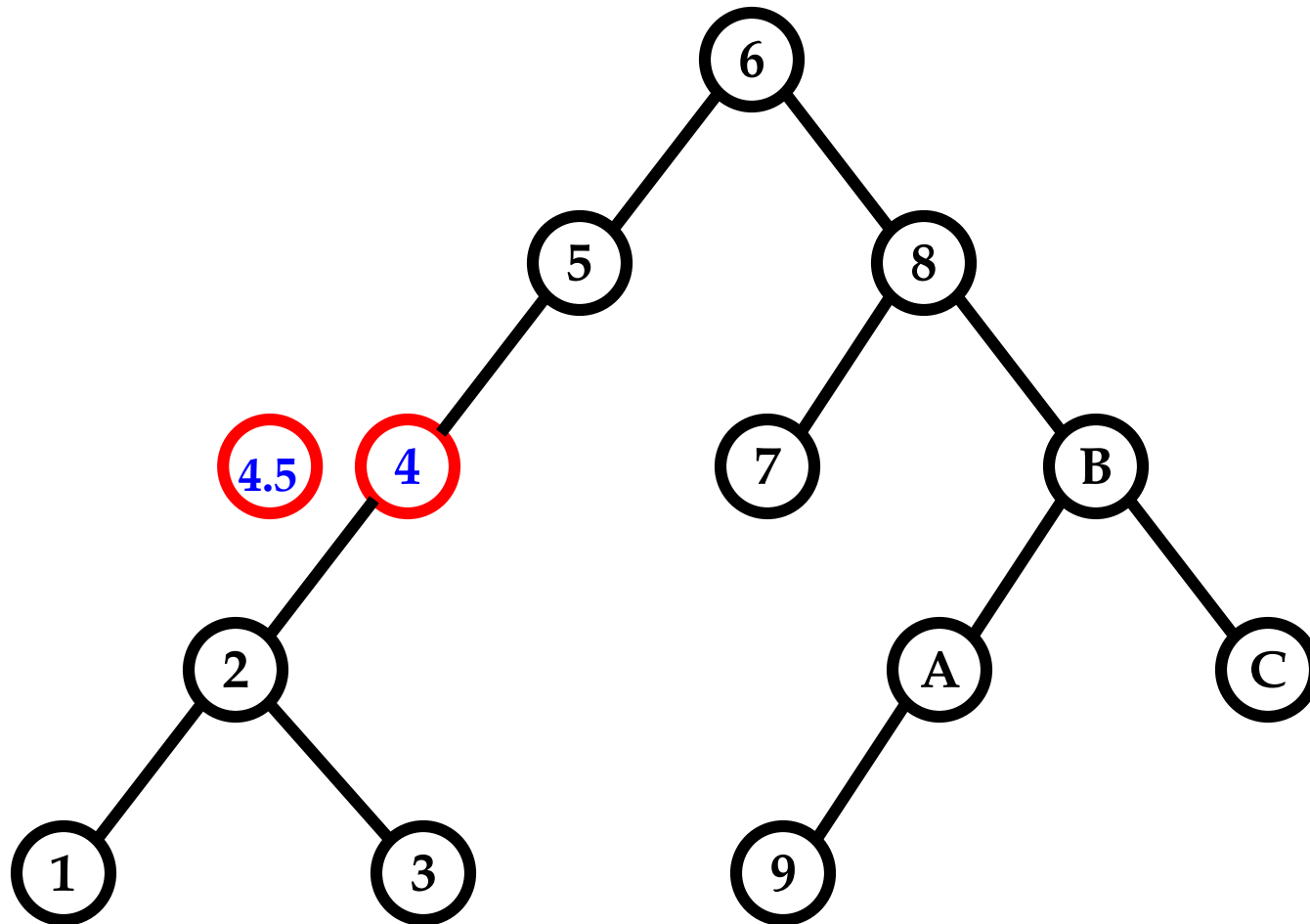
Árvore Binária de Pesquisa: Inserção



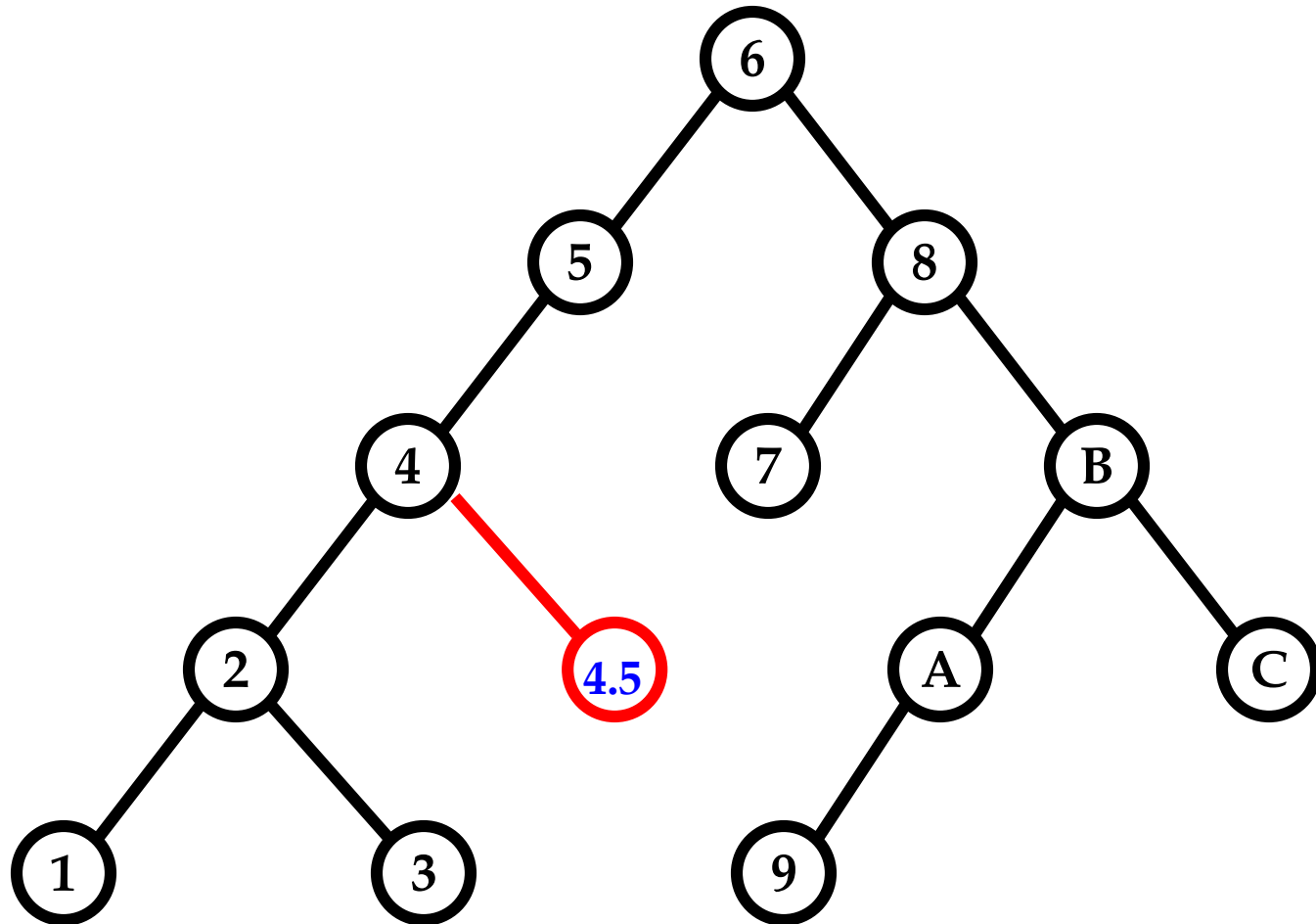
Árvore Binária de Pesquisa: Inserção



Árvore Binária de Pesquisa: Inserção



Árvore Binária de Pesquisa: Inserção



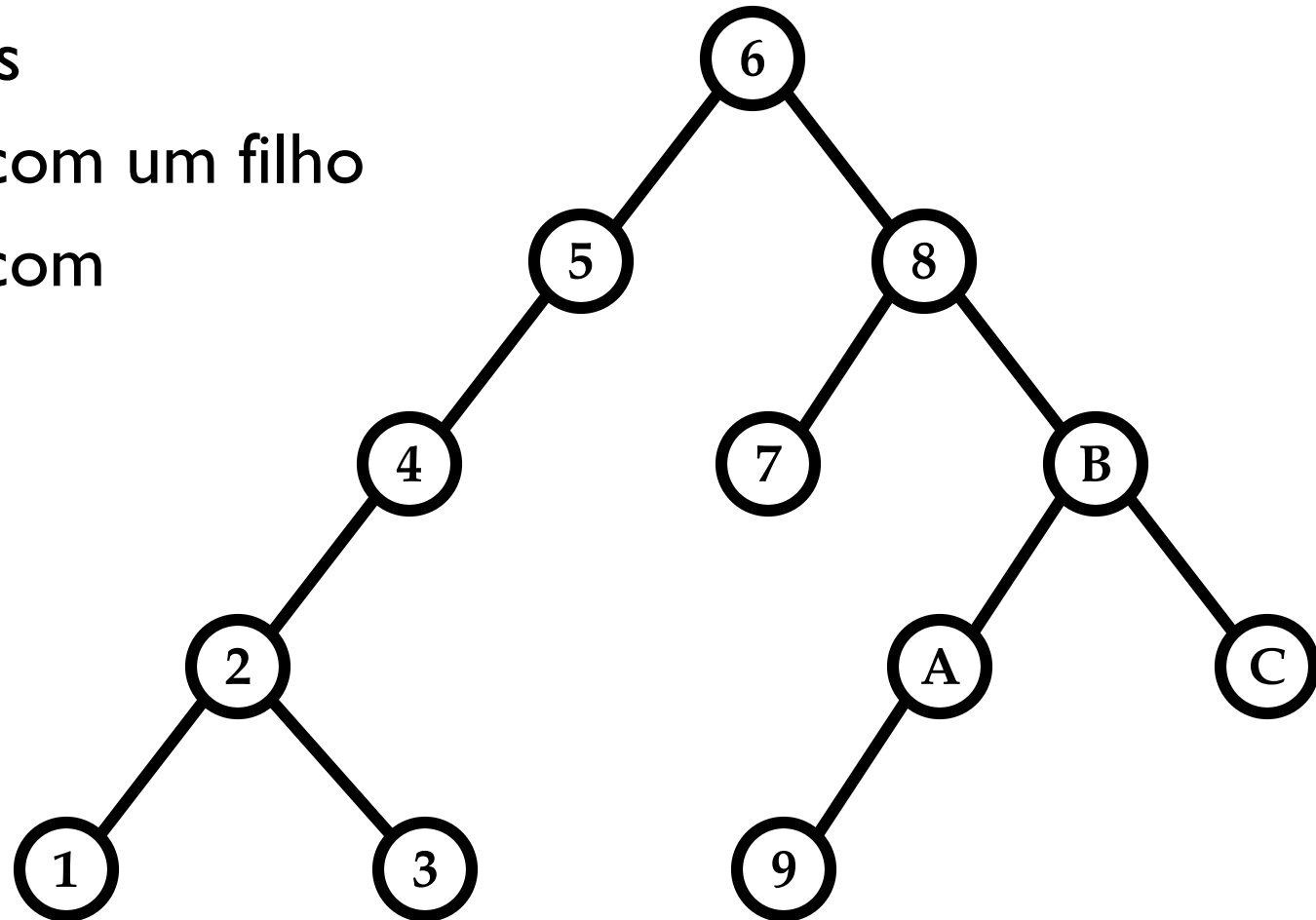
Árvore Binária de Pesquisa: Inserção

```
void insere_elemento(struct arvore *t, Registro reg) {  
    if(reg.Chave < t->reg.Chave) { /* chave menor */  
        if (t->esq) { insere_elemento(t->esq, reg); }  
        else { /* achou local de inserção */  
            struct arvore *novo = cria_arvore(reg);  
            t->esq = novo;  
        }  
    } else { /* chave maior ou igual ao nodo atual */  
        if (t->dir) { insere_elemento(t->dir, reg); }  
        else {  
            struct arvore *novo = cria_arvore(reg);  
            t->dir = novo;  
        }  
    }  
}
```



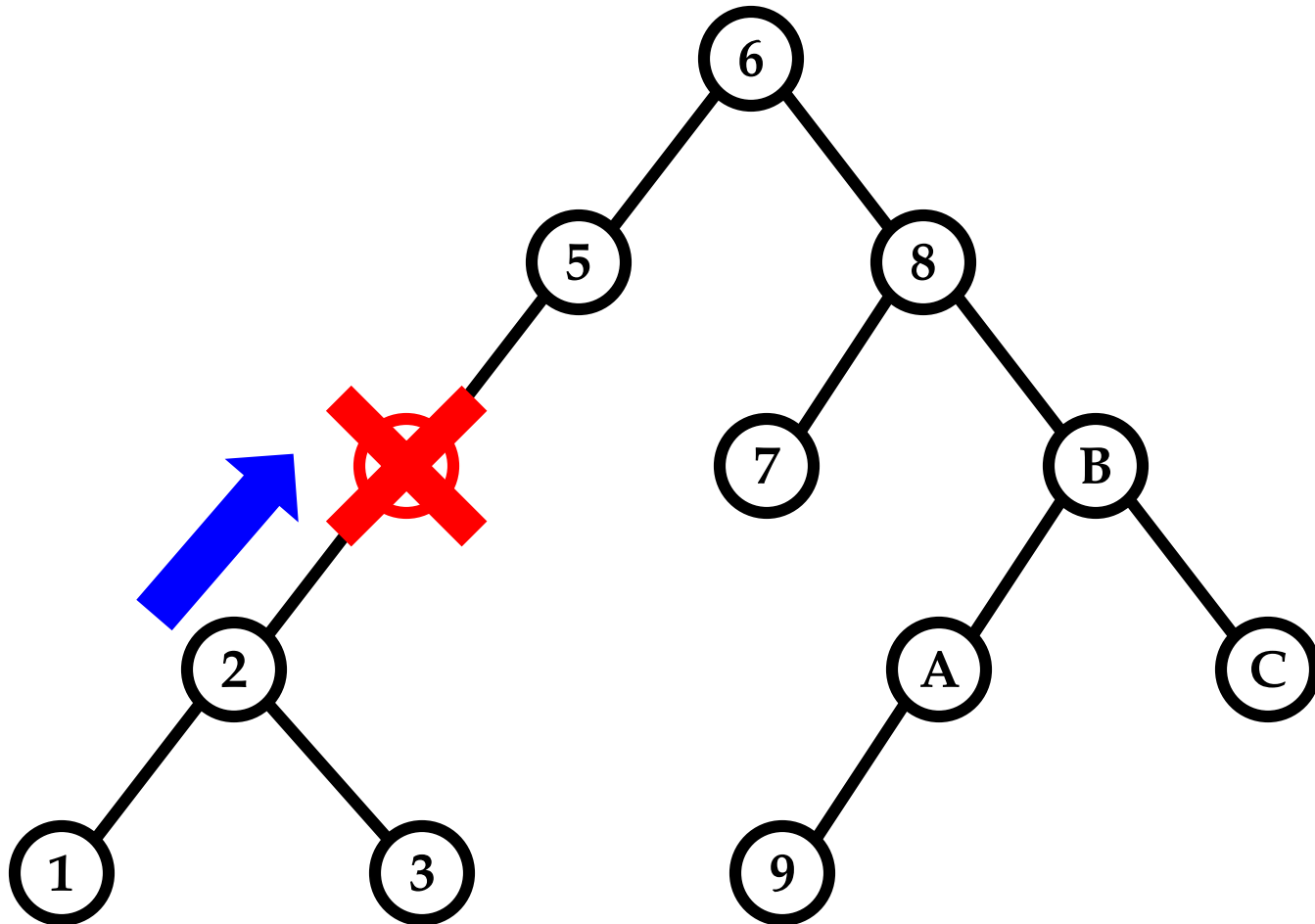
Árvore Binária de Pesquisa: Remoção

- ▶ Remover folhas
- ▶ Remover nós com um filho
- ▶ Remover nós com dois filhos



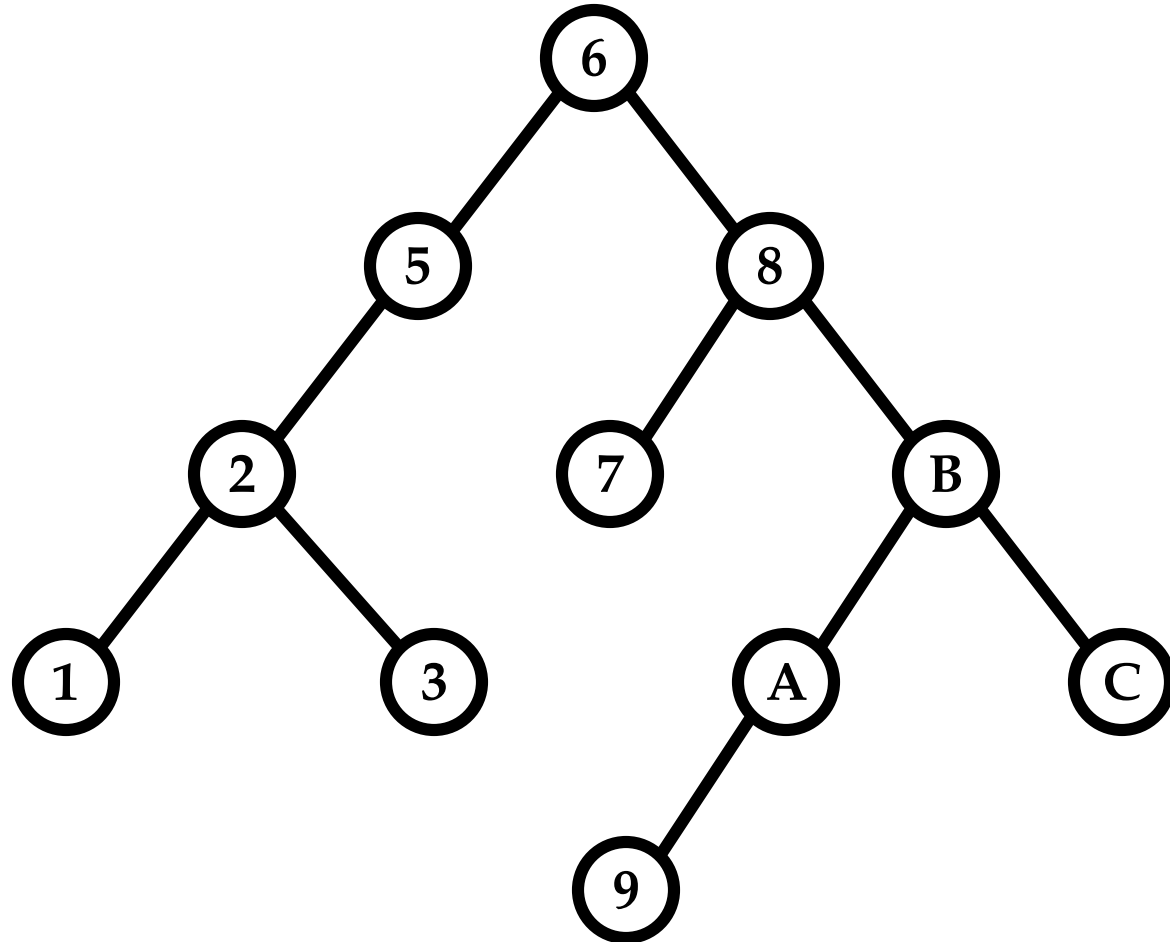
Árvore Binária de Pesquisa: Remoção

- Nó com 1 filho



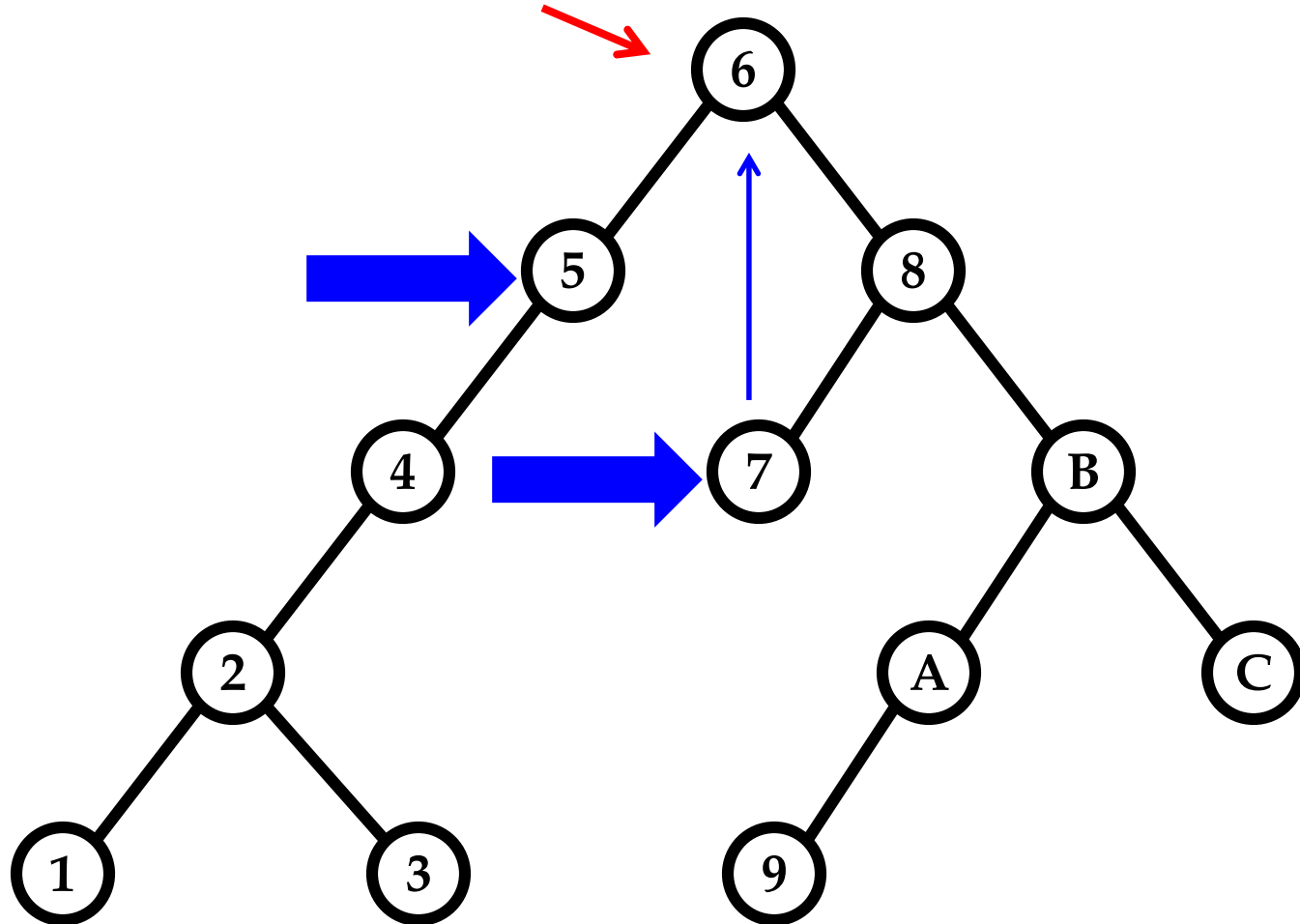
Árvore Binária de Pesquisa: Remoção

- Nó com 1 filho



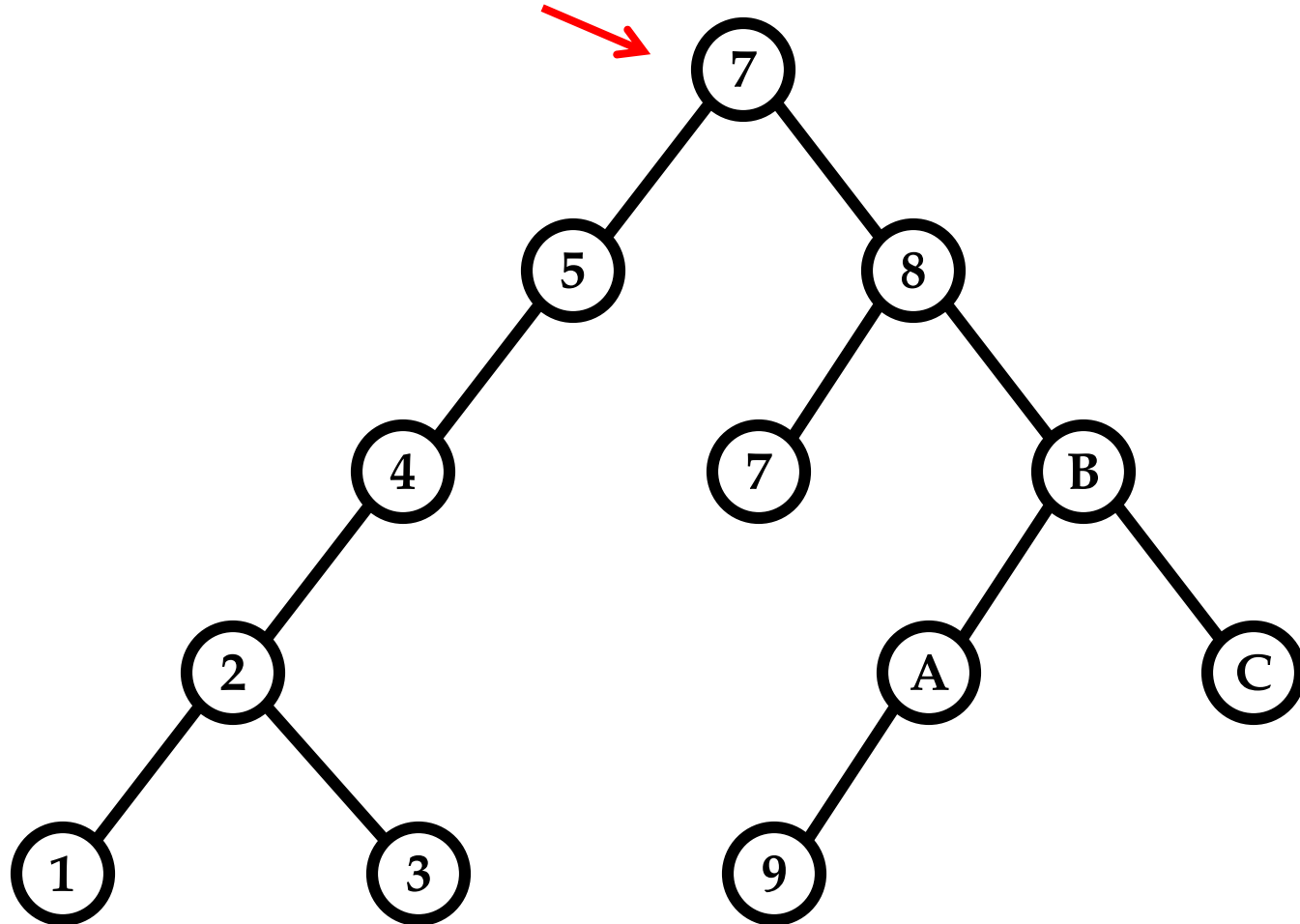
Árvore Binária de Pesquisa: Remoção

► Nó com 2 filhos



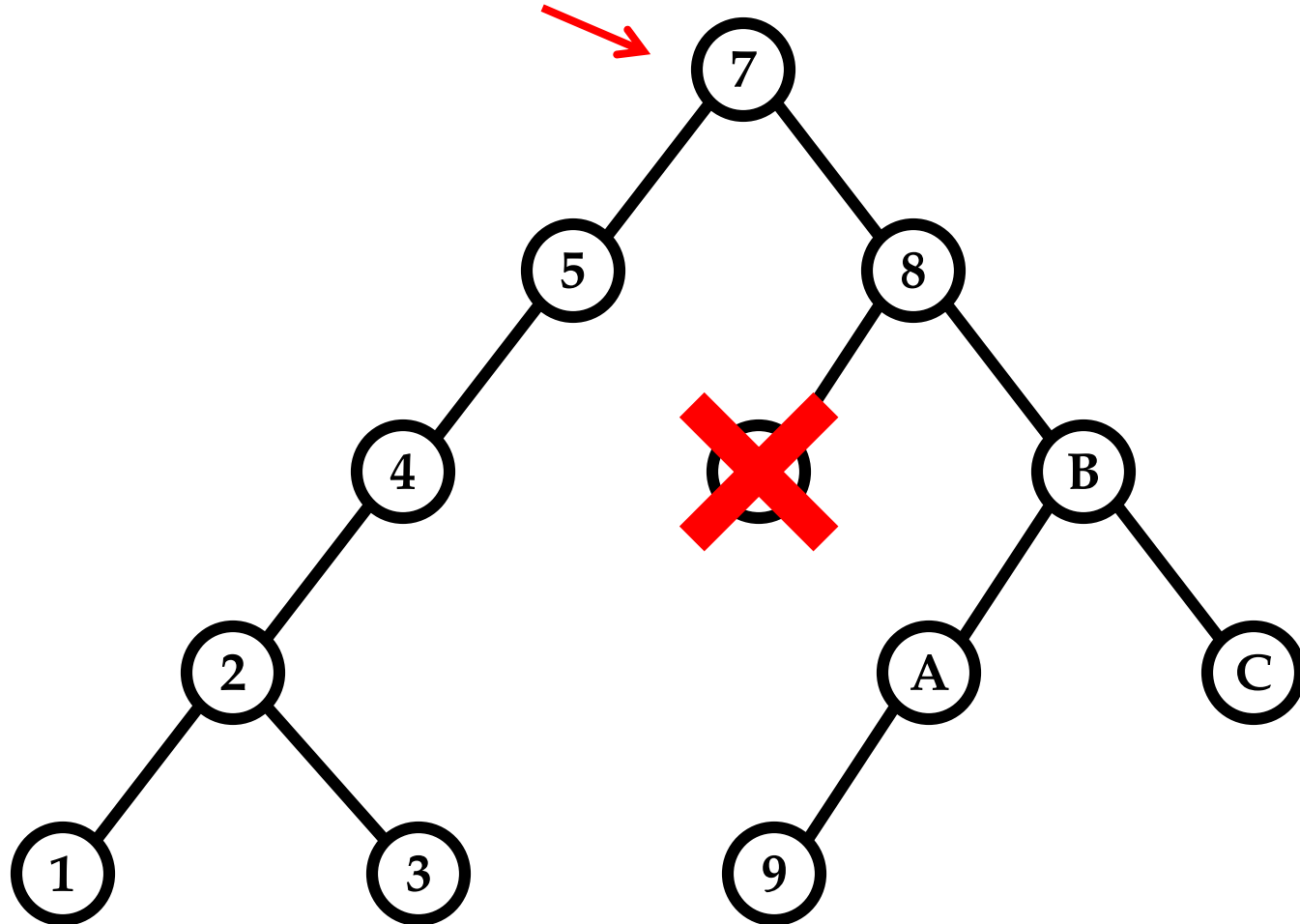
Árvore Binária de Pesquisa: Remoção

- Nó com 2 filhos



Árvore Binária de Pesquisa: Remoção

► Nó com 2 filhos



Árvore Binária de Pesquisa: Remoção

```
struct arvore *remove(struct arvore *t, TipoChave Chave) {
struct arvore *aux;
    if(t == NULL) { printf("elemento ausente\n"); }
    else if(Chave < t->reg.Chave){ t->esq=remove(t->esq, Chave); }
    else if(Chave > t->reg.Chave){ t->dir=remove(t->dir, Chave); }
    else if (t->esq == NULL && t->dir == NULL) {
        free(t); return NULL; /* zero filhos */
    }
    else if(t->esq == NULL) {
        aux = t->dir; free(t); return aux; /* 1 filho direita */
    }
    else if(t->dir == NULL) {
        aux = t->esq; free(t); return aux; /* 1 filho esquerda */
    } else { /* 2 filhos */
        struct arvore *suc = acha_menor(t->dir);
        t->reg = suc->reg;
        t->dir = remove(t->dir, suc->reg.Chave);
        return t;
    }
return t;
}
```

Árvore Binária de Pesquisa: Remoção

```
void acha_menor(arvore *t) {  
    if (t->esq == NULL) {  
        return t;  
    }  
    return acha_menor(t->esq);  
}
```

